

心理学統計実習

Exercises in Psychological Statistics with R/RStudio

Koji Kosugi

Table of contents

はじめに	7
ライセンス等	7
第 1 章 はじめよう R/RStudio	9
1.1 環境の準備	9
1.1.1 R のインストール	9
1.1.2 RStudio のインストール	10
1.1.3 環境の準備に関する導入サイト	10
1.2 RStudio の基礎（4つのペイン）	11
1.2.1 領域 1；エディタ・ペイン	12
1.2.2 領域 2；コンソール・ペイン	13
1.2.3 領域 3；環境ペイン	13
1.2.4 領域 4；ファイルペイン	13
1.2.5 そのほかのタブ	14
1.3 R のパッケージ	14
1.4 RStudio のプロジェクト	15
1.5 課題	16
第 2 章 R の基礎	19
2.1 R で計算	19
2.2 オブジェクト	20
2.3 関数	21
2.4 変数の種類	22
2.5 オブジェクトの型	22
2.5.1 ベクトル	23
2.5.2 行列	24
2.5.3 リスト型	25
2.5.4 データフレーム型	26
2.6 外部ファイルの読み込み	28
2.7 おまけ；スクリプトの清書	30
2.8 課題	30

第 3 章	R によるデータハンドリング	33
3.1	tidyverse の導入	33
3.2	パイプ演算子	34
3.3	課題 1. パイプ演算子	35
3.4	列選択と行選択	36
3.4.1	列選択	36
3.4.2	行選択	39
3.5	変数を作る・再割り当てする	40
3.6	課題 2. select, filter, mutate	41
3.7	ロング型とワイド型	41
3.8	グループ化と要約統計量	44
3.9	課題 3. データの整形	47
第 4 章	R によるレポートの作成	49
4.1	Rmd/Quarto の使い方	49
4.1.1	概略	49
4.1.2	ファイルの作成と knit	50
4.1.3	マークダウンの記法	54
4.2	プロットによる基本的な描画	55
4.3	ggplot による描画	56
4.4	幾何学的オブジェクト geom	58
4.5	描画 tips	61
4.5.1	ggplot オブジェクトを並べる	62
4.5.2	ggplot オブジェクトの保存	64
4.5.3	テーマの変更（レポートに合わせる）	65
4.6	マークダウンと描画の課題	66
第 5 章	R でプログラミング	69
5.1	代入	69
5.2	反復	70
5.2.1	for 文	70
5.2.2	while 文	72
5.3	条件分岐	73
5.3.1	if 文の基本的な構文	73
5.4	反復と条件分岐に関する練習問題	74
5.5	関数を作る	75
5.5.1	基本的な関数の作り方	75
5.5.2	複数の戻り値	76
5.6	関数化の練習問題	77
第 6 章	確率とシミュレーション	79
6.1	確率の考え方と使い所	79

6.2	確率分布の関数	80
6.3	乱数	83
6.3.1	乱数のつかいかた	85
6.4	練習問題；乱数を用いて	88
6.5	母集団と標本	89
6.6	一致性	91
6.7	不偏性	92
6.8	信頼区間	93
6.8.1	正規母集団分布の母分散が明らかな場合の信頼区間	95
6.8.2	正規母集団分布の母分散が不明な場合の信頼区間	96
6.9	練習問題；推定量と区間推定	97
第 7 章	統計的仮説検定 (Null Hypothesis Statistical Testing)	99
7.1	帰無仮説検定の理屈と手続き	99
7.1.1	帰無仮説検定の目的	99
7.1.2	帰無仮説検定の手続き	100
7.2	相関係数の検定	100
7.3	標本相関係数の分布と検定	104
7.4	2 種類の検定のエラー確率	107
7.5	練習問題；無相関検定の例	110
第 8 章	平均値差の検定	111
8.1	一標本検定	111
8.2	二標本検定	113
8.3	二標本検定 (ウェルチの補正)	116
8.4	対応のある二標本検定	117
8.5	レポートを書くような課題	117
第 9 章	多群の平均値差の検定	119
9.1	分散分析の基礎	119
9.2	検定の多重性	119
9.3	ANOVA 君を使う	119
9.4	Between デザイン	119
9.5	Within デザイン	119
第 10 章	帰無仮説検定のシミュレーション	121
10.1	統計的検定と QRP s	121
10.2	タイプ 2 エラー確率のコントロールとサンプルサイズ設計	121
10.3	サンプルサイズ設計の実践	121
10.3.1	一標本 t 検定	121
10.3.2	二標本 t 検定	121
10.3.3	相関係数のサンプルサイズ設計	121

第 11 章	回帰分析	123
11.1	回帰分析の基礎	123
11.2	重回帰分析の場合	123
11.3	回帰分析のいくつかの特徴	123
11.4	シミュレーションとパラメタリカバリ	123
11.5	係数の標準誤差	123
11.6	係数の検定	123
11.7	サンプルサイズ設計	123
第 12 章	線型モデルの展開	125
12.1	一般線型モデル	125
12.2	一般化線型モデル	125
12.3	階層線型モデル	125
第 13 章	多変量解析の入り口	127
13.1	因子分析	127
13.2	構造方程式モデリング	127
References		129

はじめに

この資料は、授業「心理学統計演習」についてのものです。演習という授業名にあるように、理論的な解説で「理解して進む」ことよりも、「手を動かして理解する」ことを目的にしています。

この資料を活用する人は、理論的な（いわゆる座学の）心理学統計を履修済みであることを前提にしています。また、資料集という位置付けですので、行間の説明が省略されていることが多くあります。その点は講義時間中の講話で補完していくつもりですので、不明な点があれば授業時間中に質問してください。

ライセンス等

この資料は Creative Commons BY-SA(CC BY-SA) ライセンス Version 4.0 に基づいて提供されています。著者に適切なクレジットを与える限り、この本を再利用、再編集、保持、改訂、再頒布（商用利用を含む）をすることができます。もし再編集したり、このオープンなテキストを変更したい場合、すべてのバージョンにわたってこれと同じライセンス、CC BY-SA を適用しなければなりません。

This article is published under a Creative Commons BY-SA license (CC BY-SA) version 4.0. This means that this book can be reused, remixed, retained, revised and redistributed (including commercially) as long as appropriate credit is given to the authors. If you remix, or modify the original version of this open textbook, you must redistribute all versions of this open textbook under the same license - CC BY-SA.

第 1 章

はじめよう R/RStudio

「R」。この一文字で表現されるがゆえに、検索しにくいことこの上ないそれは、統計に特化したプログラミング言語であり、心理学はもちろん統計に関する学問領域で多岐にわたって利用されているものである。フリーソフトウェア、すなわち自由で開かれているソフトウェアであるから、ソースコードに至るまで公開されており、誰でも無償で利用できる。無償すなわち無料ではない。補償がないので無償なのだが、逆に金銭で計算をはじめ科学的真実性が保証されるわけではない、という至極まともな考え方は理解できるだろう。科学はもちろん、ソフトウェアも人類の共有財産として、オープンに育んでいこう。

R はコミュニティ活動も盛んで、Tokyo.R を中心に日本の各地で R ユーザからなる自主的な勉強会が開催されている^{*1}。また R 自体がインターネットを通じて公開されているように、導入から応用までさまざまな資料がオンラインで活用できる。以下では導入から解説していくが、頻繁にアップデートされるものでもあるので、必要に応じて検索し、なるべく時系列的に近い情報を吟味して活用することを薦める。

1.1 環境の準備

1.1.1 R のインストール

R のインストールに関して、初心者でも利用可能な資料がオンラインで公開されている。

R は The [Comprehensive R Archive Network](#), 通称 CRAN^{*2} というネットワークで公開されている。CRAN のトップページにはダウンロードリンクが用意されており、自分のプラットフォームにあった最新版をダウンロードしよう^{*3}。

^{*1} 2024 年 1 月現在で、Tokyo だけでなく Fukuoka, Sapporo, Yamaguchi, Iruma など地方コミュニティがあり、参加者みんなで楽しまれている。

^{*2} CRAN は「しーらん」、あるいは「くらん」と発音される。筆者はしーらん派。

^{*3} この授業のために自身の PC に R をインストールしたとして、次に使うときに半年以上間隔が空いたのなら、改めて最新版をチェックし、バージョンが上がっていたら旧版をアンインストールして最新版をインストールするところから始めた方がよい。R で利用するパッケージなどが新しい版にしか対応していないことなどもある。R と量は新しい方がよい。

1.1.2 RStudio のインストール

R のインストールが終われば、次は RStudio をインストールしよう。RStudio は総合開発環境 (IDE) と呼ばれるものである。R は単体で、統計の分析や関数の描画など、専門的な利用に耐えうる分析機能を有している。その本質はもちろん計算機能であって、計算を実行する命令文 (スクリプト) を与えれば、必要な返答をあたえてくれる。このように分析の本質が計算機能であったとしても、実際の分析活動に際しては、スクリプトの下書きと清書、入出力データや描画ファイルの生成・管理、パッケージ (後述) の管理など、分析にまつわるさまざまな周辺活動が含まれる。喩えるなら料理の本質が包丁・まな板・コンロによる加工であったとしても、実際の調理に際しては、広い調理スペースや使いやすいシンク、ボウルやタッパーなどの補助的な調理器具があった方がスムーズにことが進む。いわば、R 単体で分析をするのは飯盒炊爨のような必要最低限かつワイルドな調理法であり、RStudio は総合的な調理環境を提供してくれるものなのである。

繰り返しになるが、本質的には R 単体で作業が可能である。なるべく単純な環境を維持したいというのであれば R 単体での利用を否定するものではないが、RStudio はエディタや文書作成ソフトとしても有用であるので、本授業では RStudio を使うことを前提とする^{*4}。

1.1.3 環境の準備に関する導入サイト

以下に執筆時点 (2024 年 1 月) で参照可能な、導入に関する Web 教材を挙げておく。自分に合ったものを適宜参照し、R と RStudio を自身の PC 環境に導入してほしい。もちろん自身で「R RStudio インストール」などとして検索しても良いし、chatGPT に相談しても良い。

