# Лабораторная работа №5

# ПРОГРАММИРОВАНИЕ С ИСПОЛЬЗОВАНИЕМ ФУНКЦИЙ

# Индивидуальные задания

(Данные задания выполнять в соответствии с выданным вариантом, оформлять <u>отчет</u>, который должен включать **задание, блок-схему и текст** программы)

Для выполнения одного из заданий (на выбор) разработать и использовать статическую библиотеку, для другого задания (на выбор) разработать и использовать динамическую библиотеку (см. файл «ПРОГРАММИРОВАНИЕ С ИСПОЛЬЗОВАНИЕМ СТАТИЧЕСКИХ И ДИНАМИЧЕСКИХ БИБЛИОТЕК»). Всего должна быть одна статическая и одна динамическая библиотека в лабораторной работе.

#### Задание 1.

**1.** Составить программу для решения уравнения  $a_i \ x + b_j = 0$ , где  $a_i$  и  $b_j$  – элементы динамических массивов, i = 0, 1, ..., 7, j = 0, 1, ..., 7.

Массивы 
$$A = a_0, a_1, ..., a_7$$
 и  $B = b_0, b_1, ..., b_7$  ввести с клавиатуры.

При  $a_i \neq 0$  вывести на экран результат, а при  $a_i = 0$  переменной x присвоить значение 0, которое также вывести на экран.

Использовать функции, размерность массивов ввести с клавиатуры, исходные данные ввести с клавиатуры.

**2.** Сформировать два двумерных динамических массива-матрицы A и B размерностью  $n \times n$ . Значения элементов массивов  $a_{ij}$  и  $b_{ij}$  определить согласно выражениям

$$a_{ij}=3\ i\ j-3;$$
  $b_{ij}=2\ i\ j-2$  при  $i=0,1,...,n,\quad j=0,1,...,n.$ 

Размерность массивов (n=12) ввести с клавиатуры. Определить суммы элементов главных диагоналей данных массивов-матриц. Использовать функции. Вывести на экран полученные массивы в виде матриц и значения сумм.

**3.** Сформировать два двумерных динамических массива-матрицы A и B размерностью  $n \times n$ . Размерность массивов (n=10) ввести с клавиатуры. Значения элементов  $a_{ij}$  и  $b_{ij}$  определить согласно выражениям

$$a_{ij} = egin{cases} 3~i~j-3,\, ext{если} & i \leq 5 \ 2~i~j-2,\, ext{если} & i > 5 \end{cases}$$
  $b_{ij} = egin{cases} 4~i~j-5,\, ext{если} & i > 7 \ 5~i~j-4,\, ext{если} & i \leq 7 \end{cases}$  при  $i=0,1,...,n,\quad j=0,1,...,n.$ 

Определить суммы элементов, расположенных по периметру, для данных массивов-матриц. Использовать функции.

Вывести на экран полученные массивы в виде матриц и значения сумм.

**4.** Составить программу для вычисления математического ожидания m и дисперсии D по формулам

$$m = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} a_i ;$$

$$D = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (a_i - m)^2.$$

Причем n чисел  $a_1, a_2, \ldots, a_n$  – элементы динамического массива, вычислить по формуле

$$a_i = \begin{cases} \sin i, \text{ если } i > 17; \\ \cot i^2, \text{ если } i \leq 17, i = 1, 2, \dots, n. \end{cases}$$

Размерность массива n=23 ввести с клавиатуры. Элементы массива, значения математического ожидания и дисперсии вывести на экран. Использовать функции.

**5.** Составить программу для нахождения наибольшего элемента двумерного динамического массива-матрицы Z. Каждый элемент массива-матрицы Z вычислить по формуле  $Z_{ij} = X_i \ Y_j$ , где  $i = 0,1,\ldots,n; \ j = 0,1,\ldots,m.$ 

Одномерные динамические массивы  $X=x_0,x_1,...,x_n$  и  $Y=y_0,y_1,...,y_m$  ввести с клавиатуры. Использовать функции.

