

# Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

# «Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана

(национальный исследовательский университет)»

(МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ <sub>-</sub>	«Информатика и си	стемы управления»	
«П	рограммное обеспеч	нение ЭВМ и информ	ационные технологии
Расчё	тно-пояс	нительная	я записка
	IZ IZVDOO		
	к курсо	овому проекту	
Название:	Создание трёхм	ерной модели Зем	или
		полётов самолето	
— Лиспиплина	а: Компьютерн		
Студент	ИУ7-55Б		Д.В. Сусликов
	(Группа)	(Подпись, дата)	(И.О. Фамилия)
Преподовател	IЬ		О.В. Кузнецова

(Подпись, дата)

(И.О. Фамилия)

# Содержание

B	Введение				
1	Аналитический раздел				
	1.1	Земля	5		
	1.2	Полеты на самолетах	6		
	1.3	Траектория	6		
	1.4	Геодезическая система координат	7		
	1.5	Прямоугольная система координат	7		
	1.6	Преобразование координат	8		
	1.7	Афинные преобразования	8		
	1.8	Постановка задачи	9		
	Выв	од	9		
2	Конструкторский раздел				
	2.1	.1 Требования к программе			
	2.2	Общий алгоритм решения поставленной задачи	10		
	2.3	Перевод из геодезической системы координат в прямоугольную	11		
	2.4	Трехмерные преобразования			
		2.4.1 Матрица трехмерного переноса	13		
		2.4.2 Операция масштабирования	13		
		2.4.3 Трехмерный сдвиг	13		
		2.4.4 Трехмерное вращение	14		
	2.5	Алгоритм построения Земли	14		
	2.6	Алгоритм построения траекторий			
	2.7	2.7 Используемые типы и структуры данных			
	Выв	од	19		
3	Tex	нологический раздел	20		

	3.1	Средства реализации				
	3.2 Реализация без OpenGL					
		3.2.1	Сведения о модулях программы	21		
		3.2.2	Структура и состав классов	22		
3.3 Реализация с OpenGL				23		
		3.3.1	Сведения о модулях программы	23		
		3.3.2	Структура и состав классов	24		
	3.4	Интер	фейс программы	25		
	Выво	од		25		
4	Экс	периме	нтальный раздел	26		
	4.1	Описа	ние экспериментов	26		
	4.2	Приме	еры работы программы	27		
Вывод						
	Закл	ючение		29		
Лı	Литература					

#### Введение

Область применения компьютерной графики не ограничивается одними художественными эффектами. Во всех отраслях науки, техники, медицины, в коммерческой и управленческой деятельности используются построенные с помощью компьютера схемы, графики, диаграммы, предназначенные для наглядного отображения разнообразной информации.

В наше время всё труднее и труднее становится следить за передвижениями людей по всему земному шару. Многие передвигаются на наземном, на водном, а так же на воздушном транспорте. Такие передвижения очень часто чреваты последствиями, что мы наблюдали в 2020 году. Распространение вируса осуществлялось преимущественно благодаря заболевшим, что путешествовали на самолётах. Следовательно, требуется модель для просмотра за передвижениями людей из одного города в другой. Поэтому задача создания модели Земли с визуализацией полётов самолетов актуальна сегодня, как никогда.

Цель данной работы - разработать программное обеспечение для визуализации полётов самолетов над Землей.

Для достижения поставленной цели необходимо решить следующие задачи:

- 1) проанализировать существующие программные решения;
- 2) разработать математическую модель и алгоритм для формирования модели Земли и для построения траекторий полетов самолетов;
- 3) разработать программное обеспечение для визуализацией полётов самолетов на трехмерной модели Земли.

#### 1 Аналитический раздел

В данном разделе расписано, что из себя представляет планета Земля, какие системы координат используются для её описания. Написано, что такое траектория. Так же непосредственно представлена сама задача.

#### 1.1 Земля

Среди планет земной группы Солнечной системы, в которую входят Меркурий, Венера и Марс, Земля самая крупная. Планета третья по удаленности от Солнца, она является пятой по диаметру массе и плотности.

Возраст нашей планеты сравнивают с возрастом всей Солнечной системы и насчитывает примерно 4,5 млрд лет. Существует гипотеза, что Земля образовалась из газа и пыли, которые остались от формирования солнца.

