

MM112

komori3

概要



yowa @yowa · 46m

マラソン MM12 の問題はこんな感じ。

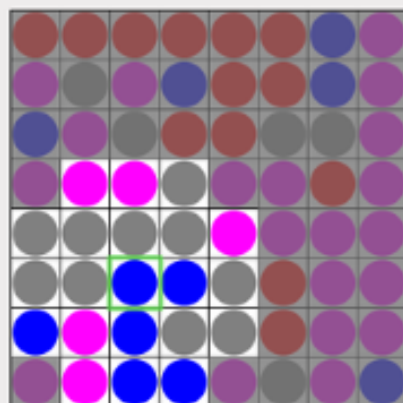
少数決のセルオートマトンがある。(距離)² ≤ K の範囲で一番少ない色に変化する (0個は無視・最少タイがある場合は無変化)

N×N の盤面にC色で初期盤面を生成した後、D ステップ進める

(N,D,C,K,盤面)が与えられるので、初期盤面を逆算せよ。一致セル数が得点

K = 5

対象は $dx^2 + dy^2 \leq K$ のマス



- 0票
- 5票
- 9票
- 5票(中心は数えない)

正の票数で最少の色に変化
最少が複数あったら変化なし ⇒ 今回は ● のまま



Provisional: 10th/47

Rank			User	Score			
Final	Provisional	Rating	Username	Final	Provisional	Time	
-	1	2623	nika	-	88.70618	05 Dec 2019 10:02:03	History (13) >
-	2	2340	sullyper	-	87.60757	05 Dec 2019 10:04:03	History (4) >
-	3	2579	wleite	-	86.8271	05 Dec 2019 10:52:16	History (16) >
-	4	2798	eldidou	-	85.22479	05 Dec 2019 10:53:49	History (13) >
-	5	2174	yowa	-	84.61949	05 Dec 2019 08:53:21	History (10) >
-	6	2290	Daiver19	-	84.61322	05 Dec 2019 06:18:24	History (20) >
-	7	2154	iehn	-	83.96762	05 Dec 2019 09:00:14	History (23) >
-	8	1916	tanzaku	-	80.77246	05 Dec 2019 03:41:33	History (3) >
-	9	1783	vdave	-	79.44792	05 Dec 2019 01:12:57	History (5) >
→	10	1565	my316g	-	78.91508	05 Dec 2019 07:52:30	History (6) >
-	11	1625	AmAtUrECoDeR	-	78.82398	03 Dec 2019 12:18:33	History (7) >

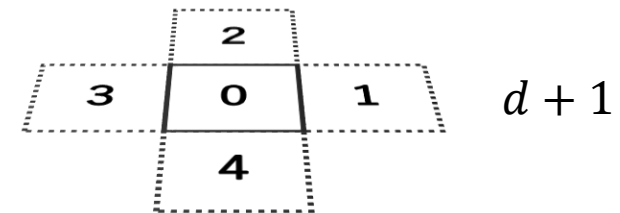
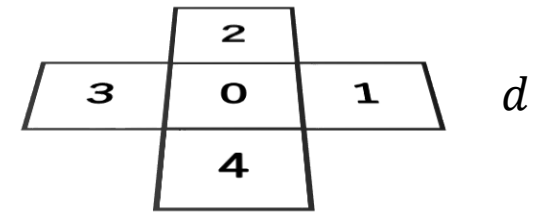
やったこと

1. d 日目のマス k の色が c である確率 $P(c(d, k) = c)$ の計算
 - D 日目から0日目(初期盤面)まで日を遡るように確率を伝搬させていくイメージ
 - $\operatorname{argmax}_c \{P(c(0, k) = c) \mid c = 0, \dots, C - 1\}$ がマス k の推定値
2. スコアが下がりそうなケースを弾く
 - D 日目の盤面を0日目の推定値としてそのまま用いる場合: sol1
 - 1. の確率計算を行うもの: sol2
 - 10000ケース使って (N, C, D, K) 空間上で線形二値分類

計算パート

d 日目のマス k の色が c_d である確率 $P(c(d, k) = c_d)$

$$\begin{aligned} & P(c(d, k) = c_d) \\ &= \sum_{c_{d+1}} P(c(d, k) = c_d, c(d+1, 0) = c_{d+1}) \\ &= \sum_{c_{d+1}} P(c(d, k) = c_d \mid c(d+1, 0) = c_{d+1}) P(c(d+1, 0) = c_{d+1}) \end{aligned}$$