1.1.3.1 For Windows

- 東京大学・大学院農学生命科学研究科アグリバイオインフォマティクス教育研究プログラムによる [PDF 資料](#)
- [初心者向け R のインストールガイド](#)
- 関西学院大学商学部土方ゼミ [資料](#)
- 多摩大学情報社会研究所・応用統計学室 [資料](#)
- 奥村晴彦先生の [ページ](#)

1.1.3.2 For Macintosh

- 東京大学・大学院農学生命科学研究科アグリバイオインフォマティクス教育研究プログラムによる [PDF 資料](#)
- note の [記事](#)
- いちばんやさしい、医療統計 [記事](#)

^{*4} VSCode のようなエディタから使うことも可能であるし、Jupyter Notebook の計算エンジンを R にすることも可能。最近では分析ソフトウェアを個々人で準備せず、環境として提供することも一般的になってきており、例えば [Google Colaboratory](#) のエンジンを R にすることもできるようになっている。ローカル PC に自前の環境を作るということが、時代遅れになる日も近いかもしれない。

なお、Mac の場合は Homebrew などのパッケージ管理ソフトを使って導入することもできる（し、そのほうがいい）。その場合は以下の資料を参照。

- 群馬大学大学院医学系研究科機能形態学の[記事](#)
- コアラさばお氏の note [記事](#)
- Ryu Takahashi 氏の Qiita [記事](#)
- Yuhki Yano 氏の Qiita [記事](#)

1.2 RStudio の基礎（4つのペイン）

ここまでで、R および RStudio を利用する準備が整っているものとする。

さて、RStudio を起動すると大きくわけて 4 つの領域に分かれた画面が出てくる。この領域のことをペインと呼ぶ。図中の「領域 1」がないように見えるときもあるが、下のペインが最大化され折りたたまれているだけなので、ペイン上部のサイズ変更ボタンを操作することで出てくるだろう。

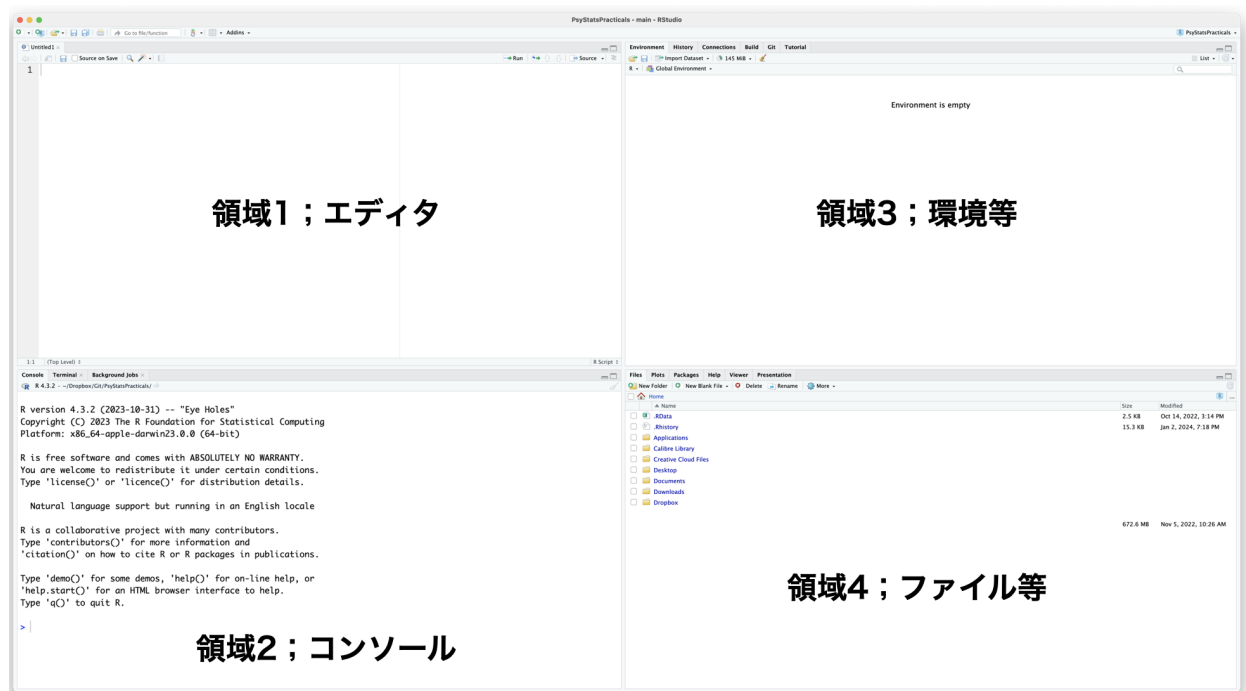


Figure1.1: RStudio の初期画面

このペインのレイアウトは、メニューの Tools > Global Options... > Pane Layout から変更することもできる。基本的に 4 分割であることに変わりはないが、自分が利用しやすい位置にレイアウトを変更するとよい。



Figure1.2: レイアウト変更画面。このほかにも背景色などを変えることもできる

以下、各ペイン (領域) が何をするところかを簡単に解説する。

1.2.1 領域 1 ; エディタ・ペイン

エディタ領域。R のスクリプトはもちろん、レポートの文章など、基本的に入力するときはこのペインに書く。ここで作業するファイルの種類は、File > New File から見ると明らかのように、R 言語だけでなく C 言語、Python 言語などのスクリプトや、Rmd, md,Qmd,HTML などのマークアップ言語、Stan や SQL など特殊な言語など

にも対応している。ペインの右下に現在開かれているファイルの種類が表示されているのを確認しておこう。

R 言語でスクリプトを書く例で解説しよう。R は命令を逐次実行していくインタプリタ形式であり、ここに記述された R コードを、右上の Run ボタンでコンソールに送って計算を実行するように使う。一回の命令をコマンド、コマンドが積み重ねられた全体をスクリプト、あるいはプログラムと呼ぶ。複数のコマンドを実行したい場合は、エディタ領域で複数行選択して Run ボタンを、スクリプトファイル全体を実行したいときは Run ボタンのとなりにある Source を押す。CTRL+Enter (Mac の場合はコマンド +Enter) で Run ボタンのショートカットになる。

1.2.2 領域 2；コンソール・ペイン

R 単体で利用する場合は、このペインだけを利用するようなものである。すなわち、ここに示されているのが R 本体というか、R の計算機能そのものである。ここに「>」の記号が表示されているところをプロンプトといい、プロンプトが表示されているときは R が入力待ちの状態である。

R は逐次的に計算を行うので、プロンプトのある状態でコマンドを入力すると計算結果が返される。ここに直接コマンドを書いて行っても良いが、書き間違えたりすることもあるし、コマンドが複数行に渡ることが一般的になってくるので、エディタ領域に清書するつもりで記述していったほうがよい。ごくたまに、一時的に確認したいことがある時だけ、直接コンソールを触るようにすると良い。

なお、コンソールを綺麗にしたいときは右上の箒ボタンをおすとよい。

1.2.3 領域 3；環境ペイン

基本的にこのペインと次の領域 4 のペインは複数のタブが含まれる。Pane Layout でどちらにどのタブを含めるかを自分好みにカスタマイズすることもできる。ここでは代表的な 2 つのタブについてのみ言及する。

Environment タブは、R の実行メモリ内に保管されている変数や関数などが表示されている。「変数や関数など」をまとめて**オブジェクト**というが、ここで内容や構造を GUI で確認することができる。

History タブは履歴である。これまでコンソールに送られてきたコマンドが順に記録されている。History タブからエディタ、コンソールにコマンドを送ることも可能であり、「さっきの命令をもう一度実行したい」といったときに参照すると良い。

1.2.4 領域 4；ファイルペイン

ここでも代表的なタブについてのみ解説する。

Files タブは Mac でいう Finder、Windows でいうエクスプローラーのような、ファイル操作画面である。フォルダの作成、ファイルの削除、リネーム、コピーなどの操作が可能である。

Plot タブは R コマンドで描画命令が出された時の結果がここに表示される。RStudio の利点の一つは、この Plot から図をファイルに Export することが可能であり、その際にファイルサイズやファイル形式を指定できるところにある。

Packages タブは読み込まれているパッケージ、(読み込まれていないが) 保管しているパッケージのリストが表示されている。新しくパッケージを導入するときも、ここの `install` ボタンから可能であり、保管しているパッケージのアップデートもボタンひとつで可能である。なお、パッケージについては後ほど言及する。

Help タブは R コマンドでヘルプを表示する命令 (`help` 関数) が実行された時の結果が表示される領域である。ヘルプを使うことで関数の引数、戻り値、使用例などを参照できる。

1.2.5 そのほかのタブ

そのほか、表示の有無もオプションになっているようないくつかのタブについて、簡単に解説しておく。

Connections タブは R を外部データベースなどに繋げるときに参照する。大規模データをローカルにすべて取り込むことなく、SQL で必要なテーブルだけ取り出すといった操作をする際には必要になってくるだろう。

Git タブは R、とくに R プロジェクト (後述) のバージョンを管理するときを利用する。Git とは複数のプログラマによって同時並行的にプログラムを作っていく時の管理システムである。時系列的な差分の記録を得意とするシステムなので、レポートの作成時などに応用すればラポノートの記録としても利用できる。

Build タブは R パッケージや Web サイトを構築するときを利用する。なおこの資料も RStudio を利用して作られており、資料を生成 (原稿から HTML や PDF にする) ときにはこのタブを利用している。

Tutorial タブはチュートリアルツアーを楽しむ時のタブである。

Viewer タブは RStudio で作られた HTML や PDF などを見るためのタブである。

Presentation タブは RStudio で作られたプレゼンテーションを見るためのタブである。

Terminal タブは Windows/Mac でいう Terminal, Linux でいう端末についてのタブであり、R に限らず、コマンドラインを通じて OS に命令するときを使う。

Background Jobs タブはその名の通りバックグラウンドで作業をさせるときに利用する。R は基本的にシングルコアで計算が実行されるが、このタブを使ってスクリプトファイルをバックグラウンドで実行することで並列的に作業が可能になる。