Древнейшие горные породы, которые были изучены, образовывались примерно 100 - 200 миллионов лет. А условия, благоприятные для возникновения жизни на планете, возникли только 3,5 млрд лет назад появились. Мы же, как современный тип человека, сформировались только 40 000 лет назад.

Земля, и мы вместе с ней, вращается вокруг Солнца по круговой орбите, радиус которой составляет 150 млн км. Период, за который обращается по орбите Земля, происходит со скоростью 29,8 км/с и длится 365 суток. Приблизительное расстояние до Солнца составляет 149 543 000 километра.

Земля вращается также вокруг своей воображаемой оси (с запада на восток). Полный оборот совершается примерно за 23 часа 56 минут. Ось вращения наклонена на 66,5 градусов по отношению к плоскости орбиты, и в результате такого движения происходит смена дня и ночи. А так как земля одновременно ведет вращение вокруг Солнца, то приближаясь, то удаляясь от него — происходит смена времен года.

Если рассматривать Землю со стороны геодезии и географии, то это планета имеет геоидную форму с радиусом 6378137 метров по экватору и

6356752 метра по полярному кругу. Планета поделена широтами и долготами(меридианами).

Широта делится на южную и северную и изменяется от 0 до 90 градусов, разделяя Землю горизонтальные доли.

Долгота делится на восточную и западную и изменяется от 0 до 180 градусов, разделяя Землю на вертикальные доли.

#### 1.2 Полеты на самолетах

Никто не станет спорить с тем, что воздушный транспорт в современном мире наиболее востребованная техника. Количество регулярных пассажироперевозок до последнего времени росло постоянно, ежегодно наблюдалась тенденция к увеличению на 5-7%. Ожидается, что до 2025 года каждый год пассажиропоток будет увеличиваться на 4-6%. Полеты на самолетах в современном мире, как и раньше, имеет огромное значение для человечества. Этот вид транспорта наделен множеством преимуществ. Характеризуется быстротой передвижения, возможностью оказаться в нужном месте за минимальный временной промежуток. При этом гарантируется комфорт в пути, разнообразный сервис. Именно поэтому авиатехника пользуется повышенным спросом. Например, на пассажироперевозки сегодня приходится 82%, грузы — 14,7%, почтовые отправления — 3,3%. Рассмотрим, чаще всего и куда летают граждане разных стран мира.

# 1.3 Траектория

Траектория (от позднелатинского trajectories – относящийся к перемещению) – это линия, по которой движется тело (материальная точка). Траектория движения может быть прямой (тело перемещается в одном направлении) и криволинейной, то есть механическое движение может быть прямолинейным и криволинейным.

Траектория прямолинейного движения в данной системе координат – это

прямая линия. Например, можно считать, что траектория движения автомобиля по ровной дороге без поворотов является прямолинейной.

Криволинейное движение – это движение тел по окружности, эллипсу, параболе или гиперболе. Пример криволинейного движения – движение точки на колесе движущегося автомобиля или движение автомобиля в повороте.

Движение может быть сложным. Например, траектория движения тела в начале пути может быть прямолинейной, затем криволинейной. Например, автомобиль в начале пути движется по прямой дороге, а затем дорога начинает «петлять» и автомобиль начинает криволинейное движение.

#### 1.4 Геодезическая система координат

Изначально все координаты объектов на Земле представлены в геодезическом виде, т.е. тремя координатами: широтой, долготой, высотой.

Геодезическая система координат — это система координат, используемая для определения местоположения объектов на Земле.

Геодезические координаты используются в геодезии и навигации, в топографической съемке и картографии, а также спутниковыми навигационными системами для определения местоположения объектов на Земле в реальном времени.

# 1.5 Прямоугольная система координат

Прямоугольная система координат — прямолинейная система координат с взаимно перпендикулярными осями на плоскости или в пространстве. Наиболее простая и поэтому часто используемая система координат. Очень легко и прямо обобщается для пространств любой размерности, что также способствует её широкому применению.

Для изображения объектов на экране используются прямоугольные координаты: x, y, z.

#### 1.6 Преобразование координат

Для преобразования координат из реальных - геодезических в классическую - прямоугольную нужно знать:

- 1) что из себя представляет геодезическая система координат;
- 2) что из себя представляет прямоугольная система координат;
- каким образом осуществляется перевод из одной системы координат в другую.

