# ИССЛЕДОВАНИЕ МЕТОДОВ ГРУППОВОГО ВЫБОРА РЕШЕНИЙ

**1. Цель работы:** исследовать способы определения эффективных решений при групповом выборе.

## 2. Теоретическое введение

Имеется n различных бинарных отношений  $R_1, R_2, ..., R_N$  на множестве X. Отношение  $R_i$  называется индивидуальным. Оно задает предпочтение i-го субъекта (ЛПР, эксперта). Требуется сформировать отношение  $R \subseteq X \times X$ , согласованное с отношениями  $R_1, R_2, ..., R_N$ . Отношение R называется *групповым отношением*.

Правило (система правил), описывающее способ построения группового отношения R, исходя из системы индивидуальных отношений  $R_1, R_2, \dots, R_N$ , называется принципом согласования отношений.

Обозначив через F способ (правило) отображения группы отношений  $R_1, R_2, ..., R_N$  в групповое отношение R, имеем: F:  $(R_1, R_2, ..., R_N) \to R$ . Отображение F — принцип согласования. Разные отображения F могут быть использованы для определения отношения R.

<u>Пример 1.</u> Множество X имеет вид:  $X = \{a, b, c\}$ . Предпочтения трёх экспертов заданы следующими ранжированиями  $R_1 = (a, b, c)$  (т.е. элементы  $x_i$  в R упорядочены в соответствии с рангами  $r_i^1$ , при этом a > b, a > c, b > c),  $R_2 = (a \sim b, c)$  (т.е. a > c, b > c,  $a \sim b$ ),  $R_3 = (b, c \sim a)$  (т.е. b > c, b > a,  $c \sim a$ ). Определен принцип отображения F, предполагающий, что  $R = R_1$ .

Правила согласования группы отношений  $R_1, R_2, ..., R_N$  с отношением R могут быть сформулированы довольно сложно.

<u>Например:</u>  $(a,b) \in R$ , если  $(b,c) \in R_1$  и  $(a,c) \notin R_2$ .

#### Правило большинства.

Правило большинства — наиболее распространённый принцип согласования. Пусть  $R_1, R_2, ..., R_N$  — индивидуальные отношения на  $X \times X$ . Обозначим через n(a,b) количество индексов i (i — индекс отношения), для которых (a,b)  $\in R_i$  ( $i=\overline{1,N}$ ). Тогда могут быть сформированы два способа построения (определения) множества R:

1) 
$$(a,b) \in R <=> n(a,b) \ge \frac{n}{2}$$

2) ( a,b)  $\in R^+ <=> n(a,b) \ge n(b,a)$ , где R и  $R^+$  соответствующие обобщающие отношения

Отношения R и  $R^+$  называются мажоритарными отношениями.

Пример 2 определения обобщающего отношения R.

 $X = \{a, b, c\}$ , отношения  $R_1$ ,  $R_2$ ,  $R_3$  задаются ранжированием в следующем виде:

$$R_1 = (a, b, c), R_2 = (c, b, a), R_3 = (b, a, c).$$

$$n(a,b) = 1$$
,  $n(b,c) = 2$ ,  $n(b,a) = 2$ ,  $n(a,c) = 2$ ,  $n(c,a) = 1$ 

Так как n(b,c) = n(b,a) = n(a,c) = 2, то  $(b,c) \in R$ ,  $(b,a) \in R$  и  $(a,c) \in R$ , то вид отношения  $R: R = R_3 = (b,a,c)$ . По аналогии рассуждения формируются для  $R^+$ . В результате имеем  $R = R^+ = R_3$ .

Пример 3.

$$X = \{a, b, c\},\$$

$$R_1=(a,b,c),\ R_2=(b,c,a),\ R_3=(c,a,b).$$
  $n(a,b)=2,\ n(b,c)=2,\ n(a,c)=1,\ n(b,a)=1,\ n(c,a)=2,$  =>  $aRb,bRc,cRa$  (но не  $aRc$  как следовало бы из рассуждений о транзитивности).

Таким образом, групповое отношение R не является транзитивным, что не приемлемо, если для задания формы отношений  $R_i$  использованы ранговые шкалы. Так как групповое отношение R выражает некоторый согласованный признак, то оно должно индуцировать отношение квазипорядка (некоторого порядка).

