

$\therefore \vec{w}_{[1,3]} = (1,1,-1)^T$, 分类面为: $1 + x_1 - x_2 = 0$

(3) 用感知器算法求第二类和第三类之间的分类面

样本增广后为: $\vec{x}_2 = (1,1,1)^T$, $y_2 = 1$, $\vec{x}_3 = (1,-1,1)^T$, $y_3 = -1$,

初始化权重: $\vec{w}_{[2,3]}^{(0)} = (0,0,0)^T$

$\text{sign}(\vec{w}_{[2,3]}^{(0)T} \vec{x}_2) = 0 \neq y_2$, $\therefore \vec{w}_{[2,3]}^{(1)} = \vec{w}_{[2,3]}^{(0)} + y_2 \vec{x}_2 = (1,1,1)^T$,

$\text{sign}(\vec{w}_{[2,3]}^{(1)T} \vec{x}_3) = 1 \neq y_3$, $\therefore \vec{w}_{[2,3]}^{(2)} = \vec{w}_{[2,3]}^{(1)} + y_3 \vec{x}_3 = (0,2,0)^T$

$\text{sign}(\vec{w}_{[2,3]}^{(2)T} \vec{x}_2) = 1 = y_2$, 且 $\text{sign}(\vec{w}_{[2,3]}^{(2)T} \vec{x}_3) = -1 = y_3$

$\therefore \vec{w}_{[2,3]} = (0,2,0)^T$, 分类面为: $x_1 = 0$

对测试样本进行增广, $\vec{x} = (1,1,-2)^T$, 分别代入上述三个分类面:

第一类和第二类:

$\text{sign}(\vec{w}_{[1,2]}^T \vec{x}) = \text{sign}((1,-1,-1)(1,1,-2)^T) = 1$, $\therefore \vec{x} \in \text{第一类}$

第一类和第三类:

$\text{sign}(\vec{w}_{[1,3]}^T \vec{x}) = \text{sign}((1,1,-1)(1,1,-2)^T) = 1$, $\therefore \vec{x} \in \text{第一类}$

第二类和第三类:

$\text{sign}(\vec{w}_{[2,3]}^T \vec{x}) = \text{sign}((0,2,0)(1,1,-2)^T) = 1$, $\therefore \vec{x} \in \text{第二类}$

最终的投票结果是测试样本属于第一类。

2, 现有四个样本, 假设样本 (3, 0) 和 (3, 6) 属于第一类, 样本 (0, 3) 属于第二类, 样本 (-3, 0) 属于第三类, 请用 Softmax 算法设计出这三个类别的分类器(假设这三个类别的初始权向量均为零向量, 迭代步长取 1, 需要写出计算过程)。