#### 1.7 Афинные преобразования

Растяжения и сжатия, в определенном смысле, равномерные. Эта равномерность означает, что все кусочки плоскости будут растягиваться (сжиматься) одинаково. Кроме того, когда мы растягиваем (сжимаем) квадрат, его стороны — отрезки остаются отрезками. Такие равномерные растяжения (сжатия) называются аффинными преобразованиями.

Преобразование плоскости называется аффинным, если оно взаимно однозначно и образом любой прямой является прямая. Преобразование называется взаимно однозначным, если оно разные точки переводит в разные, и в каждую точку переходит какая-то точка.

Частным случаем аффинных преобразований являются просто движения (без какого-либо сжатия или растяжения). Движения — это такие преобразования, которые сохраняют расстояние между любыми двумя точками неизменным, а именно параллельные переносы, повороты, различные симметрии и их комбинации.

Другой важный случай аффинных преобразований — это растяжения и сжатия относительно прямой.

Есть еще важный класс аффинных преобразований — это сжатия и растяжения относительно точки. Они называются преобразованиями подобия или

#### гомотетиями.

Афинные пребразования обладают следующими свойствами:

- 1) сохраняют линейные отношения между векторами;
- сохраняют отношения коллинеарных отрезков, в частности, середины отрезков переходят в середины отрезков, а медианы треугольников, соответственно, в медианы образов этих треугольников;
- 3) при аффинных преобразованиях отрезки переходят в отрезки, треугольники в треугольники, тетраэдры в тетраэдры;
- 4) композиция аффинных преобразований плоскости является аффинным преобразованием плоскости.

#### 1.8 Постановка задачи

Разработать программное обеспечение для визуализации полётов самолетов над Землей. Изображение должно представлять собой трехмерную модель Земли, которую можно вращать и масштабировать. Реализовать отображение траекторий полётов самолетов и сами их передвигающиеся модели. Предоставить возможность отображения определённых траекторий из списка траекторий передвижений самолетов. Также реализовать возможность ускорить передвижение самолетов при помощи слайдера увеличения хода времени. Окно программы должно иметь фиксированный размер.

#### Вывод

Таким образом, в данном разделе было разобрано, что из себя представляет планета Земля, какие системы координат используются для её описания, что такое траектория. Описана сама задача.

#### 2 Конструкторский раздел

В данном разделе будут рассмотрены требования к программе и алгоритмы решения поставленной задачи.

# 2.1 Требования к программе

Программа должна предоставлять следующие возможности:

- 1) демонстрировать трехмерную модель Земли;
- 2) поворот модели в любом направлении;
- 3) масштабирование модели;
- 4) предоставлять список доступных для выбора траекторий;
- 5) отображать траекторию полетов;
- 6) отображать передвижение самолетов по данной траектории.

# 2.2 Общий алгоритм решения поставленной задачи

Алгоритм работы программы:

- 1) демонстрировать трехмерную модель Земли;
- 2) поворот модели в любом направлении;
- 3) масштабирование модели;
- 4) предоставлять список доступных для выбора траекторий;
- 5) отображать траекторию полетов;
- 6) отображать передвижение самолетов по данной траектории.

#### 2.3 Перевод из геодезической системы координат в прямоугольную

В геодезической системе координат положение точки определяется высотой H, широтой B и долготой L. Такая эллипсоидальная система применяется при обработке наземных геодезических измерений. В космической геодезии при создании спутниковых геодезических сетей, которые являются пространственными и физически не связаны с какой-либо отсчет- ной поверхностью, более удобна система пространственных прямоугольных координат X, Y, X.

Прямоугольные координаты точек в пространстве можно вычислить по известным геодезическим координатам этих точек (широта В, долгота L, высота H) по формулам:

$$X = (N(B) + H)\cos(B)\cos(L) \tag{1}$$

$$Y = (N(B) + H)cos(B)cos(L)$$
(2)

$$Z = \left(\frac{b^2}{a^2}N(B) + H\right)\sin(B) \tag{3}$$

где

$$N(B) = \frac{a^2}{\sqrt{a^2 \cos^2((B) + b^2 \sin^2(B))}} = \frac{a}{\sqrt{1 - e^2 \sin^2(B)}},$$
 (4)

где а и b — экваториальный (большая полуось) и полярный радиусы (малая полуось), соответственно.  $e^2=\frac{a^2-b^2}{a^2}$  — квадрат первого эксцентриситета эллипсоида.