1.3 R のパッケージ

R は単体でも線型モデルなどの基本的な分析は可能であるが、より進んだ統計モデルを利用したい場合は専門の **パッケージ**を導入することになる。パッケージとは関数群のことであり、これも CRAN や Github などインターネットを介して提供されている。ちなみに提供されているパッケージは、CRAN で公開されているものだけで 344,607 件あり^{*5}、Github^{*6}で公開されているものなど、CRAN を介さないパッケージも少なくない。

^{*5} 2024 年 01 月 18 日調べ

^{*6} Git はバージョン管理システムであるが、これをインターネット上のサーバ (レポジトリ) で行うものを Github という。RStudio は Github と連携しており、プロジェクトを Github と紐づけることで簡単にバージョン管理ができる。しかもここで言及しているように、Github 上でパッケージを公開することもできるので、最近 CRAN の校閲を待たずに公開できる Github が好まれている側面もある。

パッケージを利用する際は、まずローカルにパッケージファイルをインストールしなければならない。その上で、R を起動するごとに (セッションごとに)、関数 `library` でパッケージを呼び出して利用する。インストールを毎回行う必要はないことに注意。

インストールは R のコマンドでも可能だが、RStudio の Packages ペインを使って導入するのが簡単だろう。以下に、一部の有名かつ有用なパッケージ名とその簡単な説明を挙げる。本講義の中で使うものもあるので、事前に準備しておくことが望ましい。

- *tidyverse* パッケージ (Wickham et al., 2019) ; R が飛躍的に使いやすくなったのは、この tidyverse パッケージ導入後のことである。開発者の Hadley Wickham は R 業界で神と崇められており、R 業界に与えたインパクトは大きい。このパッケージは「パッケージ群」「パッケージのパッケージ」であり、tidyverse とは tidy な (整然とした)verse(世界) というような意味合いである。このパッケージは統計分析モデルを提供するものではなく、その前のデータの**前処理**に関する便利な関数を提供する^{*7}。このパッケージをインストールすると、関連する依存パッケージが次々取り込まれるので、少々時間がかかる。
- *psych* パッケージ (Revelle, 2021) ; 名前の通り、心理学統計に関する統計モデルの多くが含まれている。特に特殊な相関係数や、因子分析モデルなどは非常に便利なので、インストールしておいて間違いない。
- *GPArotation* パッケージ (Bernaards & Jennrich, 2005) ; 因子分析における因子軸の回転に使うパッケージ。
- *styler* パッケージ ; スタイルを整えてくれるパッケージ。スクリプトの清書に便利。
- *lavaan* パッケージ (Rosseel, 2012) ; 潜在変数を含んだモデル (LAtent VArIable ANalysis) の分析、要するに構造方程式モデリング (Structural Equation Modeling;SEM, 共分散構造分析ともいう) を実行するパッケージ。
- *ctv* パッケージ (Zeileis, 2005); CRAN Task Views の略で、膨大に膨れ上がった CRAN から必要なパッケージを見つけ出すのは困難であることから、ある程度のジャンルごとに関連しそうなパッケージをまとめて導入してくれるのがこのパッケージ。例えば、このパッケージをインストールした後で、`install.views("Psychometrics")` とすると、心理統計関係の多くのパッケージを次々導入してくれる。
- *cmdstanr* パッケージ (Gabry et al., 2023) ; 複雑な統計モデルで利用される、確率的プログラミング言語 stan を R から使うことができるようになるパッケージ。導入にはこのパッケージの他にも stan やコンパイル環境の準備が必要なので、[公式の導入サイト](#)も参考にしてほしい。

1.4 RStudio のプロジェクト

実際に R を使っていく前に、最後の準備として RStudio におけるプロジェクトについて解説しておく。

みなさんも、PC をつかって文書を作ったり保管したりするときに、フォルダにまとめて入れておくことがあるだろう。フォルダは例えば「文書」>「心理学」>「心理学統計演習」のように階層的に整理することが一般的で、そうしておくことで必要なファイルをすぐに取り出すことができる。

逆に言えば、こうしたフォルダ管理をしておかなければファイルが PC のなかで散乱してしまい、必要な情報を

^{*7} 実は統計データの解析にかかる時間のほとんどが、解析に適切な形にデータを整形する「前処理」に費やされる。前処理、別名データハンドリングをいかに上手く、素早く、直感的にできるかは、その後の分析にも影響するほど重要な手順であるため、tidyverse パッケージの登場はありがたかった。これを使ったデータハンドリングだけの専門書松村他 (2021) が重宝されるほどである。

得るために逐一 PC の中身を検索しなければならないだろう。

R/RStudio を使った分析実践の場合も同様で、一回のテーマについて複数のファイル (スクリプトファイル、データファイル、画像ファイル、レポートなど文書ファイル等々) があり、シーンに合わせて (例えば「授業」「卒論」など) フォルダで管理することになる。

さらに、PC 環境には作業フォルダ (Working Directory)^{*8} という概念がある。たとえば R/RStudio を起動・実行しているときに、R が「今どこで」実行されているか、どこを管理場所としているか、を表す概念である。例えばこの作業フォルダの中に `sample.csv` というファイルがあって、それをスクリプト上から読み込みたい、というコマンドを実行するのであれば、そのままファイル名を書けば良い。しかし別の場所にそのファイルが保存されているのなら、作業フォルダから見た相対的な位置を含めて指示してやるか (相対パス)、あるいは PC 環境全体からみた絶対的な位置を含めて (絶対パス) 指示してやる必要がある。相対・絶対パスの違いは、「ここから二つ目の角を右」のように指示するか、住所で指示するかの違いであると考えれば良い。

ともあれ、この作業フォルダがどこに設定されているかは、実行するときに常に気にしていなければならない。ちなみにこの作業フォルダは、RStudio のファイルペイン・Files タブでひらいているところとは限らないことに注意してほしい。GUI 上でエクスプローラ/Finder で開いたからといって、作業フォルダが自動的に切り替わるようにはなっていない。

そこで RStudio のプロジェクトである。RStudio には「プロジェクト」という概念があり、作業フォルダや環境の設定などをそこで管理することができる。新しくプロジェクトを始めるときは `File > New Project`、すでに一度プロジェクトを作っているときは `File > Open Project` としてプロジェクトファイル (拡張子が `.proj` のファイル) を開くようにする。そうすると、作業フォルダが当該フォルダに設定される。プロジェクトを Git に連携しておくともバージョン管理などもフォルダ単位で行える。

以後、本講義で外部ファイルを参照する場合、プロジェクトフォルダの中にそのファイルがあるものとして (パスを必要としない形で) 論じるので注意されたし。

1.5 課題

- R の最新版を CRAN からダウンロードし、自分の PC にインストールしてください。
- RStudio の Desktop 版を [Posit 社のサイト](#) からダウンロードし、自分の PC にインストールしてください。
- RStudio を起動し、ペインレイアウトをデフォルトではない状態に並べ直してみてください。ソースペインを 3 列にするのも良いでしょう。
- コンソールペインに書かれている文字を全て消去してみてください。
- ファイルペインにある Files タブをつかって、色々なフォルダを開けてみたり、不要なファイルを削除したり、ファイル名を変更したりしてみてください。
- ファイルペインにある Files タブを開き、More のところから `Go To Working Directory` を選択・実行してください。何か起こったでしょうか。

^{*8} ここでは、フォルダとディレクトリは同じ意味であると思ってもらって良い。一般に、CUI ではディレクトリ、GUI ではフォルダという用語が好まれる。語幹 `direct` にあるように、ファイルやアクセス先など具体的な指し示す先を強調しているのがディレクトリであり、それにファイル群などまとまった容れもの、という意味を付加したのがフォルダである。フォルダの方が言葉としてわかりやすいし。

- この授業のために、新しいプロジェクトを作成してください。プロジェクトは新しいフォルダでも、既存のフォルダでも構いません。
- プロジェクトが開いた状態のとき、RStudio のウィンドウ・タブのどこかに「プロジェクト名」が表示されているはずです。確認してください。
- またファイルペインの Files タブから、色々なファイル操作をした上で、改めて Go To Working Directory をしてください。プロジェクトフォルダの中に戻ってこれたら成功です。
- 新しい R スクリプトファイルを開き、空白のままで結構ですからファイル名をつけて保存してください。
- RStudio を終了あるいは最小化させ、OS のエクスプローラ/Finder から、プロジェクトフォルダに移動してください。先ほど作ったファイルが保存されていることを確認してください。
- プロジェクトフォルダには、プロジェクト名 + .proj というファイルが存在するはずです。これを開いて、RStudio のプロジェクトを開いてください。
- RStudio の File > Close Project からプロジェクトを閉じてください。画面の細部でどこが変わったか、確認してください。
- RStudio を終了し、再び RStudio を起動してください。起動の方法はプロジェクトファイルからでも、アプリケーションの起動でも構いません。起動後に、プロジェクトを開いてください (あるいはプロジェクトが開かれていることを確認してください。)。

第 2 章

R の基礎

ここから実際に R/RStudio を使った演習に入る。前回すでに言及したように、この講義のようなプロジェクトを準備し、RStudio はプロジェクトが開かれた状態であることを前提に話を進める。

2.1 R で計算

まずは R を使った計算である。R スクリプトファイルを開き、最初の行に次の 4 行を入力してみよう。各行を実行 (Run ボタン, あるいは `ctrl+enter`) し、コンソールの結果を確認しよう。

```
1 + 2
```

```
[1] 3
```

```
2 - 3
```

```
[1] -1
```

```
3 * 4
```

```
[1] 12
```

```
6 / 3
```

```
[1] 2
```

それぞれ加減乗除の計算結果が正しく出ていることを確認してほしい。なお、出力のところに [1] とあるのは、R がベクトルを演算の基本としているからで、回答ベクトルの第 1 要素を返していることを意味する。

四則演算の他に、次のような演算も可能である。

```
# 整数の割り算
```

```
8 %% 3
```

```
[1] 2
```

```
# 余り
7 %% 3
```

```
[1] 1
```

```
# 冪乗
2^3
```

```
[1] 8
```

ここで、#から始まる行は**コメントアウト**されたものとして、実際にコンソールに送られても計算されないことに注意しよう。スクリプトが単純なものである場合はコメントをつける必要はないが、複雑な計算になったり、他者と共有するときは「今どのような演算をしているか」を逐一解説するようにすると便利である。