$K = 1$

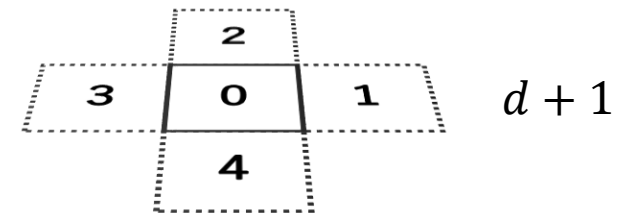
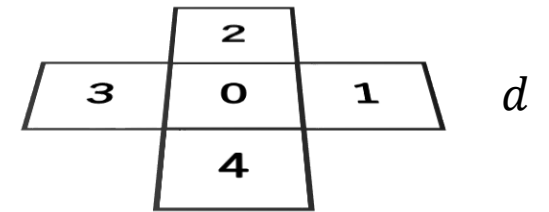
計算パート

d 日目のマス k の色が c_d である確率 $P(c(d, k) = c_d)$

$$\begin{aligned} & P(c(d, k) = c_d) \\ &= \sum_{c_{d+1}} P(c(d, k) = c_d, c(d+1, 0) = c_{d+1}) \\ &= \sum_{c_{d+1}} \frac{P(c(d, k) = c_d \mid c(d+1, 0) = c_{d+1}) P(c(d+1, 0) = c_{d+1})}{\quad} \end{aligned}$$

これが知りたい

$d+1$ 日目のマス0が色 c_{d+1} だったとき、
 d 日目のマス k が色 c_d である確率

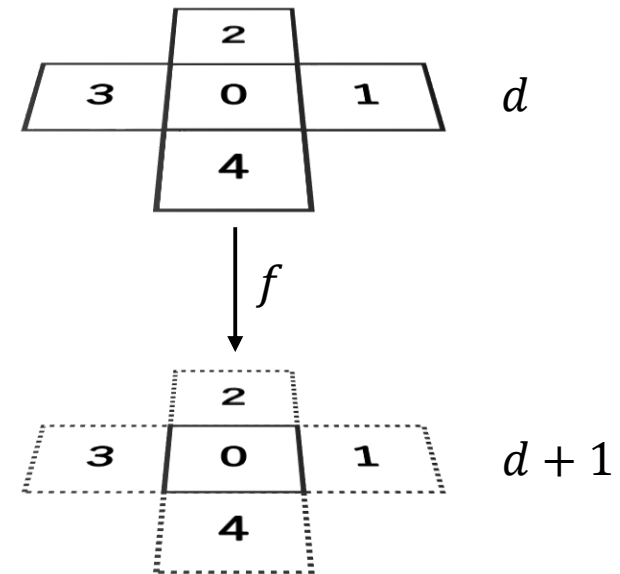


$K = 1$

計算パート

$K = 1, C = 4$ を例に考える

- d 日目のマス $0, \dots, 4$ の色から $d + 1$ 日目のマス 0 の色が決定
- 色集合 $S = \{0, 1, 2, 3\}$ として $f: S^5 \rightarrow S$
- 全列挙してみる



$K = 1$

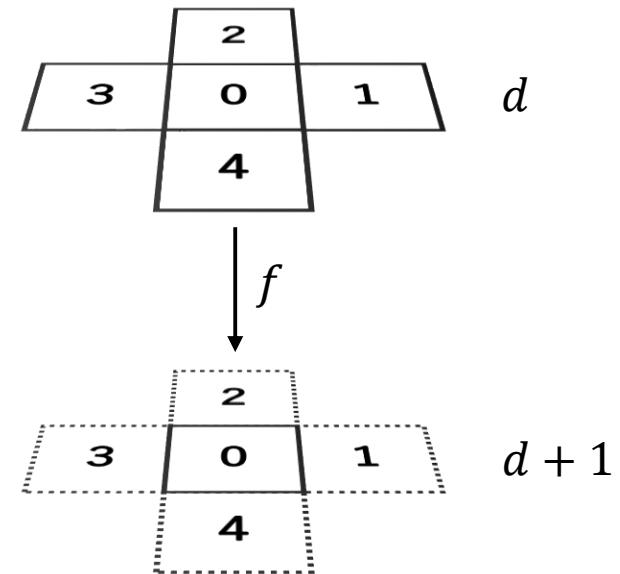
[illegible]