N(B) радиус кривизны первого вертикала — расстояние по нормали к эллипсоиду от точки пересечения поверхности эллипсоида нормалью до оси оZ.

#### 2.4 Трехмерные преобразования

Рассмотрим трехмерную декартовую систему координат на Рисунке 1. Точка в трехмерном пространстве описывается радиус-вектором r и координатами (x,y,z).

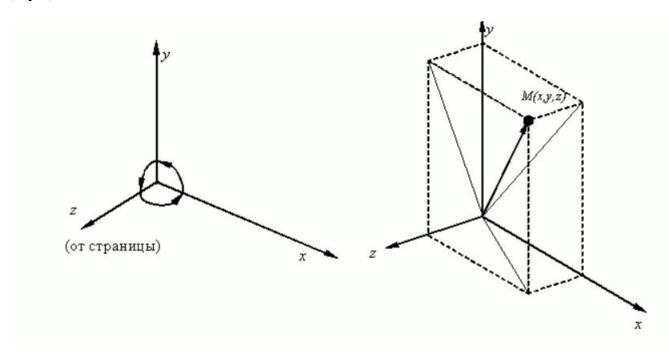


Рисунок 1 – Алгоритм отрисовки траекторий

Для реализации трехмерных преобразований с помощью матриц необходимо перейти к однородным координатам (x,y,z,1).

Тогда матрица трехмерного преобразования (переноса, масштабирования, поворота) в общем виде будет следующей:

$$A = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & a_{14} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} & a_{24} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} & a_{34} \\ a_{41} & a_{42} & a_{43} & a_{44} \end{pmatrix}, A_1 = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \\ a_{41} & a_{42} & a_{43} \end{pmatrix},$$

где матрица  $A_1$  осуществляет линейное преобразование в виде изменения масштаба, сдвига и вращения, вектор  $(a_{41},a_{42},a_{43})$  производит перенос объекта, а вектор-столбец  $(a_{14},a_{24},a_{34})^T$  - преобразования в перспективе. Скалярный элемент  $a_{44}$  выполняет общее изменение масштаба.

#### 2.4.1 Матрица трехмерного переноса

$$T(D_x, D_y, D_z) = egin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \ 0 & 1 & 0 & 0 \ 0 & 0 & 1 & 0 \ D_x & D_y & D_z & 1 \end{bmatrix},$$

при этом

$$[x, y, z, 1] \cdot T(D_x, D_y, D_z) = [x + D_x, y + D_z, z + D_z, 1]$$
(5)

#### 2.4.2 Операция масштабирования

$$S(S_x, S_y, S_z) = egin{bmatrix} S_x & 0 & 0 & 0 \ 0 & S_y & 0 & 0 \ 0 & 0 & S_z & 0 \ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix},$$

при этом

$$[x, y, z, 1] \cdot S(S_x, S_y, S_z) = [S_x \cdot x, S_y \cdot y, S_z \cdot z, 1]$$
 (6)

#### 2.4.3 Трехмерный сдвиг

$$[x, y, z, 1] \cdot \begin{bmatrix} 1 & b & c & 0 \\ d & 1 & f & 0 \\ h & i & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = [x + yd + hz, bx + y + iz, cx + fy + z, 1].$$
 (7)

#### 2.4.4 Трехмерное вращение

В трехмерном пространстве поворот вокруг оси Z описывается матрицей

$$R_z(a) = egin{bmatrix} cos(a) & sin(a) & 0 & 0 \ -sin(a) & cos(a) & 0 & 0 \ 0 & 0 & 1 & 0 \ 0 & 0 & 0 & 1 \ \end{pmatrix},$$

Матрица поворота вокруг оси X имеет вид

$$R_x(a) = egin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \ 0 & cos(a) & sin(a) & 0 \ 0 & -sin(a) & cos(a) & 0 \ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix},$$

и вокруг оси Оу:

$$R_y(a) = egin{bmatrix} cos(a) & 0 & -sin(a) & 0 \ 0 & 1 & 0 & 0 \ sin(a) & 0 & cos(a) & 0 \ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix},$$

# 2.5 Алгоритм построения Земли

Для начала нужно записать в массив точки для построения широт и меридианов модели Земли. Алгоритм данных действий представлен ниже на Рисунке 2.

