

**Севастопольский государственный университет  
Институт информационных технологий**

**"МЕТОДЫ И СИСТЕМЫ  
ИСКУССТВЕННОГО ИНТЕЛЛЕКТА"  
(МИСИИ)**

**Бондарев Владимир Николаевич**

## **Лекция 3**

**Агенты, решающие задачи ИИ.  
Представление задач в пространстве  
состояний.**

# **Способы представления задач**

Термин “**решение задач**” (problem solving) употребляется в искусственном интеллекте в весьма ограниченном смысле. Речь идет о хорошо определенных задачах, решаемых на основе поисковых алгоритмов.

**Задача считается хорошо определенной**, если для неё имеется возможность задать пространство возможных решений (состояний), а также способ просмотра этого пространства с целью поиска конечного (целевого) состояния, соответствующего решенной задаче.

Рассматриваются **способы представления задач**, удобные для их решения на ЭВМ. К ним относятся следующие наиболее часто используемые способы:

- **представление задач в пространстве состояний;**
- **представление, сводящее задачу к подзадачам;**
- **представление задач в виде теорем.**

# **Представление задач в пространстве состояний**

Подход, использующий пространство состояний, весьма распространен в решении задач. Он включает в себя:

- задание начальных состояний задачи;
- задание конечных (целевых) состояний задачи;
- задание операторов, преобразующих одни состояния задачи в другие.

**Решение задачи** состоит в том, чтобы найти последовательность операторов, преобразующих начальное состояние задачи в конечное, которое соответствует решенной задаче.

Существуют многочисленные задачи, решение которых интерпретируется как поиск в пространстве состояний: поиск пути на карте; задача преобразования сцен; выделение границ на изображении; различные игры и головоломки.

# Задача поиска в пространстве состояний

В общем случае задача, поставленная как задача поиска в пространстве состояний, определяется совокупностью четырех составляющих

$$(S0, S, F, G), \quad (1)$$

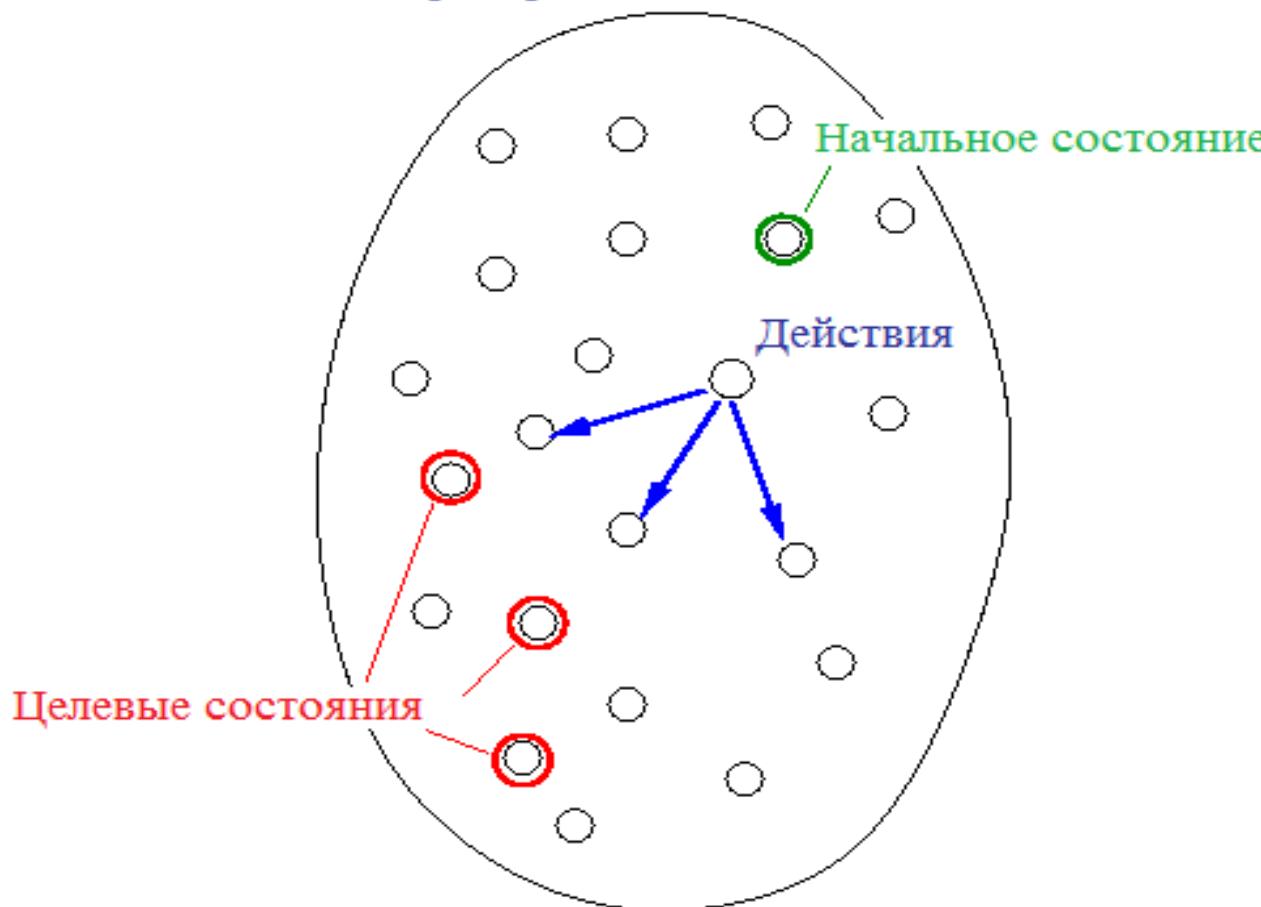
где  $S$  – множество возможных состояний задачи;  
 $S0$  – множество начальных состояний,  $S0 \in S$ ;  
 $F$  – множество операторов, преобразующих состояния ;  
 $G$  – множество целевых состояний,  $G \in S$ .

