ΛΑαδορατορκαχ ραδοτα 1.4

1. Какое движение называется механическим колеанием? Механическое колебание — это повторяющееся движение частицы или объекта вокруг равновесного положения. Это движение происходит вокруг определенной точки или оси и может быть характеризовано изменениями величины и направления скорости объекта во времени. Уримеры механических колебаний включают колебания махтника, колебания пружинного махтника или колебания молекул в твердых, жидких или газообразных веществах.

Механические колебания играют важную роль в физике и инженерии и могут быть описаны различными мате-матическими моделями, Такими как гармонические колебания или амплитудно-фазовые диаграммы.

2. Жакие колебания называются гармоническими? Запишите уравнение этих колебаний. Дайте определение кинематическим элементам колебаний.

Гармоническим называют колебание, в процессе которого величины, характеризующие движение (смещение, скорость, скорение и др.), изменяются по закону синуса или косинуса (гармоническому закону). $x = x_m \cos(\omega t + \phi_0)$;

$$x = x_m \sin(t + \phi_0)$$

Например, в слугае механических гармонических колебаний:

B этих формулах W - частота колебаних, $<math>x_m - \text{амплитуда колебаних}, \phi_0$ и $\phi_0' - \text{начальные фазы колебаних}. Приведенные формулы отличаются определением начальной фазы и при <math>\phi_0 = \phi_0' + \pi/2$ полностью совпадают.

Это простейший вид периодических колебаний. жинематические элементы колебаний — это параметры, которые описывают движение частицы или объекта в процессе колебаний, не учитывах силы, вызывающие эти колебания. Эти элементы описывают, как объект движется и меняет свои характеристики во времени в рамках колебаний. Кинематические элементы колебаний:

Териод (Т): Время, которое Требуется для одного полного цикла колебаний. Это показатель времени, который характеризует частоту колебаний.

lactota(v): Холичество полных циклов колебаний, выполняемых в единицу времени. Обратнах величина к периоду.

Амплитуда (A): Максимальное смещение от положених равновесих во времх колебаний.

Она описывает максимальное удаление объекта от положених равновесих.

Циклическая частота (ω) — число колебаний za IX секунд. $\omega = IX \lor; \ \omega = (IX)/T$ — связь цик— лической частоты с частотой колебаний и периодом

3. Изобразите график гармонических колебаний. Тармонические колебаних подчинхются закону: $f(t) = A \cdot cos(\omega t + \phi)$ или $f(t) = A \cdot sin(\omega t + \phi)$

A— амплитуда, W — циклическах (круговах) частота; ϕ —начальнах фаза колебаний; обычно $\phi \in [0; 1\pi)$

 $T = 2\pi / \omega - nepuog гармонических колебаний мостроим график гармонических колебаний.$

 $y=1\sin(1x-\sqrt{3})$

Peшeние: y=lsin $(2(x - \pi/6))$

- 1) $y = \sin x U \cos \theta + \alpha x + \phi + \kappa u x$
- 1) $y = \sin 2x CxaTue b 2 paza k ocu y$
- 3) $y = 1\sin 1x PacTaxehue 6 1 Paza ot ocu X$
- 4) $y = 1\sin 1(x \pi/6 Cgbur bnpabo Ha \pi/6)$ Trapuk:

4.Запишите силы, действующие при свободных колебаниях. С учетом этих сил составьте диф-ференциальное уравнение свободных колебаний.

Три свободных механических колебанихх, когда объект движется без внешнего воздействих и только за счет сил внутреннего взаимодействих, основной силой, действующей на объект, является сила упругости (F), которах возвращает объект к положению равновесих. Эта сила пропорциональна смещению объекта от положения равновесих и направлена противоположно смещению. Уравнение силы упругости может быть записано в следующем виде:

F = -kx

rge: F-cuna ynpyroctu,

 $k - \kappa о Э ф фициент жесткости пружины (параметр, ха-рактеризующий жесткость системы),$

х - смещение относительно положених равновесих

Для описания свободных колебаний, можно использовать второй закон Жьютона, который гласит, что сумма сил, действующих на объект, равна произведению массы объекта на его ускорение $(F = m\alpha)$. В данном сличае ускорение (α) равно второй производной

В данном случае, ускорение (α) равно второй производной смещених по времени (d^2x / dt^2).