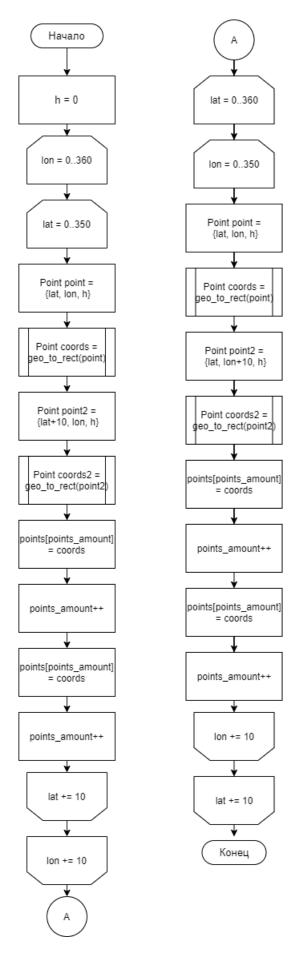


Рисунок 2 – Алгоритм записи точек для широт и меридианов модели Земли

Затем следует использовать следующий алгоритм для отрисовки полученных точек прямоугольной системы координат. Схема алгоритма изображена ниже на Рисунке 3.

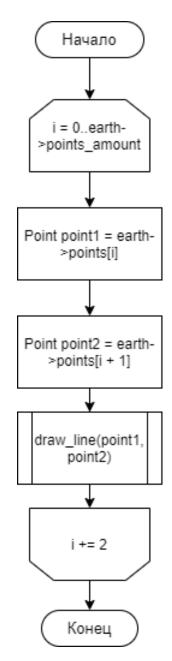


Рисунок 3 – Алгоритм для отрисовки полученных точек

Последний алгоритм вызывается каждый раз при изменении положения модели Земли.

### 2.6 Алгоритм построения траекторий

После построения модели Земли можно отображать траектории перемещения воздушных судов. Алгоритм показан ниже на Рисунке 4.

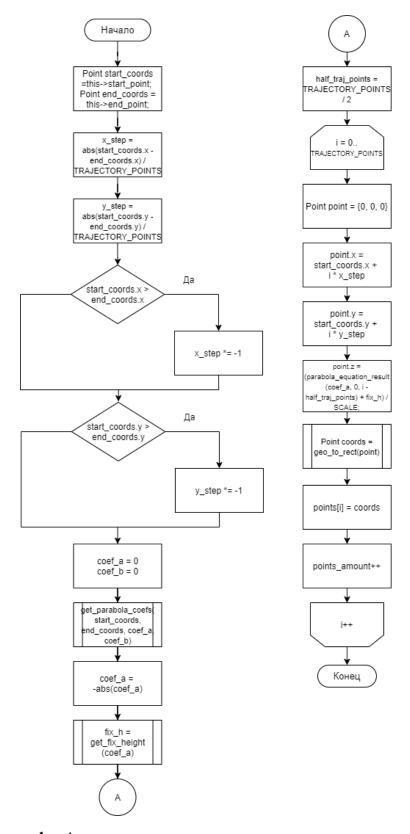


Рисунок 4 – Алгоритм генерации и записи точек траектории

Затем следует использовать следующий алгоритм для отрисовки полученных точек траектории прямоугольной системы координат. Схема алгоритма изображена ниже на Рисунке 5.

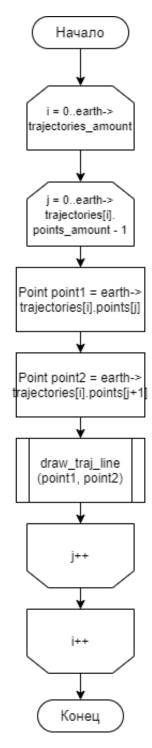


Рисунок 5 – Алгоритм отрисовки траекторий

### 2.7 Используемые типы и структуры данных

Необходимо реализовать следующие типы и структуры данных:

- 1) "земля хранит точки текущего положения планеты и массив траекторий движения;
- 2) траектория хранит точки траектории движения самолета;
- 3) список траекторий;
- 4) сцена хранит в себе описанные выше структуры;
- 5) точка хранит координаты х, у, z;
- 6) интерфейс использует библиотечные классы для предоставления доступа к интерфейсу.

