## Практика

## ДИСКРЕТНЫЕ СЛУЧАЙНЫЕ ВЕЛИЧИНЫ

Случайную величину называем дискретной, если она принимает не более чем счетное число значений. Такая случайная величина задается законом распределения:

ξ	$x_1$	$x_2$	•••	$x_n$	•••
Р	$p_1$	$p_2$		$p_n$	•••

Здесь элементы первой строки  $x_i$  — значения, которые может принять данная случайная величины, а элементы второй строки  $p_i$  — вероятности этих значений, причем  $\sum_{i=1}^{\infty} p_i = 1$ .

Важнейшими числовыми характеристиками случайной величины являются математическое ожидание (среднее значение)  $E\xi$ , дисперсия  $D\xi$  и среднее квадратическое отклонение  $\sigma_{\xi}$ , которые вычисляются по формулам:

$$E\xi = \sum_{i=1}^{\infty} x_i p_i; \quad D\xi = E\xi^2 - (E\xi)^2 = \sum_{i=1}^{\infty} x_i^2 p_i - (E\xi)^2; \quad \sigma_{\xi} = \sqrt{D\xi}$$

Α

 Найти математическое ожидание, дисперсию и среднее квадратическое отклонение дискретной случайной величины, заданной законом распределения:

ξ	-1	0	1	2	
Р	0,3	0,4	0,2	0,1	

$$E g = -0.3 + 0.2 + 0.2 = 0.1$$

$$D g = 0.3 + 0.2 + 0.4 - 0.01 = 0.89$$

$$C = \sqrt{D} g = 0.94$$

2. Найти  $p_4$ , числовые характеристики дискретной случайной величины и  $P(0 \le \xi < 2)$ . Найти функцию распределения и построить ее график.

ξ	-2	-1	0	1	3
Р	0,4	0,2	0,1	$p_4$	0,2

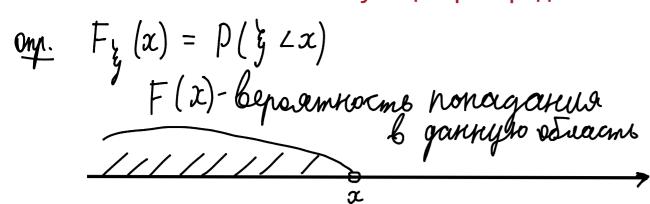
$$P_{4} = 1 - 0,4 - 0,2 - 0,1 - 0,2 = 0,1$$

$$E_{5} = -0,8 - 0,2 + 0,1 + 0,6 = -0,3$$

$$P_{5} = 1,6 + 0,2 + 0,1 + 1,8 - 0,00 = 3,61$$

$$P_{5} = 1,9$$

$$P_{5} = 1,9$$



Α

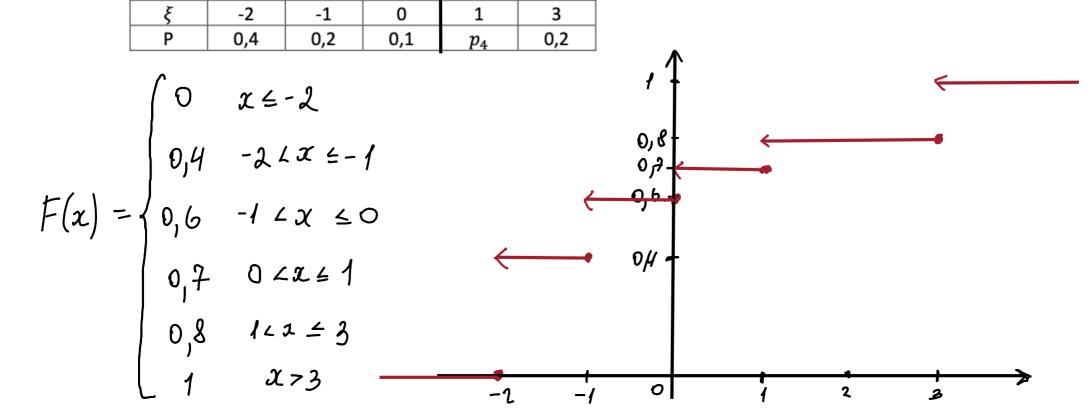
1. Найти математическое ожидание, дисперсию и среднее квадратическое отклонение дискретной случайной величины, заданной законом распределения:

ξ	-1	0	1	2	
Р	0,3	0,4	0,2	0,1	

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x \le -1 \\ 0, 3 - 1 \le x \le 0 \\ 0, 3 + 0, 4 = 0, 7 & 0 < x \le 1 \\ 0, 9 + 0, 2 = 0, 9 & 1 < 2 \le 2 \\ 1, & x > 2 & 0, 0 \end{cases}$$

2. Найти  $p_4$ , числовые характеристики дискретной случайной величины и  $P(0 \le \xi < 2)$ . Найти функцию распределения и построить ее график.

