

Nezávislost vektorů – vektory jsou lineárně nezávislé, pokud žádný není lineární kombinací ostatních

Systém generátorů vektorového prostoru – vektory generují vektorový prostor, jestliže každý vektor toho prostoru je lineární kombinací generujících vektorů

Báze vektorového prostoru – vektory tvoří bázi vektorového prostoru V , jestliže jsou lineárně nezávislé a generují vektorový prostor V

Skalární součin – V je vektorový prostor. Skalárním součinem na V rozumíme zobrazení $\langle *, * \rangle: V \times V \rightarrow \mathbb{R}$ splňující:

1. $\langle u, u \rangle$ je v \mathbb{R} , přičemž $\langle u, u \rangle > 0$ pro každé nenulové $u \in V$
2. Skalární součin je lineární v první (druhé) složce: $\langle au + bv, w \rangle = a\langle u, w \rangle + b\langle v, w \rangle$
3. $\langle u, v \rangle = \langle v, u \rangle$

Gramova matice – matice skalárních součinů $v_1 \dots v_n$, prvky jsou dané předpisem $G_{ij} = \langle v_i, v_j \rangle$

Lineární zobrazení mezi vektorovými prostory – zobrazení $\varphi: U \rightarrow V$ se nazývá lineární, jestli platí:

$$\varphi(u_1 + u_2) = \varphi(u_1) + \varphi(u_2)$$

$$\varphi(a \cdot u) = a \cdot \varphi(u)$$

Vlastní vektor matice – vlastní vektor matice A je takový nenulový vektor u , pro který $A \cdot u = \lambda \cdot u$, kde λ je vlastní číslo matice A (kořen charakteristického polynomu)

Vlastní číslo matice – vlastní vektor matice A je takový nenulový vektor u , pro který $A \cdot u = \lambda \cdot u$, kde λ je vlastní číslo matice A (kořen charakteristického polynomu)

Kvadratická forma – je zobrazení $g: V \rightarrow \mathbb{R}$ takové, že existuje symetrická bilineární forma $f: V \times V \rightarrow \mathbb{R}$, taková, že pro každé $u \in V$ platí: $g(u) = f(u, u)$.

Tenzor - Tenzor je zobrazení, do něž se dosadí vektory a vyjde číslo. A musí to fungovat tak, že když jeden z vektorů měníte, výsledné číslo se mění jen lineárně. Nejjednodušší příklady tenzorů jsou skalární součin a determinant.

Lineární forma – je homomorfismus (zobrazení z jedné algebraické struktury do jiné stejného typu, které zachovává veškerou důležitou strukturu) $f: V \rightarrow \mathbb{R}$

V vektorový prostor, lineární formou f na prostoru V rozumíme každé zobrazení $f: V \rightarrow \mathbb{R}$ splňující: $f(u+v) = f(u) + f(v)$, $af(u) = f(au)$.

Duální prostor k vektorovému prostoru – nechť V je normovaný lineární prostor. Prostor všech spojitých zobrazení z V do \mathbb{R} se nazývá duální prostor, značí se V^*