11.12

№9

Для хранения произвольного растрового изображения размером 128×320 пикселей отведено 50 Кбайт памяти без учёта размера заголовка файла. Для кодирования цвета каждого пикселя используется одинаковое количество битов, коды пикселей записываются в файл один за другим без промежутков. Какое максимальное количество цветов можно использовать в изображении?

// 1024

$128320X = 50 \cdot 2^{10+3}$

$2^7 \cdot 32 \cdot 10X = 409600$

$2^7 \cdot 2^5 \cdot 25X = 2^{19} \cdot 5^5$

$2^{12} \cdot 5^2 X = 2^{19} \cdot 5^5$

$X = 10$ — X — ?

X — кол-во бит на 1 пиксель

$2^{10} = 1024$

№8

Андрей составляет 7-буквенные коды из букв А, Й, Л, Ы. Буквы А и Й должны встречаться в коде ровно по одному разу, при этом буква Й не может стоять на первом месте. Остальные допустимые буквы могут встречаться произвольное количество раз или не встречаться совсем. Сколько различных кодов может составить Андрей?

$= 4^5 = 2^{10} = 1024$

I 5 букв

А Й — Ч Ч Ч Ч Ч

Ч А Й Ч Ч Ч

II 6 букв

А 1-6 6 · 1024

III 7 букв 2·7 6 6 · 1024 = 36864

2) Из №9 (1)

14, 7 — 14

указал целая часть $x \geq 0$

№14(5)

Значение выражения 49^6 · 7^19 – 7^9 – 21 записали в системе счисления с основанием 7. Сколько цифр 6 содержится в этой записи?

7^2 · 10..0

7^2 · 1 · 666

7**12*7**19-7**9-7*3

7**31*7**9*7*3

60...0 — 19...910

1 100 000 00

66666 — 28

№19 – 21

Среди задач всегда есть одна-две легких (без слов "минимальное", "максимальное"), с них и начинаем)

Условие

Два игрока, Петя и Ваня, играют в следующую игру. Перед игроками лежат две кучи камней. Игроки ходят по очереди, первый ход делает Петя. За один ход игрок может добавить в одну из куч один камень или увеличить количество камней в куче в три раза. Например, пусть в одной куче 7 камней, а в другой 9 камней; такую позицию мы будем обозначать (7, 9). За один ход из позиции (7, 9) можно получить любую из четырёх позиций: (8, 9), (21, 9), (7, 10), (7, 27). Чтобы делать ходы, у каждого игрока есть неограниченное количество камней. Игра завершается в тот момент, когда суммарное количество камней в кучах становится не менее 49. Победителем считается игрок, сделавший последний ход, т. е. первым получивший позицию, в которой в кучах будет 49 или больше камней.

В начальный момент в первой куче было 5 камней, во второй куче – S камней; 1 ≤ S ≤ 43.

Будем говорить, что игрок имеет выигрышную стратегию, если он может выиграть при любых ходах противника.

№19 „минимальное"

№20

Для игры, описанной в задании 19, найдите два таких значения S, при которых у Пети есть выигрышная стратегия, причём Петя не может выиграть первым ходом, но может выиграть своим вторым ходом независимо от того, как будет ходить Ваня.

Найденные значения запишите в ответе в порядке возрастания.

Петя не выиграет первым ходом, если $(S \geq 5)$

$5 + 35 < 49$

$35 < 44$

$S \leq 14$

(14, 5)

I ход Пети

(14; 6)

I ход Вани

(42; 6) (15; 6) (14; 7) (14; 18)

I ход Пети

(126; 6) (45; 6) (42; 7) (14; 57)

>49 >49 =49 >49

14

(13; 5)

I ход Пети (13; 6)

I ход Вани (39; 6) (14; 6)

(42; 6)

(12; 5)

I ход Пети (13; 5)

II ход Вани (13; 6) (39; 5) (14; 5) (13; 15)

I ход Пети (39; 6)

(13; 6) (39; 6) (13; 7) (12; 18)

(13; 7)

314

$\begin{cases} 45 + S < 49 \\ 5 + 95 < 49 \end{cases}$ ← за 2 хода (1 ход Пети и игра не закончится 1 ход Вани)

$\begin{cases} S < 3 \\ 95 < 44 \end{cases}$

$S \leq 3$

$S = 4$

(11; 5)

(12; 5) (11; 6)

(4; 5)

I ход

(12; 5)

II

(36; 5) (12; 15) (13; 5)

(39; 5)

(3; 5)

II

(3; 15)

II

(3; 45) (3; 18) (4; 15) (9; 15)

≤48

(3; 135) (3; 48) (4; 45) (9; 75)

>49 >49 ≥49 >49

3

№21

Для игры, описанной в задании 19, укажите такое значение S, при котором у Вани есть выигрышная стратегия, позволяющая ему выиграть первым или вторым ходом при любой игре Пети, и при этом у Вани нет стратегии, которая позволит ему гарантированно выиграть первым ходом.

Петя выиграет, если он начинает с 14 или 3

значит, Ваня может выиграть, если он начнет с 14 (а Петя – с 13)

(13; 5)

II

(39; 5) (13; 15) (14; 5) (13; 6)

II

(39; 15) (14; 6)

III

(14; 7) (42; 6) (14; 18) (15; 6)

II (42; 7) (126; 6) (14; 54) (45; 6)

13

№19

Известно, что Ваня выиграл своим первым ходом после неудачного первого хода Пети. Назовите минимальное значение S, при котором это возможно.

S = 5

(5; 5)

(15; 5)

(45; 5)

(5; 4)

(15; 4)

(45; 4)

49

4

№	19	4
✓	20	314
~	21	13

Created with iDroo.com