

Κωνσταντίνος Σκορδούλης

AM : 1115 2016 00155

Η εργασία έχει υλοποιηθεί σε C++. Οι δομές δεδομένων (που αντιστοιχούν σε κλάσεις) που έχω χρησιμοποιήσει υπάρχουν στην απλή συνδεδεμένη λίστα (single linked list).

Η δομή του γράφου μου έχει ως εξής:

- **Class Graph:** Περιέχει δείκτη σε απλή συνδεδεμένη λίστα(VList), που οι κόμβοι της(VNodes) περιέχουν δείκτη σε κορυφές (Vertices)
- **Class VList:** Περιέχει ένα δείκτη στον πρώτο κόμβο(VNode\* head) και έναν δείκτη στον τελευταίο κόμβο( VNode\* tail)
- **Class VNode:** Περιέχει ένα δείκτη, δείχνει στην κορυφή(Vertex\* vertex) και έναν δείκτη στον επόμενο κόμβο (VNode\* next)
- **Class Vertex:** Περιέχει το όνομα του(char\* name) , έναν δείκτη σε λίστα εισερχόμενων ακμών (EList\* incoming) και ένα δείκτη σε λίστα εξερχόμενων ακμών(EList\* outgoing)
- **Class EList:** Περιέχει ένα δείκτη στον πρώτο κόμβο(ENode\* head) και έναν δείκτη στον τελευταίο κόμβο( ENode\* tail)
- **Class ENode:** Περιέχει ένα δείκτη, δείχνει στην ακμή(Edge\* edge) και έναν δείκτη στον επόμενο κόμβο (ENode\* next)
- **Class Edge:** Περιέχει το βάρος (int weight), δείχνει στην κορυφή προέλευσης (Vertex\* source) και έναν δείκτη στην κορυφή προορισμού (Vertex\* dest). Με αυτόν τον τρόπο ορίζω την κατεύθυνση του κόμβου.

### Constructors/Destructors

- 1) Όταν δημιουργώ έναν γράφο **Graph**( σαν object), δεσμεύω χώρο μνήμης για την **VList**, καλώντας τον constructor της, που αρχικοποιεί : head = NULL και tail = NULL. Από εδώ και πέρα, η εισαγωγή μιας κορυφής **Vertex**, απαιτεί την δημιουργία(δέσμευση μνήμης) ενός κόμβου **VNode**, ο οποίος εισάγεται στην **VList** .
- 2) Αν θέλω να εισάγω μια ακμή **Edge**, της μορφής **V1->w->V2** , θα πρέπει να δεσμεύσω χώρο μνήμης για τη δημιουργία ενός κόμβου **ENode**, ο οποίος θα εισάγεται : α) στην **EList\* incoming** του V2, β) στην **EList\* outgoing** του V1
- 3) Η δημιουργία ενός **ENode**, **VNode** δεν συνεπάγεται πάντα την ταυτόχρονη δημιουργία κορυφής ή ακμής. Δηλαδή μπορεί να δημιουργηθεί ένα ENode και να δείχνει σε υπάρχουσα ακμή, αντίστοιχα και για την VNode.
- 4) Όταν κληθεί η **delete Graph**, θα γίνει chain calling destructors:  
Graph -> VList ->(each) VNode -> Vertex -> 2 ELists -> (each) ENode -> Edge.
- 5) Έχουν παρθεί οι αναγκαίες προφυλάξεις για να μην προκύψει κάτι απρόοπτο, πχ αν σβήσουμε μια ακμή να μην κληθούν οι destructors των κορυφών.

### Delete

- 1) Για να διαγράψω μια **ακμή (Edge)**  $V1 \rightarrow w \rightarrow V2$ , πρέπει πρώτα να ενημερώσω την **EList \*Incoming** του  $V2$ . Δηλαδή να βρω το **ENode** του  $V2$ , το οποίο δείχνει σε αυτήν την ακμή, και να το αφαιρέσω από την Incoming EList (χωρίς να διαγράψω την ακμή ακόμα). Τέλος γυρνάω στο  $V1$  και αφαιρώ και το **ENode** και την ακμή. Γενικεύοντας έχουμε τα εξής βήματα :
  - a. Βρίσκω το **ENode** της  $V1$ , που δείχνει σε αυτή την ακμή
  - b. Μέσω αυτής της ακμής περνάω απέναντι στο  $V2$  (Vertex\* destination or Vertex\* source ανάλογα)
  - c. Ψάχνω το **ENode** της  $V2$ , που δείχνει σε αυτήν την ακμή, και το αφαιρώ από την EList, χωρίς να σβήσω την ακμή.
  - d. Γυρνάω στο  $V1$ , αφαιρώ το **ENode** από την **EList**, σβήνοντας και την ακμή
- 2) Για την deleteVertex, απλά σβήνω όλες τις εισερχόμενες/εισερχόμενες ακμές (όπως είπα πάνω) και μετά σβήνω το Vertex.
- 3) DeleteEdges( $V1, V2$ ), δηλαδή σβήνω όλες τις ακμές μεταξύ των δυο (όπως είπα πάνω)

#### ModEdge/Receiving

- 1) **ModEdge**: Βρίσκω το **ENode**, άρα και την ακμή, και αλλάζω το weight.
- 2) **Receiving**: Εκτυπώνω την **Incoming EList** της κορυφής Vertex.