**6.** Составить программу для вычисления произведения одномерных динамических массивов (векторов)  $X=x_1,x_2,...,x_n$  и  $Y=y_1,y_2,...,y_n$ . Элементы вектора  $X=x_1,x_2,...,x_n$  ввести с клавиатуры, а элементы вектора Y вычислить по формуле

$$y_i = 0.1 \text{ tg}(0.1 i),$$
где  $i = 1, 2, ..., n, n = 10.$ 

Вывести на экран  $\$  значение  $\$  произведения и элементы вычисленного вектора  $\$   $\$  Использовать функции.

7. Сформировать два двумерных динамических массива-матрицы C и D размерностью  $k \times k$ . Размерность массивов (k=10) ввести с клавиатуры. Значения элементов  $c_{ij}$  и  $d_{ij}$  определить согласно выражениям

$$c_{ij} = \frac{i^2 + j^2}{i + j + 1};$$

$$d_{ij} = egin{cases} i^2 + j^2, \, ext{если} \,\, j \leq 8; \ rac{i^2 + j^2}{2}, \, ext{если} \,\, j > 8 \end{cases}$$

при 
$$i = 0, 1, ..., k, j = 0, 1, ..., k.$$

Определить сумму элементов, расположенных на главной и побочной диагоналях, для каждой матрицы. На экран вывести полученные массивы и значения сумм. Использовать функции.

**8.** Составить программу для нахождения наименьшего элемента одномерного динамического массива  $S=(S_1, S_2, ..., S_m)$ , где каждый элемент  $S_j$  вычислить по формуле

$$S_j = \sum_{i=1}^n a_{ij}, \quad j = 1, 2, ..., m;$$

Использовать функции.

Размерность массивов n = 3, m = 4 ввести с клавиатуры.

Значения элементов  $a_{ij}$  двумерного динамического массива-матрицы A , где  $i=1,2,\ldots n,\ j=1,2,\ldots m,$  ввести с клавиатуры:

Значения элементов одномерного динамического массива S и его наименьшего элемента вывести на экран. Использовать функции.

**9.** Сформировать двумерный динамический массив-матрицу A размерностью  $n \times n$  (n = 10), причем значения  $a_{ij}$  определить согласно выражению:

$$a_{ij} =$$
 
$$\begin{cases} 2 i \ j^2 - 2 \ j, \text{ если } i \leq 5 \\ 3 i \ j - 3, \text{ если } i > 5 \end{cases}$$

при 
$$i = 1, 2, ..., n, j = 1, 2, ..., n.$$

Сформировать транспонированную матрицу  $B = A^T$ .

Определить сумму элементов четных строк и нечетных столбцов для массиваматрицы A и сумму четных столбцов и нечетных строк для массива-матрицы B. На экран вывести массивы-матрицы A и B построчно и значения сумм. Использовать функции.

**10.** Составить программу вычисления значений элементов одномерного динамического массива (вектора)  $X = x_0, x_2, ..., x_n$  по формуле:

$$x_i = e^{-0.5 \cdot i - 2 \cdot \pi} - \arctan(i + 0.1),$$

где 
$$i = 0, 1, ..., n$$
.

Размерность массива ввести с клавиатуры. Вычисленные элементы массива вывести на экран .

Преобразовать полученный массив по следующему правилу: все отрицательные элементы увеличить на 0,5, а все положительные заменить на 0,1. Преобразованный массив также вывести на экран . Использовать функции.

Исходные данные: n = 13.

**11.** Составить программу для вычисления значений элементов одномерного динамического массива (вектора)  $Z = z_1, z_2, ..., z_n$  по формуле  $Z_k = X_k + m \ y_k$ , где  $x_k$  и  $y_k$  – компоненты одномерных динамических массивов  $X = x_1, x_2, ..., x_n$  и  $Y = y_1, y_2, ..., y_n$ . Размерность массивов n ввести с клавиатуры; величину m вычислить по формулам

$$m = \begin{cases} k, \text{ если } |\sin k| \le 0,2; \\ \sqrt{k}, \text{ если } 0,2 \le |\sin k| < 0,9; \\ \sqrt{\sqrt{k}}, \text{ если } |\sin k| \ge 0,9, \end{cases}$$

где 
$$k = 0, 1, ..., n$$
.

