Využití opakujících se podstruktur pro efektivní reprezentaci automatů

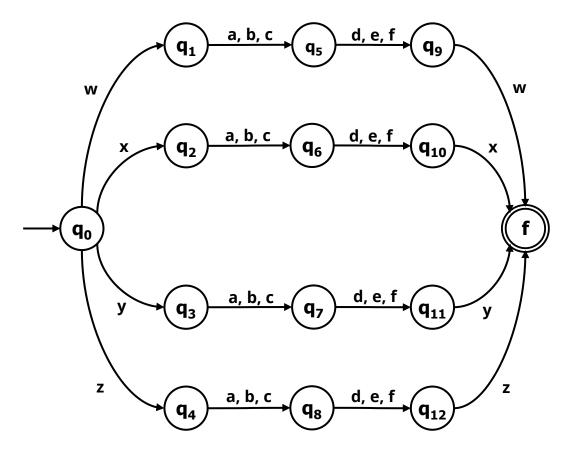
Bc. Michal Šedý doc. Mgr. Lukáš Holík, Ph.D.

Efektivní konečné automaty pro automatické usuzování





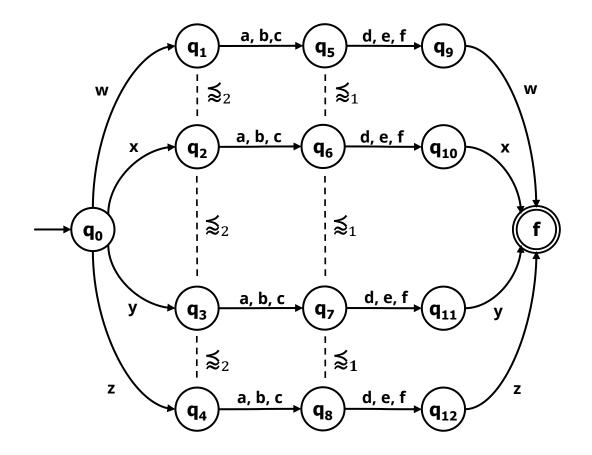
- V automatech se vyskytují podobné sekvence přechodů, které relace simulace nedetekuje.
 - Tyto sekvence přechodů stačí reprezentovat pouze jednou "procedurou".
- Sloučení podobných sekvencí snižuje velikost přechodové funkce automatu.
 - Může také snížit náročnost operací s automaty (test na prázdnost průniku).



Vyhledání podobných podstruktur



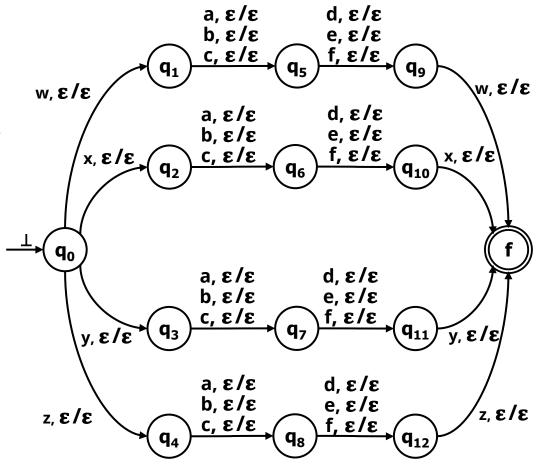
- Je definováno kvaziuspořádání k-aproxsim
 - $\lesssim_k \subseteq Q \times Q$
 - Je odvozena od relace jazykové simulace.
 - Využívá pouze přechody do vzdálenosti k od zkoumané dvojice.
 - Nerozlišuje mezi koncovými a nekoncovými stavy.
 - Je použita pro nalezení podobných sekvencí přechodů v jinak jazykově izolovaných částech automatu.



Reprezentace automatu s procedurami



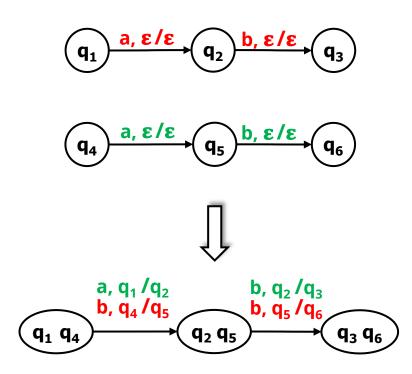
- NKA s procedurami je reprezentován za použití nedeterministického zásobníkového automatu.
 - Limit zásobníku jsou dva znaky.
- Převod NKA na NZA je prvním krokem redukce využívající opakující se podstruktury.
 - Není změněna struktura automatu.



