

Graf prosty

Wierzchołki

Rząd

Krawędzie

Rozmiar

Sąsiedztwo

Incydencja

Stopień wężła

Lemat o uściskach dłoni

Średni stopień wężła

Ścieżka

Długość ścieżki

Odległość

Średnica

Zbiór rozspajający

Rozcięcie

Most

Spójność krawędziowa

Zbiór separujący

Separator

Przegub

Spójność wierzchołkowa

Podgrafy

Drzewo rozpinające

Macierz sąsiedztwa

Macierz incydencji

$G = (V, E)$

$V = \{v_i : i = 1, \dots, 19\}$

$|V| = 19$

$E = \{e_j : j = 1, \dots, 28\}$

$|E| = 28$

Np. $e_{16} = \{v_{11}, v_{14}\}$

Np. wierzchołki v_{11} i v_{14} są sąsiednie

Np. wierzchołek v_{11} jest incydentny z krawędzią e_{16}

Np. $\deg(v_9) = 4$

Np. $\deg(v_1) = \deg(v_3)$

$E[\deg] = \frac{1 \times 2 + 2 \times 5 + 3 \times 7 + 4 \times 2 + 5 \times 3}{19} = 2 \frac{|E|}{|V|} \approx 2,95$

Np. między v_7 a v_{14} : niebieska $\langle v_7, v_{14} \rangle_{\text{nieb}} = \langle v_7, v_9, v_{11}, v_{14} \rangle = \langle e_9, e_{14}, e_{16} \rangle$

i czerwona $\langle v_7, v_{14} \rangle_{\text{czerw}} = \langle v_7, v_{10}, v_{11}, v_{12}, v_{13}, v_{15}, v_{14} \rangle = \langle e_{10}, e_{15}, e_{17}, e_{18}, e_{19}, e_{20} \rangle$

Np. $|\langle v_7, v_{14} \rangle_{\text{czerw}}| = 6$

Np. między wierzchołkami v_7 a v_{14} : $\text{dist}(v_7, v_{14}) = \min_k \{|\langle v_7, v_{14} \rangle_k|\} = 3$

$d(G) = \max_{i,j} \text{dist}(v_i, v_j) = \max_{i,j} \min_k \{|\langle v_i, v_j \rangle_k|\} = \text{dist}(v_1, v_{19}) = 9$

Np. $\{e_4, e_5, e_{15}, e_{16}, e_{19}\}$

Np. $\{e_4, e_5\}$

Np. e_3

$\lambda(G) = 1$

Np. $\{v_1, v_5, v_6\}$

Np. $\{v_5, v_6\}$

Np. v_7

$\kappa(G) = 1$

Pełny, np. $K_3 = (\{v_{16}, v_{17}, v_{19}\}, \{e_{24}, e_{26}, e_{27}\})$

Cykliczny, np. $C_4 = (\{v_7, v_8, v_{10}, v_{11}\}, \{e_8, e_{10}, e_{13}, e_{15}\})$

Liniowy, np. $P_3 = (\{v_2, v_4, v_5\}, \{e_3, e_4\})$

Dwudzielny pełny, np. $K_{2,3} = (\{v_8, v_{10}\} \cup \{v_7, v_9, v_{11}\}, \{e_8, e_{10}, e_{11}, e_{12}, e_{13}, e_{15}\})$

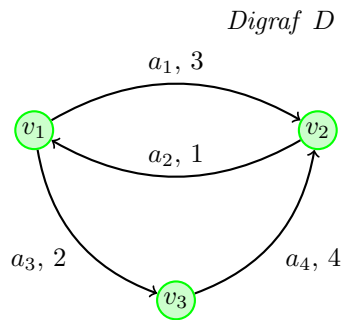
Np. $T = (V, \{e_1, e_2, e_3, e_4, e_5, e_6, e_8, e_{11}, e_{12}, e_{14}, e_{17}, e_{18}, e_{19}, e_{20}, e_{22}, e_{24}, e_{25}, e_{27}\})$

Np. dla podgrafu $(\{v_1, v_2, v_3, v_4\}, \{e_1, e_2, e_3\})$:

