

**Uniwersytet Warszawski**  
Wydział Matematyki, Informatyki i Mechaniki

**Konrad Paziewski**

Nr albumu: 306410

# **Automatyczne zrównoleglenie programów w językach czysto funkcyjnych**

Praca magisterska  
na kierunku INFORMATYKA

Praca wykonana pod kierunkiem  
**dra hab. Marcina Benke**  
Instytut Informatyki

Listopad 2015

## **Oświadczenie kierującego pracą**

Potwierdzam, że niniejsza praca została przygotowana pod moim kierunkiem i kwalifikuje się do przedstawienia jej w postępowaniu o nadanie tytułu zawodowego.

Data

Podpis kierującego pracą

## **Oświadczenie autora (autorów) pracy**

Świadom odpowiedzialności prawnej oświadczam, że niniejsza praca dyplomowa została napisana przeze mnie samodzielnie i nie zawiera treści uzyskanych w sposób niezgodny z obowiązującymi przepisami.

Oświadczam również, że przedstawiona praca nie była wcześniej przedmiotem procedur związanych z uzyskaniem tytułu zawodowego w wyższej uczelni.

Oświadczam ponadto, że niniejsza wersja pracy jest identyczna z załączoną wersją elektroniczną.

Data

Podpis autora (autorów) pracy

## **Streszczenie**

W pracy przedstawiono język funkcyjny Cthulhu i jego implementację pozwalającą na automatyczne zrównoleglanie programów.

## **Słowa kluczowe**

blabaliza różnicowa, fetory  $\sigma$ - $\rho$ , fooizm, blarbarucja, blaba, fetoryka, baleronik

## **Dziedzina pracy (kody wg programu Socrates-Erasmus)**

11.3 Informatyka

## **Klasyfikacja tematyczna**

D. Software

D.127. Blabalgorithms

D.127.6. Numerical blabalysis

## **Tytuł pracy w języku angielskim**

Automatic parallelisation of pure functional programming languages



# Spis treści

<b>Wprowadzenie</b>	5
<b>1. Podstawowe pojęcia</b>	7
1.1. Definicje	7
1.2. Implementacja	7
<b>2. Wcześniejsze implementacje blabalizatora różnicowego</b>	9
2.1. Podejście wprost	9
<b>3. Idea</b>	11
<b>4. Opis języka</b>	13
4.1. System typów	13
<b>5. Semantyka</b>	15
<b>6. Implementacja</b>	17
6.1. Asembler cthulhu	17
6.2. Generator kodu	17
6.2.1. Analiza leksykalno-składniowa	17
6.2.2. Analiza semantyczna	17
6.2.3. Przygotowanie listy instrukcji	18
6.3. Środowisko uruchomieniowe	18
<b>7. Dokumentacja użytkowa i opis implementacji</b>	19
<b>8. Podsumowanie</b>	21
8.1. Perspektywy wykorzystania w przemyśle	21
<b>A. Główna pętla programu zapisana w języku TōFoo</b>	23
<b>B. Przykładowe dane wejściowe algorytmu</b>	25
<b>C. Przykładowe wyniki blabalizy (ze współczynnikami <math>\sigma</math>-<math>\rho</math>)</b>	27
<b>Bibliografia</b>	29



# Wprowadzenie

Prawo Moore’a od lat siedemdziesiątych dwudziestego wieku dyktowało tempo wzrostu wydajności układów scalonych. Wykładniczy wzrost ilości tranzystorów na jednostkę powierzchni przy zachowaniu stałej ceny pozwalał zakładać, że częstotliwość taktowania przeciętnego procesora będzie rosłać dwukrotnie co dwa lata. Niestety, w ostatnich latach tendencja ta zanika. Prawo Moore’a nadal działa w sferze miniaturyzacji elementów układów scalonych. Jednakże, nie przekłada się to już na oczekiwany wzrost wydajności układu. Częstotliwość taktowania procesorów nie rośnie już wykładniczo.