Значения элементов массивов X и Y ввести с клавиатуры. Вывести на экран значения элементов массивов X, Y и Z. Использовать функции.

**12**. Сформировать два двумерных динамических массива-матрицы A и B размерностью  $n \times k$ . Размерность массивов (n = 6, k = 18) ввести с клавиатуры. Значения элементов  $a_{ij}$  определить согласно выражениям

$$a_{ij} = \begin{cases} 2 \ i \ j^2 - 2 \ j, \text{ если } i \leq 3; \\ 2 \ i \ j - 2, \text{ если } i > 3; \\ 2 \ i \ j - 2, \text{ если } j \leq 9; \\ 3 \ i \ j^2 - 3 \ j, \text{ если } j > 9, \end{cases}$$

где 
$$i = 0, 1, ..., n, j = 0, 1, ..., k.$$

Значения элементов  $b_{ij}$  определить путем возведения в квадрат соответствующих элементов массива-матрицы A.

Определить сумму элементов четных столбцов для каждого массива-матрицы. На экран вывести массивы-матрицы A, B и значения сумм. Использовать функции.

**13.** Составить программу вычисления элементов двумерного динамического массива-матрицы A размерностью  $n \times n$ . Значения элементов  $a_{ij}$  определить согласно выражениям

$$a_{ij} = egin{cases} b_{ij} ext{, если } \left| b_{ij} 
ight| > \left| c_{ij} 
ight|; \ c_{ij} ext{, если } \left| b_{ij} 
ight| \le \left| c_{ij} 
ight|, \end{cases}$$

где 
$$i = 0, 1, ..., n, \quad j = 0, 1, ..., n.$$

Размерность массивов (n = 3) ввести с клавиатуры.

Значения элементов двумерных массивов-матриц В и С ввести с клавиатуры.

Результат — значения массива A вывести на экран. Использовать функции.

**14.** Составить программу определения координат седловой точки двумерного динамического массива B размерностью  $m \times n$ . Размерность массива (m = 5, n = 4) ввести с клавиатуры.

Значения элементов массива B ввести с клавиатуры.

*Примечание*. Элемент массива называется седловой точкой, если он является одновременно наименьшим в своей строке и наибольшим в своем столбце.

Определение координат седловой точки (номеров строки и столбца) оформить в виде функции для любых m и n. На экран вывести в виде матриц исходный массив, а также массив, размерностью m х n, в котором все элементы, кроме седловой точки, равны 0. Если седловая точка не обнаружена, вывести на экран текст СЕДЛОВОЙ ТОЧКИ НЕТ. Использовать функции.

**15.** Составить программу для определения значений элементов двумерного динамического массива C, являющегося суммой двумерных динамических массивов A и B. Все массивы имеют одинаковую размерность  $n \times n$ . Размерность массивов (n=4) ввести с клавиатуры. Значения элементов  $C_{ij}$  определить согласно выражению

$$c_{ij} = a_{ij} + b_{ij}$$
,  
где  $i = 0, 1, ..., n$ ,  $j = 0, 1, ..., n$ .

Значения элементов массива А ввести с клавиатуры.

Значения элементов массива В определить по формуле

$$b_{ij} = egin{cases} a_{ij} ext{, если } a_{ij} \geq 0; \ 1, \ ext{ если } a_{ij} < 0. \end{cases}$$

Использовать функции.

Вывести на экран значения элементов всех массивов в виде матриц.

### Задание 2.

1. Для заданного одномерного массива A из N элементов проверить, что существует, по крайней мере, один элемент  $A_i$ , для которого выполняется условие  $sin\ A_i > 0$ . Рекурсивную функцию применять отдельно для каждой из половин массива. Рекурсивные вызовы заканчивать, когда останется только один элемент.

Например, для N=8: 
$$\bigcup_{i=1}^{8} (\sin A_i > 0) = \bigcup_{i=1}^{4} (\sin A_i > 0) \vee \bigcup_{i=5}^{8} (\sin A_i > 0)$$
, ( $\vee$  – «или»)

2. Для заданного одномерного массива X из N элементов проверить, что для всех элементов массива выполняется условие  $-10 < X_i^3 < 20$ . Рекурсивную функцию применять каждый раз отдельно для каждой из половин массива. Рекурсивные вызовы заканчивать, когда останется только один элемент.