実践上のテクニックとして、複数行を一括でコメントアウトしたり、アンコメント (コメントアウトを解除する) したりすることがある。スクリプトを複数行選択した上で、Code メニューから **Comment/Uncomment Lines** を押すとコメント/アンコメントを切り替えられるので試してみよう。また、ショートカットキーも確認し、キーからコメント/アンコメントができるように慣れておくの良い (Ctrl+ ↑ +C/Cmd+ ↑ +C)。

One more tips. コメントではなく、大きな段落的な区切り (セクション区切り) が欲しいこともあるかもしれない。Code メニューの一番上に「Insert Section」があるのでこれを選んでみよう。ショートカットキーから入力しても良い (Ctrl+ ↑ +R/Cmd+ ↑ +R)。セクション名を入力するボックスに適当な命名をすると、スクリプトにセクションが挿入される。次に示すのがセクションの例である。

```
# 計算 -----
```

これはもちろん実行に影響を与えないが、ソースが長くなった場合はこのセクション単位で移動したり (スクリプトペインの左下)、アウトラインを確認したり (スクリプトペインの右上にある横三本線) できるので、活用して欲しい。

2.2 オブジェクト

R では変数、関数などあらゆるものを**オブジェクト**としてあつかう。オブジェクトには任意の名前をつけることができる (数字から始まる名前は不可)。オブジェクトを作り、そこにある値を**代入**する例は次の通りである。

```
a <- 1
b <- 2
A <- 3
a + b # 1 + 2 におなじ
```

```
[1] 3
```

```
A + b # 3 + 2 におなじ
```

```
[1] 5
```

ここでは数字をオブジェクトに保管し、オブジェクトを使って計算をしている。大文字と小文字が区別されているため、計算結果が異なることに注意。

代入に使った記号<-は「小なり」と「ハイフン」であるが、左矢印のイメージである。次のように、=や->を使うこともできる。

```
B <- 5
7 -> A
```

ここで、二行目に 7 -> A を行った。先ほど A <- 3 としたが、その後に A には 7 を代入し直したので、値は上書きされる。

```
A + b # 7 + 2 におなじ
```

```
[1] 9
```

このように、オブジェクトに代入を重ねると、警告などなしに上書きされることに注意して欲しい。似たようなオブジェクト名を使い回していると、本来意図していたものと違う値・状態を保管していることになりかねないからである。

ちなみに、オブジェクトの中身を確認するためには、そのままオブジェクト名を入力すれば良い。より丁寧には、print 関数を使う。

```
a
```

```
[1] 1
```

```
print(A)
```

```
[1] 7
```

あるいは、RStudio の Environment タブをみると、現在 R が保持しているオブジェクトが確認でき、単一の値の場合は Value セクションにオブジェクト名と値を見ることができる。

注意点として、オブジェクト名として、次の名前は使うことができない。> break, else, for, if, in, next, function, repeat, return, while, TRUE, FALSE.

これらは R で特別な意味を持つ**予約語**と呼ぶ。特に TRUE と FALSE は真・偽を表すもので、大文字の T,F でも代用できるため、この一文字だけをオブジェクト名にするのは避けた方が良い。

2.3 関数

関数は一般に $y = f(x)$ と表されるが、要するに x を与えると y に形が変わる作用のことを指す。プログラミング言語では一般に、 x を**引数** (ひきすう,argument), y を**戻り値** (もどりち,value) という。以下、関数の使用例を挙げる。

```
sqrt(16)
```

[1] 4

```
help("sqrt")
```

最初の例は平方根 square root を取る関数 `sqrt` であり、引数として数字を与えるとその平方根が返される。第二の例は関数の説明を表示させる関数 `help` であり、これを実行するとヘルプペインに関数の説明が表示される。

2.4 変数の種類

先ほどの `help` 関数に与えた引数 `"sqrt"` は文字列である。文字列であることを明示するためにダブルクォーテーション (") で囲っている (シングルクォーテーションで囲っても良い)。このように、R が扱う変数は数字だけではない。変数の種類は数値型 (numeric)、文字型 (character)、論理値 (logical) の3種類がある。

```
obj1 <- 1.5
obj2 <- "Hello"
obj3 <- TRUE
```

数値型は整数 (integer)、実数 (double) を含む^{*1}、そのほか、複素数型 (complex)、欠損値を表す `NA`、非数値を表す `NaN` (Not a Number)、無限大を表す `Inf` などがある。

文字型はすでに説明した通りで、対になるクォーテーションが必要であることに注意してほしい。終わりを表すクォーテーションがなければ、R は続く数字や文字も含めた「語」として処理する。この場合、`enter` キーを押しても文字入力が閉じられていないため、コンソールには「+」の表示が出る (この記号は前の行から入力が続いており、プロンプト状態ではないことを表している)。

また、文字型は当然のことながら四則演算の対象にならない。ただし、論理型の `TRUE/FALSE` はそれぞれ 1,0 に対応しているため、計算結果が表示される。次のコードを実行してこのことを確認しよう。

```
obj1 + obj2
obj1 + obj3
```

2.5 オブジェクトの型

ここまでみてきたように、数値や文字など (まとめてリテラルという) にも種類があるが、これをストックしておくものは全てオブジェクトである。オブジェクトとは変数のこと、と理解しても良いが、関数もオブジェクトに含まれる。

^{*1} 実数は real number じゃないのか、という指摘もあろうかとおもう。ここでは電子計算機上の数値の分類である、倍精度浮動小数点数 (double-precision floating-point number) の意味である。倍精度とは単精度の倍を意味しており、単精度は 32 ビットを、倍精度は 64 ビットを単位として一つの数字を表す仕組みのことである。

2.5.1 ベクトル

R のオブジェクトは単一の値しか持たないものではない。むしろ、複数の要素をセットで持つことができるのが特徴である。次に示すのは、ベクトルオブジェクトの例である。

```
vec1 <- c(2, 4, 5)
vec2 <- 1:3
vec3 <- 7:5
vec4 <- seq(from = 1, to = 7, by = 2)
vec5 <- c(vec2, vec3)
```

それぞれのオブジェクトの中身を確認しよう。最初の `c()` は結合 `combine` 関数である。また、コロン (`:`) は連続する数値を与える。`seq` 関数は複数の引数を取るが、初期値、終了値、その間隔を指定した連続的なベクトルを生成する関数である。

ベクトルの計算は要素ごとに行われる。次のコードを実行し、どのように振る舞うか確認しよう。

```
vec1 + vec2
```

```
[1] 3 6 8
```

```
vec3 * 2
```

```
[1] 14 12 10
```

```
vec1 + vec5
```

```
[1] 3 6 8 9 10 10
```

最後の計算でエラーが出なかったことに注目しよう。たとえば `vec1 + vec4` はエラーになるが、ここでは計算結果が示されている (=エラーにはなっていない)。数学的には、長さの違うベクトルは計算が定義されていないのだが、`vec1` の長さは 3、`vec5` の長さは 6 であった。**R はベクトルを再利用する**ので、長いベクトルが短いベクトルの定数倍になるときは反復して利用される。すなわち、ここでは

$$(2, 4, 5, 2, 4, 5) + (1, 2, 3, 7, 6, 5) = (3, 6, 8, 9, 10, 10)$$

の計算がなされた。この R の仕様については、意図せぬ挙動にならぬよう注意しよう。

ベクトルの要素にアクセスするときは大括弧 (`[]`) を利用する。特に第二・第三行目のコードの使い方を確認しておこう。大括弧の中は、要素番号でも良いし、真/偽の判断でも良いのである。この真偽判断による指定の方法は、条件節 (`if` 文) をつかって要素を指定できるため、有用である。

```
vec1[2]
```

```
[1] 4
```

```
vec2[c(1, 3)]
```

```
[1] 1 3
```

```
vec2[c(TRUE, FALSE, TRUE)]
```

```
[1] 1 3
```

ここまで、ベクトルの要素は数値で説明してきたが、文字列などもベクトルとして利用できる。

```
words1 <- c("Hello!", "Mr.", "Monkey", "Magic", "Orchestra")
words1[3]
```

```
[1] "Monkey"
```

```
words2 <- LETTERS[1:10]
words2[8]
```

```
[1] "H"
```

ここで `LETTERS` はアルファベット 26 文字が含まれている予約語ベクトルである。

ベクトルを引数に取る関数も多い。たとえば記述統計量である、平均、分散、標準偏差、合計などは、次のようにして計算する。

```
dat <- c(12, 18, 23, 35, 22)
mean(dat) # 平均
```

```
[1] 22
```

```
var(dat) # 分散
```

```
[1] 71.5
```

```
sd(dat) # 標準偏差
```

```
[1] 8.455767
```

```
sum(dat) # 合計
```

```
[1] 110
```

他にも最大値 `max` や最小値 `min`、中央値 `median` などの関数が利用可能である。

2.5.2 行列

数学では線形代数でベクトルを扱うが、同時にベクトルが複数並んだ二次元の行列も扱うだろう。R でも行列のように配置したオブジェクトを利用できる。

次のコードで作られる行列 A, B がどのようなものか確認しよう。

```
A <- matrix(1:6, ncol = 2)
B <- matrix(1:6, ncol = 2, byrow = T)
```


行列を作る関数 `matrix` は、引数として要素、列数 (`ncol`)、行数 (`nrow`)、要素配列を行ごとにするかどうかの指定 (`byrow`) をとる。ここでは要素を 1:6 としており、1 から 6 までの連続する整数をあたえている。`ncol` で 2 列であることを明示しているので、`nrow` で行数を指定してやる必要はない。`byrow` の有無でどのように数字が変わっているかは表示させれば一目瞭然であろう。

与える要素が行数 × 列数に一致しておらず、ベクトルの再利用も不可能な場合はエラーが返ってくる。

また、ベクトルの要素指定のように、行列も大括弧を使って要素を指定することができる。行、列の順に指定し、行だけ、列だけの指定も可能である。

```
A[2, 2]
```

```
[1] 5
```

```
A[1, ]
```

```
[1] 1 4
```

```
A[, 2]
```

```
[1] 4 5 6
```