Dużo prostszym sposobem na zwiększenie teoretycznej mocy obliczeniowej procesora jest zwiększenie liczby rdzeni. Możliwość równoległego wykonywania  $n$  wątków obliczeń w teorii zwiększa ilość operacji wykonywanych w jednostce czasu  $n$ -krotnie w stosunku do układu jednowątkowego. Uruchomienie kilku procesów wykorzystujących wiele rdzeni procesora jest proste. Nowoczesne systemy operacyjne zapewniają skuteczną izolację między poszczególnymi procesami. Taka architektura pozwala na efektywne równoległe wykonywanie niezależnych od siebie zadań. Niestety wykorzystanie wielu jednostek obliczeniowych procesora do wykonania jednego zadania nie jest zagadnieniem trywialnym. Wymaga to podziału zadania na podzadania, rozdzielenia podzadan pomiędzy poszczególne rdzenie, a następnie scalenia wyniku. Niestety programy współbieżne są trudne do przygotowania, analizy i modyfikacji. Często kod odpowiedzialny za synchronizację i podział pracy między poszczególne wątki wykonania jest bardziej skomplikowany niż sama logika programu. Przyjrzyjmy się następującym dwóm wersjom tej samej funkcji:

```
template<typename A, typename B, typename F>
void map(F& f, std::vector<A>& input, std::vector<B>& output) {
    output.resize(input.size());
    for ( unsigned i = 0; i < input.size(); ++i ){
        output[i] = f(input[i]);
    }
}

template<typename A, typename B, typename F>
void map_par(F& f, std::vector<A>& input, std::vector<B>& output) {
    output.resize(input.size());
    std::vector<std::thread> threads;
    auto operation = [&input, &output, &f](int i) {
        output[i] = f(input[i]);
    };
    for ( unsigned i = 0; i < input.size(); ++i )
        threads.emplace_back(operation, i);
    for ( unsigned i = 0; i < threads.size(); ++i )
        threads[i].join();
}
```

Zauważmy, że większość kodu drugiej z zademonstrowanych tu procedur odpowiada za zrównoleglenie pracy. Co więcej, na pierwszy rzut oka ciężko ocenić jakie rzeczywiście zadanie

wykonuje ta funkcja.

Tego typu problemy często sprawiają że programiści uciekają od pisania programów wielowątkow

Wydażność Jednakże, pełne wykorzystanie



# Rozdział 1

## Podstawowe pojęcia

Pojęciem pierwotnym blabalii fetorycznej jest *blaba*. Blabaliści nie podają jego definicji, mówiąc za Ciach-Pfe t-ām Kûn (fooistyczny mędrzec, XIX w. p.n.e.):

Blaba, który jest blaba, nie jest prawdziwym blaba.

*tłum. z chińskiego Robert Blarbarucki*

### 1.1. Definicje

Oto dwie definicje wprowadzające podstawowe pojęcia blabalii fetorycznej:

**Definicja 1.1.1** *Silny, zwarty i gotowy fetor bazowy nazwiemy skupieniem.*

**Definicja 1.1.2** *Fetorem nazwiemy skupienie blaba spełniające następujący aksjomat reperkusatywności:*

$$\forall \mathcal{X} \in Z(t) \exists \pi \subseteq \oint_{\Omega^2} \kappa \leftrightarrow 42$$

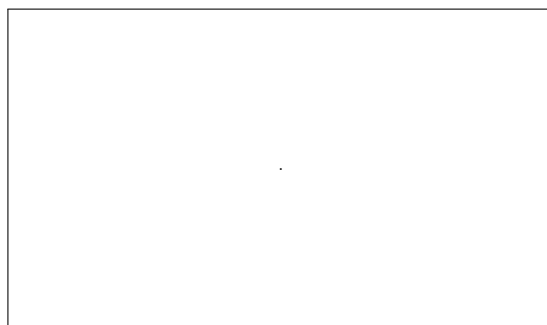
### 1.2. Implementacja

Teoretycy blabalii (zob. np. pracę [Głomb04]) zadowalają się niekonstruktywnym opisem natury fetorów.