Каждый **оператор**  $f \in F$  является функцией, отображающей одно состояние в другое –  $s_j=f(s_i)$ , где  $s_i, s_j \in S$ . **Решением задачи** является последовательность операторов  $f_i \in F$ , преобразующих начальные состояния в конечные, т.е.

$$f_n(f_{n-1}(\dots(f_2(f_1(S0))))\dots)) \in G .$$

# Задача поиска в пространстве состояний

Пространство состояний



Необходимо найти последовательность действий, преобразующих начальное состояние в целевое, которую называют **планом**.

# Поиск в пространстве состояний

Состояния задачи можно представлять в виде **графа состояний**. Множество вершин графа соответствует состояниям задачи, а множество дуг (ребер) – операторам. В этом случае поиск решения задачи может интерпретироваться как поиск пути на графике.

## Поиск пути на графике состояний



# Поиск в пространстве состояний

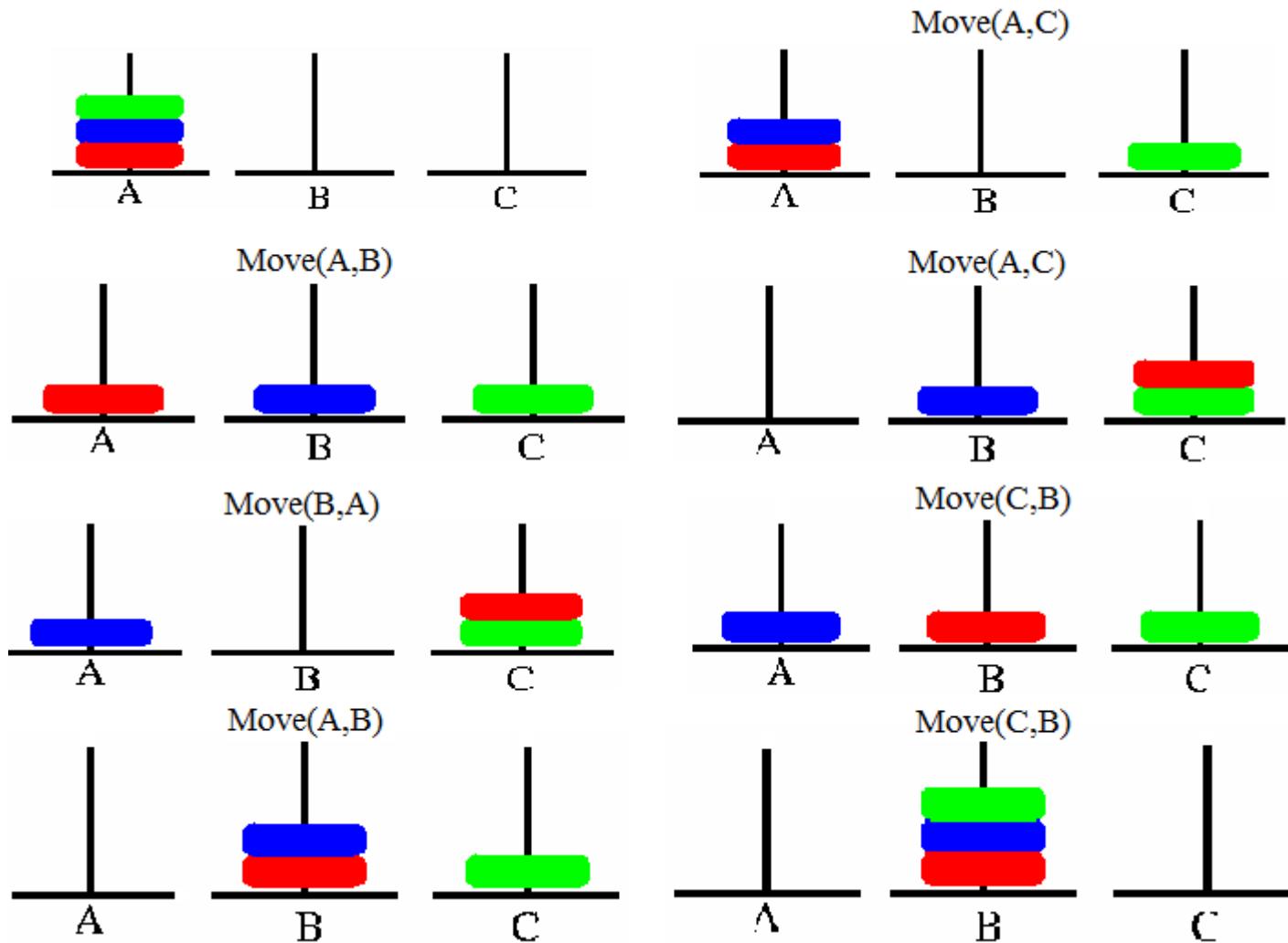
## Обобщенный процесс поиска решения:

1. Принять начальное состояние за текущее;
2. Проверить, не соответствует ли текущее состояние целевому;
3. Выполнить допустимые операторы и найти новые состояния-приемники;
4. Выбрать одно из новых состояний-приемников и принять его за текущее состояние и перейти к пункту 2.