2.5.3 リスト型

行列はサイズの等しいベクトルのセットであるが、サイズの異なる要素をまとめて一つのオブジェクトとして保管しておきたいときはリスト型をつかう。

```
Obj1 <- list(1:4, matrix(1:6, ncol = 2), 3)
```

このオブジェクトの第一要素 (`[[1]]`) はベクトル、第二要素は行列、第三要素は要素 1 つのベクトル (スカラー) である。オブジェクトの要素の要素 (ex. 第二要素の行列の 2 行 3 列目の要素) にどのようにアクセスすれば良いか、考えてみよう。

このリストは要素へのアクセスの際に `[[1]]` など数字が必要だが、要素に名前をつけることで利便性が増す。

```
Obj2 <- list(  
  vec1 = 1:5,  
  mat1 = matrix(1:10, nrow = 5),  
  char1 = "YMO"  
)
```

この名前付きリストの要素にアクセスするときは、`$`記号を用いることができる。

```
Obj2$vec1
```

```
[1] 1 2 3 4 5
```

これを踏まえて、名前付きリストの要素の要素にアクセスするにはどうすれば良いか、考えてみよう。

リスト型はこのように、要素のサイズ・長さを問わないため、いろいろなものを保管しておくことができる。統計関数の結果はリスト型で得られることが多く、そのような場合、リストの要素も長くなりがちである。リストがどのような構造を持っているかを見るために、`str` 関数が利用できる。

```
str(Obj2)
```

```
List of 3
```

```
$ vec1 : int [1:5] 1 2 3 4 5
$ mat1 : int [1:5, 1:2] 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10
$ char1: chr "YMO"
```

`str` 関数の返す結果と同じものが、RStudio の Environment タブからオブジェクトを見ることでも得られる。また、リストの要素としてリストを持つ、すなわち階層的になることもある。そのような場合、必要としている要素にどのようにアクセスすれば良いか、確認しておこう。

```
Obj3 <- list(Obj1, Second = Obj2)
str(Obj3)
```

```
List of 2
```

```
$      :List of 3
..$ : int [1:4] 1 2 3 4
..$ : int [1:3, 1:2] 1 2 3 4 5 6
..$ : num 3
$ Second:List of 3
..$ vec1 : int [1:5] 1 2 3 4 5
..$ mat1 : int [1:5, 1:2] 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10
..$ char1: chr "YMO"
```

2.5.4 データフレーム型

リスト型は要素のサイズを問わないことはすでに述べた。しかしデータ解析を行うときは得てして、2次元スプレッドシートのような形式である。すなわち一行に1オブザベーション、各列は変数を表すといった具合である。このように矩形かつ、列に変数名を持たせることができる特殊なリスト型を**データフレーム型**という。以下はそのようなオブジェクトの例である。

```
df <- data.frame(
  name = c("Ishino", "Pierre", "Marin"),
  origin = c("Shizuoka", "Shizuoka", "Hokkaido"),
  height = c(170, 180, 160),
  salary = c(1000, 20, 800)
)
# 内容を表示させる
df
```

```

      name   origin height salary
1 Ishino Shizuoka   170   1000
2 Pierre Shizuoka   180     20
3 Marin  Hokkaido   160    800

```

```
# 構造を確認する
```

```
str(df)
```

```

'data.frame':   3 obs. of  4 variables:
 $ name   : chr  "Ishino" "Pierre" "Marin"
 $ origin: chr  "Shizuoka" "Shizuoka" "Hokkaido"
 $ height: num  170 180 160
 $ salary: num  1000 20 800

```

ところで、心理統計の初歩として Stevens の尺度水準 (Stevens, 1946) について学んだことと思う。そこでは数値が、その値に許される演算のレベルをもとに、名義、順序、間隔、比率尺度水準という 4 つの段階に分類される。間隔・比率尺度水準の数値は数学的な計算を施しても良いが、順序尺度水準や名義尺度水準の数字はそのような計算が許されない (ex.2 番目に好きな人と 3 番目に好きな人が一緒になっても、1 番好きな人に敵わない。)

R には、こうした尺度水準に対応した数値型がある。間隔・比率尺度水準は計算可能なので `numeric` 型でよいが、名義尺度水準は `factor` 型 (要因型, 因子型とも呼ばれる), 順序尺度水準は `ordered.factor` 型と呼ばれるものである。

`factor` 型の変数の例を挙げる。すでに文字型として入っているものを `factor` 型として扱うよう変換するためには、`as.factor` 関数が利用できる。

```

df$origin <- as.factor(df$origin)
df$origin

```

```

[1] Shizuoka Shizuoka Hokkaido
Levels: Hokkaido Shizuoka

```

要素を表示させて見ると明らかなように、値としては `Shizuoka,Shizuoka,Hokkaido` の 3 つあるが、レベル (水準) は `Shizuoka,Hokkaido` の 2 つである。このように `factor` 型にしておくと、カテゴリとして使えて便利である。

次に示すのは順序付き `factor` 型変数の例である。

```

# 順序付き要因型の例
ratings <- factor(c("低い", "高い", "中程度", "高い", "低い"),
  levels = c("低い", "中程度", "高い"),
  ordered = TRUE
)
# ratings の内容と型を確認
print(ratings)

```

```
[1] 低い   高い   中程度 高い   低い
```

Levels: 低い < 中程度 < 高い

集計の際などは factor 型と違うため、使用例は少ないかもしれない。しかし R は統計モデルを適用する時に、尺度水準に対応した振る舞いをするものがあるので、データの尺度水準を丁寧に設定しておくのも良いだろう。

データフレームの要素へのアクセスは、基本的に変数名を介してのものになるだろう。たとえば先ほどのおオブジェクト `df` の数値変数に統計処理をしたい場合は、次のようにすると良い。

```
mean(df$height)
```

```
[1] 170
```

```
sum(df$salary)
```

```
[1] 1820
```

また、データフレームオブジェクトを一括で要約する関数もある。

```
summary(df)
```

name	origin	height	salary
Length:3	Hokkaido:1	Min. :160	Min. : 20.0
Class :character	Shizuoka:2	1st Qu.:165	1st Qu.: 410.0
Mode :character		Median :170	Median : 800.0
		Mean :170	Mean : 606.7
		3rd Qu.:175	3rd Qu.: 900.0
		Max. :180	Max. :1000.0

2.6 外部ファイルの読み込み

解析の実際には、データセットを手入力することはなく、データベースから取り出してくるか、別ファイルから読み込むことが一般的であろう。

統計パッケージの多くは独自のファイル形式を持っており、R にはそれぞれに対応した読み込み関数も用意されているが、ここでは最もプレーンな形でのデータである CSV 形式からの読み込み例を示す。

提供されたサンプルデータ、`Baseball.csv` を読み込むことを考える。なおこのデータは UTF-8 形式で保存されている^{*2}。これを読み込むには、R がデフォルトで持っている関数 `read.csv` が使える。

```
dat <- read.csv("Baseball.csv")
head(dat)
```

Year	Name	team	salary	bloodType	height	weight	UniformNum	position
------	------	------	--------	-----------	--------	--------	------------	----------

^{*2} UTF-8 というのは文字コードの一種で、0 と 1 からなる機械のデータを人間語に翻訳するためのコードであり、世界的にもっとも一般的な文字コードである。しかし WindowsOS はいまだにデフォルトで Shift-JIS というローカルな文字コードにしているため、このファイルを一度 Windows 機の Excel などと開くと文字化けし、以下の手順が正常に作用しなくなることがよくある。本講義で使う場合は、ダウンロード後に Excel などと開くことなく、直接 R から読み込むようにされたし。

```

1 2011 年度 永川 勝浩 Carp 12000      0 型    188    97      20    投手
2 2011 年度 前田 健太 Carp 12000      A 型    182    73      18    投手
3 2011 年度 栗原 健太 Carp 12000      0 型    183    95       5    内野手
4 2011 年度 東出 輝裕 Carp 10000      A 型    171    73       2    内野手
5 2011 年度 シュルツ Carp  9000     不明    201   100     70    投手
6 2011 年度 大竹 寛  Carp  8000      B 型    183    90      17    投手

```

```

  Games AtBats Hit HR Win Lose Save Hold
1    19     NA  NA NA   1    2    0    0
2    31     NA  NA NA  10   12    0    0
3   144    536 157 17  NA   NA   NA   NA
4   137    543 151  0  NA   NA   NA   NA
5    19     NA  NA NA   0    0    0    9
6     6     NA  NA NA   1    1    0    0

```

```
str(dat)
```

```

'data.frame':  7944 obs. of  17 variables:
 $ Year      : chr  "2011 年度" "2011 年度" "2011 年度" "2011 年度" ...
 $ Name      : chr  "永川 勝浩" "前田 健太" "栗原 健太" "東出 輝裕" ...
 $ team      : chr  "Carp" "Carp" "Carp" "Carp" ...
 $ salary    : int  12000 12000 12000 10000 9000 8000 8000 7500 7000 6600 ...
 $ bloodType : chr  "0 型" "A 型" "0 型" "A 型" ...
 $ height    : int  188 182 183 171 201 183 177 173 176 188 ...
 $ weight    : int  97 73 95 73 100 90 82 73 80 97 ...
 $ UniformNum: int  20 18 5 2 70 17 31 6 1 43 ...
 $ position  : chr  "投手" "投手" "内野手" "内野手" ...
 $ Games     : int  19 31 144 137 19 6 110 52 52 40 ...
 $ AtBats    : int  NA NA 536 543 NA NA 299 192 44 149 ...
 $ Hit       : int  NA NA 157 151 NA NA 60 41 11 35 ...
 $ HR        : int  NA NA 17  0 NA NA  4  2  0  1 ...
 $ Win       : int   1 10 NA NA  0  1 NA NA NA NA ...
 $ Lose      : int   2 12 NA NA  0  1 NA NA NA NA ...
 $ Save      : int   0  0 NA NA  0  0 NA NA NA NA ...
 $ Hold      : int   0  0 NA NA  9  0 NA NA NA NA ...

