

Приложение Б (справочное) Примеры решения CSP задач

Б.1. Раскрашивание карты

```

%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%
%Решение задачи о раскрашивании карты
%-----
% Карта представляется в виде списка [A::[B,D], B::[C,D], C::[D,E], D::[E]],
% элементами которого являются структуры, образованные оператором «::».
% Каждая структура состоит из имени региона и списка имен смежных регионов.
% Например, A::[B,D] означает, что регион A имеет границы с регионами B и D.
% В предикате раскрасить_карту(Карта,Список_цветов) список Карта обрабатывается
% в порядке следования элементов. При этом цвет очередного региона выбирается
% с помощью предиката select (удалить) из Списка_цветов, а цвета сопряженных
% регионов назначаются из списка оставшихся цветов. Назначенные цвета действуют в
% пределах всего списка Карта, и тем самым ограничивают области определения
% сопряженных переменных. Что приводит в конечном итоге к сокращению ветвей
% дерева поиска
%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%

%объявление инфиксного оператора
:- op(100,xfy,'::').

раскрасить_карту([Регион::Список_смежных_регионов|Ост_Регионы],Список_цветов):-
    присвоить_цвет(Регион,Список_цветов,Оставшиеся_цвета),
    присвоить_цвета_смежным_регионам(Список_смежных_регионов,Оставшиеся_цвета),
    раскрасить_карту(Ост_Регионы,Список_цветов).
раскрасить_карту([],_).

присвоить_цвет(Регион,Список_цветов,Оставшиеся_цвета):-
    select(Регион,Список_цветов,Оставшиеся_цвета).
присвоить_цвета_смежным_регионам(Список_смежных_регионов,Оставшиеся_цвета):-
    members(Список_смежных_регионов,Оставшиеся_цвета).

% members(L1,L2)проверяет вхождение эл-тов из списка L1 в список L2
% Если L1 не конкретизирован, а L2 конкретизирован, то members будет
% наоборот назначать значения элементам списка L1, выбирая их из L2
members([X|Xs],Ys):-member(X,Ys), members(Xs,Ys).
members([],Ys).

/*-----
Пример вызова:
:-time(повторять(раскрасить_карту([A::[B,D], B::[C,D], C::[D,E], D::[E]],
    [red, green, blue]),1000)).

Результат:
% 72,105 inferences, 0.031 CPU in 0.023 seconds (136% CPU, 2311043 Lips)
A = C, C = red,
B = E, E = green,
D = blue
-----*/

```

Б.2. Сравнение решений логической задачи

```

%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%
%Поиск решения логической задачи с ограничения типа Alldiff
%-----
%Три друга заняли 1-ое, 2-ое и 3-е места на чемпионате университета.
%Они имеют разные имена: Майкл, Ричард, Саймон.
%Они разных национальностей: американец, австралиец, израильтянин.
%Любят разные виды спорта: баскетбол, крикет, теннис.

%Ограничения:
% 1) Майкл предпочитает баскетбол и играет лучше, чем американец.
% 2) Саймон - израильтянин и играет лучше теннисиста.
% 3) Игрок в крикет занял первое место.
%Решение представляется в виде списка, упорядоченного в соответствии с местами.
%Каждый элемент списка - структура из трех компонент: Имя::Национальность::Спорт,
%где "::" инфиксный оператор, объявляемый в программе.
%Задача: Определить место, имя, национальность, вид спорта для каждого из друзей.
%-----
%Для сравнения вариантов решений следует оценить время выполнения целей:
% 1) :-time(повторять(решить1(X),1000)).
% 2) :-time(повторять(решить2(X),1000)).
%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%

%объявление инфиксного оператора
:- op(100,xfy,'::').

%Вариант 1: генерация решения, а потом проверка выполнения ограничений
решить1(X) :-генерировать_решение(X), проверить_ограничения(X).

%Вариант 2: проверка выполнения ограничений, а потом генерация решения
решить2(X) :-проверить_ограничения(X), генерировать_решение(X).

%формирование очередного кандидата в решения
%в виде списка [P1::N1::S1, P2::N2::S2, P3::N3::S3]
%Решение-кандидат формируется с помощью перестановок
%имен P, национальностей N и видов спорта S. Всего 6*6*6=218 сочетаний
генерировать_решение([P1::N1::S1, P2::N2::S2, P3::N3::S3]) :-
    перестановка([P1,P2,P3],[майкл,ричард,саймон]), %перестановки имен
    перестановка([N1,N2,N3],[американец,австралиец,израильтянин]), %национальностей
    перестановка([S1,S2,S3],[баскетбол,крикет,теннис]). %видов спорта

%проверка выполнения ограничений
проверить_ограничения(Решение) :-
    Решение = [X1,X2,X3],
    member(майкл::_::баскетбол,Решение), %ограничение 1
    предшествует(майкл::_::_::американец::_::,Решение), %ограничение 1
    member(саймон::израильтянин::_::,Решение), %ограничение 2
    предшествует(саймон::_::_::,Решение), %ограничение 2
    X1 = _::_::крикет. %ограничение 3

%=====предикаты обработки списков=====

%отношение предшествует(X,Y,L) верно, если X следует в списке L раньше Y
предшествует(X,Y,[X|_]) :- member(Y,_).
предшествует(X,Y,[_|_]) :- предшествует(X,Y,_).

%перестановка элементов списка
%в начале находим перестановку L1 для хвоста списка L, а
%затем выполняем вставку головы списка H в произвольную позицию L1
перестановка([],[]).
перестановка([X|L],P):-перестановка(L,L1),вставить(X,L1,P).

%вставка элемента X в список L1
%реализована через удаление X из рез. списка L2
вставить(X,L1,L2):-удалить(X,L2,L1).

%удаление элемента списка: удалить(X,L,L1), где L1- это L без X

