



INSA - CVL

RAPPORT DE DÉVELOPPEMENT

## Projet application

27 mai 2015

Auteurs : AUBRY Lisa, CHAZOT Alban, COLAS Korlan, GOURD Anthony -  
Promotion 2017  
*Tuteur : P. CLEMENTE*

## **Résumé**

Compte rendu portant sur le projet application effectué lors de la première année de formation à la Sécurité et aux Technologies de l'Informatique (STI) à l'INSA Centre Val de Loire

# Table des matières

<b>I</b>	<b>Analyse du sujet</b>	<b>3</b>
1	Présentation du casse-tête	4
2	Description des objectifs	6
<b>II</b>	<b>Résolution du casse-tête</b>	<b>7</b>
3	Principe de la résolution	9
3.1	Quelques définitions . . . . .	9
3.2	Construction d'un arbre n-aire . . . . .	10
3.3	Méthode de calcul des couples coordonnées-direction des nœuds fils . . . . .	11
3.4	Problème des nœuds initiaux . . . . .	13
4	Algorithme de résolution	14
<b>III</b>	<b>Organisation</b>	<b>15</b>
5	Organisation humaine	16
6	Architecture logiciel	17
<b>IV</b>	<b>Développement</b>	<b>18</b>
7	Core	19
8	Graphique	20
9	Portabilité	21
<b>V</b>	<b>Résultat</b>	<b>22</b>
10	Réalisations	23
11	Tests	24

# Introduction

Première partie

Analyse du sujet

# Chapitre 1

## Présentation du casse-tête

Le Snake Cube (ou cube serpent en français) est un casse-tête géométrique à trois dimensions appartenant à la famille des casse-tête mécaniques. Cette famille, dont fait parti le Rubik's Cube, recouvre l'ensemble des jeux de réflexion basés sur la manipulation d'un objet tridimensionnel, afin de lui donner un agencement précis.

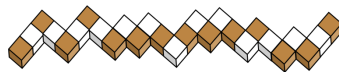


FIGURE 1.1 – Snake Cube déplié

Ce casse-tête se présente généralement comme une succession de 27 petits cubes en bois, reliés les uns aux autres par un fil élastique qui les traverse de part en part. Lorsque tous les cubes sont mis sur le même plan, la forme du puzzle s'apparente à un serpent (Figure 1.1). Pour résoudre le puzzle, il faut manier le serpent afin de le ramener à une forme entièrement cubique telle que présentée ci-dessous (Figure 1.2). Dans la suite de cette partie et pour éviter les ambiguïtés, les petits cubes qui forment le serpent seront appelés **unités** tandis que le mot cube désignera plutôt le volume final visible sur la figure 1.2.

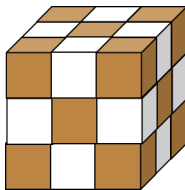


FIGURE 1.2 – Snake Cube résolu

Comme mentionné précédemment, les unités sont reliées entre elles ce qui les rend totalement indissociables. Ainsi, les manipulations pouvant être effectuées sur le puzzle sont réduites à des rotations. La Figure 1.3 illustre une manipulation réalisée sur le serpent présenté figure 1.1. De plus, on remarque que les rotations conduisant à modifier la forme de la figure s'effectuent toujours au niveau des coins du serpent. Cette particularité sera notamment exploitée lorsque l'on traitera de la résolution du casse-tête.

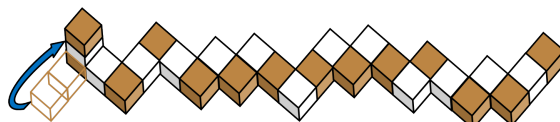


FIGURE 1.3 – Exemple de manipulation du Snake Cube

Notons également que pour une figure finale donnée (ici une cube  $3 \times 3 \times 3$ ), il existe une multitude de formes de serpents correspondantes. Les serpents les plus connus seront listés en annexe de ce document, associés à leurs spécificités (difficulté, nombre de solutions, temps de calcul correspondant). De manière moins classique, on trouve aussi dans le commerce des serpents permettant de réaliser des cubes  $4 \times 4 \times 4$ . À notre connaissance il n'existe pas de casse-tête correspondant à des Snake Cubes de tailles supérieures.