Mapování do procedury



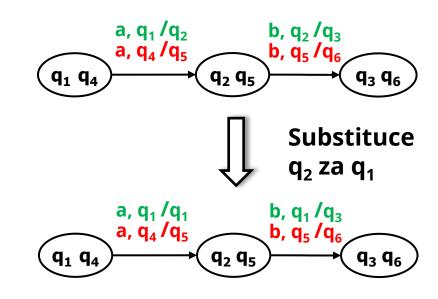
- Stavy v relaci k-aproxsim a jejich následníci do vzdálenosti k jsou mapování do jedné procedury.
- Informace o stavu, ze kterého a do kterého hrana vedla je uchována na zásobníku.
- Původní stavy jsou po přemapování odstraněny z automatu.



Redukce zásobníkové abecedy (α-redukce)



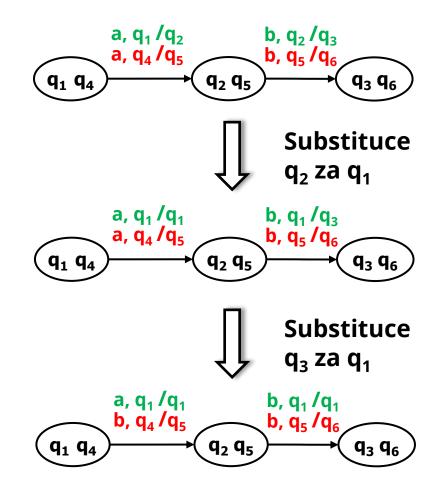
- Vkládaný symbol na zásobník může být substituován za symbol vyjímaný ze zásobníku.
- Substituce symbolu β za y na výstupní hraně stavu q je platná, pokud symbol y není již vyjímán ze zásobníku na jiné hraně vystupující ze stavu q.



Redukce zásobníkové abecedy (α-redukce)



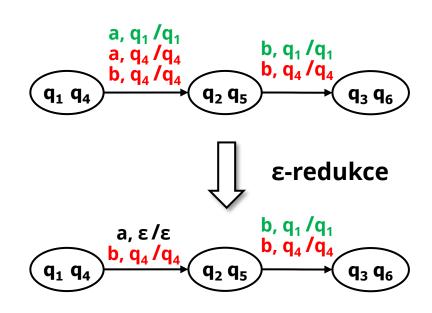
- Vkládaný symbol na zásobník může být substituován za symbol vyjímaný ze zásobníku.
- Substituce symbolu β za y na výstupní hraně stavu q je platná, pokud symbol y není již vyjímán ze zásobníku na jiné hraně vystupující ze stavu q.



Redukce přechodové funkce (ε-redukce)

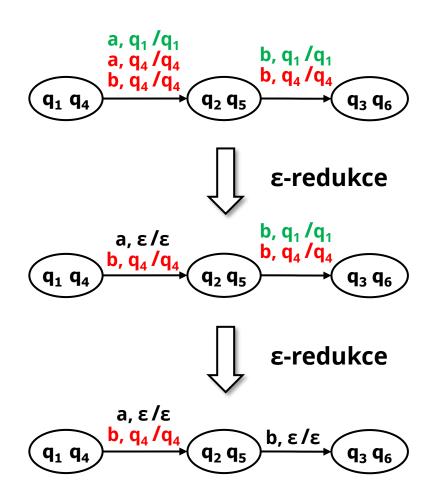


 Pokud jsou pro daný stav a znak použity všechny možné zásobníkové symboly, pak lze pro tento stav a znak nahradit pravidla neměnící vrchol zásobníku jedním epsilon přechodem.



