

## 6.10

设机器字长为 8 位 (含一位符号位)

[+0]原=0, 0000000 [-0]原=1, 0000000

[+0]补= [-0]补=0, 0000000

[+0]反=0, 0000000 [-0]反=1, 1111111

[+0]移= [-0]移=1, 0000000

结论: 补码和移码表示的零是唯一的, 原码和反码表示的零不唯一。

## 6.15

机器零: 当一个浮点数的尾数为 0 时, 不论其阶码为何值, 或者当一个浮点数的阶码等于或小于它所能表示的最小值时, 不论其尾数为何值, 机器都把该浮点数当机器零处理。

全 0 表示机器零:

尾数: 采用补码时全 0 表示尾数为 0

阶码: 采用移码时, 全 0 为其所能表示的最小值

## 6.16

字长: 16 位

(1) 无符号数:

整数:  $0 \sim 2^{16} - 1$  即  $0 \sim 65535$

小数:  $0 \sim 1 - 2^{-16}$  即  $0 \sim 0.9999847412109375$

(2) 原码表示的定点小数:

$-1 + 2^{-15} \sim 1 - 2^{-15}$ , 即  $-0.999969482421875 \sim 0.999969482421875$

(3) 补码表示的定点小数:

$$-1 \sim 1 - 2^{-15}, \text{ 即 } -1 \sim 0.999969482421875$$

(4) 补码表示的定点整数:

$$-2^{15} \sim 2^{15} - 1, \text{ 即 } -32,768 \sim 32,767$$

(5) 原码表示的定点整数:

$$-2^{15} + 1 \sim 2^{15} - 1, \text{ 即 } -32,767 \sim 32,767$$

(6) 浮点数, 阶码 6 位 (含 1 位阶符), 尾数 10 位 (含 1 位数符)

$$\text{正数: } 2^{-(2^5-1)} \times 2^{-9} \sim 2^{(2^5-1)} \times (1 - 2^{-9}),$$

$$\text{即 } 0.000000000000090949470177 \sim 2143289344$$

$$\text{负数: } -2^{(2^5-1)} \times (1 - 2^{-9}) \sim -2^{-(2^5-1)} \times 2^{-9}$$

$$\text{即 } -2143289344 \sim -0.000000000000090949470177$$

(7) (6) 补码规格化, 若不考虑隐藏位:

$$\text{正数: } 2^{-2^5} \times 2^{-1} \sim 2^{(2^5-1)} \times (1 - 2^{-9})$$

$$\text{即 } 0.00000000011641532182693 \sim 2143289344$$

$$\text{负数: } -2^{2^5} \times 1 \sim -2^{-2^5} \times 2^{-1}$$

$$\text{即 } -4,294,967,296 \sim -0.00000000011641532182693$$

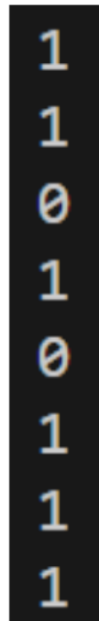
## 补充题

(1) 常见的数值的简洁编码表示:

可用 Huffman 编码实现变长编码, 高频值用短码, 低频值用长码。不同长度编码之间的区分则需要使用前导字节标记、游程编码等方法

(2) 机器字长 64 位

1.  $0 == 0U$
2.  $-1 < 0$
3.  $-1 < 0U$
4.  $2147483647 > -2147483647-1$
5.  $2147483647U > -2147483647-1$
6.  $2147483647 > (\text{int}) 2147483648U$
7.  $-1 > -2$
8.  $(\text{unsigned}) -1 > -2$



1、2、4、7 显然

3. 是由于 C 语言中进行符号整数和无符号整数混合运算时，有符号整数会被隐式转换为无符号整数。 $-1$  补码表示  $1111\dots1111$  转换为无符号数为  $2^{64}-1 > 0$

5. 的原因同上

6.  $\text{int}$  表示的最大值为  $2147483647$ ，而  $2147483648U$  超过  $\text{int}$  能表达的范围，所以  $2147483648U = 1000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000$  强制转换为有符号整数  $\text{int}$  类型的补码，即真值变为  $-2147483647 < 2147483647$

8.  $-1$  的补码为  $1111\dots1111$ ， $-2$  的补码为  $1111\dots1110$ ，而  $1111\dots1111U > 1111\dots1110U$

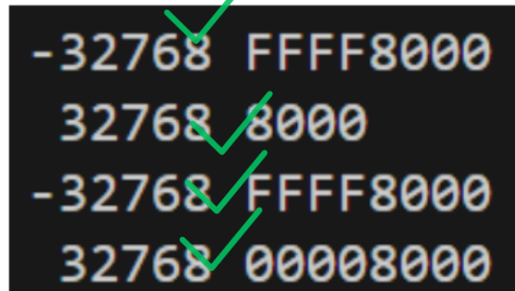
(3) 机器字长 64 位

```
short si = -32768;
```

```
unsigned short usi = si;
```

```
int i = si;
```

```
unsigned ui = usi ;
```



-32768	FFFF8000
32768	8000
-32768	FFFF8000
32768	00008000

真值的结果显然如此

机器数的结果，前三个显然，最后 ui 是对 unsigned short 类型的 usi 做了零扩展，所以多

出了高位的 4 个 0