

Микроэкономика 1

Лекция 12

Морфий

Группа БЭАД242

2 приложения модели с натуральным доходом.

- модель предложения труда
- модель межпериодного выбора

Модель предложения труда.

1-ое благо — время, которое потребитель распределяет между трудом и отдыхом. Будем считать, что потребитель может свободно варьировать время занятости.

l (leisure) — время отдыха (свободное время),

L (labour) — время работы,

$\bar{L} > 0$ — запас времени.

2-ое благо — агрегированное потребительское благо (то есть, расходы на всё остальное), $p_c = 1$.

c (consumption) — агрегированное потребительское благо.

$w > 0$ (wage) — ставка заработной платы.

$M \geq 0$ (money) — нетрудовой доход.

Уравнение бюджетной линии.

$$c = wL + M, L \leq \bar{L}$$

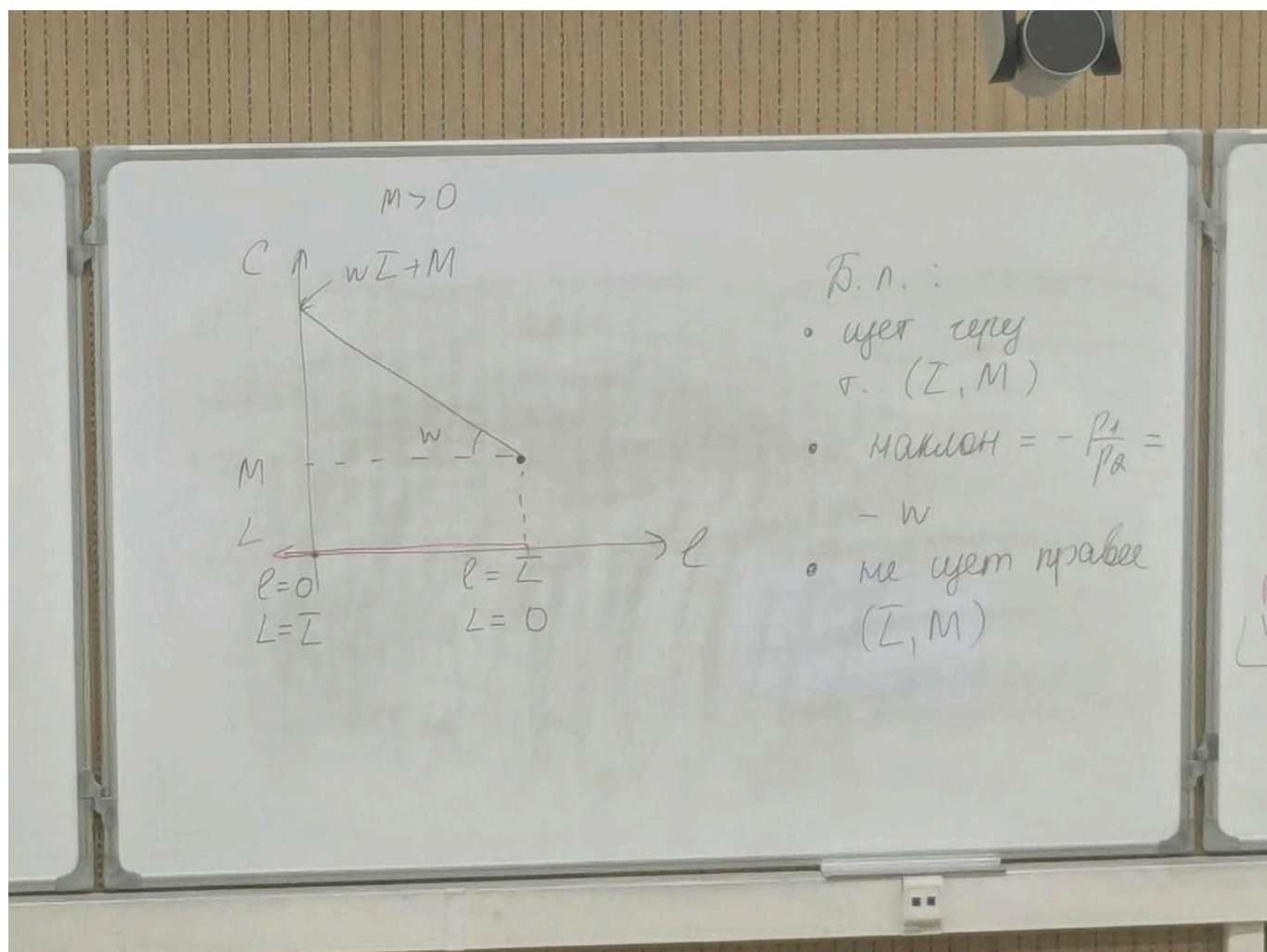
Ясно, что $l + L = \bar{L} \Rightarrow L = \bar{L} - l$:

