

给你一个整数数组 `coins` 表示不同面额的硬币，另给一个整数 `amount` 表示总金额。
请你计算并返回可以凑成总金额的硬币组合数。如果任何硬币组合都无法凑出总金额，返回 `0` 。
假设每一种面额的硬币有无限个。
题目数据保证结果符合 32 位带符号整数。

分析：典型的0-1背包问题：但与常规0-1背包问题不同，在常规0-1背包问题中计算最大价值其状态转移方程为： $dp[i][j] = \max(dp[i-1][j], dp[i-1][j-weight[i-1]]+val[i])$ 对本题的完全背包问题：状态转移方程为： $dp[i][j] = dp[i-1][j] + dp[i][j-weight[i-1]]$ 因为其状态为*i*放入背包和不放入背包，但要求存在的组合总数，所以状态方程为放入和不放入之和。

```
class Solution {
public:
    int change(int amount, std::vector<int>& coins) {
        int len = coins.size();
        std::vector<std::vector<int>> dp =
            std::vector<std::vector<int>>(len + 1, std::vector<int>(amount + 1, 0));

        // base case
        // 当amount = 0时，都有一种方法
        for (int i = 0; i <= len; i++) {
            dp[i][0] = 1;
        }

        // 计算dp数组
        for (int i = 1; i <= len; i++) {
            for (int j = 1; j <= amount; j++) {
                if (j - coins[i - 1] < 0) {
                    // 不可放入
                    dp[i][j] = dp[i - 1][j];
                } else {
                    dp[i][j] = dp[i - 1][j] + dp[i][j - coins[i - 1]];
                }
            }
        }

        return dp[len][amount];
    }
};
```