Например, для N=8: 
$$\bigcap_{i=1}^{8} (-10 < X_i^3 < 20) = \bigcap_{i=1}^{4} (-10 < X_i^3 < 20) \land \bigcap_{i=5}^{8} (-10 < X_i^3 < 20)$$
, ( $\land$  — «и»)

3. Для заданного одномерного массива В из N элементов найти произведение множителей, вычисляемых по формуле  $B_i^2 + \cos B_i$ . Рекурсивную функцию применять каждый раз отдельно для каждой из половин массива. Рекурсивные вызовы заканчивать, когда останется только один элемент.

Например, для N=8: 
$$\prod_{i=1}^{8} \left(B_i^2 + \cos B_i\right) = \prod_{i=1}^{4} \left(B_i^2 + \cos B_i\right) \times \prod_{i=5}^{8} \left(B_i^2 + \cos B_i\right)$$

4. Для заданного одномерного массива X из N элементов найти количество элементов массива, для которых выполняется условие  $\sin\frac{X_i}{2} < 0$ . Рекурсивную функцию применять каждый раз отдельно для каждой из половин массива. Рекурсивные вызовы заканчивать, когда останется только один элемент.

Например, для N=8: 
$$Count(\sin \frac{X_i}{2} < 0) = Count(\sin \frac{X_i}{2} < 0) + Count(\sin \frac{X_i}{2} < 0) + Count(\sin \frac{X_i}{2} < 0)$$

5. Для заданного одномерного массива A из N элементов найти значение минимального элемента массива и его номер. Рекурсивную функцию применять каждый раз отдельно для каждой из половин массива. Рекурсивные вызовы заканчивать, когда останется только один элемент.

Например, для N=12: 
$$\mathop{Min}_{i=1}^{12} A_i = \min \left( \mathop{Min}_{i=1}^{6} A_i; \mathop{Min}_{i=7}^{12} A_i \right)$$

6. Для заданного одномерного массива В из N элементов найти сумму выражений, вычисляемых по формуле  $\sin B_i \cdot \cos B_i$ . Рекурсивную функцию применять каждый раз отдельно для каждой из половин массива. Рекурсивные вызовы заканчивать, когда останется только один элемент.

Например, для N=8: 
$$\sum_{i=1}^{8} (\sin B_i \cdot \cos B_i) = \sum_{i=1}^{4} (\sin B_i \cdot \cos B_i) + \sum_{i=5}^{8} (\sin B_i \cdot \cos B_i)$$

7. Для заданного одномерного массива A из N элементов проверить, что существует хотя бы один элемент  $A_i$ , для которого выполняется условие  $\sqrt[3]{A_i^2+2} < 10$ . Рекурсивную функцию применять каждый раз отдельно для первой трети массива и для остальной части (2/3) массива. Рекурсивные вызовы заканчивать, когда останется только один или два элемента.

Например, для N=6: 
$$\bigcup_{i=1}^{6} (\sqrt[3]{A_i^2+2} < 10) = \bigcup_{i=1}^{2} (\sqrt[3]{A_i^2+2} < 10) \lor \bigcup_{i=3}^{6} (\sqrt[3]{A_i^2+2} < 10)$$
, ( $\lor$  – «или»)

8. Для заданного одномерного массива X из N элементов проверить, что для всех элементов массива выполняется условие  $\cos X_i > 0$ . Рекурсивную функцию применять каждый раз отдельно для первой трети массива и для остальной части (2/3) массива. Рекурсивные вызовы заканчивать, когда останется только один или два элемента.

Например, для N=6: 
$$\bigcap_{i=1}^{6} (\cos X_i > 0) = \bigcap_{i=1}^{2} (\cos X_i > 0) \wedge \bigcap_{i=3}^{6} (\cos X_i > 0), (\wedge - \text{«и»})$$

9. Для заданного одномерного массива С из N элементов найти произведение множителей, вычисляемых по формуле  $\sin C_i - \cos C_i$ . Рекурсивную функцию применять каждый раз отдельно для первой трети массива и для остальной части (2/3) массива. Рекурсивные вызовы заканчивать, когда останется только один или два элемента.