$$c = w(\bar{L} - l) + M = w\bar{L} + M - wl, l \leq \bar{L}$$

$$wl + c = w\bar{L} + M$$

Отсюда $wl = p_1 x_1$, $c = p_2 x_2$, $wL = p_1 \omega_1$, $M = p_2 \omega_2$, как в модели с натуральным доходом при точке первоначального запаса (\bar{L}, M) .

- каждый час отдыха «стоит» w



Будем считать, что предпочтения потребителя на наборах (l, c) описываются непрерывной функцией полезности $u(l, c)$ и предпочтения монотонны. Задача UMP:

$$\begin{cases} u(l, c) \rightarrow \max_{l, c \geq 0} \\ wl + C = w\bar{L} + M \\ l \leq \bar{L} \end{cases}$$

Если предпочтения строго выпуклы, то существует единственное решение $(\tilde{l}, \tilde{c}) \Rightarrow \tilde{L} = \bar{L} - \tilde{l}$.

Если функция полезности дифференцируема и $(\tilde{l}, \tilde{c} > 0)$ — внутреннее решение UMP (то есть $0 < \tilde{l} < \bar{L}$), то:

$$\text{MRS}_{lc}(\tilde{l}, \tilde{c}) = w$$

Потребитель не может быть чистым покупателем свободного времени. Тогда он либо чистый продавец, либо потребитель отдыха.

Пример.

$$u(l, c) = l^\alpha c^\beta$$

$$l(w) = \frac{\alpha m}{(\alpha + \beta)w} = \frac{\alpha(w\bar{L} + M)}{(\alpha + \beta)w} = \frac{\alpha\bar{L}}{\alpha + \beta} + \frac{\alpha M}{(\alpha + \beta)w}$$

Спрос на досуг падает с ростом цены.

Как меняется предложение труда при росте ставки заработной платы?

$$w^0 \rightarrow w' > w^0.$$

$$\Delta l = \Delta l^{\text{SE}} + \Delta l^{\text{WE}}$$

$$\Delta l^{\text{SE}} \leq 0$$

Потребитель — чистый продавец отдыха.

Цена растёт \Rightarrow потребитель становится богаче.