Тодставив силу упругости, получаем дифференциальное уравнение свободных колебаний:

 $m \cdot (d^2x/dt^2) = -kx$

 $rge: m - macca oбъекта, d^2x/dt^2 - ускорение смещения Это уравнение описывает свободные колебания системы, Такие как маятники или пружинные системы, когда объект колеблется без внешних сил, Только под действием силы упругости. Решение этого дифференциального уравнения позволяет определить форму и характер колебаний.$

5.3 апишите решение дифференциального уравнених гармонических колебаний.

Дифференциальное уравнение гармонических 1 колебаний для объекта с массой m и коэффициентом жесткости пружины k имеет bug: $m d^2x/dt^2 = -kx$

Для решения этого уравнения, предположим, что решение имеет вид гармонического колебания:

$$x(t) = A \cdot cos(\omega t + \phi)$$

W- yrловах частота колебаний

 ϕ — начальнах фаза колебаний

Dлх нахождених W, дифференцируем x(t) по времени

gbaxgu $dx/dt = -A\omega \sin(\omega t + \phi)$

 $d^2x/dt^2 = A\omega^2\cos(\omega t + \phi)$

Теперь подставим это в исходное дифференциальное

уравнение: $m(-A \omega 2\cos(\omega t + \phi)) = -k(A \cdot \cos(\omega t + \phi))$

Для уравновекшивания коэффициентов, можно разделить обе стороны на $-A\cos(\omega t + \phi)$: $m \omega^2 = k$

Теперь мы можем найти угловую частоту $w: w = \mathcal{I}(k/m)$ Таким образом, угловах частота гармонических колебаний равна корню из отношених коэффициента жесткости пружины k k массе m системы.

U Так, решение дифференциального уравнених для гармонических колебаний выглядит следующим образом: $x(t) = A \cdot \cos(\sqrt{(k/m)} \cdot t + \phi)$

6. То называется математическим маятником? Какие колебания он совершает? Изобразите силы, под действием которых колеблется маятник.

Математический махтник — это идеализированнах физическах система, представляющах собой массу т, закрепленную на нерастяжимой невесомой нити длиной L, которах крепится к точке подвеса. Махтник служит моделью для изучених основных принципов колебаний.

Математический махтник совершает гармонические колебания, которые характеризуются тем, что его движение происходит вокруг положения равновесия (вертикального направления) и подчиняется закону гармонических колебаний. Тармонические колебания математического махтника имеют фиксированную частоту и период.

Силы, действующие на математический махтник, включают в себх следующие:

Сила Тхжести (Fg): ЭТО сила, направленная вниг, которах действует на массу m и стремится опустить махтник вниг. Величина этой силы равна Fg = mg, rge g - ускорение свободного падения.

Сила натяжения нити (Т): Нить удерживает массу маятника и создает направленную внутрь силу натяжения, которая является реакцией на силу тяжести. Сила натяжения всегда направлена вдоль нити. Сумма сил в направлении колебаний является возвращающей силой, которая зависит от угла отклонения маятника от вертикального положения.

Эта сила называется силой упругости (F) и является реакцией нити на отклонение маятника от положения равновесия. Сила упругости направлена в направлении вертикальной оси и обратно пропорциональна угловому отклонению маятника от вертикали.

Сила упругости можно выразить как: $F = -mgsin(\Theta)$ rge:

m - macca maxThuka,

д - ускорение свободного падения,

0 - угол отклонених махтника от вертикального положених

Сила упругости служит возвращающей силой, которах восстанавливает махтник в вертикальное положение, и именно эта сила обеспечивает гармонические колебаних математического махтника.