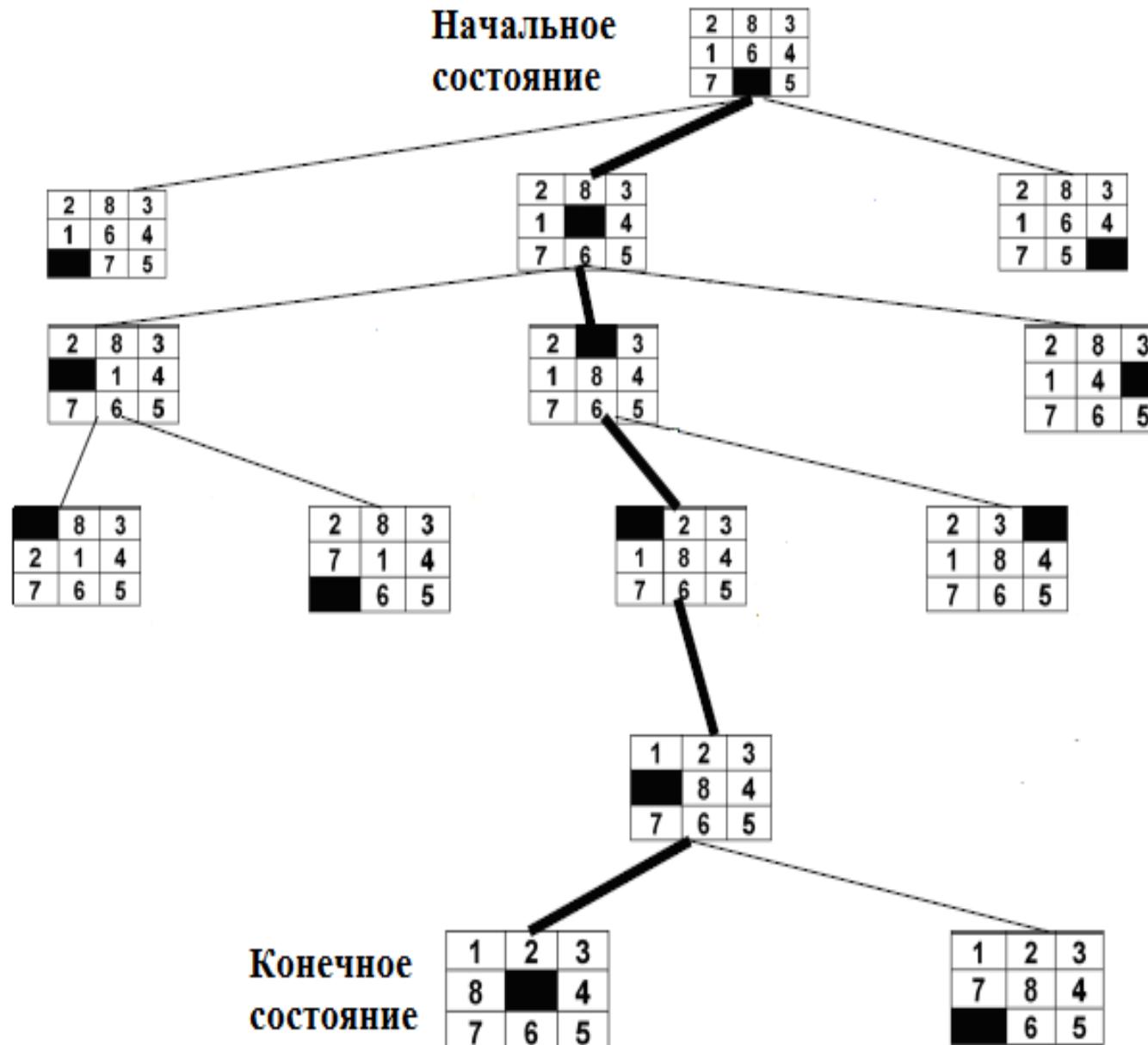
Процесс применения операторов к некоторой вершине с целью получения всех ее дочерних вершин называется *раскрытием вершины*.

Рассмотрим примеры формулировок (представлений) задач в пространстве состояний. Чтобы сформулировать задачу в такой форме требуется определить все элементы формулы (1)

# Пример: задача перемещения дисков



# Подграф поиска решения игры в восемь



# Представление (описание) игры в восемь

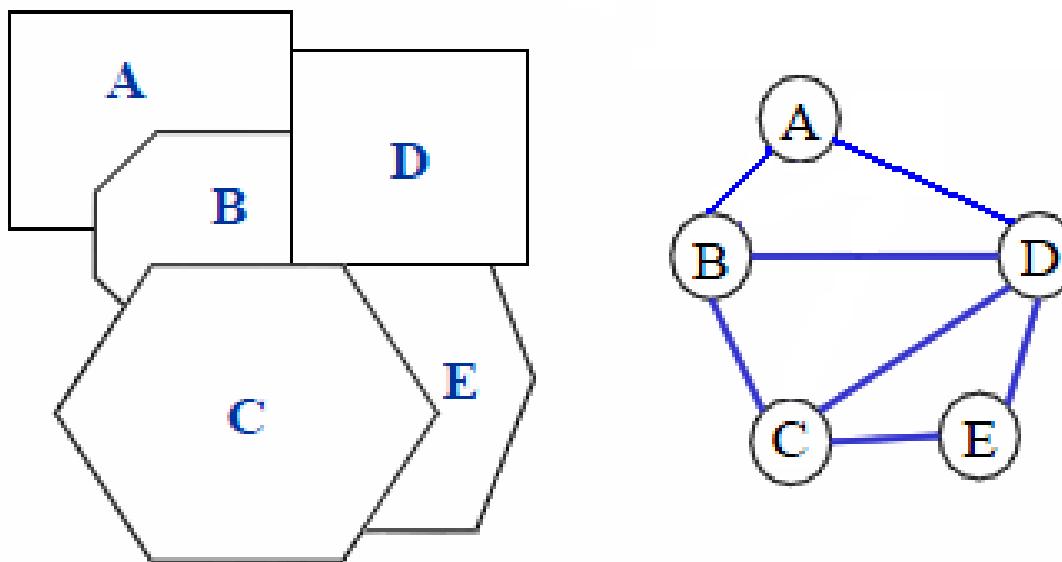
- 1. Состояние.** Определяется местонахождением каждой из восьми фишек и пустой ячейки.
- 2. Начальное состояние.** В качестве начального состояния может быть выбрано любое состояние.
- 3. Целевое состояние.** Состояние с заданным упорядоченным расположением фишек.
- 4. Функция (оператор) преобразования состояний.** Эта функция формирует допустимые состояния, которые являются результатом осуществления одного из четырех действий (теоретически возможных ходов: *влево, вправо, вверх, вниз*).
- 5. Целевая проверка.** Сравнение текущего состояния и целевого состояния.