На основе анализа приведенных примеров видно, что правило большинства может приводить как к транзитивным, так и к не транзитивным отношениям R. Необходимо сформировать условия, при которых индивидуальные отношения  $R_i$  и мажоритарное отношение R являются линейными квазипорядками (т.е. обеспечивают упорядоченность решений).

Рассмотрим множество  $X = \{a, b, c\}$ . Существует 13 ранжирований (линейных квазипорядков) этого множества:  $R_1 = (a, b, c)$ ,  $R_2 = (b, c, a)$ ,  $R_3 = (c, a, b)$ ,  $R_4 = (b, a, c)$ ,  $R_5 = (a, c, b)$ ,  $R_6 = (c, b, a)$ ,  $R_7 = (a \sim b, c)$ ,  $R_8 = (a \sim c, b)$ ,  $R_9 = (b \sim c, a)$ ,  $R_{10} = (c, a \sim b)$ ,  $R_{11} = (b, c \sim a)$ ,  $R_{12} = (a, b \sim c)$ ,  $R_{13} = (a \sim b \sim c)$ . Здесь знак « $\sim$ » обозначает неразличимость (эквивалентность) решений. Далее при рассмотрении нумерация ранжирований является фиксированной. Через  $n_i$  обозначим количество субъектов (ЛПР, экспертов), которые придерживаются отношения  $R_i$  (ранжирования  $R_i$ ). При этом  $\sum_{i=1}^{13} n_i = n$ .

В рассмотрение вводится подмножество D таких элементов  $p_i$ , для которых  $n_i \ge 0$ . Подмножество  $D \subseteq \{R_1, R_2, \dots, R_{13}\}$ , при этом  $R_i \in D$ , если  $n_i > 0$ , и  $R_i \notin D$ , если  $n_i = 0$ . Тогда множество D называется совокупностью ранжирований.

Пусть имеется совокупность трех строгих ранжирований вида: (a, b, c), (b, c, a), (c, a, b), полученных друг из друга циклической перестановкой объектов (решений). Эта совокупность ранжирований называется циклической. Каждое из упорядочений циклической совокупности порождает остальные упорядочивания перестановкой первого элемента на последнее место и перестановкой последнего элемента на первое место. Эти два элемента называются циклическими. Например, упорядочивание (a, b, c) порождает (b, c, a) с циклическим объектом (a, b, c) порождает (a, b, c) с циклическим объектом (a, b, c) с циклическим объектом (a, b, c) порождает (a, b, c)

Рассмотрим ранжирование вида: ( $a \sim b$ , c), ( $a \sim c$ , b), (c,  $a \sim b$ ), каждое из которых представляет из себя линейный квазипорядок (частичный порядок). Каждое из этих ранжирований содержит в себе 2 класса объектов: эквивалентные и связанные с ними доминирующие или доминируемые элементы.

Тогда линейный квазипорядок называется *дихотомическим*, им соответствующее ранжирование состоит из 2-х классов (т.е., в частном случае, ранжирование состоит из 3-х элементов, один из классов обязательно содержит один элемент). Дихотомическое ранжирование называется однотипным, если их одноэлементные классы имеют один и тот же номер. Тогда ранжирование ( $a \sim b$ , c) и ( $a \sim c$ , b) являются однотипными, а ( $a \sim b$ , c) и ( $a \sim c$ , b) не являются однотипными.

То есть, необходимо охарактеризовать (определить условия) индивидуальные отношения (наборы индивидуальных отношений), для которых хотя бы одно (т.е. построенное с использованием одного из правил) мажоритарное отношение было транзитивно.

Для упрощения рассуждений может быть выполнен переход от множества X к любому его трехэлементному подмножеству (к трехэлементным подмножествам). Требуется сформировать критерий допустимости множества ранжирований D

Обобщенное понятие циклической совокупности строгих ранжирований формируется следующим образом. Множество трех линейных квазипорядков (ранжирований) вида { aRbRc, bRcRa, cRaRb } называется циклическим, если оно удовлетворяет следующим условиям:

- а) если в одном из отношений объекты (элементы, решения) являются неразрывными, тогда для циклических объектов остальных отношений имеет место строгое предпочтение;
  - б) все три отношения не могут быть однотипно дихотомическими.