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Np. dla podgrafu $(\{v_1, v_2, v_3, v_4\}, \{e_1, e_2, e_3\})$:

$$\mathbf{B} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$



Digraf ważony
Łuki

$D = (V, A, w)$
 $A = \{a_i : i = 1, \dots, 4\}$
 Np. $a_1 = (v_1, v_2)$

Macierz incydencji digrafu

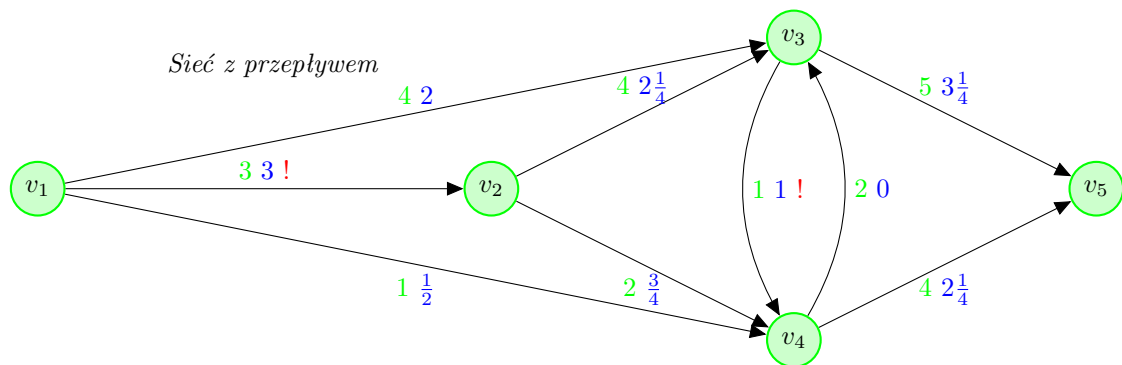
$$\mathbf{B} = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 1 & 0 \\ -1 & 1 & 0 & -1 \\ 0 & 0 & -1 & 1 \end{bmatrix}$$

Waga łuku

Np. $w(a_1) = 3$

Siła wężła

Np. dla v_1 wynosi 5



Źródło

v_1

Ujście

v_5

Przepływność

Np. $c(v_1, v_3) = 4$

Przepływ

Przepływ między v_1 a v_5 ma wartość $5\frac{1}{2}$, bo $f(v_3, v_5) + f(v_4, v_5) = 5\frac{1}{2}$

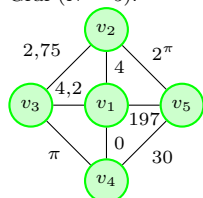
„Węzłowe prawo Kirchhoffa”
dla przepływu

Np. dla v_3 : $f(v_1, v_3) + f(v_2, v_3) + f(v_4, v_3) = f(v_3, v_4) + f(v_3, v_5)$

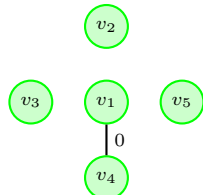
Łącze nasycone

Np. (v_1, v_2) , bo $f(v_1, v_2) = c(v_1, v_2)$

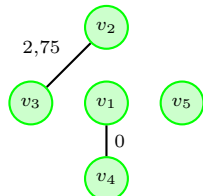
Alg. Kruskala:
 Graf ($N = 5$):



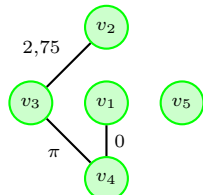
Krok 1:



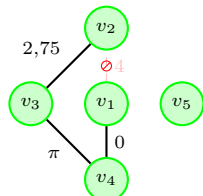
Krok 2:



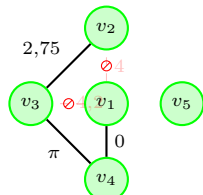
Krok 3:



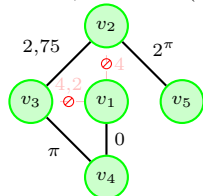
Krok 4:



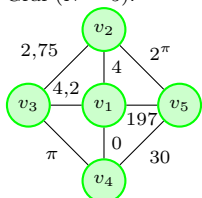
Krok 4:



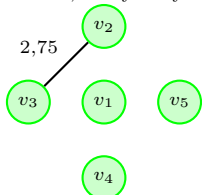
Krok 4, $4 = N - 1$ (END):



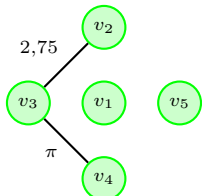
Alg. Prima:
 Graf ($N = 5$):



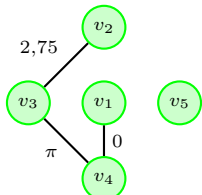
Krok 1, zaczynamy od v_2 :



Krok 2:



Krok 3:



Krok 4, $4 = N - 1$ (END):

