74. 高楼扔鸡蛋.md 2021/12/8

若干层楼,若干个鸡蛋,让你算出最少的尝试次数,找到鸡蛋恰好摔不碎的那层楼。

分析:

- 1. 其状态分别为鸡蛋数k,和楼层数N;
- 2. 选择就是从哪个楼层扔鸡蛋。

分析递归条件: 当在第1层向下扔鸡蛋有如下两种情况:

- 如果鸡蛋没碎,则继续上面楼层搜索dp(k, N-1),此时鸡蛋数未变;
- 如果鸡蛋碎了,则向下层开始搜索dp(k-1, i-1),此时鸡蛋已经碎了。

递归解法:

```
int dp(int k, int N) {
    if(k == 1) {
        return N;
    }
    if(N == 0) {
        return 0;
    }

    int res = INT_MAX;
    for(int i = 1;i<N;++i){
        res = std::min(res, std::max(dp(k-1,i-1), dp(k, n-i))+1)
    }

    return res;
}</pre>
```

备忘录优化;

```
#include <climits>
#include <vector>

int minegg(int k, int n, std::vector<std::vector<int>> memo) {
    if (k == 1) {
        return n;
    }
    if (n == 0) {
        return 0;
    }

if (memo[k][n] != 0) {
        return memo[k][n];
    }
```

74. 高楼扔鸡蛋.md 2021/12/8

```
int res = INT_MAX;
for (int i = 1; i <= n; i++) {
    res = std::min(
        res,
        1 + std::max(minegg(k - 1, i - 1, memo), minegg(k, n - i, memo)));
}

memo[k][n] = res;
return memo[k][n];
}

int superEggDrop(int k, int n) {
    std::vector<std::vector<int>>> memo =
        std::vector<std::vector<int>>(k + 1, std::vector<int>(n + 1, 0));
    return minegg(k, n, memo);
}
```

修改动态规划方程:

```
// k个鸡蛋扔m层,最多可以测试t层楼
dp[k][m] = t
```

基于下面两个事实: 1、无论你在哪层楼扔鸡蛋,鸡蛋只可能摔碎或者没摔碎,碎了的话就测楼下,没碎的话就测楼上。 2、无论你上楼还是下楼,总的楼层数 = 楼上的楼层数 + 楼下的楼层数 + 1(当前这层楼)。

```
dp[k][m] = 1 + dp[k-1][m-1] + dp[k][m-1]
```

算法有:

```
int superEggDrop(int K, int N) {
    std::vector<std::vector<int>>> dp= std::vector<std::vector<int>>>(K+1,
    std::vector<int>(N+1,0));

int m = 0;
    for(;dp[K][m] < N; m++){
        for(int i=1;i<=k;i++){
            dp[i][m] = 1 + dp[i-1][m-1]+dp[i][m-1];
        }
    }

    return m;
}</pre>
```