# Задача о раскраске карты

Необходимо раскрасить плоскую карту, используя только 4 цвета. Соседние регионы на карте не должны раскрашиваться одним и тем же цветом.

## Представление задачи

Представим карту в виде графа, узлы которого соответствуют регионам на карте, а ребра – выражают отношение соседства регионов.

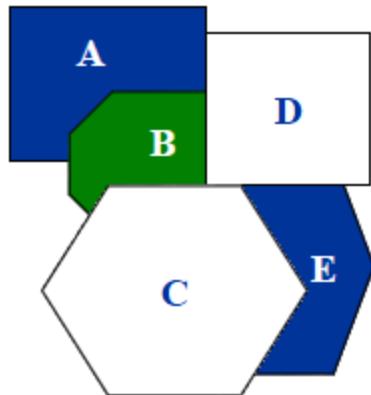


# Представление задачи о раскраске карты

Введем множество имен вершин  $\{v_1, v_2, \dots, v_N\}$ .

Множество цветов (красок)  $\{c_1, c_2, c_3, c_4\}$ .

**Состояние** представим в виде  $N$  элементной записи, состоящей из цветов вершин. Вершина имеет цвет  $x$ , если ей не был назначен цвет. Пример состояния:  $\{c_1, x, c_1, c_3, x, x, x\dots\}$ .



Состояние задачи для рисунка:  
 $\{\text{blue}, \text{green}, \text{x}, \text{x}, \text{blue}\}$

**Начальное состояние:**  $\{x, x, \dots, x\}$ .

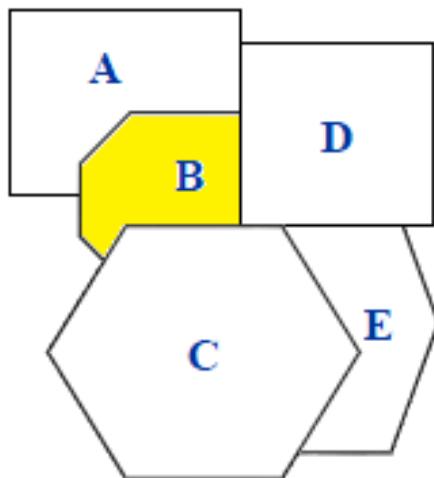
**Целевая проверка :** все вершины имеют цвет и для каждой пары вершин  $v_i$  и  $v_j$ , которые являются смежными, состояние должно удовлетворять  $\text{color}(i) \neq \text{color}(j)$ .

**Множество целевых состояний:** множество состояний, удовлетворяющих указанным условиям

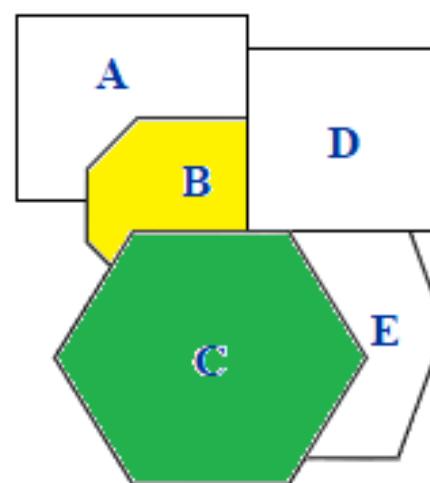
# Представление задачи о раскраске карты

