Рациональные выражения

Алгебра 8 класс

Цели урока

- Познакомиться с понятием рационального выражения
- Научиться различать целые и дробные рациональные выражения
- Определять допустимые значения переменных (ОДЗ)
- Упрощать рациональные выражения

Что такое рациональное выражение?

Рациональное выражение — это выражение, составленное из чисел и переменных с помощью сложения, вычитания, умножения, деления и возведения в целую степень.

Примеры:
$$\frac{x^2 - 4}{x + 2} = \frac{1}{x} + \frac{2}{x - 1}$$

Виды рациональных выражений

Целые: не содержат деления на переменную.

$$2x^2 - 3x + 7$$

Дробные: содержат деление на выражение с переменной.

$$\frac{x+1}{x-3}$$

▲ Знаменатель не может быть равен нулю!

Допустимые значения (ОДЗ)

ОДЗ — значения переменной, при которых выражение имеет смысл.

$$\frac{5}{x-2} \rightarrow x-2 \neq 0 \rightarrow x \neq 2$$

Примеры нахождения ОДЗ

$$\frac{3x}{x^2 - 9} \rightarrow x \neq \pm 3$$

$$\frac{1}{x(x+5)} \rightarrow x \neq 0, x \neq -5$$

Упрощение рациональных выражений

$$\frac{x^2-4}{x+2} = \frac{(x-2)(x+2)}{x+2} = x-2$$
, при $x \neq -2$

Всегда указывайте ограничения!

Практика — найди ОДЗ

$$\frac{2x}{x-1}$$
, $\frac{7}{x^2+1}$, $\frac{x+3}{x(x-4)}$

Проверь себя!

1. $x \neq 1$

2. ОДЗ: все действительные числа

3. $x \neq 0$, $x \neq 4$

Спасибо за внимание!

Вопросы?