```

ここで `head` 関数はデータフレームなどオブジェクトの冒頭部分 (デフォルトでは 6 行分) を表示させるものである。また, `str` 関数の結果から明らかなように, 読み込んだファイルが自動的にデータフレーム型になっている。

ちなみに, サンプルデータにおいて欠損値に該当する箇所には NA の文字が入っていた。 `read.csv` 関数では, 欠損値はデフォルトで文字列 "NA" としている。しかし, 実際は別の文字 (ex. ピリオド) や, 特定の値 (ex. 9999) の場合もあるだろう。その際は, オプション `na.strings` で「欠損値として扱う値」を指示すれば良い。

2.7 おまけ；スクリプトの清書

さて、ここまでスクリプトを書いてきたことで、そこそこ長いスクリプトファイルができたことと思う。スクリプトの記述については、もちろん「動けばいい」という考え方もあるが、美しくかけていたほうがなお良いだろう。「美しい」をどのように定義するかは異論あるだろうが、一般に「コード規約」と呼ばれる清書方法がある。ここでは細部まで言及しないが、RStudioのCodeメニューからReformat Codeを実行してみよう。スクリプトファイルが綺麗に整ったように見えないだろうか？

美しいコードはデバッグにも役立つ。時折Reformatすることを心がけよう。

2.8 課題

- Rを起動し、新しいスクリプトファイルを作成してください。そのファイル内で、2つの整数を宣言し、足し算を行い、結果をコンソールに表示してください。
- スクリプトに次の計算を書き、実行してください。

$-\frac{5}{6} + \frac{1}{3}$
 $-9.6 \div 4$
 $-2.3 + \frac{1}{2}$
 $-3 \times (2.2 + \frac{4}{5})$
 $-(-2)^4$
 $-2\sqrt{2} \times \sqrt{3}$
 $-2\log_e 25$

- Rのスクリプトファイル内で、ベクトルを作成してください。ベクトルには1から10までの整数を格納してください。その後、ベクトルの要素の合計と平均を計算してください。ベクトルを合計する関数はsum、平均はmeanです。
- 次の表をリスト型オブジェクトTb1にしてください。

Name	Pop	Area	Density
Tokyo	1,403	2,194	6,397
Beijing	2,170	16,410	1,323
Seoul	949	605	15,688

- 先ほど作ったTb1オブジェクトの、東京(Tokyo)の面積(Area)の値を表示させてください(リスト要素へのアクセス)
- Tb1オブジェクトの人口(Pop)変数の平均を計算してください。
- Tb1オブジェクトをデータフレーム型オブジェクトdf2に変換してください。新たに作り直しても良いですし、as.data.frame関数を使っても良い。

- R のスクリプトを使用して、Baseball2022.csv ファイルを読み込み、データフレーム `dat` に格納してください。ただし、このファイルの欠損値は 999 という数値になっています。
- 読み込んだ `dat` の冒頭の 10 行を表示してみてください。
- 読み込んだ `dat` に `summary` 関数を適用してください。
- このデータセットの変数 `team` は名義尺度水準です。Factor 型にしてください。他にも Factor 型にすべき変数が 2 つありますので、それらも同様に型を変換してください。
- このデータセットの変数の中で、数値データに対して平均、分散、標準偏差、最大値、最小値、中央値をそれぞれ算出してください。
- 課題を記述したスクリプトファイルに対して、Reformat など整形してください。

第 3 章

R によるデータハンドリング

心理学を始め、データを扱うサイエンスでは、データ収集の計画、実行と、データに基づいた解析結果、それを踏まえてのコミュニケーションとの間に、「データをわかりやすい形に加工し、可視化し、分析する」という手順がある。このデータの加工を**データハンドリング**という。統計といえば「分析」に注目されがちだが、実際にはデータハンドリングと可視化のステップが最も時間を必要とし、重要なプロセスである。

3.1 tidyverse の導入

本講義では tidyverse を使ったデータハンドリングを扱う。tidyverse は、データに対する統一的な設計方針を表す概念でもあり、具体的にはそれを実装したパッケージ名でもある。まずは tidyverse パッケージをインストール (ダウンロード) し、次のコードで R に読み込んでおく。

```
library(tidyverse)

-- Attaching core tidyverse packages ----- tidyverse 2.0.0 --
v dplyr      1.1.4      v readr      2.1.5
v forcats    1.0.0      v stringr    1.5.1
v ggplot2    3.5.1      v tibble     3.2.1
v lubridate  1.9.3      v tidyr      1.3.1
v purrr      1.0.2
-- Conflicts ----- tidyverse_conflicts() --
x dplyr::filter() masks stats::filter()
x dplyr::lag()     masks stats::lag()
i Use the conflicted package (<http://conflicted.r-lib.org/>) to force all conflicts to become errors
```

Attaching core tidyverse packages, と表示され、複数のパッケージ名にチェックマークが入っていたものが表示されただろう。tidyverse パッケージはこれらの下位パッケージを含むパッケージ群である。これに含まれる dplyr, tidyr パッケージはデータの整形に、readr はファイルの読み込みに、forcats は Factor 型変数の操作に、stringr は文字型変数の操作に、lubridate は日付型変数の操作に、tibble はデータフレーム型オブジェクトの操作に、purrr はデータに適用する関数に、ggplot2 は可視化に特化したパッケージである。

続いて Conflicts についての言及がある。tidyverse パッケージに限らず、パッケージを読み込むと表示されることのあるこの警告は、「関数名の衝突」を意味している。ここまで、R を起動するだけで、sqrt, mean などの関数が利用できた。これは R の基本関数であるが、具体的には base パッケージに含まれた関数である。R は起動時に base などいくつかのパッケージを自動的に読み込んでいるのである。これに別途パッケージを読み込むとき、あとで読み込まれたパッケージが同名の関数を使っていることがある。このとき、関数名は後から読み込んだもので上書きされる。そのことについての警告が表示されているのである。具体的にみると、dplyr::filter() masks stats::filter() とあるのは、最初に読み込んでいた stats パッケージの filter 関数は、(tidyverse パッケージに含まれる)dplyr パッケージのもつ同名の関数で上書きされ、今後はこちらが優先的に利用されるよ、ということを示している。

このような同音異字関数は、関数を特定するときに混乱を招くかもしれない。あるパッケージの関数であることを明示したい場合は、この警告文にあるように、パッケージ名::関数名、という書き方にすると良い。

3.2 パイプ演算子

続いてパイプ演算子について解説する。パイプ演算子は tidyverse パッケージに含まれていた magrittr パッケージで導入されたもので、これによってデータハンドリングの利便性が一気に向上した。そこで R も ver 4.2 からこの演算子を導入し、特設パッケージのインストールを必要としなくとも使えるようになった。この R 本体のパイプ演算子のことを、tidyverse のそれと区別して、ナイーブパイプと呼ぶこともある。

ともあれこのパイプ演算子がいかに優れたものであるかを解説しよう。次のスクリプトは、あるデータセットの標準偏差を計算するものである^{*1}。数式で表現すると次の通り。ここで \bar{x} はデータベクトル x の算術平均。

$$v = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}$$

```
dat <- c(10, 13, 15, 12, 14) # データ
M <- mean(dat) # 平均
dev <- dat - M # 平均偏差
pow <- dev^2 # 平均偏差の2乗
variance <- mean(pow) # 平均偏差の2乗の平均が分散
standardDev <- sqrt(variance) # 分散の正の平方根が標準偏差
```

ここでは、標準偏差オブジェクト standardDev を作るまでに平均オブジェクト M、平均偏差ベクトル dev、その2乗したもの pow、分散 variance と4つものオブジェクトを作って答えに到達している。また、作られるオブジェクトが左側にあり、その右側にどのような演算をしているかが記述されているため、頭の中では「オブジェクトを作る、次の計算で」と読んでいったことだろう。

パイプ演算子はこの思考の流れをそのまま具現化する。パイプ演算子は %>% と書き、左側の演算結果をパイプ演算子の右側に来る関数の第一引数として右側に渡す役目をする。これを踏まえて上のスクリプトを書き直してみよう。ちなみにパイプ演算子はショートカット Ctrl(Cmd)+Shift+M で入力できる。

^{*1} もちろん sd(dat) の一行で済む話だが、ここでは説明のために各ステップを書き下している。もっとも、sd 関数で計算されるのは $n-1$ で割った不偏分散の平方根であり、標本標準偏差とは異なるものである。

```
dat <- c(10, 13, 15, 12, 14)
standardDev <- dat %>%
  {
    . - mean(.)
  } %>%
  {
    .^2
  } %>%
  mean() %>%
  sqrt()
```

ここでピリオド (.) は、前の関数から引き継いだもの (プレイスホルダー) であり、二行目は{dat - mean(dat)}, すなわち平均偏差の計算を意味している。それを次のパイプで二乗し、平均し、平方根を取っている。平均や平方根を取るときにプレイスホルダーが明示されていないのは、引き受けた引数がどこに入るかが明らかなので省略しているからである。

この例に見るように、パイプ演算子を使うと、データ → 平均偏差 → 2乗 → 平均 → 平方根、という計算の流れと、スクリプトの流れが一致しているため、理解しやすくなったのではないだろうか。

また、ここでの計算は、次のように書くこともできる。

```
standardDev <- sqrt(mean((dat - mean(dat))^2))
```

この書き方は、関数の中に関数がある入れ子状態になっており、 $y = h(g(f(x)))$ のような形式である。これも対応するカッコの内側から読み解いていく必要があり、思考の流れと逆転しているため理解が難しい。パイプ演算子を使うと、 $x \%>\% f() \%>\% g() \%>\% h() \rightarrow y$ のように記述できるため、苦労せずに読むことができる。

以下はこのパイプ演算子を使った記述で進めていくので、この表記法 (およびショートカット) に慣れていこう。

3.3 課題 1. パイプ演算子

- sqrt, mean 関数が base パッケージに含まれることをヘルプで確認してみよう。どこを見れば良いだろうか? filter, lag 関数はどうだろうか?
- tidyverse パッケージを読み込んだことで、filter 関数は dplyr パッケージのものが優先されることになった。dplyr パッケージの filter 関数をヘルプで見てみよう。
- 上書きされる前の stats パッケージの filter 関数に関するヘルプを見てみよう。
- 先ほどのデータを使って、平均値絶対偏差 (MeanAD) および中央絶対偏差 (MAD) をパイプ演算子を使って算出してみよう。なお平均値絶対偏差、中央値絶対偏差は次のように定義される。また絶対値を計算する R 関数は abs である。

$$MeanAD = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n |x_i - \bar{x}|$$

$$MAD = median(|x_1 - median(x)|, \dots, |x_n - median(x)|)$$

3.4 列選択と行選択

ここからは tidyverse を使ったより具体的なデータハンドリングについて言及する。まずは特定の列および行だけを抜き出すことを考える。データの一部にのみ処理を加えたい場合に重宝する。