Podstawowym narzędziem blabalii empirycznej jest blabalizator różnicowy. Przyrząd ten pozwala w sposób przybliżony uzyskać współczynniki rozkładu Głombaskiego dla fetorów bazowych i harmoniczných. Praktyczne znaczenie tego procesu jest oczywiste: korzystając z reperkusatywności pozwala on przejść do przestrzeni  $\Lambda^\nabla$ , a tym samym znaleźć retroizotonalne współczynniki semi-quasi-celibatu dla klatek Rozkoszy (zob. [Rozk93]).

Klasyczne algorytmy dla blabalizatora różnicowego wykorzystują:

1. dualizm falowo-korpuskularny, a w szczególności
  - (a) korpuskularną naturę fetorów,
  - (b) falową naturę blaba,
  - (c) falowo-korpuskularną naturę gryzmołów;
2. postępującą gryzmozolizację poszczególnych dziedzin nauki, w szczególności badań systemowych i rozcieńczonych;



Rysunek 1.1: Artystyczna wizja blaba w obrazie węgierskiego artysty Josipa A. Rozkoszy pt. „Blaba”

3. dynamizm fazowy stetryczenia parajonizacyjnego;

4. wreszcie tradycyjne opozycje:

- duch — bakteria,
- mieć — chcieć,
- myśl — owsianka,
- parafina — durszlak<sup>1</sup>,
- logos — termos

z właściwym im przedziwym dynamizmem.

---

<sup>1</sup>Więcej o tym przypadku — patrz prace Gryzybór-Głombaskiego i innych teoretyków nurtu teoretyczno-praktycznego badań w Instytucie Podstawowych Problemów Blabalii w Fife.

## Rozdział 2

# Wcześniejsze implementacje blabalizatora różnicowego

### 2.1. Podejście wprost

Najprostszym sposobem wykonania blabalizy jest siłowe przeszukanie całej przestrzeni rozwiązań. Jednak, jak łatwo wyliczyć, rozmiar przestrzeni rozwiązań rośnie wykładniczo z liczbą fektorów bazowych. Tak więc przegląd wszystkich rozwiązań sprawdza się jedynie dla bardzo prostych przestrzeni lamblialnych. Oznacza to, że taka metoda ma niewielkie znaczenie praktyczne — w typowym przypadku z życia trzeba rozważać przestrzenie lamblialne wymiaru rzędu 1000.

W literaturze można znaleźć kilka prób opracowania heurystyk dla problemu blabalizy (por. [Zen69]). Korzystając z heurystyk daje się z pewnym trudem dokonać blabalizy w przestrzeni o np. 500 fektorach bazowych. Należy jednak pamiętać, że heurystyka nie daje gwarancji znalezienia najlepszego rozwiązania. Fifak w pracy [Fif01] podaje, jak dla dowolnie zadanej funkcji oceniającej skonstruować dane, dla których rozwiązanie wygenerowane przez algorytm heurystyczny jest dowolnie odległe od rzeczywistego.



## Rozdział 3

# Idea

Należy zwrócić uwagę że cthulhu jest językiem w pełni czystym. Semantyka nie wyznacza żadnej szczególnej kolejności operacji, nie zawiera też pojęcia stanu. Oznacza to zatem, że mamy dowolność co do wyboru wyrażeń które zostaną wykonane równolegle.



## Rozdział 4

# Opis języka

### 4.1. System typów

Zbiór

Cthulhu jest prostym językiem funkcyjnym o ograniczonej liczbie dostępnych konstrukcji. Program składa się z listy definicji typów i funkcji.

Program w tym języku modeluje funkcję ze zbioru liczb naturalnych w zbior liczb naturalnych.





## Rozdział 5

# Semantyka

Proponowany język programowania jest pełnowartościowym językiem funkcyjnym.



## Rozdział 6

# Implementacja

Przygotowana przez mnie i opisywana w tym dokumencie realizacja języka Cthulhu składa się z dwóch części. Pierwszą z nich jest napisany w Haskellu generator kodu. Jego zadaniem jest statyczna analiza programu wejściowego i wygenerowanie równoważnego programu w C++. Generator kodu sprawdza poprawność kodu a także dba o optymalizacje oraz wybór wyrażeń które będą obliczane równolegle. Drugim elementem jest przygotowane w C++ środowisko uruchomieniowe. Fragmenty te są połączone przez pewnego rodzaju zbiór instrukcji przypominających ideowo instrukcje assemblerowe.