Redukce přechodové funkce (ε-redukce)

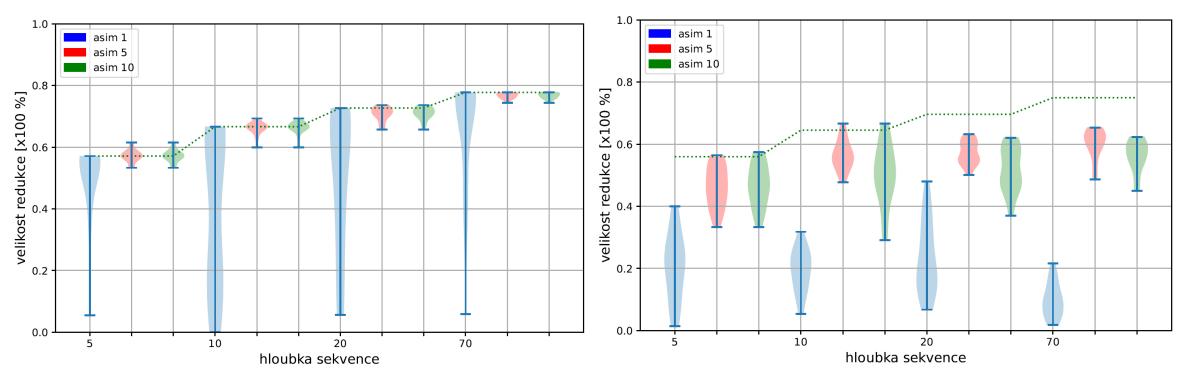
 Pokud jsou pro daný stav a znak použity všechny možné zásobníkové symboly, pak lze pro tento stav a znak nahradit pravidla neměnící vrchol zásobníku jedním epsilon přechodem.



Experimentální výsledky



- Testováno na automatech slov, které mají stejný prefix a sufix
- Jsou rovnoměrně zastoupeny automaty s velikostí abecedy 8 a 16 znaků.
- Každý graf je výsledkem 240 minimalizací automatů



Automaty s 5-ti identickými sekcemi, bez cyklů.

Automaty s 5-ti identickými sekcemi, s cykly.

Budoucí práce

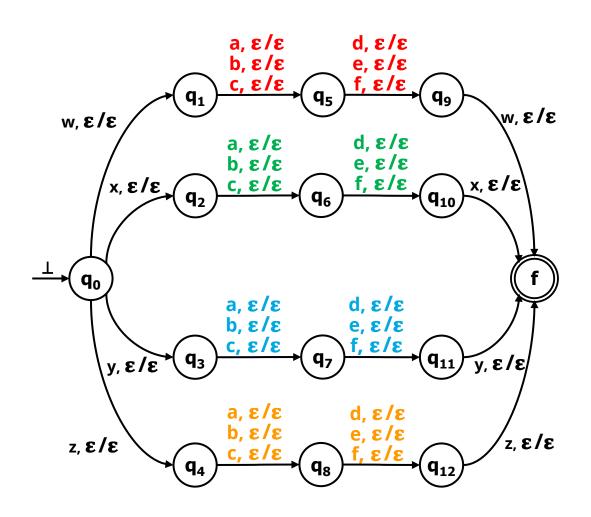


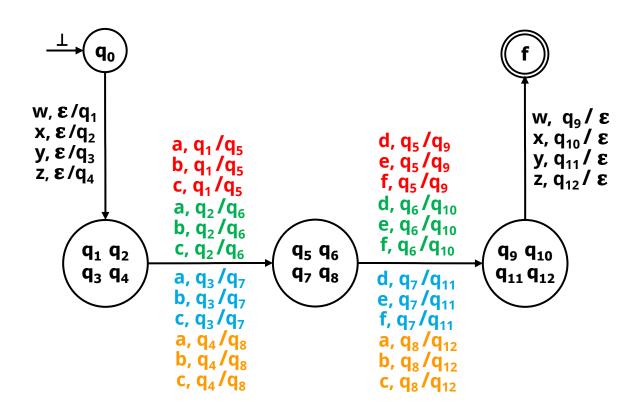
- Definovat relaci/funkci jazykové inkluze (podobnosti)
 - zvýší množství potenciálních procedur
 - dále by předpovídala teoretickou velikosti redukce při přemalování daných stavů do procedury.