Пример ранжирований, соответствующих условию а).

$$(x \sim y \sim z), (y \sim z, x), (z, x \sim y).$$

Пример ранжирований, соответствующих условию б).

$$(x, y \sim z), (y \sim z, x), (z, x \sim y).$$

Подмножество  $\delta \subseteq \{R_1, R_2, \dots, R_{13}\}$  является допустимым, если при  $n_i > 0$  для  $R_i \in D$  и  $n_i = 0$  для  $R_i \notin D$  существует транзитивное мажоритарное отношение R. В том случае, если будет сформирована допустимая совокупность ранжирований  $D = \{R_i | i = \overline{1,m}\}$ , то существует транзитивное мажоритарное отношение R.

На основе рассмотренных свойств (признаков) циклических ранжирований может быть сформировано условие допустимости совокупности ранжирований D.

**Теорема 1.** Совокупность ранжирований **D** является допустимой, когда она не включает циклического множества (т.е. всякое циклическое множество недопустимо и не может содержаться в  $\delta$ ).

В качестве примера, комментирующего суть Теоремы 1, рассмотрим циклические ранжирования следующего вида:  $\{(a \sim b \sim c), (c, aR_ib), (bR_ic, a)\}$ . За каждое отношение отдано одинаковое число голосов. Тогда  $(a,b) \in R$ ,  $(b,c) \in R$ , но  $(a,c) \notin R$ , следовательно, R не является транзитивным.

Пусть циклическое множество состоит из дихотомических ранжирований и в соответствии с пунктом б) имеет следующий вид:  $\{(a \sim b \sim c), (b \sim c, a), (c, a \sim b)\}$ , тогда  $(a, b) \in R$ ,  $(b, c) \in R$ , но  $(a, c) \notin R$ , следовательно, отношение R нетранзитивно.

В итоге получим, что правило большинства позволяет сформировать транзитивное мажоритарное ранжирование R только в том случае, если множество D ранжирований  $R_i$  является допустимым, т.е. в него не могут входить циклические ранжирования. В итоге правило большинства может быть применено в частном случае. Для общего случая (когда отсутствуют ограничения на вид ранжирований) правило большинства не позволяет получить транзитивное мажоритарное ранжирование R.

Правило большинства может быть обобщено (т.е. применимо при построении ранжирования R в общем виде) в терминах *расстояния* между исходными отношениями (ранжированиями).

На основе ранжирования  $R_i$  может быть сформирована матрица парных сравнений

$$A^k = egin{bmatrix} a_{11}^k & \dots & a_{1n}^k \\ \dots & \dots & \dots \\ a_{n1}^k & \dots & a_{nn}^k \end{bmatrix}$$
 , где  $a_{ij}^k = egin{bmatrix} 1 & \text{при } x_i \succ x_j \\ 0 & \text{при } x_i \sim x_j \\ -1 & \text{при } x_j \succ x_i \end{pmatrix}$ 

k – индекс эксперта.

В том случае, если заданы два ранжирования  $R_h$  и  $R_l$ , тогда расстояние между этими двумя ранжированиями будет определено согласно отношению:

$$d(R_h, R_l) = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} |a_{ij}^h - a_{ij}^l|$$

Пусть дано множество ранжирований  $\{R_1, R_2, ..., R_N\}$ , тогда расстояние от некоторого ранжирования R до этого множества определяется следующим образом:

$$d(R,R_k) = \frac{1}{2} \sum_{k=1}^{N} \sum_{j=1}^{n} \sum_{i=1}^{n} d_{ij}^k = \frac{1}{2} \sum_{k=1}^{N} \sum_{j=1}^{n} \sum_{i=1}^{n} |a_{ij}^k - a_{ij}|$$

где  $a_{ij}$  — элемент матрицы A соответствующий некоторому ранжированию R (произвольному ранжированию  $R_i$  из множества  $\{R_1, R_2, \dots, R_N\}$ ).

