ALGORYTM ROZWIĄZYWANIA PROBLEMU DVRP

1. Wstęp

1.1. Dane wejściowe:

- Ilość ciężarówek
- Pojemność ciężarówki
- Prędkość ciężarówki
- Zbiór klientów do obsłużenia:
 - Położenie
 - Wielkość zamówienia
 - Moment zgłoszenia zamówienia
 - Czas potrzebny do rozładowania zamówienia
- Zbiór depozytów:
 - Położenie
 - Godziny otwarcia

1.2. Streszczenie problemu:

Wyznaczyć zbiór tras dla wszystkich ciężarówek tak, aby każdy z klientów został obsłużony dokładnie raz przez dokładnie jedną ciężarówkę oraz by sumaryczny czas pracy ciężarówek był jak najkrótszy.

1.3. Dane wynikowe:

- Zbiór tras wszystkich ciężarówek
- Optymalny czas pracy ciężarówek

2. Opis algorytmu

2.1. Założenia:

Istotą problemu jest przypisanie każdemu z klientów jednej ciężarówki, która będzie realizować jego zamówienie. Innymi słowy, każdej z ciężarówek należy przypisać podzbiór zbioru klientów, który zostanie przez nią obsłużony.

2.2. Streszczenie rozwiązania:

Rozwiązanie problemu sprowadza się do:

wyznaczenia wszystkich możliwych podzbiorów zbioru klientów

- dla każdego podzbioru zbioru klientów: obliczenia optymalnej trasy obsłużenia tych klientów w kontekście jednej ciężarówki
- przypisania konkretnego podzbioru zbioru klientów, a zarazem obliczonej dla niego optymalnej trasy, konkretnej ciężarówce tak, aby warunki problemu były spełnione – a mówiąc prościej, wybrania tylu odpowiednich podzbiorów i tras, ile jest dostępnych ciężarówek

2.3. Podział na podproblemy:

Podział problemu na problemy cząstkowe to podział zbioru klientów na podzbiory.

2.4. Problem cząstkowy:

Wejściowy problem DVRP zostanie podzielony na problemy cząstkowe. Będzie ich tyle, ile istnieje podzbiorów wejściowego zbioru klientów. Problemem cząstkowym będzie obliczenie optymalnej trasy i czasu obsłużenia przez ciężarówkę danego podzbioru klientów, czyli rozwiązanie pojedynczego problemu komiwojażera.

2.4.1. Dane przekazywane do problemu cząstkowego:

- Pojemność ciężarówki
- Prędkość ciężarówki
- Podzbiór klientów do obsłużenia:
 - Położenie
 - Wielkość zamówienia
 - Moment zgłoszenia zamówienia
 - Czas potrzebny do rozładowania zamówienia
- Pełny zbiór depozytów:
 - Położenie
 - Godziny otwarcia

2.4.2. Streszczenie problemu komiwojażera:

Problem cząstkowy polega na odwiedzeniu przez ciężarówkę wszystkich klientów z podzbioru dokładnie raz w jak najkrótszym czasie, przy czym spełnione są następujące warunki:

- Pojazd rozpoczyna oraz kończy trasę w depozycie
- Pojazd wyjeżdża oraz wjeżdża do depozytu nie wcześniej niż o godzinie jego otwarcia oraz nie później niż o godzinie jego zamknięcia
- Pojazd może odwiedzać wszystkie depozyty dowolną ilość razy

- Pojazd nie może zabrać ze sobą ładunku większego niż wynosi jego pojemność
- Pojazd wyrusza do klienta nie wcześniej niż o godzinie zgłoszenia przez niego zamówienia
- Pojazd pozostaje u klienta co najmniej tyle czasu, ile trwa rozładowanie jego zamówienia

2.4.3. Dane wynikowe problemu cząstkowego:

- Optymalna trasa obsłużenia przez ciężarówkę wszystkich klientów z danego podzbioru
- Czas przejazdu tej trasy

2.5. Łączenie rozwiązań:

Niech n będzie ilością dostępnych ciężarówek. Etap wyboru końcowego rozwiązania będzie przebiegał następująco:

- Wybierz wszystkie kombinacje n rozwiązań cząstkowych takich, że suma podzbiorów klientów, którym ten rozwiązania odpowiadają, jest pełnym zbiorem klientów oraz przecięcie dowolnych dwóch podzbiorów klientów jest zbiorem pustym
- Z wybranych kombinacji wybierz taką, która zawiera rozwiązania o najmniejszym sumarycznym czasie przejazdu
- Trasy rozwiązań z wybranej kombinacji są wynikowymi trasami poszczególnych ciężarówek, natomiast suma czasów tych tras jest wynikowym optymalnym czasem

3. Przykład

Dane wejściowe		
Ilość ciężarówek	3	
Zbiór klientów do obsłużenia		
Podział na podproblemy		
1		
2		

3			
4			
5	0		
6	•		
7	•		
8	O		
9			
10			
11	0		
12	O		
13	<!--</th-->		
14	000		
15			
16			
Rozwiązanie problemów algorytmem komiwojażera – optymalny czas			
1	0		
2	9		
4	3		

3	8
4	5
5	7
6	18
7	11
8	21
9	18
10	16
11	15
12	30
13	31
14	35
15	32
16	45
	_

Wybór odpowiednich kombinacji

Kombinacje		Sumaryczny czas
1		45
2	• • • • • • • • • • • • • • • • • • •	41
3	• • • • • • • • • • • • • • • • • • •	43
4	• • •	36
5	, O	37
6	• • •	32
7	• • •	30
8		34
9		38

10		26		
11		30		
Wybór końcowego rozwiązania				
Kombinacja	a odpowiadająca najlepszemu rozwiązaniu	Optymalny czas		
(10)		26		