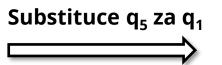
Mapování do procedury

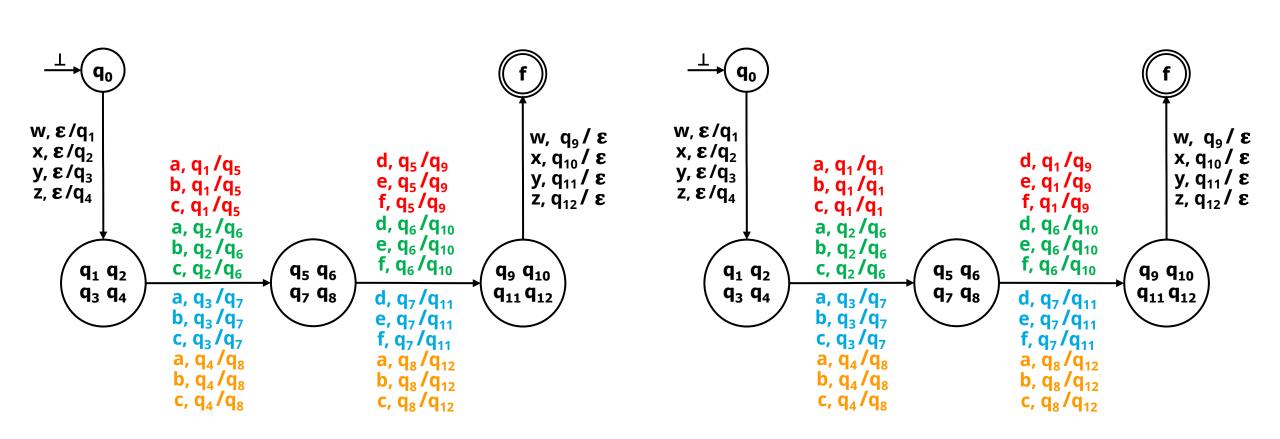




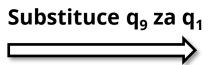


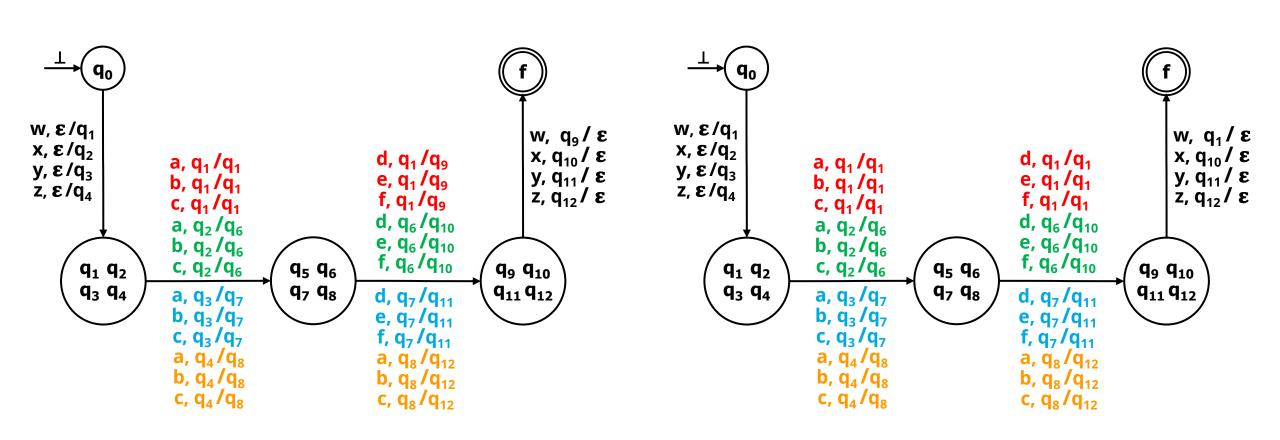






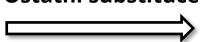