ξ	-2	-1	0	1	3
Р	0,4	0,2	0,1	$p_4$	0,2



## Свойства математического ожидания и дисперсии

1) 
$$EC = C$$
,  $DC = 0$   
2)  $E(\xi + C) = F\xi + C$   $P(\xi + C) = D\xi + C$   
3)  $E(C \cdot \xi) = C \cdot E\xi$ ,  $P(C \cdot \xi) = C^2 \cdot D\xi$   
4)  $E(\xi + \eta) = E\xi + E\eta$   
5) Ease  $\xi$ ,  $\eta - \text{reyab}$ , mo  $E(\xi \eta) = E\xi \cdot E\eta$   
6) Ease  $\xi$ ,  $\eta - \text{reyab}$ , mo  $P(\xi + \eta) = D\xi + \eta$ 

 $\mathcal{D}(\xi+\eta) = \mathcal{D}\xi + \mathcal{D}\eta + 2 \text{ ov}(\xi,\eta), \quad \text{ov}(\xi,\eta) = E(\xi\eta) - E\xi - E\eta$ Coverating because the responsion of the second of

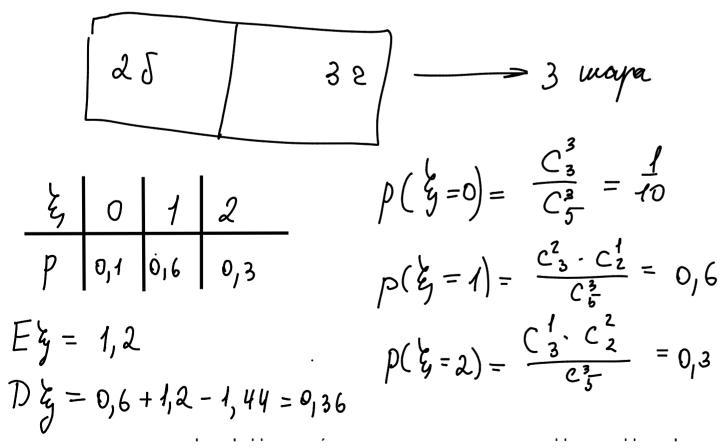
5. Случайные величины  $\xi$  и  $\eta$  независимы,  $E\xi=-1$ ,  $D\xi=2$ ,  $E\eta=3$ ,  $D\eta=5$ . Найти математическое ожидание и дисперсию случайной величины  $3\xi-2\eta$ .

$$E(3y-2\eta) = 3Ey - 2E\eta = -3 - 6 = -9$$

$$D(3y-2\eta) = D(3y) + D(-2\eta) = 9Dy + 4D\eta = -8 + 20 = 38$$

1. В урне находятся 2 белых и 3 черных шара. Из урны извлекли три шара. Случайная величина  $\xi$  — число белых среди них.

Составить ее закон распределения, найти математическое ожидание и дисперсию.



2. Вероятность попадания биатлониста в цель при одном выстреле равна 0,5. У стрелка четыре патрона, он стреляет в цель до первого попадания. Случайная величина  $\xi$  — число сделанных выстрелов.

Составить ее закон распределения, найти математическое ожидание и дисперсию.

$$p(\xi = k) = 9^{k-1} \cdot p \qquad p(\xi = 2) = 0,25 \qquad p(\xi = 4) = 9^{3} p + p^{4} = 0,125$$

$$p(\xi = 1) = p = 0,5 \qquad p(\xi = 3) = 0,125$$

$$E_{y} = 0,5+0,5+\dots = 1,875-$$

$$D_{y} = 0,5+1+9\cdot0,125+16\cdot0,125-(1,875)^{2}=1,109375$$

$$O_{y} \approx 1,053$$

4. Казино предлагает вам сыграть в игру: вы бросаете два игральных кубика, и получаете приз в зависимости от выпавшей на них суммы очков: 12 очков - 100 рублей, 11 очков - 90 рублей, 10 очков - 80 рублей, 9 очков - 50 рублей, от 2 до 8 очков - 0 рублей.

Какую сумму вы согласны заплатить за возможность сыграть в такую игру?

## Домашка

A3, A6

В3

**C**1