

6.10

设机器字长为 8 位 (含一位符号位)

[+0]原=0, 0000000 [- 0]原=1, 0000000

[+0]补= [- 0]补=0, 0000000

[+0]反=0, 0000000 [- 0]反=1, 1111111

[+0]移= [- 0]移=1, 0000000

结论: 补码和移码表示的零是唯一的, 原码和反码表示的零不唯一。

6.15

机器零: 当一个浮点数的尾数为 0 时, 不论其阶码为何值, 或者当一个浮点数的阶码等于或小于它所能表示的最小数时, 不论其尾数为何值, 机器都把该浮点数当机器零处理。

全 0 表示机器零:

尾数: 采用**补码**时全 0 表示尾数为 0

阶码: 采用**移码**时, 全 0 为其所能表示的最小数

6.16

字长: 16 位

(1) 无符号数:

整数: $0 \sim 2^{16} - 1$ 即 $0 \sim 65535$

小数: $0 \sim 1 - 2^{-16}$ 即 $0 \sim 0.9999847412109375$

(2) 原码表示的定点小数:

$-1 + 2^{-15} \sim 1 - 2^{-15}$, 即 $-0.999969482421875 \sim 0.999969482421875$

(3) 补码表示的定点小数:

$$-1 \sim 1 - 2^{-15}, \text{ 即 } -1 \sim 0.999969482421875$$

(4) 补码表示的定点整数:

$$-2^{15} \sim 2^{15} - 1, \text{ 即 } -32,768 \sim 32,767$$

(5) 原码表示的定点整数:

$$-2^{15} + 1 \sim 2^{15} - 1, \text{ 即 } -32,767 \sim 32,767$$

(6) 浮点数, 阶码 6 位 (含 1 位阶符), 尾数 10 位 (含 1 位数符)

$$\text{正数: } 2^{-(2^5-1)} \times 2^{-9} \sim 2^{(2^5-1)} \times (1 - 2^{-9}),$$

$$\text{即 } 0.00000000000090949470177 \sim 2143289344$$

$$\text{负数: } -2^{(2^5-1)} \times (1 - 2^{-9}) \sim -2^{-(2^5-1)} \times 2^{-9}$$

$$\text{即 } -2143289344 \sim -0.00000000000090949470177$$

(7) (6) 补码规格化, 若不考虑隐藏位:

$$\text{正数: } 2^{-2^5} \times 2^{-1} \sim 2^{(2^5-1)} \times (1 - 2^{-9})$$

$$\text{即 } 0.00000000011641532182693 \sim 2143289344$$

$$\text{负数: } -2^{2^5} \times 1 \sim -2^{-2^5} \times 2^{-1}$$

$$\text{即 } -4,294,967,296 \sim -0.00000000011641532182693$$

补充题

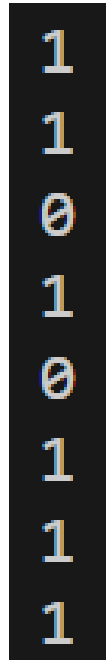
(1) 常见的数值的简洁编码表示:

可用 Huffman 编码实现变长编码, 高频值用短码, 低频值用长码。不同长度编码之

间的区分则需要使用前导字节标记、游程编码等方法

(2) 机器字长 64 位

1. $0 == 0U$
2. $-1 < 0$
3. $-1 < 0U$
4. $2147483647 > -2147483647-1$
5. $2147483647U > -2147483647-1$
6. $2147483647 > (\text{int}) 2147483648U$
7. $-1 > -2$
8. $(\text{unsigned}) -1 > -2$



1、2、4、7 显然

3. 是由于 C 语言中进行符号整数和无符号整数混合运算时，有符号整数会被隐式转换为无符号整数。 -1 补码表示 $1111\dots1111$ 转换为无符号数为 $2^{64}-1 > 0$

5. 的原因同上

6. int 表示的最大值为 2147483647 ，而 $2147483648U$ 超过 int 能表达的范围，所以 $2147483648U = 1000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000$ 强制转换为有符号整数 int 类型的补码，即真值变为 $-2147483647 < 2147483647$

8. -1 的补码为 $1111\dots1111$ ， -2 的补码为 $1111\dots1110$ ，而 $1111\dots1111U > 1111\dots1110U$

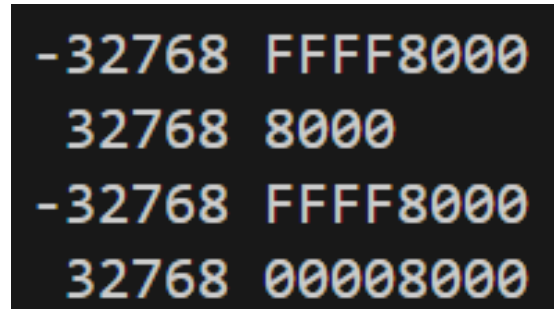
(3) 机器字长 64 位

```
short si = -32768;
```

```
unsigned short usi = si;
```

```
int i = si;
```

```
unsigned ui = usi ;
```



-32768	FFFF8000
32768	8000
-32768	FFFF8000
32768	00008000

真值的结果显然如此

机器数的结果，前三个显然，最后 ui 是对 unsigned short 类型的 usi 做了零扩展，所以多出了高位的 4 个 0