#### Circlefind/Findcircles/Traceflow

- 1) Επειδή υπήρχε μια γενική σύγχυση περί κύκλων, εγώ κατάλαβα τα εξής :
  - a. **Simple cycles**: δεν επιτρέπεται η επανάληψη κορυφών και ακμών. Άρα για το μονοπάτι ισχύει :
    - i. **No duplicate Vertices** ( can't revisit any Vertex)  
 Η μόνη επανάληψη κόμβων είναι η αρχή και το τέλος (δεν επιτρέπεται να έχουμε  $A \rightarrow 100 \rightarrow B \rightarrow 200 \rightarrow A \rightarrow 300 \rightarrow A$ , θα εκτυπωθεί ως  $A \rightarrow 100 \rightarrow B \rightarrow 200 \rightarrow A$  και  $A \rightarrow 300 \rightarrow A$ ).
    - ii. **No duplicate Edges** (αυτό ισχύει γενικά για τους κύκλους).
  - b. **Cycles**: δεν επιτρέπεται η επανάληψη ακμών, επιτρέπεται η επανάληψη κόμβων. Άρα για το μονοπάτι ισχύει :
    - i. **Yes duplicate Vertices** ( can revisit any Vertex).  
 Εδώ μας ενδιαφέρει μόνο μην υπάρχει επανάληψη ακμών και ο αρχικός κόμβος να είναι ίδιος με το τελικό.

- ii. **No duplicate Edges** ( αυτό ισχύει γενικά για τους κύκλους)
- 2) **Circlefind**: βρίσκει τους απλούς κύκλους μόνο.
- 3) **FindCircles**: βρίσκει όλους τους κύκλους ( συμπεριλαμβάνονται και οι απλοί )
- 4) **Traceflow(V1,V2,l)**: Βρίσκει (μακρύτατο)μονοπάτι από το V1,V2. Δεν επιτρέπεται η επανάληψη ακμών. Δύο φορές γίνεται έλεγχος:
  - a. Όταν  $l = 0$ , τσεκάρουμε αν η κορυφή που βρισκόμαστε είναι η V2. Αν ναι , εκτυπώνουμε το μονοπάτι. Αν όχι επιστρέφουμε στην προηγούμενη κορυφή (more on this later).
  - b. Όταν βρεθούμε σε dead end, δηλαδή όταν δεν μπορούμε να περάσουμε από καμία ακμή.

### **Υλοποίηση των παραπάνω ----- → DFS with Backtracking**

<https://stackoverflow.com/questions/546655/finding-all-cycles-in-a-directed-graph>

Η λύση μου είναι εμπνευσμένη από αυτόν τον ψευδοκώδικα , αλλά η **υλοποίηση είναι καθαρά δική μου**.

Ουσιαστικά, χρησιμοποιώ μια **EList**( και μια **VList** όταν ψάχνω για **simple cycles**), ανεξάρτητη/(τες) από το γράφο, για να κρατάω το **path** ( και τους **visited Vertices**) μου και να μην έχω επανάληψη ακμών ( και κορυφών).

Κάθε μια παραπάνω συνάρτηση έχει τη δική της DFS συνάρτηση ( circlefind -> DFS, findcircles ->DFS1, traceflow -> DFS2 )

Και οι 3 DFS είναι **αναδρομικές**.

Και οι 3 DFS έχουν **backtracking** . Διαφέρουν στα σημεία ελέγχου, και σε κάποιες παραμέτρους ( πχ η **k** στην findcircles και το **l** στην traceflow )

Πιστεύω πως τα σχόλια του κώδικα , θα καλύψουν όποιες απορίες προκύψουν.

### **Exit**

Καλούμε delete G όπου  $G = \text{Graph}^*$ , και έχουμε **chain calling destructors** (περιγράφεται παραπάνω).

Για να φανεί καλύτερα , η πορεία δέσμευσης/αποδέσμευσης της μνήμης (δηλαδή των destructors) , βγάλτε τα **//** τις **cout** στους constructors/destructors.

Κάνουμε και delete buffer, αποδεσμεύοντας τον χώρο μνήμης.