В случае рассмотрения отдельного элемента  $a_{ij} = 1$  (соответствующего ранжированию R) может быть определено для него расстояние между R и остальными ранжированиями  $R_k \in \{R_1, R_2, ..., R_N\}$ :

$$p_{ij} = \sum_{k=1}^{N} d_{ij}(R, R_k) = \sum_{k=1}^{N} |a_{ij}^k - a_{ij}|$$

То есть  $p_{ij}$  определяется для тех элементов  $a_{ij}$ , соответствующих ранжированию R, которые равны 1. Элемент  $p_{ij}$  — коэффициент потерь (при этом  $p_{ii} = 0$ ), а матрица P называется матрицей потерь.

Ранжирование R, такое, что  $P = \arg\min d(R, R_k)$  называется медианой множества  $\{R_1, R_2, ..., R_N\}$ . Т.е. это такое ранжирование, которое с точки зрения расстояния является «наиболее близким» ко всем ранжированиям  $R_k \in \{R_1, R_2, ..., R_N\}$ .

Для определения мажоритарного транзитивного ранжирования применим *метод* Kemenu, в котором при расчете элемента  $p_{ij}$ , матрицы потерь P используются отличия значений элементов  $a_{ij}^k$  матриц соответствующих ранжирований  $R_k$ 

**Алгоритм Кемени** определения меридианы (ранжирования) R, которое будет являться транзитивным, предполагает выполнение следующих шагов.

1 шаг. Для расчета значения элемента  $p_{ij}$  матрицы потерь P выполняется идентификация такого ранжирования  $R^{l}$ , для которого выполняется условие:

$$a_{ij}^l = \max_{k=1:N} (a_{ij}^k)$$

Тогда значение  $p_{ij}$  матрицы потерь определяется согласно отношению:

$$p_{ij} = d_{ij}(R_1, R_l) + d_{ij}(R_2, R_l) + \dots + d_{ij}(R_N, R_l)$$

В итоге формируется матрица  $P^N$ , соответствующая элементам  $(x_i, x_j) \in X^2$ .

После идентификации матрицы потерь требуется определить матрицу Q, на основе которой в дальнейшем идентифицируются альтернативы, соответствующие удаляемым из матрицы P (и, соответственно из матрицы  $A_k$  ( $k = \overline{1, N}$ ).

2 шаг. Определение матрицы Q:

$$Q^n = E^n \cdot P^n \cdot E^n, \text{ где } E^n = \begin{bmatrix} 0 & 1 & \cdots & 1 & 1 \\ 1 & 0 & \cdots & 1 & 1 \\ \cdots & \cdots & \cdots & \cdots & \cdots \\ 1 & 1 & \cdots & 0 & 1 \\ 1 & 1 & \cdots & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

где  $E^n$  — матрица, все элементы (кроме диагональных) равны 1.

<u>3 шаг.</u> В полученной матрице  $Q^n$  реализуется определение элемента  $q_{ij}^n = \min q_{ij}^n$ . Альтернативы (решения), определяющие строку и столбец элемента  $q_{ij}^n$  обозначаются  $x_{i_n}$  и  $x_{i_l}$  соответственно (т.е. они размещаются в позиции n и l соответственно).

4 шаг. Полученные таким образом альтернативы  $x_i$  и  $x_j$  размещаются в n-ой и первой позициях формируемого ранжирования R. После этого реализуется удаление соответствующих i-ой строки и j-го столбца.

**Пример определения медианы** для множества ранжирований  $\{R_1, R_2, ..., R_N\}$ .

Задано 4 эксперта и сформулированные ими ранжирования в следующем виде:

$$R_1=(a_2,a_4,a_1,a_3), R_2=(a_1,a_3\sim a_4,a_2), R_3=(a_2\sim a_3,a_4,a_1), R_4=(a_3,a_2,a_1\sim a_4)$$
 Ранжированием  $R_k(k=\overline{1,N})$  соответствуют матрицы отношений следующего вида:

$$R_{1} = \begin{vmatrix} 0 & -1 & 1 & -1 \\ 1 & 0 & 1 & 1 \\ -1 & -1 & 0 & -1 \\ 1 & -1 & 1 & 0 \end{vmatrix} \qquad R_{2} = \begin{vmatrix} 0 & 1 & 1 & 1 \\ -1 & 0 & -1 & -1 \\ -1 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \end{vmatrix}$$

$$R_{3} = \begin{vmatrix} 0 & -1 & -1 & -1 \\ 1 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & -1 & -1 & 0 \end{vmatrix} \qquad R_{4} = \begin{vmatrix} 0 & -1 & -1 & 0 \\ 1 & 0 & -1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & -1 & -1 & 0 \end{vmatrix}$$

<u>1 шаг</u>. Определение матрицы потерь  $P^N$ .