**Функция преобразования состояний:** `change(i,c)` – заменить цвет вершины (региона) **i** на **c**.

`change(2,yellow)`

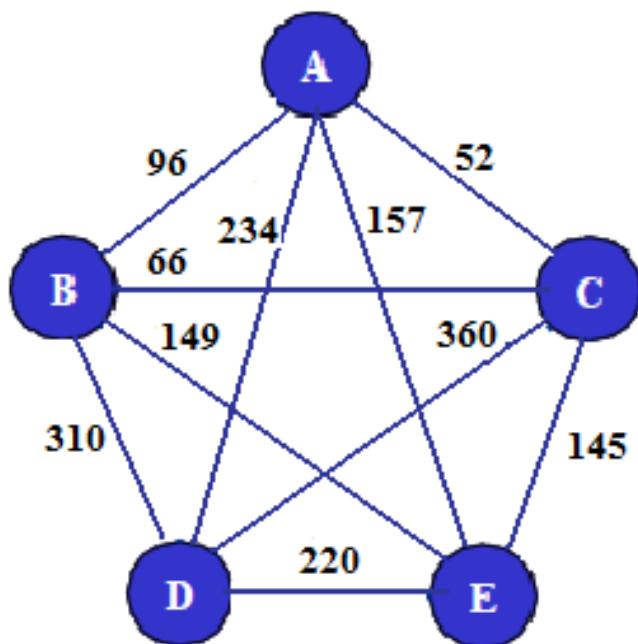


`change(3,green)`



# Представление задачи о коммивояжере

Коммивояжер должен посетить каждый из  $N$  заданных городов. Между каждой парой городов имеется путь. Нужно, отправляясь из стартового города, найти самый короткий путь, по которому коммивояжер по одному разу проходит через каждый из городов и затем возвращается в стартовый город.



Пусть  $X$  – мно-во из  $N$  городов, а  $d(x,y)$  – расстояние между городами  $x$  и  $y$ .

$$X=\{A,B,C,D,E\}$$

# Представление задачи о коммивояжере

$S$  – мно-во состояний. **Состояние** представляется в виде пути Гамильтона (ни один город не повторяется) .

$$S = \{(x_1, x_2, \dots, x_n) \mid n=1, \dots, N+1, x_i \in X, x_i \neq x_j, \text{ кроме } i=1, j=N+1\}$$

**Функция преобразования состояний** – это расширение пути Гамильтона:

$$\Delta(x_1, x_2, \dots, x_n) = \{(x_1, x_2, \dots, x_n, x_{n+1}) \mid x_{n+1} \in X, x_{n+1} \neq x_i \text{ для всех } 1 \leq i \leq n\}$$

**Множество целевых состояний** включает все состояния (пути) длиной  $N+1$ . Среди этих путей надо найти кратчайший путь.

# Представление задачи о каннибалах и миссионерах

Три миссионера и три каннибала находятся на левом берегу реки. Имеется лодка, вмещающая не более двух человек. Если на каком-то берегу каннибалов окажется больше, чем миссионеров, то они съедят миссионеров. Требуется найти безопасный план пересечения реки.

**Состояние:**  $\{M, K, B\}$ , где **M** - кол-во миссионеров на левом берегу, **K**- количество каннибалов на левом берегу, **B**- местонахождения лодки **L** или **R**,  $M \geq K$ .

**Начальное состояние:**  $\{3, 3, L\}$ .

**Целевое состояние:**  $\{0, 0, R\}$ .

**Операторы:**  $\{M, K\}$ , где **M**- кол-во миссионеров в лодке, **K** – кол-во каннибалов в лодке. Допустимые операторы:  $\{1, 0\}; \{2, 0\}; \{1, 1\}; \{0, 1\}; \{0, 2\}$ .

# Представление задачи о двух кувшинах

Дан кувшин с водой емкостью 5 литров и пустой кувшин емкостью 2 литра. Требуется наполнить второй кувшин 1 литром воды. Воду можно либо выливать, либо переливать из одного кувшина в другой.