3.4.1 列選択

列選択は `select` 関数である。これは tidyverse パッケージ内の dplyr パッケージに含まれている。`select` 関数は MASS パッケージなど、他のパッケージに同名の関数が含まれることが多いので注意が必要である。

例示のために、R がデフォルトで持つサンプルデータ、`iris` を用いる。なお、`iris` データは 150 行あるので、以下ではデータセットの冒頭を表示する `head` 関数を用いているが、演習の際には `head` を用いなくても良い。

```
# iris データの確認
```

```
iris %>% head()
```

	Sepal.Length	Sepal.Width	Petal.Length	Petal.Width	Species
1	5.1	3.5	1.4	0.2	setosa
2	4.9	3.0	1.4	0.2	setosa
3	4.7	3.2	1.3	0.2	setosa
4	4.6	3.1	1.5	0.2	setosa
5	5.0	3.6	1.4	0.2	setosa
6	5.4	3.9	1.7	0.4	setosa

```
# 一部の 변수 を抜き出す
```

```
iris %>%
```

```
  select(Sepal.Length, Species) %>%
```

```
  head()
```

	Sepal.Length	Species
1	5.1	setosa
2	4.9	setosa
3	4.7	setosa
4	4.6	setosa
5	5.0	setosa
6	5.4	setosa

逆に、一部の 변수 を除外したい場合はマイナスをつける。

```
iris %>%
```

```
  select(-Species) %>%
```

```
  head()
```

	Sepal.Length	Sepal.Width	Petal.Length	Petal.Width
1	5.1	3.5	1.4	0.2
2	4.9	3.0	1.4	0.2
3	4.7	3.2	1.3	0.2
4	4.6	3.1	1.5	0.2
5	5.0	3.6	1.4	0.2
6	5.4	3.9	1.7	0.4

複数変数の除外

```
iris %>%
  select(-c(Petal.Length, Petal.Width)) %>%
  head()
```

	Sepal.Length	Sepal.Width	Species
1	5.1	3.5	setosa
2	4.9	3.0	setosa
3	4.7	3.2	setosa
4	4.6	3.1	setosa
5	5.0	3.6	setosa
6	5.4	3.9	setosa

これだけでも便利だが、`select` 関数は適用時に抜き出す条件を指定してやればよく、そのために便利な以下のような関数がある。

- `starts_with()`
- `ends_with()`
- `contains()`
- `matches()`

使用例を以下に挙げる。

`starts_with` で特定の文字から始まる変数を抜き出す

```
iris %>%
  select(starts_with("Petal")) %>%
  head()
```

	Petal.Length	Petal.Width
1	1.4	0.2
2	1.4	0.2
3	1.3	0.2
4	1.5	0.2
5	1.4	0.2
6	1.7	0.4

```
# ends_with で特定の文字で終わる変数を抜き出す
iris %>%
  select(ends_with("Length")) %>%
  head()
```

	Sepal.Length	Petal.Length
1	5.1	1.4
2	4.9	1.4
3	4.7	1.3
4	4.6	1.5
5	5.0	1.4
6	5.4	1.7

```
# contains で部分一致する変数を取り出す
iris %>%
  select(contains("etal")) %>%
  head()
```

	Petal.Length	Petal.Width
1	1.4	0.2
2	1.4	0.2
3	1.3	0.2
4	1.5	0.2
5	1.4	0.2
6	1.7	0.4

```
# matches で正規表現による選択をする
iris %>%
  select(matches(".t.")) %>%
  head()
```

	Sepal.Length	Sepal.Width	Petal.Length	Petal.Width
1	5.1	3.5	1.4	0.2
2	4.9	3.0	1.4	0.2
3	4.7	3.2	1.3	0.2
4	4.6	3.1	1.5	0.2
5	5.0	3.6	1.4	0.2
6	5.4	3.9	1.7	0.4

ここで触れた**正規表現**とは、文字列を特定するためのパターンを指定する表記ルールであり、R言語に限らずプログラミング言語一般で用いられるものである。書誌検索などでも用いられることがあり、任意の文字列や先頭・末尾の語などを記号(メタ文字)を使って表現するものである。詳しくは正規表現で検索すると良い(たとえば[こちらのサイト](#)などがわかりやすい。)

3.4.2 行選択

一般にデータフレームは列に変数が並んでいるので、`select` 関数による列選択とは変数選択とも言える。これに対し、行方向にはオブザベーションが並んでいるので、行選択とはオブザベーション (ケース, 個体) の選択である。行選択には `dplyr` の `filter` 関数を使う。

```
# Sepal.Length 変数が 6 以上のケースを抜き出す
```

```
iris %>%
  filter(Sepal.Length > 6) %>%
  head()
```

	Sepal.Length	Sepal.Width	Petal.Length	Petal.Width	Species
1	7.0	3.2	4.7	1.4	versicolor
2	6.4	3.2	4.5	1.5	versicolor
3	6.9	3.1	4.9	1.5	versicolor
4	6.5	2.8	4.6	1.5	versicolor
5	6.3	3.3	4.7	1.6	versicolor
6	6.6	2.9	4.6	1.3	versicolor

```
# 特定の種別だけ抜き出す
```

```
iris %>%
  filter(Species == "versicolor") %>%
  head()
```

	Sepal.Length	Sepal.Width	Petal.Length	Petal.Width	Species
1	7.0	3.2	4.7	1.4	versicolor
2	6.4	3.2	4.5	1.5	versicolor
3	6.9	3.1	4.9	1.5	versicolor
4	5.5	2.3	4.0	1.3	versicolor
5	6.5	2.8	4.6	1.5	versicolor
6	5.7	2.8	4.5	1.3	versicolor

```
# 複数指定の例
```

```
iris %>%
  filter(Species != "versicolor", Sepal.Length > 6) %>%
  head()
```

	Sepal.Length	Sepal.Width	Petal.Length	Petal.Width	Species
1	6.3	3.3	6.0	2.5	virginica
2	7.1	3.0	5.9	2.1	virginica
3	6.3	2.9	5.6	1.8	virginica
4	6.5	3.0	5.8	2.2	virginica

5	7.6	3.0	6.6	2.1 virginica
6	7.3	2.9	6.3	1.8 virginica

ここで==とあるのは一致しているかどうかの判別をするための演算子である。=ひとつだと「オブジェクトへの代入」と同じになるので、判別条件の時には重ねて表記する。同様に、!=とあるのは not equal, つまり不一致のとき真になる演算子である。

3.5 変数を作る・再割り当てする

既存の変数から別の変数を作る、あるいは値の再割り当ては、データハンドリング時に最もよく行う操作のひとつである。たとえば連続変数がある値を境に「高群・低群」というカテゴリカルな変数に作り変えたり、単位を変換するために線形変換したりすることがあるだろう。このように、変数进行操作するとき「既存の変数を加工して特徴量を作り出す」というときの操作は、基本的に dplyr の mutate 関数を用いる。次の例をみてみよう。

```
mutate(iris, Twice = Sepal.Length * 2) %>% head()
```

	Sepal.Length	Sepal.Width	Petal.Length	Petal.Width	Species	Twice
1	5.1	3.5	1.4	0.2	setosa	10.2
2	4.9	3.0	1.4	0.2	setosa	9.8
3	4.7	3.2	1.3	0.2	setosa	9.4
4	4.6	3.1	1.5	0.2	setosa	9.2
5	5.0	3.6	1.4	0.2	setosa	10.0
6	5.4	3.9	1.7	0.4	setosa	10.8

新しく Twice 変数ができたのが確認できるだろう。この関数はパイプ演算子の中で使うことができる（というかその方が主な使い方である）。次の例は、Sepal.Length 変数を高群と低群の2群に分けるものである。

```
iris %>%
  select(Sepal.Length) %>%
  mutate(Sepal.HL = ifelse(Sepal.Length > mean(Sepal.Length), 1, 2)) %>%
  mutate(Sepal.HL = factor(Sepal.HL, label = c("High", "Low"))) %>%
  head()
```

	Sepal.Length	Sepal.HL
1	5.1	Low
2	4.9	Low
3	4.7	Low
4	4.6	Low
5	5.0	Low
6	5.4	Low

ここでもちいた ifelse 関数は、if(条件判断, 真のときの処理, 偽のときの処理) という形でもちいる条件分岐関数であり、ここでは平均より大きければ1, そうでなければ2を返すようになっている。mutate 関数でこの結果を Sepal.HL 変数に代入(生成)し、次の mutate 関数では今作った Sepal.HL 変数を Factor 型に変換して、そ

の結果をまた Sepal.HL 変数に代入 (上書き) している。このように、変数の生成先を生成元と同じにしておくとう書きされるため、たとえば変数の型変換 (文字型から数値型へ、数値型から Factor 型へ、など) にも用いることができる。

3.6 課題 2.select, filter, mutate

- Baseball.csv を読み込んで、データフレーム df に代入しよう。
- df には複数の変数が含まれている。変数名の一覧は names 関数で行う。df オブジェクトに含まれる変数名を確認しよう。
- df には多くの変数があるが、必要なのは年度 (Year)、選手名 (Name)、所属球団 (team)、身長 (height)、体重 (weight)、年俸 (salary)、守備位置 (position) だけである。変数選択をして、これらの変数だけからなる df2 オブジェクトを作ろう。
- df2 に含まれるデータは数年分のデータが含まれる。2020 年度のデータだけ分析したいので、選別してみよう。
- 同じく 2020 年度の阪神タイガースに関するデータだけを選別してみよう。
- 同じく 2020 年度の阪神タイガース以外のデータセットはどのようにして選別できるだろうか。
- 選手の身体的特徴を表す BMI 変数をつくろう。なお、BMI は体重 (kg) を身長 (m) の二乗で除したものである。変数 height の単位が cm であることに注意しよう。
- 投手と野手を区別する、新しい変数 position2 を作ってみよう。これは Factor 型にしよう。なお、野手は投手でないもの、すなわち内野手、外野手、捕手のいずれかである。
- 日本プロ野球界は大きく分けてセリーグ (Central League) とパリーグ (Pacific League) にわかれている。セリーグに所属する球団は Giants, Carp, Tigers, Swallows, Dragons, DeNA であり、パ・リーグはそれ以外である。df2 を加工して、所属するリーグの変数 League をつくってみよう。この変数も Factor 型にしておこう。
- 変数 Year は語尾に「年度」という文字が入っているため文字列型になっており、実際に使うときは不便である。「年度」という文字を除外した、数値型変数に変換しよう。