Имеем

$$r_{12}^2 = \max_{k=1,N}(r_{12}^k) = 1 \quad \Rightarrow \quad p_{12}^N = d_{12}(R_1, R_2) + d_{12}(R_3, R_2) + d_{12}(R_4, R_2) = 6.$$

По аналогии:

$$r_{13}^2 = \max_{k=1N}(r_{13}^k) = 1 \quad \Rightarrow \quad p_{13}^N = d_{13}(R_1, R_2) + d_{13}(R_3, R_2) + d_{13}(R_4, R_2) = 4.$$

Выполняя расчеты подобным образом, получим матрицу потерь P в следующем виде:

$$P^N = \begin{vmatrix} 0 & 6 & 4 & 5 \\ 2 & 0 & 5 & 2 \\ 4 & 3 & 0 & 3 \\ 3 & 6 & 5 & 0 \end{vmatrix}$$

2 шаг. Определение матрицы потерь  $Q^N$ :

$$Q^n = E^n \cdot P^n \cdot E^n$$

Имеем матрицу  $Q^N$  в следующем виде:

$$Q^N = \begin{vmatrix} 24 & 24 & \mathbf{23} & 28 \\ 32 & 24 & 30 & 31 \\ 33 & 26 & 24 & 31 \\ 28 & 25 & 25 & 24 \end{vmatrix}$$

<u>3 шаг</u>. Определение матрицы потерь  $q_{ij}^N = \min_{i,j=1,n} (q_{ij}^N)$ .

В данном случае – это  $q_{13}^N = 23$ . Тогда альтернативы в результирующем ранжировании разметим следующим образом:  $R = \{x_3, ..., x_1\}$ .

Так как решения  $x_3$  и  $x_1$ , исключены из рассмотрения, тогда должны быть модифицированы матрицы  $R_k$  путём исключения из них 3-го столбца и 1-ой строки. В результате имеем:

$$R_{1} = \begin{vmatrix} 1 & 0 & 1 \\ -1 & -1 & -1 \\ 1 & -1 & 0 \end{vmatrix} \qquad R_{2} = \begin{vmatrix} -1 & 0 & -1 \\ -1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 0 \end{vmatrix}$$
$$R_{3} = \begin{vmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 1 & - & 0 \end{vmatrix} \qquad R_{4} = \begin{vmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 0 & - & 0 \end{vmatrix}$$

<u>1 шаг</u>. Определение матрицы потерь. Матрица  $P^{(N-2)}$  имеет вид:

$$P^{(N-2)} = \begin{vmatrix} 0 & 0 & 2 \\ 4 & 0 & 2 \\ 1 & 0 & 0 \end{vmatrix}$$

 $\frac{2}{M}$  шаг. Определение матрицы потерь  $Q^{(N-2)}$ . На основе матрицы  $P^{(N-2)}$  формируем матрицу  $Q^{(N-2)}$  в следующем виде:

Так как решения  $x_1$  и  $x_3$  уже добавлены в ранжирование R, то нас будет интересовать решения  $x_2$  и  $x_4$ . Соответственно рассматриваем элементы  $q_{24}^{(N-2)}=11$  и  $q_{42}^{(N-2)}=8$ . Т.к. элемент  $q_{42}^{(N-2)}< q_{24}^{(N-2)}$ , тогда на основе элемента  $q_{42}^{(N-2)}$  определяем позиции  $x_2$  и  $x_4$  в ранжировании. Получаем  $x_2=x_{i_2}$  (т.е. решение i во второй позиции в R) и  $x_4=x_{i_3}$  (т.е. решение i в третей позиции в R). Тогда результирующее ранжирование имеет вид:  $R=\{x_3,x_2,x_4,x_1\}$ .