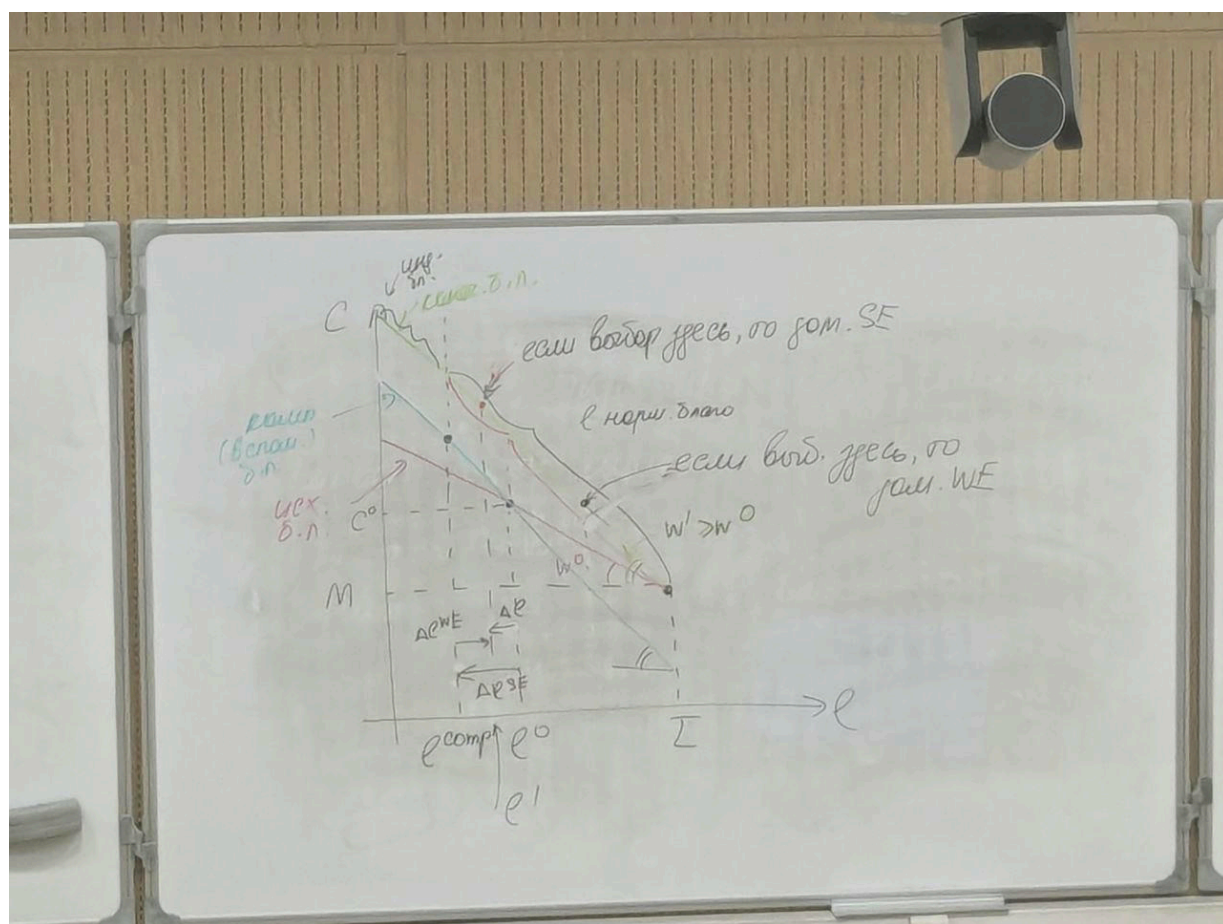
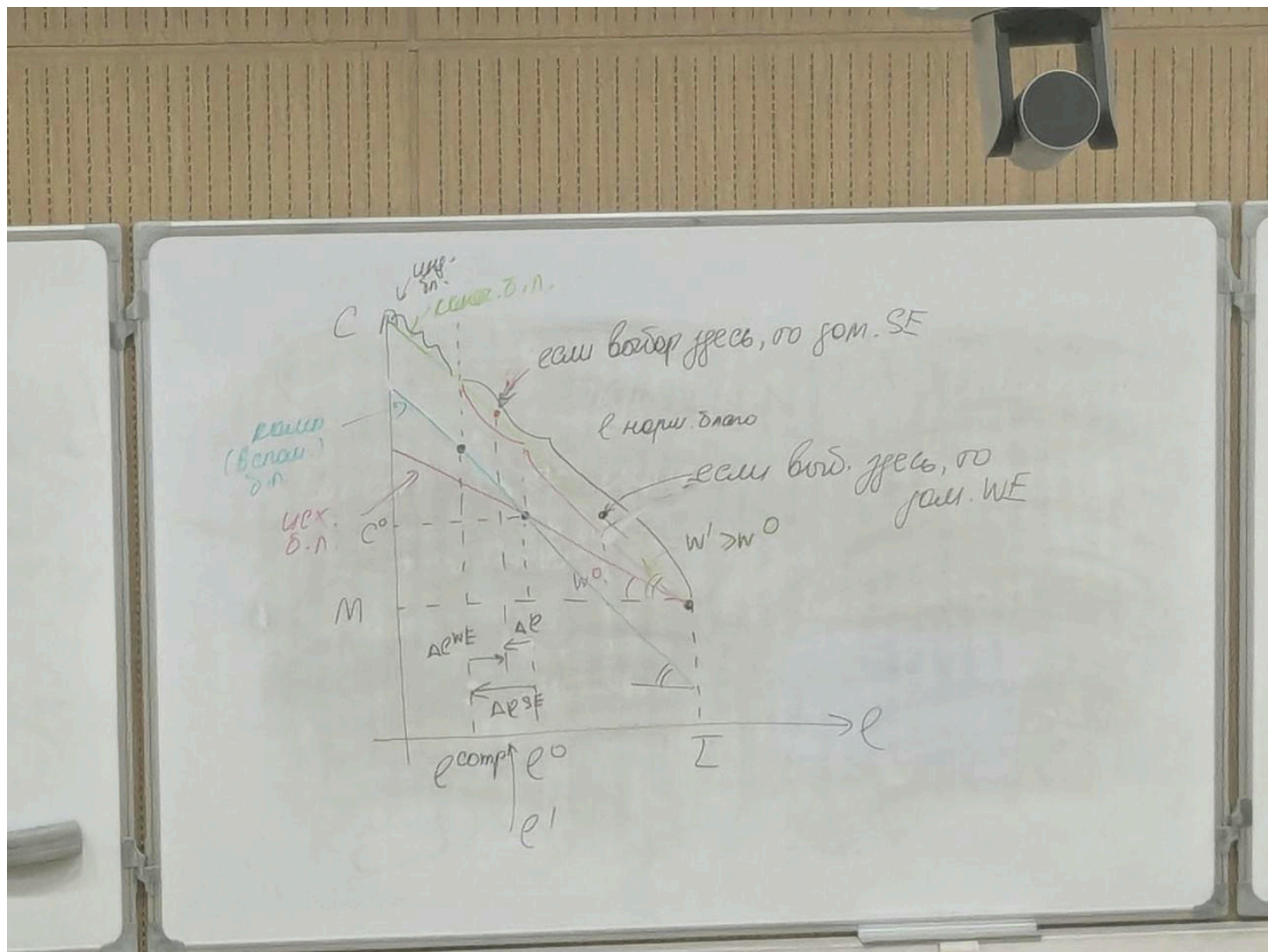
- если отдых — инфериорное благо, то $\Delta l^{\text{WE}} < 0$,
- если отдых — нормальное благо, то $\Delta l^{\text{WE}} > 0$.

