辉之光

不寄望于奇迹、不依赖于他人、不满足于平庸、不放弃诚信,努力改变现状,尽力做好每一件事。。。

博客园 首页 新闻 新随笔 联系 管理 订阅

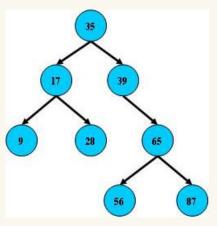
B树、**B**-树、**B**+树、**B***树

B树

即二叉搜索树:

- 1.所有非叶子结点至多拥有两个儿子(Left和Right);
- 2. 所有结点存储一个关键字;
- 3.非叶子结点的左指针指向小于其关键字的子树,右指针指向大于其关键字的子树;如:

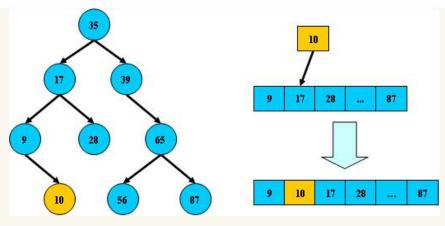
cNblogs



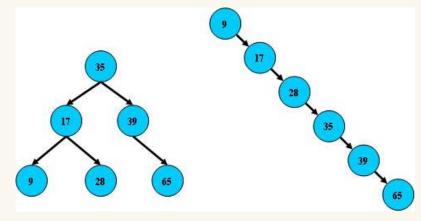
B树的搜索,从根结点开始,如果查询的关键字与结点的关键字相等,那么就命中; 否则,如果查询关键字比结点关键字小,就进入左儿子;如果比结点关键字大,就进入 右儿子;如果左儿子或右儿子的指针为空,则报告找不到相应的关键字;

如果B树的所有非叶子结点的左右子树的结点数目均保持差不多(平衡),那么B树的搜索性能逼近二分查找;但它比连续内存空间的二分查找的优点是,改变B树结构(插入与删除结点)不需要移动大段的内存数据,甚至通常是常数开销;

如:



但B树在经过多次插入与删除后,有可能导致不同的结构:



右边也是一个B树,但它的搜索性能已经是线性的了;同样的关键字集合有可能导致不同的 树结构索引;所以,使用B树还要考虑尽可能让B树保持左图的结构,和避免右图的结构,也就 是所谓的"平衡"问题;

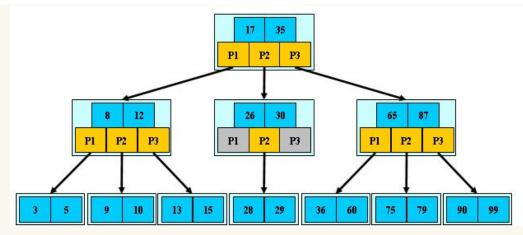
实际使用的B树都是在原B树的基础上加上平衡算法,即"平衡二叉树";如何保持B树结点分布均匀的平衡算法是平衡二叉树的关键;平衡算法是一种在B树中插入和删除结点的策略;

B-树

是一种多路搜索树 (并不是二叉的):

- 1. 定义任意非叶子结点最多只有M个儿子; 且M>2;
- 2.根结点的儿子数为[2, M];
- 3.除根结点以外的非叶子结点的儿子数为[M/2, M];
- 4.每个结点存放至少M/2-1 (取上整)和至多M-1个关键字; (至少2个关键字)
- 5.非叶子结点的关键字个数=指向儿子的指针个数-1;
- 6.非叶子结点的关键字: K[1], K[2], ..., K[M-1]; 且K[i] < K[i+1];
- 7.非叶子结点的指针: P[1], P[2], ..., P[M]; 其中P[1]指向关键字小于K[1]的
- 子树, P[M]指向关键字大于K[M-1]的子树, 其它P[i]指向关键字属于(K[i-1], K[i])的子树;
 - 8. 所有叶子结点位于同一层;

如: (M=3)



B-树的搜索,从根结点开始,对结点内的关键字(有序)序列进行二分查找,如果命中则结束,否则进入查询关键字所属范围的儿子结点;重复,直到所对应的儿子指针为空,或已经是叶子结点;

B-树的特性:

- 1.关键字集合分布在整颗树中;
- 2.任何一个关键字出现且只出现在一个结点中;
- 3.搜索有可能在非叶子结点结束;
- 4. 其搜索性能等价于在关键字全集内做一次二分查找;
- 5.自动层次控制;