```

```

удалить(X, [X|T], T).
удалить(X, [H|T], [H|T1]) :- удалить(X, T, T1).

%=====вспомогательный предикат=====
% цикл повторения выполнения Цели заданное число раз (N)
повторять(Цель, 1) :- Цель.
повторять(Цель, N) :-
    not(not(Цель)), %стирание предыдущих подстановок
    M is N-1, повторять(Цель, M).
/*-----
Примеры вызовов:

:-time(повторять(решить1(X), 1000)).
% 1,179,051 inferences, 0.312 CPU in 0.324 seconds (96% CPU, 3778985 Lips)
X = [саймон::израильтянин::крикет,
     майкл::австралиец::баскетбол,
     ричард::американец::теннис]

:- time(повторять(решить2(X), 1000)).
% 110,051 inferences, 0.047 CPU in 0.049 seconds (96% CPU, 2351502 Lips)
X = [саймон::израильтянин::крикет,
     майкл::австралиец::баскетбол,
     ричард::американец::теннис]

Второй вариант выполняется примерно в 6 раз быстрее!
-----*/

```

Б.3. Решение задачи «Загадка Эйнштейна»

```

%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%
% Загадка Эйнштейна — известная логическая задача,
% по легенде созданная Альбертом Эйнштейном в годы его детства
% -----
% На улице стоят пять домов.
% Каждый из пяти домов окрашен в свой цвет,
% а их жители — люди разных национальностей,
% владеют разными животными, пьют разные напитки
% и курят разные марки американских сигарет.
% -----
% Ограничения:
% 1. Англичанин живёт в красном доме;
% 2. У испанца есть собака;
% 3. В зелёном доме пьют кофе;
% 4. Русский пьёт чай;
% 5. Зелёный дом стоит сразу справа от белого дома;
% 6. Тот, кто курит Old Gold, разводит улиток;
% 7. В жёлтом доме курят Kools;
% 8. В центральном доме пьют молоко;
% 9. Норвежец живёт в первом доме;
% 10. Сосед того, кто курит Chesterfield, держит лису;
% 11. В доме по соседству с тем, в котором держат лошадь, курят Kools;
% 12. Тот, кто курит Lucky Strike, пьёт апельсиновый сок;
% 13. Японец курит Parliament;
% 14. Норвежец живёт рядом с синим домом.
% Вопрос:
% Кто пьёт воду? Кто держит зебру?
% -----
% Будем представлять решение в виде списка, состоящего из 5 подсписков
% (по количеству домов): Реш = [[1,N1,C1,P1,D1,S1],..., [5,N5,C5,P5,D5,S5]],
% где цифра обозначает номер дома, N – национальность, C – цвет дома,
% P – животное, D – напиток, S – сигареты
%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%

```

Эйнштейн: –

```

Эйнштейн(Решение),
вывод_табл(Решение).