Будем считать, что отдых — нормальное благо, тогда знаки эффектов разнонаправлены.

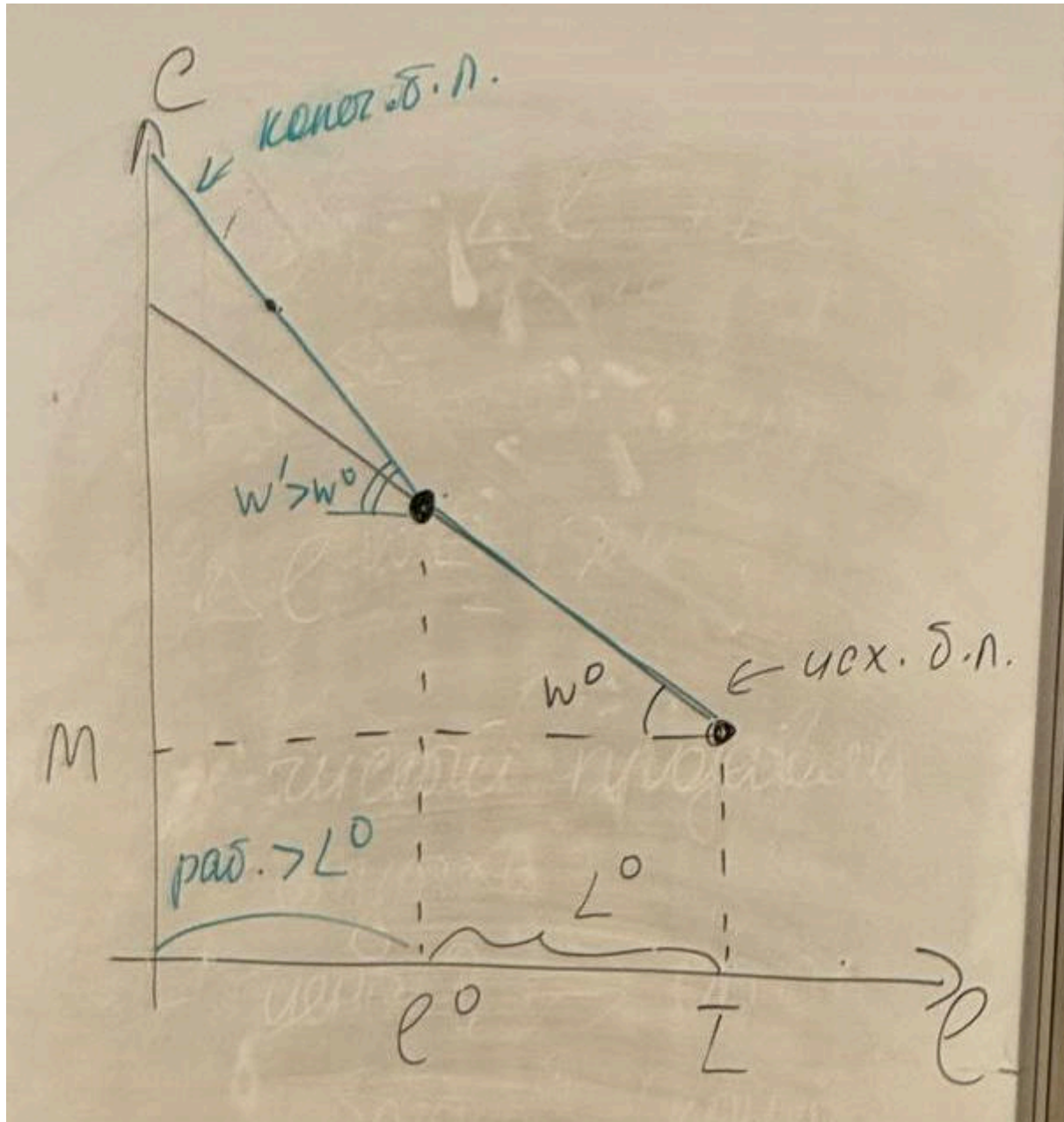
Если доминирует SE, то $\Delta l < 0 \Rightarrow \Delta L > 0$,