由于限制了除根结点以外的非叶子结点,至少含有**M/2**个儿子,确保了结点的至少利用率,其最底搜索性能为:

$$O_{Min}$$

$$= O[\log_{2}(\lceil \frac{M}{2} - 1 \rceil) \times \log_{\frac{M}{2}}(\lceil \frac{N}{\frac{M}{2} - 1} \rceil)]$$

$$= O[\log_{2}(\frac{M}{2})] \times O[\log_{\frac{M}{2}}(\frac{N}{\frac{M}{2}})]$$

$$= O[\log_{2}(\frac{M}{2}) \times (\log_{\frac{M}{2}}N - 1)]$$

$$= O[\log_{2}N - \log_{2}(\frac{M}{2})]$$

$$= O[\log_{2}N] - O[C]$$

$$= O[\log_{2}N]$$

其中, M为设定的非叶子结点最多子树个数, N为关键字总数;

所以B-树的性能总是等价于二分查找(与M值无关),也就没有B树平衡的问题; 由于M/2的限制,在插入结点时,如果结点已满,需要将结点分裂为两个各占 M/2的结点;删除结点时,需将两个不足M/2的兄弟结点合并;

B+树

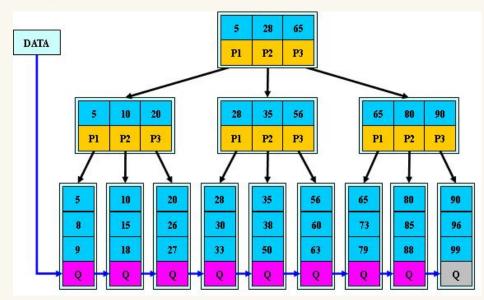
- B+树是B-树的变体, 也是一种多路搜索树:
- 1.其定义基本与B-树同、除了:

- 2.非叶子结点的子树指针与关键字个数相同;
- 3.非叶子结点的子树指针P[i],指向关键字值属于[K[i],K[i+1])的子树

(B-树是开区间);

- 5.为所有叶子结点增加一个链指针;
- 6.所有关键字都在叶子结点出现;

如: (M=3)



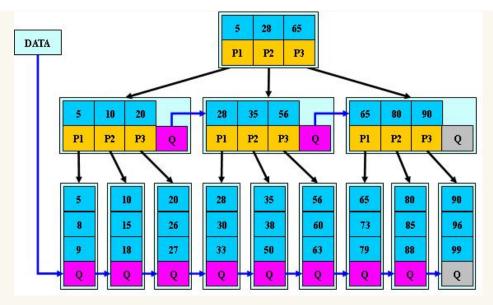
B+的搜索与B-树也基本相同,区别是B+树只有达到叶子结点才命中(B-树可以在 非叶子结点命中),其性能也等价于在关键字全集做一次二分查找;

B+的特性:

- 1. 所有关键字都出现在叶子结点的链表中 (稠密索引) , 且链表中的关键字恰好 是有序的;
 - 2.不可能在非叶子结点命中;
- 3.非叶子结点相当于是叶子结点的索引(稀疏索引),叶子结点相当于是存储 (关键字)数据的数据层;
 - 4. 更适合文件索引系统;

B*树

是B+树的变体,在B+树的非根和非叶子结点再增加指向兄弟的指针;



B*树定义了非叶子结点关键字个数至少为(2/3)*M, 即块的最低使用率为2/3 (代替B+树的1/2);

B+树的分裂: 当一个结点满时,分配一个新的结点,并将原结点中1/2的数据复制到新结点,最后在父结点中增加新结点的指针; B+树的分裂只影响原结点和父结点,而不会影响兄弟结点,所以它不需要指向兄弟的指针;

B*树的分裂: 当一个结点满时,如果它的下一个兄弟结点未满,那么将一部分数据移到兄弟结点中,再在原结点插入关键字,最后修改父结点中兄弟结点的关键字 (因为兄弟结点的关键字范围改变了);如果兄弟也满了,则在原结点与兄弟结点之间增加新结点,并各复制1/3的数据到新结点,最后在父结点增加新结点的指针;

所以, B*树分配新结点的概率比B+树要低, 空间使用率更高;

小结

B树: 二叉树, 每个结点只存储一个关键字, 等于则命中, 小于走左结点, 大于走右结点;

B-树:多路搜索树,每个结点存储M/2到M个关键字,非叶子结点存储指向关键字范围的子结点;

所有关键字在整颗树中出现, 且只出现一次, 非叶子结点可以命中;

B+树:在B-树基础上,为叶子结点增加链表指针,所有关键字都在叶子结点中出现,非叶子结点作为叶子结点的索引;B+树总是到叶子结点才命中;

B*树:在B+树基础上,为非叶子结点也增加链表指针,将结点的最低利用率从1/2提高到2/3;

原文地址 http://blog.csdn.net/manesking/archive/2007/02/09/1505979.aspx

posted @ 2009-11-16 17:44 独孤求败 阅读(27469) 评论(6) 编辑 收藏

努力加载评论中...

努力加载评论框中... 找优秀程序员,就在博客园 刷新评论 刷新页面 返回顶部

博客园首页 博问 新闻 闪存 程序员招聘 知识库