→ $d + 1$ 日目のマス0が色 c_{d+1} だったとき、 d 日目のマス k が色 c_d である場合の数 $a[k][c_{d+1}][c_d]$ を求める

計算パート

$K = 1, C = 4$ を例に考える

- d 日目のマス 0, ..., 4 の色から $d + 1$ 日目のマス 0 の色が決定
- 色集合 $S = \{0, 1, 2, 3\}$ として $f: S^5 \rightarrow S$
- 全列挙してみる
- $d + 1$ 日目のマス 0 が色 c_{d+1} だったとき、 d 日目のマス k が色 c_d である場合の数 $a[k][c_{d+1}][c_d]$ を求める



$K = 1$

計算パート

$K = 1, C = 4$ を例に考える

- d 日目のマス 0, ..., 4 の色から $d + 1$ 日目のマス 0 の色が決定
- 色集合 $S = \{0, 1, 2, 3\}$ として $f: S^5 \rightarrow S$
- 全列挙してみる
- $d + 1$ 日目のマス 0 が色 c_{d+1} だったとき、 d 日目のマス k が色 c_d である場合の数 $a[k][c_{d+1}][c_d]$ を求める

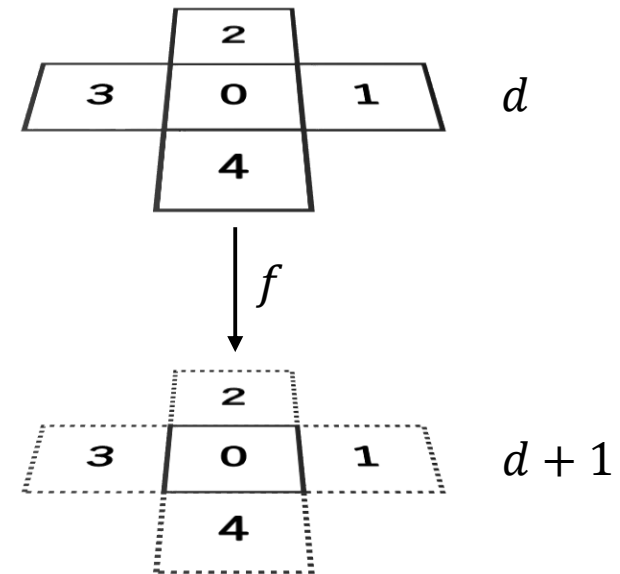
k=0	0	1	2	3
0	217	13	13	13
1	13	217	13	13
2	13	13	217	13
3	13	13	13	217

1	0	1	2	3
0	67	63	63	63
1	63	67	63	63
2	63	63	67	63
3	63	63	63	67

2	0	1	2	3
0	67	63	63	63
1	63	67	63	63
2	63	63	67	63
3	63	63	63	67

3	0	1	2	3
0	67	63	63	63
1	63	67	63	63
2	63	63	67	63
3	63	63	63	67

4	0	1	2	3
0	67	63	63	63
1	63	67	63	63
2	63	63	67	63
3	63	63	63	67



$K = 1$

計算パート

$K = 1, C = 4$ を例に考える

- 4通りを考慮

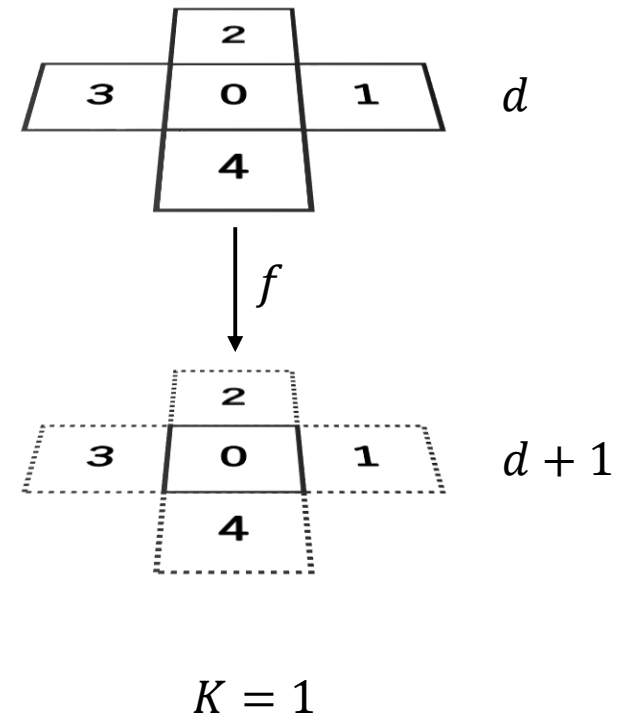
k=0	0	1	2	3
0	217	13	13	13
1	13	217	13	13
2	13	13	217	13
3	13	13	13	217