Если доминирует WE, то $\Delta l > 0 \Rightarrow \Delta L < 0$.

Из обобщенного уравнения Слуцкого в дифференциальной форме следует ожидать, что WE доминирует при достаточно высоком уровне занятости.



При $L > L^0$ ставка $w' > w^0$.



- либо выбран тот же набор \Rightarrow предложение труда не изменяется,
- либо набор левее, где $l < l^0 \Rightarrow$ предложение труда растёт, положение потребителя улучшается.

$$\begin{cases} c = w^0 L + M, L \leq L^0 \\ c = w^0 L^0 + w'(L - L^0) + M, L > L^0 \end{cases}$$

Модель межпериодного выбора.

Пусть потребитель живёт два периода времени: «сегодня» и «завтра».

$m_i \geq 0$ — доход в i -ый период,

c_i — расходы на потребление в i -ый период.

Потребитель может занимать и сберегать по ставке процента r (в долях).

Уравнение бюджетной линии.

- сегодня сберегаю: $c_1 < m_1$. Тогда $c_2 = (m_1 - c_1)(1 + r) + m_2$
- сегодня занимаю, $c_1 > m_1$:

$$c_2 = m_2 - (c_1 - m_1)(1 + r) = m_2 + (m_1 - c_1)(1 + r)$$

- расходую сегодня всё, что есть: $c_1 = m_1, c_2 = m_2$.

Итоговое уравнение:

$$c_2 = m_2 + (m_1 - c_1)(1 + r)$$

Или:

$$c_1(1 + r) + c_2 = m_1(1 + r) + m_2$$

(выражено через будущую стоимость)

очень похоже на уравнение бюджетной линии при натуральном доходе, где $p_1 = (1 + r), p_2 = 1, \omega = (m_1, m_2)$.

Если поделить обе части на $(1 + r)$:

$$c_1 + \frac{c_2}{1 + r} = m_1 + \frac{m_2}{1 + r}$$

(выражено через текущую стоимость)

Возможные варианты бюджетной линии.

- ограничение ликвидности (нет возможности занимать)
- разные ставки процента: $r_b > r_s$ (borrow, save)

Будем считать, что предпочтения потребителя на наборах (c_1, c_2) описываются непрерывной функцией полезности $u(c_1, c_2)$. Предположим, что они монотонные.

Пример.

- $u(c_1, c_2) = c_1 + c_2, MRS_{12} = 1$.
- $u(c_1, c_2) = \min\{c_1, c_2\}$

Задача потребителя (UMP):

$$\begin{cases} u(c_1, c_2) \rightarrow \max_{c_1, c_2 \geq 0} \\ c_1(1 + r) + c_2 = m_1(1 + r) + m_2 \end{cases}$$

Получаем решение $(\tilde{c}_1, \tilde{c}_2)$ — маршаллианский спрос:

