

解：由于 $\alpha_1 > 0$, $\alpha_2 > 0$, 所以: \vec{Z}_1 和 \vec{Z}_2 为支撑向量, 根据定义:

$$b = y_1 - \vec{w}^T \vec{Z}_1 = y_2 - \vec{w}^T \vec{Z}_2 = 1 - \vec{w}^T \vec{Z} = -1 + \vec{w}^T \vec{Z}$$

得到: $\vec{w}^T \vec{Z} = 1$, $b = 0$

9, 假设有 5566 个样本用以训练对偶硬间隔 SVM 时得到 1126 个支撑向量, 请问落在分类面边界上的样本数 (也就是候选的支撑向量) 有可能是: (a) 0; (b) 1024; (c) 1234; (d) 9999。

解: 因为: 支撑向量数 \leq 候选的支撑向量数 \leq 样本总数

所以选择 (c)

10, 如果两个样本 \vec{x} 和 \vec{x}' 的内积 $\vec{x}^T \vec{x}' = 10$, 计算其 ϕ_2 核函数 $K_{\phi_2}(\vec{x}, \vec{x}')$ 等于多少?

解: 因为: $K_{\phi_2}(\vec{x}, \vec{x}') = 1 + \vec{x}^T \vec{x}' + (\vec{x}^T \vec{x}')^2$

所以: $K_{\phi_2}(\vec{x}, \vec{x}') = 1 + 10 + 100 = 111$

11, 假设训练样本集为: $D = \{(\vec{x}_1, y_1) = ((1, 0)^T, 1), (\vec{x}_2, y_2) = ((-1, 0)^T, 1), (\vec{x}_3, y_3) = ((0, 1)^T, -1), (\vec{x}_4, y_4) = ((0, -1)^T, -1)\}$, 请用 Dual SVM 来设计最优分类面 $g(\vec{x})$, 并指出哪些是支撑向量。

解: 样本为非线性分布, 所以, 需要首先进行非线性变换:

$$\text{令 } \phi_2(\vec{x}) = \{1, x_1, x_2, x_1 x_2, x_1^2, x_2^2\}$$

$$\text{则: } (\vec{x}_1, y_1) \rightarrow (\vec{z}_1, y_1): \{(1, 0)^T, 1\} \rightarrow \{(1, 1, 0, 0, 1, 0)^T, 1\}$$

$$(\vec{x}_2, y_2) \rightarrow (\vec{z}_2, y_2): \{(-1, 0)^T, 1\} \rightarrow \{(1, -1, 0, 0, 1, 0)^T, 1\}$$