3.7 ロング型とワイド型

ここまでみてきたデータは行列の 2 次元に、ケース × 変数の形で格納されていた。この形式は、人間が見て管理するときにわかりやすい形式をしているが、計算機にとっては必ずしもそうではない。たとえば「神エクセル」と揶揄されることがあるように、稀に表計算ソフトを方眼紙ソフトあるいは原稿用紙ソフトと勘違いしたかのような使い方がなされる場合がある。人間にとってはわかりやすい (見て把握しやすい) かもしれないが、計算機にとって構造が把握できないため、データ解析に不向きである。巷には、こうした分析しにくい電子データがまだまだたくさん存在する。

これをうけて 2020 年 12 月、総務省により機械判読可能なデータの表記方法の統一ルールが策定された (総務省, 2020)。それには次のようなチェック項目が含まれている。

- ファイル形式は Excel か CSV となっているか
- 1 セル 1 データとなっているか

- 数値データは数値属性とし、文字列を含まないこと
- セルの結合をしていないか
- スペースや改行等で体裁を整えていないか
- 項目名を省略していないか
- 数式を使用している場合は、数値データに修正しているか
- オブジェクトを使用していないか
- データの単位を記載しているか
- 機種依存文字を使用していないか
- データが分断されていないか
- 1シートに複数の表が掲載されていないか

データの入力の基本は、1行に1ケースの情報が入っている、過不足のない1つのデータセットを作ることといえるだろう。

同様に、計算機にとって分析しやすいデータの形について、Hadley (2014) が提唱したのが**整然データ (Tidy Data)**という考え方である。整然データとは、次の4つの特徴を持ったデータ形式のことを指す。

- 個々の変数 (variable) が1つの列 (column) をなす。
- 個々の観測 (observation) が1つの行 (row) をなす。
- 個々の観測の構成単位の類型 (type of observational unit) が1つの表 (table) をなす。
- 個々の値 (value) が1つのセル (cell) をなす。

この形式のデータであれば、計算機が変数と値の対応構造を把握しやすく、分析しやすいデータになる。データハンドリングの目的は、混乱している雑多なデータを、利用しやすい整然データの形に整えることであると言っても過言ではない。さて、ここでよく考えてみると、変数名も一つの変数だと考えることに気づく。一般に、行列型のデータは次のような書式になっている。

Table3.1: ワイド型データ

	午前	午後	夕方	深夜
東京	晴	晴	雨	雨
大阪	晴	曇	晴	晴
福岡	晴	曇	曇	雨

ここで、たとえば大阪の夕方の天気を見ようとすると「晴れ」であることは明らかだが、この時の視線の動きは大阪行の、夕方列、という参照の仕方である。言い方を変えると、大阪・夕方の「晴れ」を参照するときに、行と列の両方のラベルを参照する必要がある。

ここで同じデータを次のように並べ替えてみよう。

Table3.2: ロング型データ

地域	時間帯	天候
東京	午前	晴
東京	午後	晴
東京	夕方	雨
東京	深夜	雨
大阪	午前	晴
大阪	午後	曇
大阪	夕方	晴
大阪	深夜	晴
福岡	午前	晴
福岡	午後	曇
福岡	夕方	曇
福岡	深夜	雨

このデータが表す情報は同じだが、大阪・夕方の条件を絞り込むことは行選択だけでよく、計算機にとって使いやすい。この形式をロング型データ、あるいは「縦持ち」データという。これに対して前者の形式をワイド型データ、あるいは「横持ち」データという。

ロング型データにする利点のひとつは、欠損値の扱いである。ワイド型データで欠損値が含まれる場合、その行あるいは列全体を削除するのは無駄が多く、かと言って行・列両方を特定するのは技術的にも面倒である。これに対しロング型データの場合は、当該行を絞り込んで削除するだけで良い。

`tidyverse` には (正確には `tidyr` には)、このようなロング型データ、ワイド型データの変換関数が用意されている。実例とともに見てみよう。まずはワイド型データをロング型に変換する `pivot_longer` である。

```
iris %>% pivot_longer(-Species)
```

```
# A tibble: 600 x 3
```

	Species name	value
	<fct>	<chr>
1	setosa	Sepal.Length
2	setosa	Sepal.Width
3	setosa	Petal.Length
4	setosa	Petal.Width
5	setosa	Sepal.Length
6	setosa	Sepal.Width
7	setosa	Petal.Length
8	setosa	Petal.Width
9	setosa	Sepal.Length
10	setosa	Sepal.Width

```
# i 590 more rows
```

ここでは元の iris データについて、Species セルを軸として、それ以外の変数名と値を name,value に割り当てて縦持ちにしている。

逆に、ロング型のデータをワイド型に持ち替えるには、pivot_wider を使う。実例は以下の通りである。

```
iris %>%
  select(-Species) %>%
  rowid_to_column("ID") %>%
  pivot_longer(-ID) %>%
  pivot_wider(id_cols = ID, names_from = name, values_from = value)
```

```
# A tibble: 150 x 5
```

	ID	Sepal.Length	Sepal.Width	Petal.Length	Petal.Width
	<int>	<dbl>	<dbl>	<dbl>	<dbl>
1	1	5.1	3.5	1.4	0.2
2	2	4.9	3	1.4	0.2
3	3	4.7	3.2	1.3	0.2
4	4	4.6	3.1	1.5	0.2
5	5	5	3.6	1.4	0.2
6	6	5.4	3.9	1.7	0.4
7	7	4.6	3.4	1.4	0.3
8	8	5	3.4	1.5	0.2
9	9	4.4	2.9	1.4	0.2
10	10	4.9	3.1	1.5	0.1

```
# i 140 more rows
```

今回は Species 変数を除外し、別途 ID 変数として行番号を変数に付与した。この行番号をキーに、変数名は names 列から、その値は value 列から持ってくることでロング型をワイド型に変えている^{*2}。

3.8 グループ化と要約統計量

データをロング型にすることで、変数やケースの絞り込みが容易になる。その上で、ある群ごとに要約した統計量を算出したい場合は、group_by 変数によるグループ化と、summarise あるいは reframe がある。実例を通して確認しよう。

```
iris %>% group_by(Species)
```

```
# A tibble: 150 x 5
```

^{*2} Species 変数を除外したのは、これをキーにしたロング型をワイド型に変えることができない (Species は3水準しかない) からで、個体を識別する ID が別途必要だったからである。Species 情報が欠落することになったが、これはロング型データの value 列が char 型と double 型の両方を同時に持てないからである。この問題を回避するためには、Factor 型のデータを as.numeric() 関数で数値化することなどが考えられる。

```
# Groups:   Species [3]
  Sepal.Length Sepal.Width Petal.Length Petal.Width Species
      <dbl>      <dbl>      <dbl>      <dbl> <fct>
1      5.1        3.5        1.4        0.2 setosa
2      4.9         3         1.4        0.2 setosa
3      4.7        3.2        1.3        0.2 setosa
4      4.6        3.1        1.5        0.2 setosa
5       5         3.6        1.4        0.2 setosa
6      5.4        3.9        1.7        0.4 setosa
7      4.6        3.4        1.4        0.3 setosa
8       5         3.4        1.5        0.2 setosa
9      4.4        2.9        1.4        0.2 setosa
10     4.9        3.1        1.5        0.1 setosa
# i 140 more rows
```

上のコードでは、一見したところ表示されたデータに違いがないように見えるが、出力時に Species[3] と表示されていることがわかる。ここで、Species 変数の 3 水準で群分けされていることが示されている。これを踏まえて、summarise してみよう。

```
iris %>%
  group_by(Species) %>%
  summarise(
    n = n(),
    Mean = mean(Sepal.Length),
    Max = max(Sepal.Length),
    IQR = IQR(Sepal.Length)
  )
```

```
# A tibble: 3 x 5
  Species      n Mean  Max  IQR
  <fct>    <int> <dbl> <dbl> <dbl>
1 setosa     50  5.01   5.8  0.400
2 versicolor  50  5.94    7   0.7
3 virginica   50  6.59   7.9  0.675
```

ここではケース数 (n)、平均 (mean)、最大値 (max)、四分位範囲 (IQR)^{*3}を算出した。

また、ここでは Sepal.Length についてのみ算出したが、他の数値型変数に対しても同様の計算がしたい場合は、across 関数を使うことができる。

```
iris %>%
  group_by(Species) %>%
```

^{*3} 四分位範囲 (Inter Quantaile Range) とは、データを値の順に 4 分割した時の上位 1/4 の値から、上位 3/4 の値を引いた範囲である。

```
summarise(across(
  c(Sepal.Length, Sepal.Width, Petal.Length),
  ~ mean(.x)
))
```

```
# A tibble: 3 x 4
```

	Species	Sepal.Length	Sepal.Width	Petal.Length
	<fct>	<dbl>	<dbl>	<dbl>
1	setosa	5.01	3.43	1.46
2	versicolor	5.94	2.77	4.26
3	virginica	6.59	2.97	5.55

ここで、`~mean(.x)` の書き方について言及しておく。チルダ (tilde, `~`) で始まるこの式を、R では特にラムダ関数とかラムダ式と呼ぶ。これはこの場で使う即席関数の作り方である。別の方法として、正式に関数を作る関数 `function` を使って次のように書くこともできる。

```
iris %>%
  group_by(Species) %>%
  summarise(across(
    c(Sepal.Length, