

输入一个存储着整数的二维数组grid, 如果 $grid[i][j] > 0$ , 说明这个格子装着血瓶, 经过它可以增加对应的生命值; 如果 $grid[i][j] == 0$ , 则这是一个空格子, 经过它不会发生任何事情; 如果 $grid[i][j] < 0$ , 说明这个格子有怪物, 经过它会损失对应的生命值。  
现在你是一名骑士, 将会出现在最上角, 公主被困在最右下角, 你只能向右和向下移动, 请问骑士的初始生命值至少为多少, 才能成功救出公主?

分析:

1. 该题求解的为初始能量为多少? 且状态转移方程已给定只能向下或向右;
2. 对初始值的推定, 一般采用反向遍历的方式。
3. 对本题需要从 $row-1, col-1$ 向上倒推;
4. base case的确定可以看出, 对 $\langle row-1, col-1 \rangle$ 其值为 $dungeon[row-1][col-1]$ 的判定, 如果 $dungeon[row-1][col-1] > 0$  时, 到达该点其值为1即可, 如果 $dungeon[row-1][col-1] \leq 0$  到达该点时最小值应该为 $-dungeon[row-1][col-1]+1$
5. 所以base的确定应该为 $[row-1][..]$ 与 $[..][col-1]$ , 对尾行和尾列而言, 其值可以化为 $int\ t = dp[row-1][i+1] - dungeon[row-1][i]$ , 如果 $t \leq 0$  那么到达该点最小值为1,  $t > 0$  时到达该点的值应该为 $t$ 。
6. 对dp数组的计算:  $int\ t = std::min(dp[i+1][j], dp[i][j+1]) - dungeon[i][j]$ , 但其值不能直接等于 $t$ , 需要判断:  $t$  是否大于 0; 如果 $> 0$  表示到达该点至少需要 $t$ 的能量, 如果 $\leq 0$  表示到达该点至少需要1的能量。
7. 结果存储在 $dp[0][0]$ 中。

```
class Solution {
public:
    int calculateMinimumHP(std::vector<std::vector<int>>& dungeon) {
        int row = dungeon.size(), col = 0;
        if (row != 0) {
            col = dungeon[0].size();
        } else {
            return 1;
        }

        std::vector<std::vector<int>> dp =
            std::vector<std::vector<int>>(row + 1, std::vector<int>(col + 1,
0));

        dp[row - 1][col - 1] =
            dungeon[row - 1][col - 1] <= 0 ? -dungeon[row - 1][col - 1] + 1 :
1;

        // base case
        for (int i = row - 2; i >= 0; i--) {
            int tmp = dp[i + 1][col - 1] - dungeon[i][col - 1];
            dp[i][col - 1] = tmp <= 0 ? 1 : tmp;
        }

        for (int i = col - 2; i >= 0; i--) {
            int tmp = dp[row - 1][i + 1] - dungeon[row - 1][i];
```

```
        dp[row - 1][i] = tmp <= 0 ? 1 : tmp;
    }

    // dp 数据计算
    for (int i = row - 2; i >= 0; i--) {
        for (int j = col - 2; j >= 0; j--) {
            int tmp = std::min(dp[i + 1][j], dp[i][j + 1]) - dungeon[i][j];
            dp[i][j] = tmp <= 0 ? 1 : tmp;
        }
    }

    return dp[0][0];
}
};
```