1	0	1	2	3
0	67	63	63	63
1	63	67	63	63
2	63	63	67	63
3	63	63	63	67

2	0	1	2	3
0	67	63	63	63
1	63	67	63	63
2	63	63	67	63
3	63	63	63	67

3	0	1	2	3
0	67	63	63	63
1	63	67	63	63
2	63	63	67	63
3	63	63	63	67

4	0	1	2	3
0	67	63	63	63
1	63	67	63	63
2	63	63	67	63
3	63	63	63	67



計算パート

$K = 1, C = 4$ を例に考える

- 4通りを考慮

1. $k = 0 \wedge c_{d+1} \neq c_d (13)$

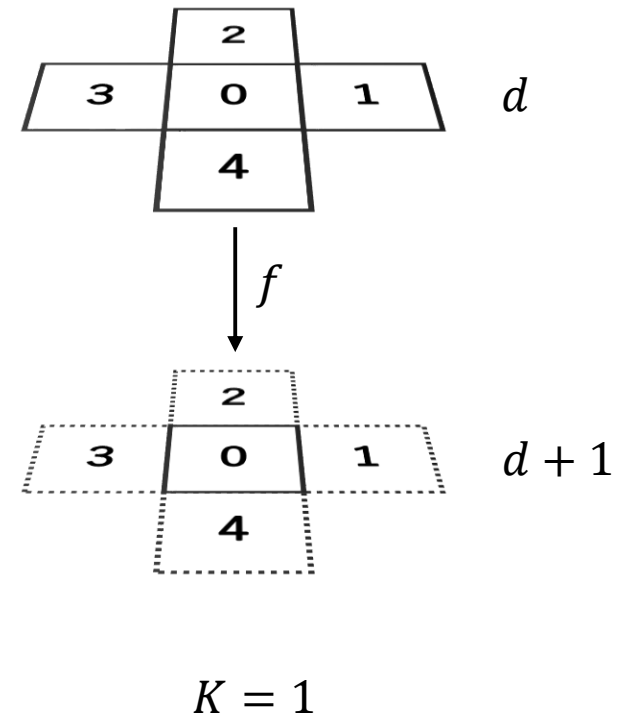
k=0	0	1	2	3
0	217	13	13	13
1	13	217	13	13
2	13	13	217	13
3	13	13	13	217

1	0	1	2	3
0	67	63	63	63
1	63	67	63	63
2	63	63	67	63
3	63	63	63	67

2	0	1	2	3
0	67	63	63	63
1	63	67	63	63
2	63	63	67	63
3	63	63	63	67

3	0	1	2	3
0	67	63	63	63
1	63	67	63	63
2	63	63	67	63
3	63	63	63	67

4	0	1	2	3
0	67	63	63	63
1	63	67	63	63
2	63	63	67	63
3	63	63	63	67



計算パート

$K = 1, C = 4$ を例に考える

• 4通りを考慮

1. $k = 0 \wedge c_{d+1} \neq c_d$ (13)
2. $k = 0 \wedge c_{d+1} = c_d$ (217)