Например, для N=12: 
$$\prod_{i=1}^{12} \left( \sin C_i - \cos C_i \right) = \prod_{i=1}^4 \left( \sin C_i - \cos C_i \right) \times \prod_{i=5}^{12} \left( \sin C_i - \cos C_i \right)$$

10. Для заданного одномерного массива В из N элементов найти количество элементов массива, для которых выполняется условие  $(\cos B_i^2 > 0) \wedge (B_i < 0)$ . Рекурсивную функцию применять каждый раз отдельно для первой трети массива и для остальной части (2/3) массива. Рекурсивные вызовы заканчивать, когда останется только один или два элемента. Например, для N=6:

$$Count_{i=1}^{6} t((\cos B_{i}^{2} > 0) \land (B_{i} < 0)) = Count_{i=1}^{2} t((\cos B_{i}^{2} > 0) \land (B_{i} < 0)) + Count_{i=3}^{6} t((\cos B_{i}^{2} > 0) \land (B_{i} < 0))$$

11. Для заданного одномерного массива A из N элементов найти значение максимального элемента массива. Рекурсивную функцию применять каждый раз отдельно для первой трети массива и для остальной части (2/3) массива. Рекурсивные вызовы заканчивать, когда останется только один или два элемента.

Например, для N=6: 
$$M_{ax}^{6} A_i = \max \left( M_{ax}^{2} A_i; M_{ax}^{6} A_i \right)$$

12. Для заданного одномерного массива X из N элементов найти сумму выражений, вычисляемых по формуле  $X_i^2$ . Рекурсивную функцию применять каждый раз отдельно для первой трети массива и для остальной части (2/3) массива. Рекурсивные вызовы заканчивать, когда останется только один или два элемента.

Например, для N=9: 
$$\sum_{i=1}^{9} X_i^2 = \sum_{i=1}^{3} X_i^2 + \sum_{i=4}^{9} X_i^2$$

13. Для заданного одномерного массива A из N элементов проверить, что существует по крайней мере один элемент  $A_i$ , для которого выполняется условие  $A_i \le i^2$ . Рекурсивную функцию применять каждый раз отдельно для каждой из половин массива. Рекурсивные вызовы заканчивать, когда останется только один элемент.

Например, для N=4: 
$$\bigcup_{i=1}^4 (A_i \le i^2) = \bigcup_{i=1}^2 (A_i \le i^2) \lor \bigcup_{i=3}^4 (A_i \le i^2)$$
, ( $\lor$  – «или»)

14. Для заданного одномерного массива Y из N элементов проверить, что для всех элементов массива выполняется условие  $Y_i < 0$ . Рекурсивную функцию применять каждый раз отдельно для каждой из половин массива. Рекурсивные вызовы заканчивать, когда останется только один элемент.

Например, для N=4: 
$$\bigcap_{i=1}^4 (Y_i < 0) = \bigcap_{i=1}^2 (Y_i < 0) \land \bigcap_{i=3}^4 (Y_i < 0)$$
, ( $\land$  – «и»)

15. Для заданного одномерного массива X из N элементов найти произведение множителей, вычисляемых по формуле  $\frac{X_i}{1+i}$ . Рекурсивную функцию применять каждый раз отдельно для каждой из половин массива. Рекурсивные вызовы заканчивать, когда останется только один элемент.

Например, для N=6: 
$$\prod_{i=1}^{6} \frac{X_i}{1+i} = \prod_{i=1}^{3} \frac{X_i}{1+i} \times \prod_{i=4}^{6} \frac{X_i}{1+i}$$

#### Задание 3.

### Дополнительно

**1.** Дан двумерный динамический массив целых чисел A размерностью  $n \times k$ . Размерность массива  $(n=5,\ k=6)$  ввести с клавиатуры. Значения элементов массива ввести с клавиатуры. Создать динамический массив из элементов, расположенных на главной диагонали матрицы и имеющих четное значение. Вычислить произведение элементов динамического массива.