## Chapitre 2

# Description des objectifs

Dans un premier temps, notre objectif consiste en l'implémentation d'une application capable de résoudre des Snake Cubes. L'utilisateur fournit au résolveur deux paramètres essentiels : la définition d'un serpent initial ainsi qu'un volume final. Ensuite l'application automatise la tâche de recherche pour présenter à l'utilisateur la liste de solutions correspondant au problème. Les solutions devront être présentées de manières claires avec, pour chacune d'entre elles, la possibilité pour l'utilisateur de la visionner pas-à-pas ou bien encore de revenir en arrière. Une première contrainte évidente liée à cet objectif concerne le temps nécessaire au calcul. Ainsi, il va de soi que le résolveur devra à la fois s'employer à utiliser des méthodes de calcul pertinentes et être capable de ne pas rechercher des solutions redondantes. Cette redondance traduit en fait le caractère symétrique de plusieurs solutions.

Dans un second temps, nous proposons à l'utilisateur un mode interactif où celui-ci pourra tenter de résoudre virtuellement le casse-tête. En termes de contraintes, ce versant de l'application nécessite très peu de calcul. Néanmoins, il exige une réflexion accrue concernant la représentation graphique. En effet, il faut ici proposer au joueur un environnement en 3 dimensions à la fois clair et maniable ainsi qu'un panel de fonctionnalités rendant l'application intuitive.



Deuxième partie

Résolution du casse-tête

Dans cette partie nous allons exposer les principes algorithmiques qui sous-tendent le fonctionnement du résolveur. Cette approche, bien que dénuée de détails techniques et autres soucis d'implémentation, proposera une réponse à nos différents objectifs tout en tenant compte de certaines des contraintes citées précédemment. Nous nous baserons ici sur la résolution d'un cube  $3 \times 3 \times 3$  à l'aide du serpent présenté précédemment, le Cubra Orange.

## Chapitre 3

# Principe de la résolution

### 3.1 Quelques définitions

Tout d'abord, deux éléments constituent la base de l'algorithme de résolution :

- le serpent, ici le Cubra Orange, composé de 27 unités reliées entre elles
- le volume final, ici un cube  $3 \times 3 \times 3$

Le volume final est défini par ses coordonnées, fixées, dans l'espace. Le serpent est quant à lui défini par sa forme qui découle de la nature de chacune des unités qui le composent. En effet, il faut distinguer trois types d'unité du serpent (Figure 3.1) :

- les extrémités
- les unités droites
- les coins

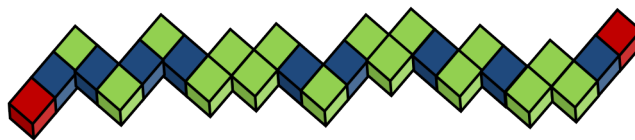


FIGURE 3.1 – Natures des unités du Cubra Orange

## 3.2 Construction d'un arbre n-aire

La résolution s'effectue de manière linéaire, en considérant tour à tour chacune des unités du serpent. Le principe est de placer temporairement l'unité considérée à l'intérieur du volume final en fonction de l'emplacement et de la nature de l'unité précédente. On construit ainsi une branche d'un arbre n-aire qui est le cœur de l'algorithme de résolution. Chaque nœud correspond à une unité associée à un couple coordonnées-direction.

Ici il est important de comprendre que ce travail s'effectue de telle sorte que chaque nouvelle unité soit nécessairement placée à l'intérieur du volume final. En tenant compte de cette contrainte et en fonction des emplacements choisis précédemment, on peut constater deux comportements pour une branche donnée.

Soit on arrive à une impasse, c'est-à-dire qu'une configuration donnée ne permet pas de placer l'unité suivante sans sortir du volume ou la placer sur une autre unité. Dans ce cas, la branche avorte, il faut alors remonter dans l'arborescence jusqu'au prochain nœud qui a donné plusieurs fils. Ce cas de figure est illustré sur les figures 3.2 et 3.3. Les flèches horizontales représentent les liens de fraternité dans l'arborescence et les flèches verticales représentent les liens de paternité. Ici on a construit six vecteurs initiaux, c'est-à-dire les couples coordonnées-direction possibles pour la première unité. Puis le premier nœud est devenu le nœud courant et a lui-même engendré des fils, en fonction des vecteurs possibles pour la deuxième unité. Et ainsi de suite jusqu'à ce que le nœud représenté en rouge devienne le nœud courant. À ce stade, on admet que ce nœud ne puisse pas engendrer de fils pour une des raisons évoquées précédemment. Cette branche va donc avorter. On va supprimer le nœud rouge et remonter jusqu'à son père (en vert). Si celui-ci a un frère, comme c'est le cas ici avec le nœud bleu, c'est ce frère qui devient le nouveau nœud courant. Il convient de supprimer également le nœud vert qui a généré le sous arbre menant à une impasse. Ensuite la résolution peut suivre son cours, et le nœud bleu générera à son tour ses fils (figure 3.3).