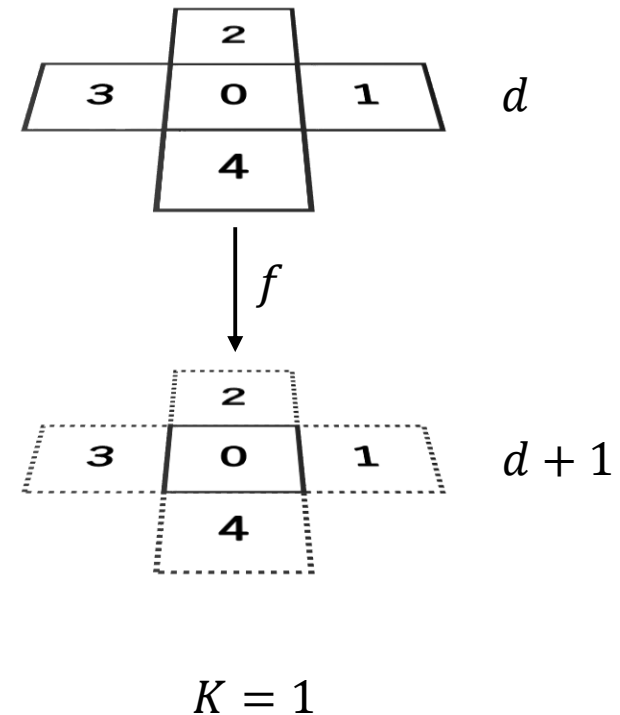
k=0	0	1	2	3
0	217	13	13	13
1	13	217	13	13
2	13	13	217	13
3	13	13	13	217

1	0	1	2	3
0	67	63	63	63
1	63	67	63	63
2	63	63	67	63
3	63	63	63	67

2	0	1	2	3
0	67	63	63	63
1	63	67	63	63
2	63	63	67	63
3	63	63	63	67

3	0	1	2	3
0	67	63	63	63
1	63	67	63	63
2	63	63	67	63
3	63	63	63	67

4	0	1	2	3
0	67	63	63	63
1	63	67	63	63
2	63	63	67	63
3	63	63	63	67



計算パート

$K = 1, C = 4$ を例に考える

• 4通りを考慮

1. $k = 0 \wedge c_{d+1} \neq c_d$ (13)
2. $k = 0 \wedge c_{d+1} = c_d$ (217)
3. $k \neq 0 \wedge c_{d+1} \neq c_d$ (63)

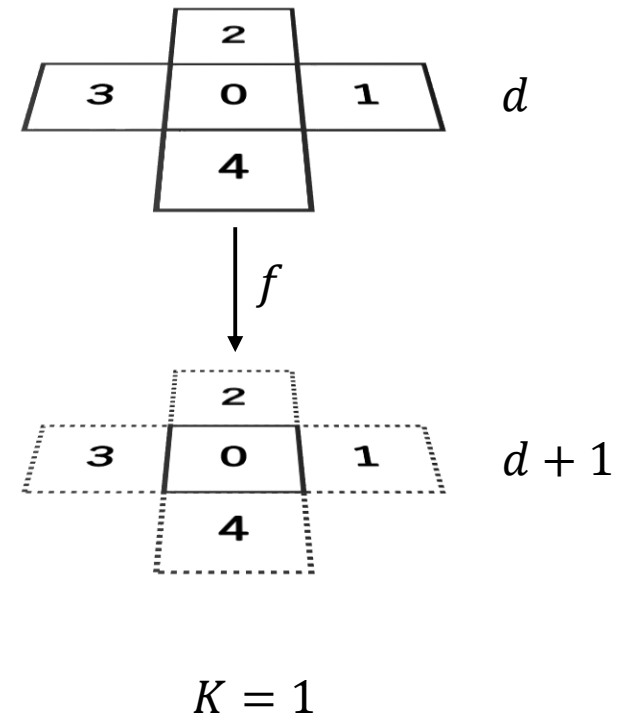
k=0	0	1	2	3
0	217	13	13	13
1	13	217	13	13
2	13	13	217	13
3	13	13	13	217

1	0	1	2	3
0	67	63	63	63
1	63	67	63	63
2	63	63	67	63
3	63	63	63	67

2	0	1	2	3
0	67	63	63	63
1	63	67	63	63
2	63	63	67	63
3	63	63	63	67

3	0	1	2	3
0	67	63	63	63
1	63	67	63	63
2	63	63	67	63
3	63	63	63	67

4	0	1	2	3
0	67	63	63	63
1	63	67	63	63
2	63	63	67	63
3	63	63	63	67



計算パート

$K = 1, C = 4$ を例に考える

• 4通りを考慮

1. $k = 0 \wedge c_{d+1} \neq c_d$ (13)
2. $k = 0 \wedge c_{d+1} = c_d$ (217)
3. $k \neq 0 \wedge c_{d+1} \neq c_d$ (63)
4. $k \neq 0 \wedge c_{d+1} = c_d$ (67)