Созданный массив и результат произведения вывести на экран. Использовать функции.

**2.** Создать двумерный динамический массив вещественных чисел. Определить, встречаются ли среди них элементы с нулевым значением. Если встречаются такие элементы, то определить их индексы и общее количество. Переставить элементы этого массива в обратном порядке и вывести на экран.

Использовать функции.

**3.** Дан двумерный динамический массив целых чисел. Значения элементов данного массива ввести с клавиатуры. Создать динамический массив из элементов, расположенных в четных столбцах данного массива и имеющих нечетное значение. Вычислить среднее арифметическое элементов динамического массива.

Вывести результат на экран.

Использовать функции.

# Дополнительно\*

# Выполнять все задания

### Задание 1.

Определим следующую рекурсивную функцию F(n):

$$F(n) = \begin{cases} n\%10, & \textit{if } (n\%10 > 0) \\ 0, & \textit{if } n = 0 \\ F(n/10), \textit{Otherwise} \end{cases}$$

Определим функцию **S** (**p**, **q**) следующим образом:

$$S(p,q) = \sum_{i=p}^{q} F(i)$$

По заданным  $\mathbf{p}$  и  $\mathbf{q}$  необходимо вычислить  $\mathbf{S}$  ( $\mathbf{p}$ ,  $\mathbf{q}$ ).

# Входные данные

Состоит из нескольких тестов. Каждая строка содержит два неотрицательных целых числа  $\mathbf{p}$  и  $\mathbf{q}$  ( $\mathbf{p} \leq \mathbf{q}$ ), разделенных пробелом.  $\mathbf{p}$  и  $\mathbf{q}$  являются 32 битовыми знаковыми целыми. Последняя строка содержит два отрицательных целых числа и не обрабатывается.

### Выходные данные

Для каждой пары p и q в отдельной строке вывести значение S(p,q).

### Входные данные #1

- 1 10
- 10 20
- 30 40
- -1 -1

#### Выходные данные #1

- 46
- 48
- 52

### Задание 2.

Рекурсивная функция задана следующим образом:

$$f(0,0) = 1$$
  
 $f(n,r) = \sum_{i=0}^{k-1} f(n-1,r-i)$  when  $[(n>0) \text{ and } (0 \le r < n(k-1)+1)]$   
 $f(n,r) = 0$  oterwise

$$x = \left(\sum_{i=0}^{n(k-1)} f(n,i)\right) \mod m$$
, где  $m = 10^t$ .

Вычислить значение

ý l	4

11	-2	-1	-	-			- 4	- 3	6		0		10
0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0
2	0	0	1	2	3	2	1	0	0	0	0	0	0
3	0	0	1	3	6	7	6	3	1	0	0	0	0
4	0	0	1	4	10	16	19	16	10	4	1	0	0
5	0	0	1	5	15	30	45	51	45	30	15	5	1

Часть поля таблицы при k=3

### Входные данные

Каждая строка содержит три целых числа:  $k \ (0 < k < 10^{19})$ ,  $n \ (0 < n < 10^{19})$  и  $t \ (0 < t < 10)$ . Последняя строка содержит три нуля и не обрабатывается.

### Выходные данные

Для каждого теста в отдельной строке вывести номер теста и значение  $\mathbf{x}$ . Формат вывода приведен в примере.

#### Входные данные

1234 1234 4 2323 9999999999 8 4 99999 9 888 888 8 0 0 0

#### Выходные данные

Case #1: 736

Case #2: 39087387 Case #3: 494777344 Case #4: 91255296

#### Задание 3.

Пусть f(n) - наибольший нечетный делитель натурального числа n. По заданному натуральному n необходимо вычислить значение суммы f(1) + f(2) + ... + f(n).

# Входные данные

Каждая строка содержит одно натуральное число  $\mathbf{n}$  ( $\mathbf{n} \le 10^{9}$ ).

# Выходные данные

Для каждого значения n в отдельной строке вывести значение суммы f(1) + f(2) + ... + f(n).

# Входные данные #1

7

1

777

# Выходные данные #1

21

1

201537

https://www.e-olymp.com