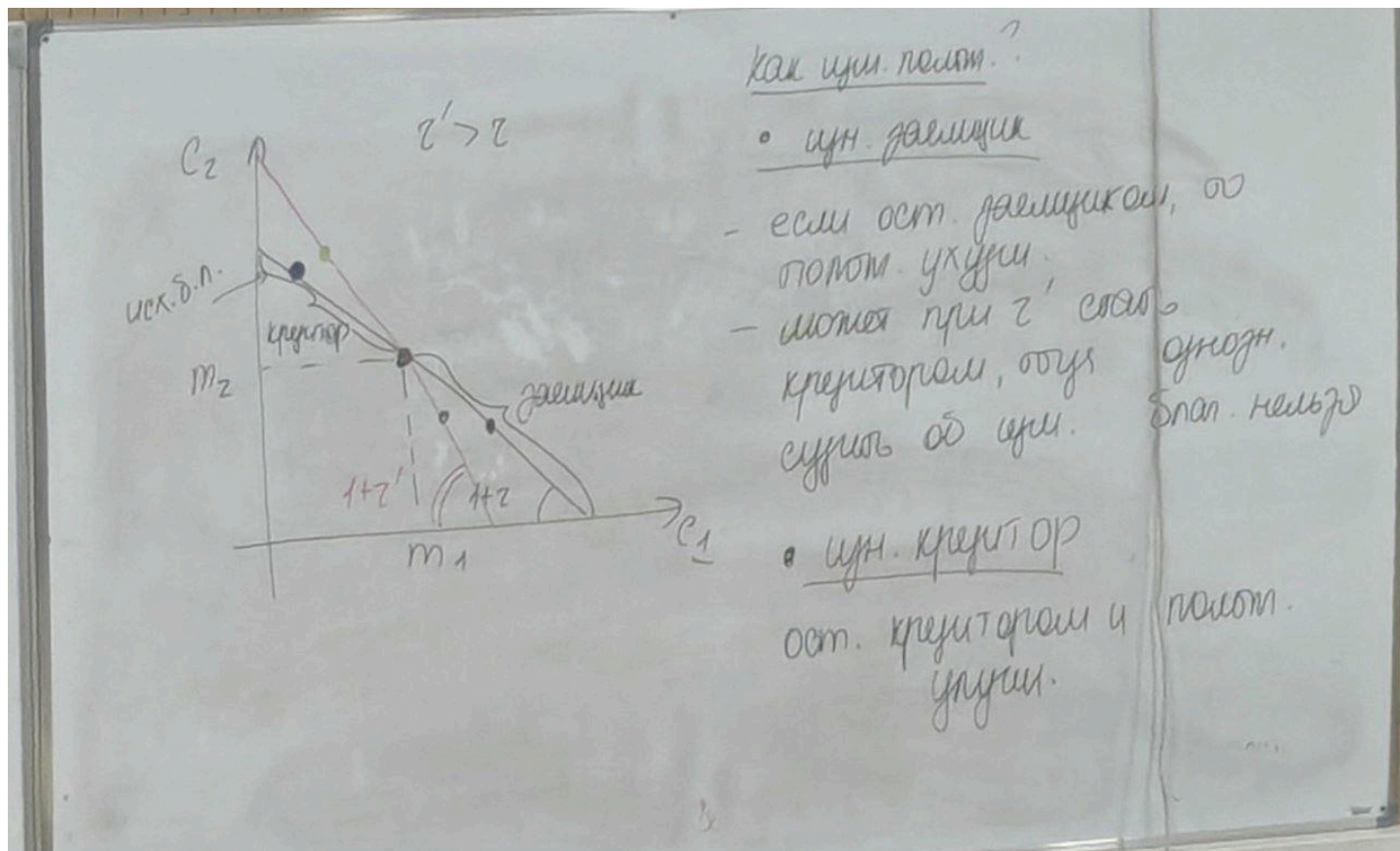
- $\tilde{c}_1 > m_1$, тогда потребитель — заёмщик,
- $\tilde{c}_1 < m_1$, тогда потребитель — кредитор.

Если функция полезности дифференцируема и $(\tilde{c}_1, \tilde{c}_2)$ — внутреннее решение, то $MRS_{12}(\tilde{c}_1, \tilde{c}_2) = 1 + r$.

Реакция на изменение ставки процента.

$r^0 \rightarrow r' > r^0$.

я уже не могу тешать, спасите



Слущкий помогает (иногда) ответить на вопрос, как изменятся расходы Δc_1 .

Пусть изначально заёмщик, ставка растёт. Тогда потребитель становится беднее.

- $\Delta c_1^{SE} \leq 0$,
- если благо нормальное, $\Delta c_1^{WE} < 0$. Если благо инфериорное, $\Delta c_1^{WE} > 0$.

Окончательно для нормального блага $\Delta c_1 < 0 \Rightarrow$ обычное благо.

- если $\rho < r$, аналогично $\tilde{c}_1 < \tilde{c}_2$.