

Поиграем с числами

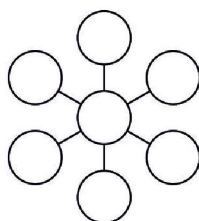
Умение решать задачи — такое же практическое искусство, как умение плавать или бегать. Ему можно научиться только путем подражания или упражнения.

Дьёрдь Пойа

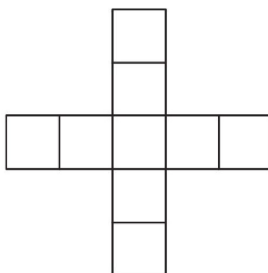
1. Восстановите поврежденные записи арифметических действий:

$$\begin{array}{l} \text{а)} \quad \begin{array}{r} + 5* \\ 84 \\ \hline ** * 0 \end{array} \quad \text{б)} \quad \begin{array}{r} + ** \\ * \\ \hline ** 8 \end{array} \quad \text{в)} \quad \begin{array}{r} 6*5* \\ + *8*4 \\ \hline 2856 \end{array} \quad \text{г)} \quad \begin{array}{r} 3*86 \\ + *2*7 \\ \hline 804* \end{array} \quad \text{д)} \quad \begin{array}{r} + ** \\ ** \\ \hline *98 \end{array} \\ \text{е)} \quad \begin{array}{r} \times ** \\ 52 \\ \hline *6 \\ ** \\ \hline *7* \end{array} \quad \text{ж)} \quad \begin{array}{r} \times 27 \\ ** \\ \hline ** 8 \\ ** \\ \hline 3** \end{array} \quad \text{з)} \quad \begin{array}{r} \times 2* \\ *2 \\ \hline *8 \\ 7* \\ \hline 7*8 \end{array} \quad \text{и)} \quad \begin{array}{r} \times *** \\ *3* \\ \hline 3** \\ **3* \\ 3**3 \\ \hline ***** \end{array} \quad \text{к)} \quad \begin{array}{r} \times *** \\ *** \\ \hline *6** \\ **66 \\ 6*6 \\ \hline ***** \end{array} \end{array}$$

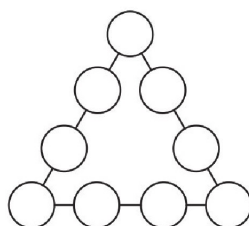
2. Какое число в 7 раз больше своей последней цифры?
3. Расставьте в снежинке числа от 1 до 7 (каждое ровно один раз) так, чтобы все суммы по три числа на отрезках были одинаковыми.



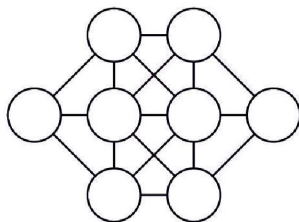
4. Впишите в клетки цифры от 1 до 9 так, чтобы сумма цифр в обоих рядах была одинакова:



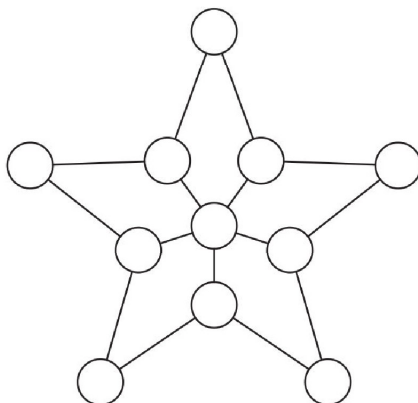
5. Расставьте числа $1, 2, 3, \dots, 9$ в кружочках так, чтобы сумма чисел на каждой стороне треугольника равнялась 17.



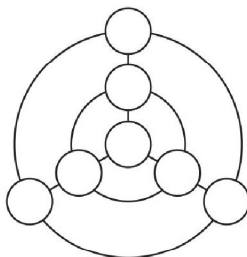
6. Расставьте в кружочках на рисунке числа от 1 до 8 (каждое ровно один раз) так, чтобы ни в каких двух соединённых отрезком кружочках не оказались бы соседние (то есть отличающиеся на 1) числа.



7. Расположите в кружках числа от 1 до 11 так, чтобы сумма четырёх чисел в вершинах каждого луча звезды равнялась 25.



8. Расставьте в кружочках цифры от 1 до 7 так, чтобы их сумма на каждой окружности и на каждой прямой равнялась 12.



9. Используя натуральные числа и знаки сложения и умножения, составить выражение так, чтобы при одновременной замене всех знаков умножения на знаки сложения и всех знаков сложения — на умножение, результат не изменялся и был равен 11.
10. Составить (минимум по две) задачи на сложение и умножение столбиком, как в пункте один. Решение должно быть единственным, количество звёздочек — не менее двух.
11. Один господин написал о себе: «Пальцев у меня двадцать пять на одной руке, столько же на другой, да на ногах десять». Что он забыл?