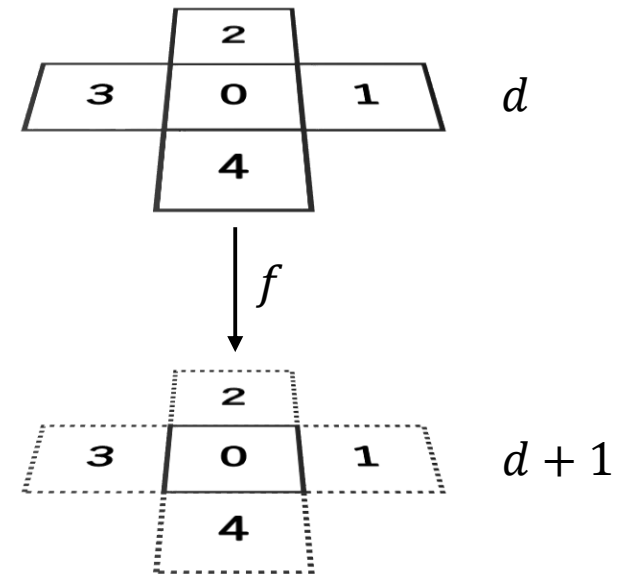
k=0	0	1	2	3
0	217	13	13	13
1	13	217	13	13
2	13	13	217	13
3	13	13	13	217

1	0	1	2	3
0	67	63	63	63
1	63	67	63	63
2	63	63	67	63
3	63	63	63	67

2	0	1	2	3
0	67	63	63	63
1	63	67	63	63
2	63	63	67	63
3	63	63	63	67

3	0	1	2	3
0	67	63	63	63
1	63	67	63	63
2	63	63	67	63
3	63	63	63	67

4	0	1	2	3
0	67	63	63	63
1	63	67	63	63
2	63	63	67	63
3	63	63	63	67



$K = 1$

計算パート

$K = 1, C = 4$ を例に考える

• 4通りを考慮

1. $k = 0 \wedge c_{d+1} \neq c_d$ (**13**)
2. $k = 0 \wedge c_{d+1} = c_d$ ($217 = C^4 - \mathbf{13} * (C - 1)$)
3. $k \neq 0 \wedge c_{d+1} \neq c_d$ ($63 = (C^4 - \mathbf{67}) \div (C - 1)$)
4. $k \neq 0 \wedge c_{d+1} = c_d$ (**67**)

• 4つの場合の数（本質的には**2つ**）を求めればいい

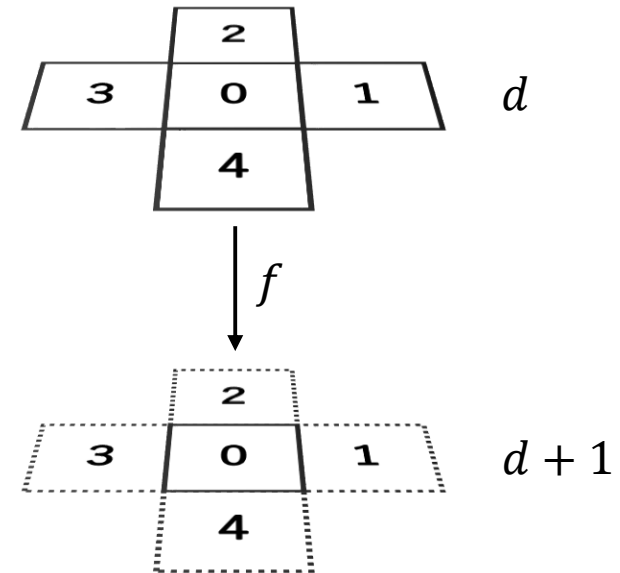
k=0	0	1	2	3
0	217	13	13	13
1	13	217	13	13
2	13	13	217	13
3	13	13	13	217

1	0	1	2	3
0	67	63	63	63
1	63	67	63	63
2	63	63	67	63
3	63	63	63	67

2	0	1	2	3
0	67	63	63	63
1	63	67	63	63
2	63	63	67	63
3	63	63	63	67

3	0	1	2	3
0	67	63	63	63
1	63	67	63	63
2	63	63	67	63
3	63	63	63	67

4	0	1	2	3
0	67	63	63	63
1	63	67	63	63
2	63	63	67	63
3	63	63	63	67



$K = 1$

計算パート

$K = 1, C = 4$ を例に考える

• 4通りを考慮

1. $k = 0 \wedge c_{d+1} \neq c_d$ (**13**)
2. $k = 0 \wedge c_{d+1} = c_d$ ($217 = C^4 - \mathbf{13} * (C - 1)$)
3. $k \neq 0 \wedge c_{d+1} \neq c_d$ ($63 = (C^4 - \mathbf{67}) \div (C - 1)$)
4. $k \neq 0 \wedge c_{d+1} = c_d$ (**67**)