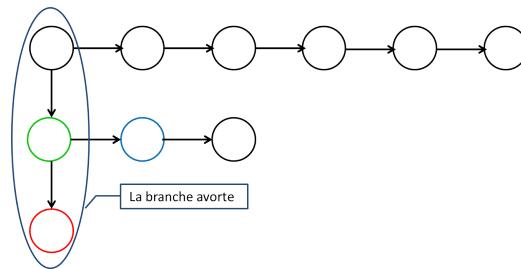


FIGURE 3.2 – Exemple d'une branche qui avorte

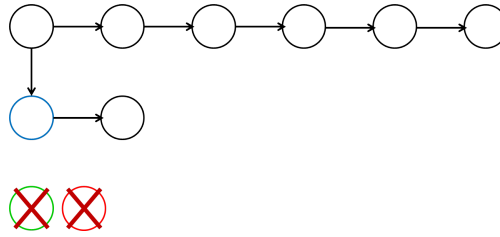


FIGURE 3.3 – Arbre après modifications

Le deuxième cas de figure est celui où l'on réussit à placer toutes les unités du serpent à l'intérieur du volume. Dans ce cas, la branche aboutit et la succession de ses nœuds depuis la racine constitue une solution au problème. Il faut alors garder cette solution en mémoire puis, comme dans le cas précédent, remonter dans l'arborescence pour chercher des solutions supplémentaires.

### 3.3 Méthode de calcul des couples coordonnées-direction des nœuds fils

Lorsqu'un nœud devient le nœud courant, il convient que ses fils soient générés dans l'arbre. Cela consiste notamment à leur attribuer un couple coordonnées-direction dans l'espace. Ce qu'il faut voir ici, c'est que le résultat de cette opération découle de la nature du nœud fils et du couple coordonnées-direction du père. Dans la suite de cette partie, on se placera dans un repère orthonormé ( $O ; x, y, z$ ). Pour calculer les coordonnées des fils d'un nœud, il suffit d'ajouter ses coordonnées avec sa direction. La figure suivante illustre ce procédé. Le nœud marron est le nœud courant et le nœud blanc est son fils. Les coordonnées du fils découlent de la position du père ainsi que de sa direction, matérialisée par la flèche marron. On constate alors que, pour un nœud père donné, tous les fils qu'il va engendrer auront le même triplet de coordonnées dans l'espace.

La différence entre les fils d'un nœud intervient lors du calcul de leur direction. Deux cas de figure sont alors à envisager :

- le nœud fils correspond à une unité droite (voir figure 4), dans ce cas, un seul nœud fils sera créé et celui-ci héritera de la direction de son père
- le nœud fils correspond à un coin, dans ce cas, plusieurs nœuds fils seront créés avec des directions différentes de celle du père

La figure 3.5 illustre le fonctionnement de l'arbre pour placer la 3e unité du serpent à partir d'un nœud donné. Les flèches indiquent les directions associées au dernier cube placé. À la hauteur  $n$ , on a déjà positionné les deux premières unités et la 2e unité a pour direction droite. Étant donné que la 3e unité est un coin (voir figure 4), il convient que la direction change entre la 2e et la 3e unité. Ainsi, les directions possibles pour la 3e unité sont : bas, derrière, devant et haut, d'où les quatre nœuds représentés à la hauteur  $n+1$ . NB : on peut d'ores et déjà remarquer que les directions devant et haut vont déboucher sur une configuration interdite car la prochaine unité créée sortira du cube.