**Состояние:**  $\{X, Y\}$ , где  $X$  – объем воды в первом кувшине;  $Y$  – объем воды во втором кувшине.

**Начальное состояние:**  $\{5, 0\}$ .

**Целевое состояние:**  $\{*, 1\}$ , где \* - означает любой объем.

**Операторы:**

$\{X, Y\} \rightarrow \{0, Y\}$  – вылить первый кувшин

$\{X, Y\} \rightarrow \{X, 0\}$  – вылить второй кувшин

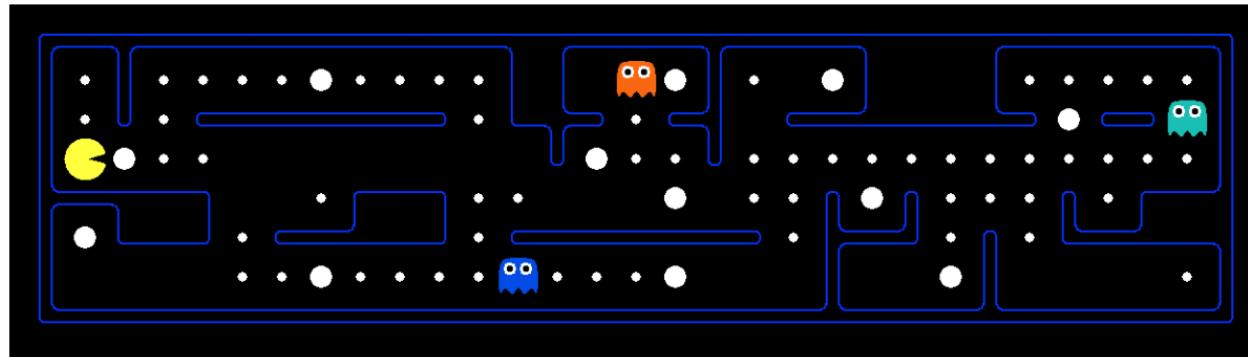
$\{X, 2\} \rightarrow \{X+2, 0\}$  – перелить 2-ой в 1-ый,  $X \leq 3$ .

$\{X, 0\} \rightarrow \{X-2, 2\}$  – перелить из 1-го во 2-ой,  $X \geq 2$

$\{1, Y\} \rightarrow \{0, Y+1\}$  – перелить часть из 1-го во 2-ой,  $Y < 2$

Решение:  $\{5, 0\} \{3, 2\} \{3, 0\} \{1, 2\} \{1, 0\} \{0, 1\}$

# Представления игры Pacman



Рассмотрим 2 задачи поиска: нахождение пути в лабиринте и поедание всех точек. Ниже для этих задач перечислены: состояния, действия, функция-преемник и целевой тест

## Нахождение пути:

- *состояние*: координаты (x, y) местоположения;
- *действия*: Север, Юг, Восток, Запад;
- *функция-преемник*: обновить только местоположение;
- *проверка цели*:  $(x, y) = \text{END?}$

## Поедание всех точек (гранул):

- *состояние*: координаты (x, y) местоположения, логические точки (true/false);
- *действия*: Север, Юг, Восток, Запад;
- *функция-преемник*: обновить местоположение и логические значения точек;
- *проверка цели*: все ли логические точки ложны?

# Поиск решений в пространстве состояний

Методы поиска в пространстве состояний подразделяются на две группы:

- **неинформированный (слепой) поиск:**

- поиск в ширину ;
- поиск по критерию равной стоимости;
- поиск в глубину (различные разновидности);
- случайный поиск;

- **информированный (эвристический) поиск:**

- локальные алгоритмы (hill-climbing);
- глобальные алгоритмы поиска по первому наилучшему совпадению: жадный алгоритм; А-алгоритм.

В методах “слепого” поиска выполняется полный просмотр всего пространства состояний, что может приводить к проблеме **комбинаторного взрыва**. Для сокращения количества просматриваемых вариантов применяют методы информированного (направленного) поиска.

# Критерии сравнения стратегий поиска

**Полнота.** Гарантируется ли обнаружение решения, если оно существует?

**Оптимальность.** Стратегию называют оптимальной, если она обеспечивает нахождение решения, которое не обязательно будет наилучшим, но известно, что оно принадлежит подмножеству решений, обладающих некоторыми заданными свойствами, согласно которым мы относим их к оптимальным.

**Минимальность.** Стратегию называют минимальной, если она гарантирует нахождение наилучшего решения, т.е. минимальность является более сильным случаем оптимальности.

**Временная сложность.** Время, необходимое для нахождения решения.

**Пространственная сложность.** Объем памяти, необходимый для решения задачи.