#### Вывод

Таким образом, в данном разделе были представлены требования к программе, алгоритм решения поставленной задачи, а именно построение модели земли и траекторий. Представлены схемы алгоритмов решения этих подзадач. Также были представлены используемые типы и структуры данных.

### 3 Технологический раздел

В данном разделе будут рассмотрены средства реализации, сведения о модулях программы, её структуры и состав классов, интерфейс.

# 3.1 Средства реализации

В качестве языка программирования был выбран С++, так как:

- 1) я знаком с данным языком программирования, имею представление о способах тестирования программы;
- 2) данный язык программирования объектно-ориентирован.

В качестве среды разработки была выбрана "Qt"так как:

- 1) я знаком с данной средой разработки;
- 2) она является бесплатной;
- 3) с минимальными изменениями написанный код может быть исполнен как на Windows, так и на Linux.

### 3.2 Реализация без OpenGL

Описание программы, реализованной без библиотеки OpenGL.

# 3.2.1 Сведения о модулях программы

В состав программы входят:

- 1) main.c главный файл программы, в котором располагается точка входа в программу;
- 2) mainwindow.ui интерфейс программы;
- 3) mainwindow.c реализация интерфейса;
- 4) maincwindow.h header файл mainwindow.c;
- 5) earth.c "земля";
- 6) earth.h header файл earth.c;
- 7) points.c структура "точка"и функции, связанные с ней;
- 8) point.h header файл point.c;
- 9) trajectory.c траектория;
- 10) trajectory.h header файл trajectory.c;
- 11) consts.h константы.

#### 3.2.2 Структура и состав классов

Программа содержит классы и структуру, изображенные на Рисунке 6:

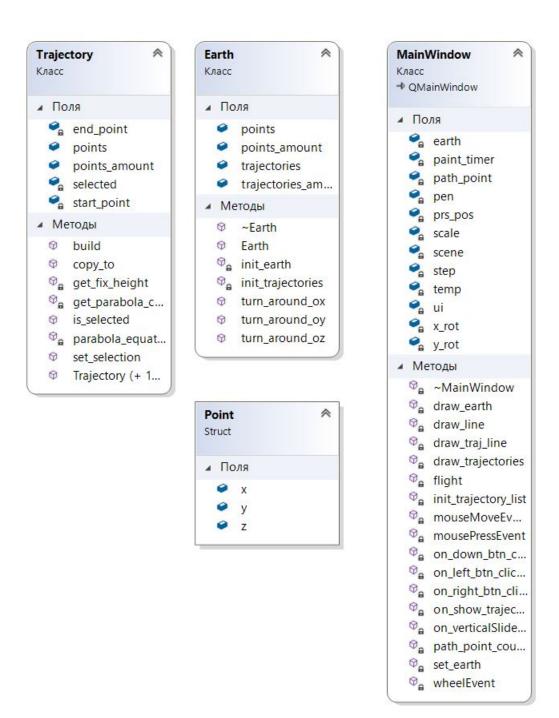


Рисунок 6 – Структура и состав классов

# 3.3 Реализация с OpenGL

Описание программы, реализованной с библиотекой OpenGL.

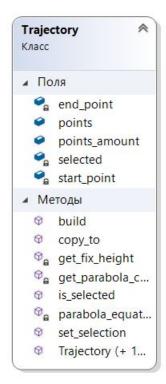
### 3.3.1 Сведения о модулях программы

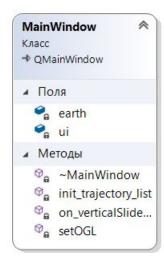
В состав программы входят:

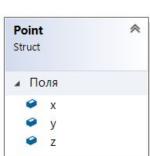
- 1) main.c главный файл программы, в котором располагается точка входа в программу;
- 2) mainwindow.ui интерфейс программы;
- 3) mainwindow.c реализация интерфейса;
- 4) maincwindow.h header файл mainwindow.c;
- 5) earthogl.c "земля"и отображающая сцена;
- 6) earthogl.h header файл earth.c;
- 7) points.c структура "точка"и функции, связанные с ней;
- 8) point.h header файл point.c;
- 9) trajectory.c траектория;
- 10) trajectory.h header файл trajectory.c;
- 11) consts.h константы.