• 4つの場合の数（本質的には**2つ**）を求めればいい

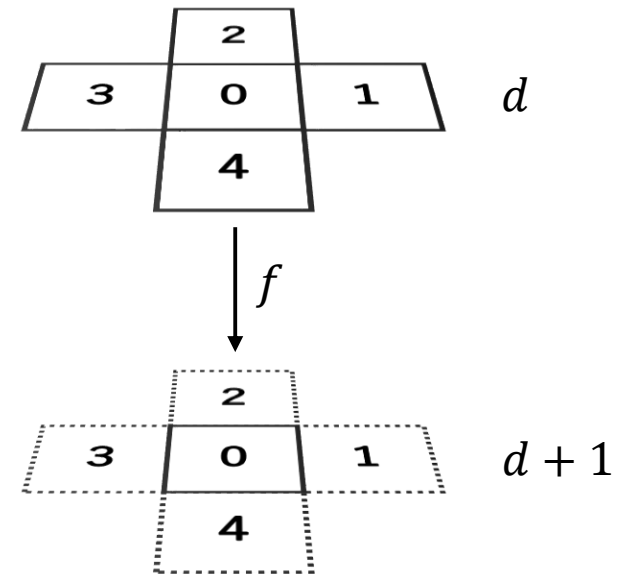
k=0	0	1	2	3
0	217	13	13	13
1	13	217	13	13
2	13	13	217	13
3	13	13	13	217

