

C₂Разбор стульев C₂

A - спрятались в стуле

B - ни в одном из 11 не было

A_i - спрятались в i-ом стуле ; $P(A_i) = \frac{0,9}{12} = \frac{0,3}{4} = \frac{3}{40}$ $P(A_i | B) - ?$

$$P(A_{12} | B) = \frac{P(A_{12} \cdot \bar{A}_1 \dots \bar{A}_{11})}{P(B)} = \frac{P(A_{12} \cdot \bar{A}_1 \dots \bar{A}_{11})}{\frac{7}{40}} = \frac{P(A_{12})}{7/40} = \frac{3}{40} : \frac{7}{40} = \frac{3}{7}$$

$$P(B) = P(\bar{A}_1 \dots \bar{A}_{11}) = 1 - P(\bar{B}) = \frac{7}{40}$$

$$P(\bar{B}) = P(A_1 + \dots + A_{11}) = P(A_1) + \dots + P(A_{11}) = \frac{33}{40}$$

Разбор C3

3. Имеются n урн, в каждой n шаров. В 1-й урне 1 черный, остальные белые, во 2-й – 2 черных, ..., в n-й все черные. Из наугад выбранной урны достали шар, который оказался черным. Какова вероятность того, что второй шар из этой же урны также будет черным?

$$\sum_{k=1}^n x^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$

H_i - выбрали i-ую урну ; $P(H_i) = \frac{1}{n}$

A - дост. 2 I раз

$$P(A | H_i) = \frac{i}{n}$$

B - дост. 2 II раз

$$P(A) = \sum_{k=1}^n P(H_k) \cdot P(A | H_k) = \sum \frac{1}{n} \cdot \frac{k}{n} = \frac{n(n+1)}{2n^2} = \frac{n+1}{2n}$$

$$P(AB) = \sum_{k=1}^n P(H_k) P(AB | H_k) = \sum \frac{1}{n} \cdot \frac{k(k-1)}{n(n-1)} = \frac{n(n-1)(n+1)}{3n^2(n-1)} = \frac{n+1}{3n}$$

$$\sum_{k=1}^n k(k-1) = \sum (k^2 - k) = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6} - \frac{n(n+1)}{2} = \frac{n(n-1)(n+1)}{3}$$

$$P(B | A) = \frac{P(AB)}{P(A)} = \frac{2}{3}$$