# 3.3.2 Структура и состав классов

Программа содержит классы и структуру, изображенные на Рисунке 7:







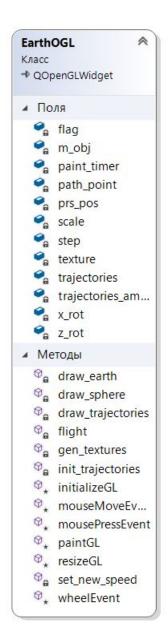


Рисунок 7 – Алгоритм генерации и записи точек траектории

# 3.4 Интерфейс программы

Слева расположен список доступных для отображения траекторий.

Ниже находится слайдер для регулировании скорости передвижения самолетов.

Справа показана интерактивная сцена со всей визуальной составляющей программы.

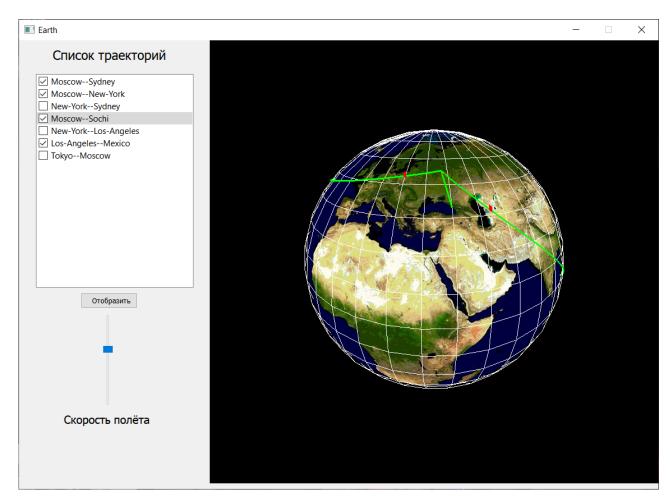


Рисунок 8 – Интерфейс программы

#### Вывод

В данном разделе были представлены средства реализации, сведения о модулях программы, структура и состав классов и интерфейс программы.

#### 4 Экспериментальный раздел

В данном разделе будут представлены примеры работы программы и проведены эксперименты.

### 4.1 Описание экспериментов

В серии экспериментов получится узнать, какая вариация программы (без использования библиотеки OpenGL и с её использованием) работает быстрее и на сколько.

Для замеров процессорного времени используется класс Qt QTime.

Ниже на Рисунке 9 для каждой версии представлена зависимость времени от кол-ва поворотов модели.

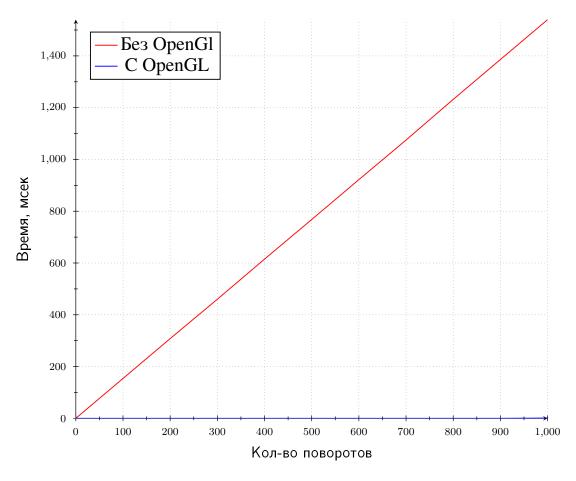


Рисунок 9 – График зависимости времени от кол-ва поворотов модели

Видно, что использование библиотеки OpenGL повышает скорость преобразований в больше чем 1500 раз в сравнение с моей реализацией. Так же можно

сделать очевидный вывод, что при увеличении количества операций увеличивается и затрачиваемое время.

# 4.2 Примеры работы программы

Ниже на Рисунке 10 и Рисунке 11 будут представлены примеры работы программы.