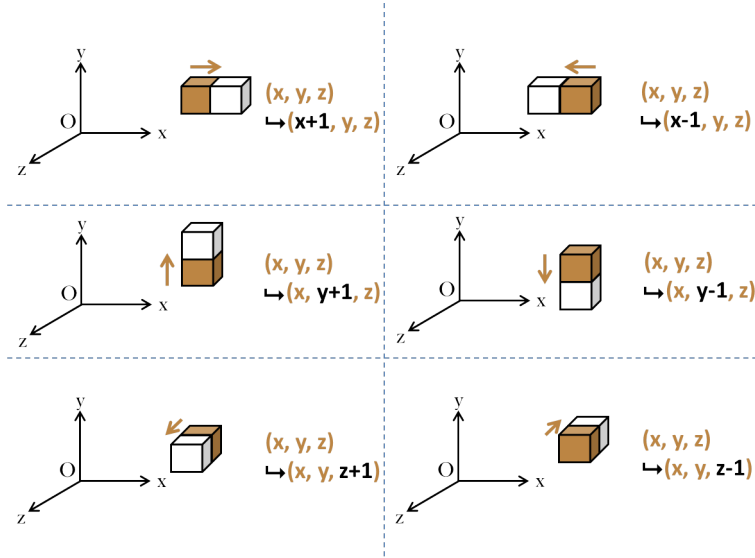


FIGURE 3.4 – Calcul des coordonnées des fils pour six pères différents

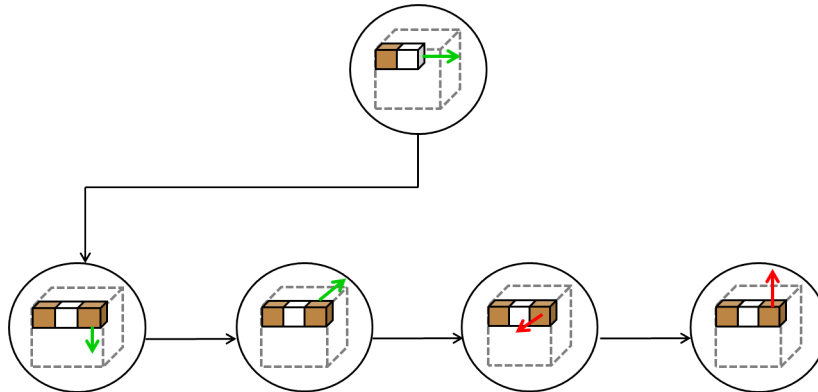


FIGURE 3.5 – Exemple de création des fils pour un coin

### 3.4 Problème des nœuds initiaux

Dans cette partie nous allons exposer la méthode employée pour placer la première unité dans le volume final. En effet, la démarche exposée jusqu'ici ne s'applique pas pour les premiers nœuds de l'arbre étant donné qu'elle dépend du nœud père. Ici l'enjeu est double puisqu'il faut également déterminer et éliminer les couples coordonnées-direction symétriques. Afin de simplifier la lecture, les couples coordonnées-direction seront appelés vecteurs dans ce qui va suivre. La figure 9 illustre en partie le problème des symétries sur la première face du cube. Dans cet exemple, l'unité marron amènera à la création d'un nœud et les trois autres unités devront être reconnues comme étant redondantes et sans intérêt pour le calcul des solutions. Figure 9 - Quatre vecteurs initiaux redondants

La recherche des vecteurs initiaux se déroule en plusieurs étapes et se base sur les axes de symétrie horizontale, verticale et diagonale (en slash et antislash). Il faut d'abord déterminer, parmi ces axes, ceux que l'on peut appliquer aux faces du volume final. Cette information sera fournie dans un fichier contenant les caractéristiques du volume. Une fois les axes connus, nous allons traiter des tranches de volume les unes après les autres. Par tranche on entend l'ensemble des unités appartenant au même plan parallèle à  $(O ; x, y)$ . Ensuite il convient de projeter orthogonalement le centre géométrique de la figure sur la face en cours de traitement. Une fois les coordonnées du projeté connues, on peut calculer les équations cartésiennes des axes de symétries et ainsi éliminer les vecteurs redondants. Aussi notons que les vecteurs avec une direction qui sort du volume ne seront pas retenus. En suivant ce principe, la recherche des vecteurs initiaux pour un volume cubique  $3 \times 3 \times 3$  amène à la création de six vecteurs au lieu des cent huit présents.

## Chapitre 4

# Algorithme de résolution



## Troisième partie

# Organisation

## Chapitre 5

# Organisation humaine

## Chapitre 6

# Architecture logiciel

Quatrième partie

Développement

## Chapitre 7

### Core

## Chapitre 8

# Graphique

## Chapitre 9

# Portabilité

Cinquième partie

Résultat



## Chapitre 10

# Réalisations

# Chapitre 11

## Tests

Dans le but de vérifier l'efficacité de certains de nos algorithmes, de connaître les performances ainsi que les limites de notre application, nous avons effectué plusieurs benchmark donc voici les résultats et conclusions.

### **Benchmark n°1**

# Table des figures

1.1	Snake Cube déplié . . . . .	4
1.2	Snake Cube résolu . . . . .	4
1.3	Exemple de manipulation du Snake Cube . . . . .	5
3.1	Natures des unités du Cubra Orange . . . . .	9
3.2	Exemple d'une branche qui avorte . . . . .	10
3.3	Arbre après modifications . . . . .	11
3.4	Calcul des coordonnées des fils pour six pères différents . . . . .	12
3.5	Exemple de création des fils pour un coin . . . . .	12

# Listings