Zadanie 9 13–16 maja 2024 r.

kurs języka C++

liczby wymierne

Instytut Informatyki Uniwersytetu Wrocławskiego

Paweł Rzechonek

Prolog

Liczba wymierna to taka liczba, którą można zapisać w postaci ułamka zwykłego, czyli w postaci p/q, gdzie p to dowolna liczba całkowita a q to liczba całkowita różna od 0. Zbiór wszystkich liczb wymiernych oznaczamy symbolem $\mathbb Q$ i formalnie można go zdefiniować jako:

$$\mathbb{Q} = \{ p/q : p, q \in \mathbb{Z} \land q \neq 0 \}$$

Liczby wymierne z operacją dodawania (element neutralny dodawania to zero) i mnożenia (element neutralny mnożenia to jeden) stanowią ciało. Szczególnym przypadkiem liczb wymiernych są liczby całkowite.

Zadanie

Zdefiniuj klasę wymierna, reprezentującą liczbę wymierną w postaci pary liczb całkowitych: licznika i mianownika.

```
class wymierna {
    int licz, mian;
    // ...
};
```

Zadbaj o to, aby mianownik zawsze był liczbą dodatnią oraz aby największy wspólny dzielnik licznika i mianownika zawsze był równy 1. Udostępnij też gettery, czyli funkcje składowe umożliwiające odczyt licznika i mianownika.

Klasa wymierna powinna być wyposażona w konstruktor z licznikiem i mianownikiem, konstruktor konwertujący z wartości typu int (możesz zaadoptować do tego celu poprzedni konstruktor definiując drugi argument jako domyślny) oraz konstruktor domyślny, ustawiający wartość liczby wymiernej na zero (czyli ułamek 0/1).

W klasie wymierna zdefiniuj operatory arytmetyczne, które będą wykonywały podstawowe operacje arytmetyczne na liczbach wymiernych: operatory binarne, takie jak dodawanie + i +=, odejmowanie - i -=, mnożenie * i *=, dzielenie / i /= oraz operatory unarne - do zmiany znaku na przeciwny i ! do wyznaczenia odwrotności (zamiana licznika z mianownikiem oraz pozostawienie znaku liczby w liczniku); operatory występujące w połączeniu z przypisaniem niech będą operatorami składowymi, a pozostałe to operatory zaprzyjaźnione z klasą.

Zdefiniuj także operator domniemanego rzutowania na typ double oraz operator jawnego rzutowania na typ int (zaokrąglenie do najbliższej liczby całkowitej).

Nie zapomnij przy każdej funkcji składowej, przy konstruktorach i przy operatorach zadeklarować czy zgłaszają one jakieś wyjątki czy nie. W przypadku binarnych operacji arytmetycznych należy zgłosić wyjątek przekroczenie_zakresu, gdy wynik nie będzie mógł być wyrażony jako iloraz dwóch liczb typu int; w przypadku dzielenia przez 0 podczas operacji dzielenia lub podczas liczenia odwrotności należy zgłosić wyjątek dzielenie_przez_0. Zaprojektuj zatem własna hierarchię klas wyjątków na potrzeby liczb wymiernych zaczynając od klasy bazowej wyjątek wymierny dziedziczącej po std::logic error.

Zdefiniuj także zaprzyjaźniony operator strumieniowy operator<< do zapisania liczby wymiernej do strumienia wyjściowego w postaci liczby rzeczywistej w systemie dziesiętnym z ułamkiem okresowym. Przykładowo ułamek 2359348/99900 należy przedstawić w postaci 23.61 (709).

```
class wymierna {
    // ...
    friend ostream& operator<< (ostream &wy, const wymierna &w);
};</pre>
```

Na koniec napisz program, który rzetelnie przetestuje wszystkie funkcje składowe i operatory z klasy wymierna (wraz ze zgłaszanymi przez nie wyjątkami). Przetestuj także kopiowanie liczb wymiernych (domyślny konstruktor kopiujący i przypisanie kopiujące).

Uwaga

Podziel program na pliki nagłówkowe (definicje klas) i źródłowe (definicje metod zadeklarowanych w klasach). Funkcję main () z testami umieść w osobnym pliku źródłowym.

Definicję liczby wymiernej wraz z dedykowanymi wyjątkami umieść w przestrzeni nazw obliczenia.

Ważne elementy programu

- Użycie przestrzeni nazw obliczenia.
- Operatory rzutowania i konstruktor konwertujący.
- Definicja operatorów arytmetycznych binarnych i unarnych.
- Zapis do strumienia liczby wymiernej w postaci ułamka okresowego.
- Definicja własnej hierarchii klas wyjątków dziedziczących po std::logic error.
- Zgłaszanie wyjątków w konstruktorach, funkcjach składowych i operatorach.
- Podział programu na pliki nagłówkowe i pliki źródłowe (wyodrębniony osobny plik z funkcją main () z testami).