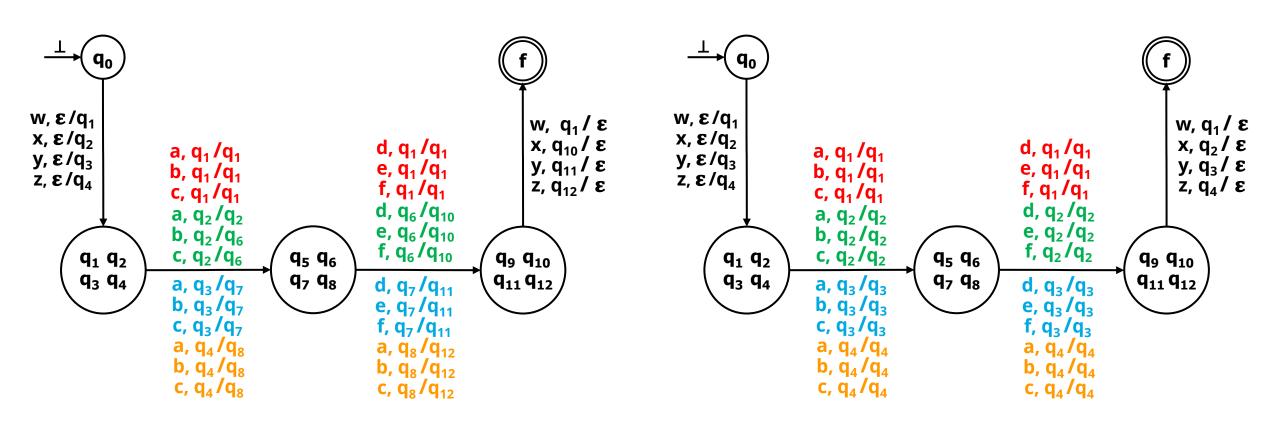






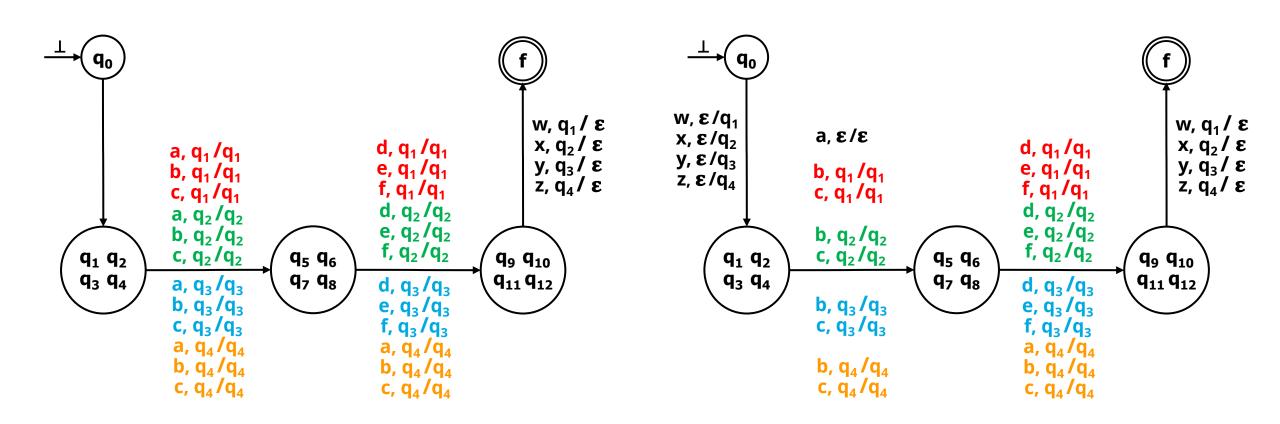
Ostatní substituce





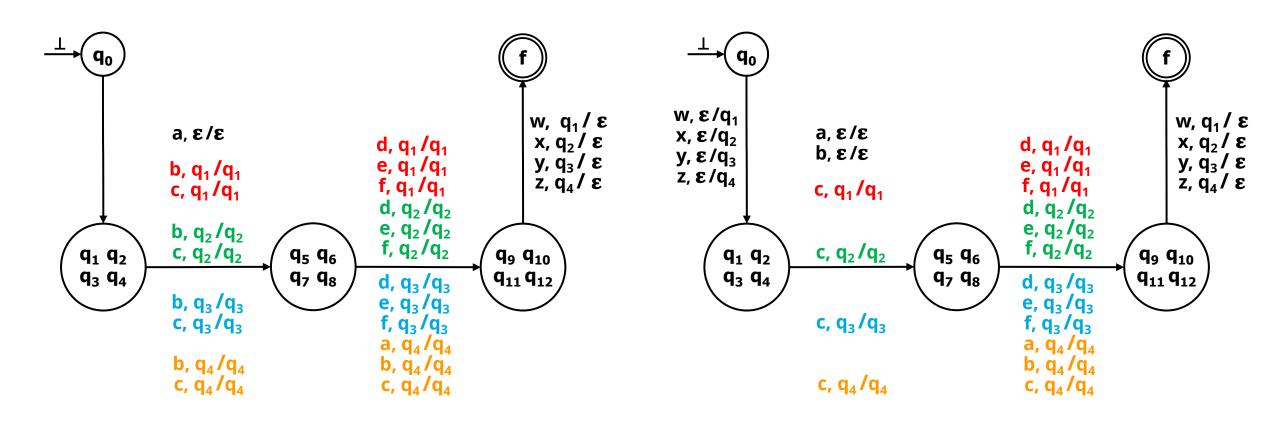


ε-redukce pro a





ε-redukce pro b





Ostatní ε-redukce