```

Эйнштейн (Реш) :-

```

Реш = [[1,N1,C1,P1,D1,S1],
        [2,N2,C2,P2,D2,S2],
        [3,N3,C3,P3,D3,S3],
        [4,N4,C4,P4,D4,S4],
        [5,N5,C5,P5,D5,S5]],

```

```

% 1. Англичанин живет в красном доме
member([_,англичанин,красный,_,_,_], Реш),
% 2. У испанца есть собака
member([_,испанец,_,собака,_,_], Реш),
% 3. В зеленом доме пьют кофе
member([_,_,зеленый,_,кофе,_,_], Реш),
% 4. Русский пьет чай
member([_,русский,_,_,чай,_,_], Реш),
% 5. Зелёный дом стоит сразу справа от белого дома
member([БД,_,белый,_,_,_], Реш), member([ЗД,_,зеленый,_,_,_], Реш),
ЗД := БД + 1,
% 6. Тот, кто курит Old Gold, разводит улиток
member([_,_,_,улитки,_,old_gold], Реш),
% 7. В желтом доме курят Kools
member([_,_,желтый,_,_,kools], Реш),
% 8. В центральном доме пьют молоко
member([3,_,_,_,молоко,_,_], Реш),
% 9. Норвежец живет в первом доме
member([1,норвежец,_,_,_,_], Реш),
% 10. Сосед того, кто курит Chesterfield, держит лису
member([СД,_,_,_,_,chesterfield], Реш), member([ЛД,_,_,_,_,лиса,_,_], Реш),

```

```

(ЛД := СД + 1; ЛД := СД - 1),
% 11.В доме по соседству с тем, в котором держат лошадь, курят Kools
member([КД,_,_,_,kools], Реш), member([Лод,_,_,лошадь,_,_], Реш),
(Лод := КД + 1; Лод := КД - 1),
% 12.Тот, кто курит Lucky Strike, пьёт апельсиновый сок
member([_,_,_,_,сок,luckystrike], Реш),
% 13.Японец курит Parliament
member([_,японец,_,_,_,parliament], Реш),
% 14.Норвежец живёт рядом с синим домом
member([НД,норвежец,_,_,_,_], Реш), member([СД,_,синий,_,_,_], Реш),
(НД := СД + 1; НД := СД - 1),
перестановка([норвежец,русский,англичанин,японец,испанец],[N1,N2,N3,N4,N5]),
перестановка([желтый,синий,красный,зеленый,белый],[C1,C2,C3,C4,C5]),
перестановка([лиса,лошадь,улитки,зебра,собака],[P1,P2,P3,P4,P5]),
перестановка([сок,чай,молоко,кофе,вода],[D1,D2,D3,D4,D5]),
перестановка([kools,old_gold,chesterfield,luckystrike,parliament],[S1,S2,S3,S4,S5]).

% вывод решения в форме таблицы
вывод_табл([A,B,C,D,E]) :-
H=['N','Национальн.','Цвет дома','Животное','Напиток','Сигареты'],
write('+-+-----+-----+-----+-----+'),nl,
writef('%2L|%12L|%10L|%10L|%10L|%13L|',H),nl,
write('+-+-----+-----+-----+-----+'),nl,
writef('%2L|%12L|%10L|%10L|%10L|%13L|',A),nl,
writef('%2L|%12L|%10L|%10L|%10L|%13L|',B),nl,
writef('%2L|%12L|%10L|%10L|%10L|%13L|',C),nl,
writef('%2L|%12L|%10L|%10L|%10L|%13L|',D),nl,
writef('%2L|%12L|%10L|%10L|%10L|%13L|',E),nl,
write('+-+-----+-----+-----+-----+'),nl.

/* -----Решение-----
Вызов:
:-эйнштейн.
Результат:
+-+-----+-----+-----+-----+
|N |Национальн. |Цвет дома |Животное |Напиток |Сигареты |
+-+-----+-----+-----+-----+
|1 |норвежец    |желтый   |лиса     |вода    |kools    |
|2 |русский     |синий    |лошадь   |чай     |chesterfield|
|3 |англичанин  |красный  |улитки   |молоко  |old_gold |
|4 |испанец     |белый    |собака   |сок     |luckystrike|
|5 |японец      |зеленый  |зебра    |кофе    |parliament|
+-+-----+-----+-----+-----+

-----*/

```