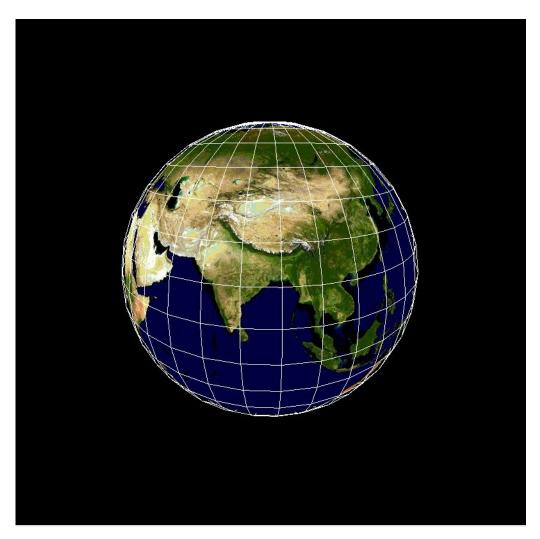


Рисунок 10 – Начальная сцена

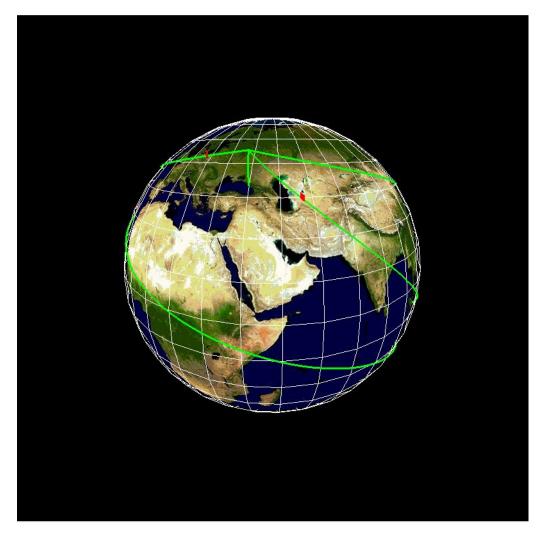


Рисунок 11 – Заполненная сцена

Белым цветом показаны мередианы и широты.

Зелёным изображены траектории передвижений самолетов.

Красным - сами передвигающиеся самолёты.

### Вывод

В данном разделе были представлены примеры работы программы и проведены эксперименты, в ходе которых выяснилось, что использование библиотеки OpenGL сильно повышает скорость работы программы.

#### Заключение

В данной работе была создана трёхмерная модель Земли с визуализацией полётов самолетов с различными возможностями:

- 1) поворот модели в любом направлении;
- 2) масштабирование модели;
- 3) список доступных для выбора траекторий;
- 4) отображение траектории полетов;
- 5) отображение передвижений самолетов по данным траекториям.

Была разработана версия программы использующая библиотеку OpenGL.

Также были проведены эксперименты, в результате которых было выявлено, что использование OpenGL позволяет ускорить преобразования модели, и тем самым улучшить визуальный опыт использования программы пользователем.

#### Литература

1) Бьерн Страуструп. Язык программирования C++. -URL:

https://codernet.ru/books/c\_plus/bern\_straustrup\_yazyk\_programmirovaniya\_c\_specialnoe\_izdanie/

(дата обращения: 01.10.2020). Текст: электронный.

#### 2) Qt. -URL:

https://www.qt.io/ (дата обращения: 01.10.2020). Текст: электронный.

3) Трехмерные преобразования и проекции. -URL:

http://compgraph.tpu.ru/3d.htm (дата обращения: 23.12.2020). Текст: электронный.

4) Трехмерные матричные преобразования. -URL:

http://www.astro.tsu.ru/KGaG/text/5\_2.html (дата обращения: 23.12.2020). Текст: электронный.

5) Траектория. -URL:

http://av-physics.narod.ru/mechanics/trajectory.htm (дата обращения: 23.12.2020). Текст: электронный.

6) Мировая гражданская авиация сегодня. -URL:

https://promvesti.com/mirovaya-grazhdanskaya-aviaciya-segodnya/ (дата обращения: 23.12.2020). Текст: электронный.

7) Планета Земля краткое описание. -URL:

https://cosmosplanet.ru/solnechnayasistema/zemlya/zemlya-opisanie.html (дата обращения: 23.12.2020). Текст: электронный.

### 8) Аффинные преобразования. -URL:

https://ru.wikibooks.org/wiki/Аффинные\_преобразования (дата обращения: 23.12.2020). Текст: электронный

9) Преобразования геодезических систем координат. -URL: https://studref.com/ (дата обращения: 23.12.2020). Текст: электронный.

# 10) Географические координаты городов. -URL:

https://dateandtime.info/ru/citycoordinates.php?id=3451190 (дата обращения: 23.12.2020). Текст: электронный.

## 11) Аффинные преобразования. -URL:

https://gsg.mskobr.ru/files/Proekt/himiya1.pdf (дата обращения: 23.12.2020). Текст: электронный.