### 6.1. Asembler cthulhu

### 6.2. Generator kodu

Zadaniem generatora kodu jest przygotowanie ciągu instrukcji które zostaną później wykonane przez środowisko uruchomieniowe. Proces przygotowania tych instrukcji składa się z czterech etapów:

- analiza leksykalno-składniowa
- analiza semantyczna
- przygotowanie listy instrukcji
- wygenerowanie pliku nagłówkowego C++ zawierającego instrukcje z poprzedniego kroku

#### 6.2.1. Analiza leksykalno-składniowa

Parser języka jest generowany przy pomocy narzędzia BNFC. Automatycznie, na podstawie zadanej gramatyki generowane są moduły odpowiedzialne za wszystkie tradycyjne etapy analizy leksykalno-składniowej - to znaczy lekser i parser. Wygenerowany zostaje też moduł opisujący strukturę będącą typem wyniku parsowania.

#### 6.2.2. Analiza semantyczna

Celem analizy semantycznej jest sprawdzenie poprawności programu a także powiązanie identyfikatorów z ich znaczeniem i typem. Niestandardowe jest to że nie jest kompilowany cały program a jedynie te funkcje które są osiągalne - być może nie bezpośrednio z funkcji głównej

programu. Z drugiej strony typy i funkcje parametryzowane kompilowane są oddzielnie dla każdej kombinacji parametrów.

### **6.2.3. Przygotowanie listy instrukcji**

W pierwszej fazie analizy generator Co więcej, generator kodu musi wygenerować dodatkowe informacje w celu umożliwienia przygotowania przez mnie implementacji Cthulhu inicjalizuje obliczenie równoległe tylko dla wyrażeń będących wywołaniami funkcji. Co więcej, jedyne funkcje które

## **6.3. Środowisko uruchomieniowe**

Środowisko uruchomieniowe

## Rozdział 7

# Dokumentacja użytkowa i opis implementacji

Program przygotowany dla systemu operacyjnego M\$ Windows uruchamia się energicznym dwumlaskiem na jego ikoncie w folderze \\FIDO\F00\BLABA. Następnie kolistym ruchem ręki należy naprowadzić kursor na menu Blabaliza i uaktywnić pozycję **Otwórz plik**. Po wybraniu pliku i zatwierdzeniu wyboru przyciskiem OK rozpocznie się proces blabalizy. Wyniki zostaną zapisane w pliku o nazwie 99-1a.tx.43 w bieżącym folderze.



## Rozdział 8

# Podsumowanie

W pracy przedstawiono pierwszą efektywną implementację blabalizatora różnicowego. Umiejętność wykonania blabalizy numerycznej dla danych „z życia” stanowi dla blabalii fetorycznej podobny przełom, jak dla innych dziedzin wiedzy stanowiło ogłoszenie teorii Mikołaja Kopernika i Gryzybór Głombaskiego. Z pewnością w rozpoczynającym się XXI wieku będziemy obserwować rozkwit blabalii fetorycznej.

Trudno przewidzieć wszystkie nowe możliwości, ale te co bardziej oczywiste można wskazać już teraz. Są to:

- degryzmolizacja wieńców telecentrycznych,
- realizacja zimnej reakcji lambliarnej,
- loty celulityczne,
- dokładne obliczenie wieku Wszechświata.

### 8.1. Perspektywy wykorzystania w przemyśle

Ze względu na znaczenie strategiczne wyników pracy ten punkt uległ utajnieniu.