### 3. Порядок выполнения работы

- I. Разработать процедуру, реализующую формирование для заданных ранжирований соответствующих им матриц отношений  $R_i$ .
- 2. Разработать процедуру формирования матрицы потерь  $Q^n$  на основе сформированных матрицы отношений  $R_i$ .
- 3. Разработать процедуру определения решений, включаемых в итоговое ранжирование.
- 4. Разработать процедуру модификации матриц отношений  $R_i$  путем исключения решений, добавленных в формируемое итоговое ранжирование.
- 5. Разработать модуль, координирующий выполнение упомянутых выше процедур.

## 4. Варианты заданий.

**Вариант 1.** Выполнить определение итогового ранжирования R для исходных ранжирований следующего вида:

$$R_{1}=(x_{2}, x_{4}, x_{1}, x_{3}, x_{5}, x_{8}, x_{7}, x_{6});$$

$$R_{2}=(x_{1},x_{5},x_{4}\sim x_{2},x_{6},x_{7}\sim x_{8}, x_{6});$$

$$R_{3}=(x_{3},x_{4},x_{8}\sim x_{7},x_{6},x_{5},x_{2}, x_{1});$$

$$R_{4}=(x_{7},x_{8},x_{3}\sim x_{4},x_{6}\sim x_{2},x_{1}, x_{5});$$

$$R_{5}=(x_{4},x_{8},x_{3}\sim x_{7},x_{6}\sim x_{1},x_{2}, x_{5});$$

**Вариант 2.** Выполнить определение итогового ранжирования R для исходных ранжирований следующего вида:

```
R_{1}=(x_{2}, x_{4}, x_{1}, x_{3}, x_{5}, x_{6});
R_{2}=(x_{1},x_{5},x_{4}\sim x_{2},x_{6}, x_{3});
R_{3}=(x_{3},x_{4}\sim x_{6},x_{5},x_{2}, x_{1});
R_{4}=(x_{3}\sim x_{4},x_{6}\sim x_{2},x_{1}, x_{5});
R_{5}=(x_{6}\sim x_{4},x_{1}\sim x_{2},x_{5}, x_{3});
R_{6}=(x_{3},x_{4},x_{6},x_{2},x_{1}\sim x_{5});
R_{7}=(x_{3}, x_{4},x_{1}\sim x_{2},x_{5}, x_{6});
R_{8}=(x_{3},x_{4},x_{6}\sim x_{2},x_{1}\sim x_{5});
```

**Вариант 3.** Выполнить определение итогового ранжирования R для исходных ранжирований следующего вида:

```
R_{1}=(x_{2}, x_{4}, x_{1}, x_{3}, x_{7}, x_{5}, x_{6});
R_{2}=(x_{1}\sim x_{7}, x_{5}, x_{4}\sim x_{2}, x_{6}, x_{3});
R_{3}=(x_{3}, x_{4}\sim x_{6}, x_{5}, x_{2}\sim x_{7}, x_{1});
R_{4}=(x_{3}\sim x_{4}, x_{6}\sim x_{2}, x_{1}, x_{7}, x_{5});
R_{4}=(x_{3}\sim x_{4}, x_{6}\sim x_{2}, x_{1}, x_{5}\sim x_{7});
R_{5}=(x_{6}\sim x_{4}, x_{1}\sim x_{2}, x_{7}, x_{5}, x_{3});
R_{6}=(x_{7}, x_{3}, x_{4}, x_{6}, x_{2}, x_{1}\sim x_{5});
R_{7}=(x_{7}\sim x_{3}, x_{4}, x_{6}, x_{2}, x_{1}\sim x_{5});
```

#### 5. Контрольные вопросы

- 1. В чем заключается постановка задачи группового выбора решений?
- 2. В каком виде представляются исходные отношения, формируемые группой экспертов?
- 3. В чем заключается правило большинства при построении мажоритарных отношений?
- 4. В чем состоит причина не выполнения свойства транзитивности для мажоритарного отношения R, обобщающие отношения экспертов?
- 5. Что из себя представляют дихотомические однотипные и разнотипные ранжирования?
- 6. Что представляет из себя медиана Кемени с точки зрения группового выбора?
- 7. Что такое матрица потерь и как она формируется?
- 8. Как формируются матрицы отношений на основе задаваемых ранжирований?
- 9. В чем состоит алгоритм формирования итогового ранжирования R?