1	0	1	2	3
0	67	63	63	63
1	63	67	63	63
2	63	63	67	63
3	63	63	63	67

2	0	1	2	3
0	67	63	63	63
1	63	67	63	63
2	63	63	67	63
3	63	63	63	67

3	0	1	2	3
0	67	63	63	63
1	63	67	63	63
2	63	63	67	63
3	63	63	63	67

4	0	1	2	3
0	67	63	63	63
1	63	67	63	63
2	63	63	67	63
3	63	63	63	67



$K = 1$

計算パート

すべての $(k, C) \mid \{k = 2, \dots, 36, C = 2, \dots, 8\}$ について計算して、埋め込み

```
memo[2][4][0] = 0.4375; memo[2][4][1] = 0.1875; memo[2][4][2] = 0.8125; memo[2][4][3] = 0.0625;
memo[2][5][0] = 0.36; memo[2][5][1] = 0.16; memo[2][5][2] = 0.84; memo[2][5][3] = 0.04;
memo[2][6][0] = 0.3055555555555556; memo[2][6][1] = 0.1388888888888889; memo[2][6][2] = 0.8611111111111112; memo[2][6][3] = 0.0333333333333333;
memo[2][7][0] = 0.2653061224489796; memo[2][7][1] = 0.12244897959183673; memo[2][7][2] = 0.8775510204081632; memo[2][7][3] = 0.015625;
memo[2][8][0] = 0.234375; memo[2][8][1] = 0.109375; memo[2][8][2] = 0.890625; memo[2][8][3] = 0.015625;
memo[3][2][0] = 0.5; memo[3][2][1] = 0.5; memo[3][2][2] = 0.5; memo[3][2][3] = 0.5;
memo[3][3][0] = 0.4074074074074074; memo[3][3][1] = 0.2962962962962963; memo[3][3][2] = 0.4814814814814815; memo[3][3][3] = 0.015625;
memo[3][4][0] = 0.34375; memo[3][4][1] = 0.21875; memo[3][4][2] = 0.53125; memo[3][4][3] = 0.15625;
memo[3][5][0] = 0.296; memo[3][5][1] = 0.176; memo[3][5][2] = 0.584; memo[3][5][3] = 0.104;
memo[3][6][0] = 0.25925925925925924; memo[3][6][1] = 0.14814814814814814; memo[3][6][2] = 0.6296296296296297; memo[3][6][3] = 0.015625;
memo[3][7][0] = 0.2303206997084548; memo[3][7][1] = 0.1282798833819242; memo[3][7][2] = 0.6676384839650146; memo[3][7][3] = 0.015625;
memo[3][8][0] = 0.20703125; memo[3][8][1] = 0.11328125; memo[3][8][2] = 0.69921875; memo[3][8][3] = 0.04296875;
memo[4][2][0] = 0.4375; memo[4][2][1] = 0.5625; memo[4][2][2] = 0.6875; memo[4][2][3] = 0.3125;
memo[4][3][0] = 0.3333333333333333; memo[4][3][1] = 0.3333333333333333; memo[4][3][2] = 0.7777777777777778; memo[4][3][3] = 0.015625;
memo[4][4][0] = 0.26171875; memo[4][4][1] = 0.24609375; memo[4][4][2] = 0.84765625; memo[4][4][3] = 0.05078125;
memo[4][5][0] = 0.2128; memo[4][5][1] = 0.1968; memo[4][5][2] = 0.8912; memo[4][5][3] = 0.0272;
memo[4][6][0] = 0.17824074074074073; memo[4][6][1] = 0.16435185185185186; memo[4][6][2] = 0.9189814814814815; memo[4][6][3] = 0.015625;
memo[4][7][0] = 0.15285297792586422; memo[4][7][1] = 0.1411911703456893; memo[4][7][2] = 0.9375260308204915; memo[4][7][3] = 0.015625;
memo[4][8][0] = 0.133544921875; memo[4][8][1] = 0.123779296875; memo[4][8][2] = 0.950439453125; memo[4][8][3] = 0.00708125;
memo[5][2][0] = 0.375; memo[5][2][1] = 0.625; memo[5][2][2] = 0.5; memo[5][2][3] = 0.5;
memo[5][3][0] = 0.29218106995884774; memo[5][3][1] = 0.35390946502057613; memo[5][3][2] = 0.49794238683127573; memo[5][3][3] = 0.015625;
memo[5][4][0] = 0.25; memo[5][4][1] = 0.25; memo[5][4][2] = 0.6015625; memo[5][4][3] = 0.1328125;
memo[5][5][0] = 0.21408; memo[5][5][1] = 0.19648; memo[5][5][2] = 0.69152; memo[5][5][3] = 0.07712;
memo[5][6][0] = 0.18467078189300412; memo[5][6][1] = 0.16306584362139917; memo[5][6][2] = 0.7582304526748971; memo[5][6][3] = 0.015625;
memo[5][7][0] = 0.16106384244659963; memo[5][7][1] = 0.13982269292556673; memo[5][7][2] = 0.8068661867079193; memo[5][7][3] = 0.015625;
memo[5][8][0] = 0.14208984375; memo[5][8][1] = 0.12255859375; memo[5][8][2] = 0.8427734375; memo[5][8][3] = 0.0224609375;
memo[6][2][0] = 0.375; memo[6][2][1] = 0.625; memo[6][2][2] = 0.65625; memo[6][2][3] = 0.34375;
memo[6][3][0] = 0.24554183813443073; memo[6][3][1] = 0.3772290809327846; memo[6][3][2] = 0.5528120713305898; memo[6][3][3] = 0.015625;
```

36 の分割パターンは 約 17000 なので列挙可能 (多倍長: python で)

やったこと

1. d 日目のマス k の色が c である確率 $P(c(d, k) = c)$ の計算
 - D 日目から0日目(初期盤面)まで日を遡るように確率を伝搬させていくイメージ
 - $\operatorname{argmax}_c \{P(c(0, k) = c) \mid c = 0, \dots, C - 1\}$ がマス k の推定値
2. スコアが下がりそうなケースを弾く
 - D 日目の盤面を0日目の推定値としてそのまま用いる場合: sol1
 - 1. の確率計算を行うもの: sol2
 - 10000ケース使って (N, C, D, K) 空間上で線形二値分類

分類パート

- スコアが下がりそうなケースを弾く
 - 前述のなんちゃって確率で推定した初期盤面は、大幅にスコア改善するケースもあれば大幅に改悪するケースもある
 - 団子ゾーンから 1 点くらいしか上がらない
- 残り 6 時間でできること
- 改悪しそうなやつはそのままにする→線形二値分類
- Excel 芸となんちゃって焼きなまし分類で 10 位
- N,D 固定して線形モデル 50 個で殴ると 1,2 点上がった？（間に合わず…）