## Dodatek A

# Główna pętla programu zapisana w języku TōFoo

```
[[foo]{,}[a3,(((,){[]})],  
  [1; [{,13},[[[11],11],231]]].  
  [13;[!xz]].  
  [42;[{,x},[[2],{'a'},14]]].  
  [br;[XQ*10]].  
, 2q, for, [1,]2, [...].[7]{x}],((((,[1{{123},},},;.112]]],  
  else 42;  
  . 'b'.. '9', [[13141],{13414}], 11),  
[1; [[134,sigma],22]].  
[2; [[rho,-],11]].  
)[14].  
, {1234}],. [map [cc], 1, 22]. [rho x 1]. {22; [22]},  
  dd.  
[11; sigma].  
  ss.4.c.q.42.b.ll.ls.chmod.aux.rm.foo;  
[112.34; rho];  
  00111010101010101010101010101011111010010  
[22%f4].  
cq. rep. else 7;  
]. hlt
```



## Dodatek B

### Przykładowe dane wejściowe algorytmu

$\alpha$	$\beta$	$\gamma$
901384	13784	1341
68746546	13498	09165
918324719	1789	1310
9089	91032874	1873
1	9187	19032874193
90143	01938	0193284
309132	-1349	-149089088
0202122	1234132	918324098
11234	-109234	1934



## Dodatek C

### Przykładowe wyniki blabalizy (ze współczynnikami $\sigma$ - $\rho$ )

	Współczynniki Głombaskiego	$\rho$	$\sigma$	$\sigma$ - $\rho$
$\gamma_0$	1,331	2,01	13,42	0,01
$\gamma_1$	1,331	113,01	13,42	0,01
$\gamma_2$	1,332	0,01	13,42	0,01
$\gamma_3$	1,331	51,01	13,42	0,01
$\gamma_4$	1,332	3165,01	13,42	0,01
$\gamma_5$	1,331	1,01	13,42	0,01
$\gamma_6$	1,330	0,01	13,42	0,01
$\gamma_7$	1,331	16435,01	13,42	0,01
$\gamma_8$	1,332	865336,01	13,42	0,01
$\gamma_9$	1,331	34,01	13,42	0,01
$\gamma_{10}$	1,332	7891432,01	13,42	0,01
$\gamma_{11}$	1,331	8913,01	13,42	0,01
$\gamma_{12}$	1,331	13,01	13,42	0,01
$\gamma_{13}$	1,334	789,01	13,42	0,01
$\gamma_{14}$	1,331	4897453,01	13,42	0,01
$\gamma_{15}$	1,329	783591,01	13,42	0,01



# Bibliografia

- [Bea65] Juliusz Beaman, *Morbidity of the Jolly function*, *Mathematica Absurdica*, 117 (1965) 338–9.
- [Blar16] Elizjusz Blarbarucki, *O pewnych aspektach pewnych aspektów*, *Astrolog Polski*, Zeszyt 16, Warszawa 1916.
- [Fif00] Filigran Fifak, Gizbert Gryzogrzechotalski, *O blabalii fetorycznej*, *Materiały Konferencji Euroblabal* 2000.
- [Fif01] Filigran Fifak, *O fetorach  $\sigma$ - $\rho$* , *Acta Fetica*, 2001.
- [Głomb04] Gryzybór Głombaski, *Parazytonikacja blabiczna fetorów — nowa teoria wszystkiego*, Warszawa 1904.
- [Hopp96] Claude Hopper, *On some  $\Pi$ -hedral surfaces in quasi-quasi space*, *Omnius University Press*, 1996.
- [Leuk00] Lechosław Leukocyt, *Oval mappings ab ovo*, *Materiały Białostockiej Konferencji Hodowców Drobiu*, 2000.
- [Rozk93] Josip A. Rozkosza, *O pewnych własnościach pewnych funkcji*, *Północnopomorski Dziennik Matematyczny* 63491 (1993).
- [Spy59] Mrowclaw Spyrpt, *A matrix is a matrix is a matrix*, *Mat. Zburp.*, 91 (1959) 28–35.
- [Sri64] Rajagopalachari Sriniswamiramanathan, *Some expansions on the Flausgloten Theorem on locally congested latches*, *J. Math. Soc.*, North Bombay, 13 (1964) 72–6.
- [Whi25] Alfred N. Whitehead, Bertrand Russell, *Principia Mathematica*, Cambridge University Press, 1925.
- [Zen69] Zenon Zenon, *Użyteczne heurystyki w blabalizie*, *Młody Technik*, nr 11, 1969.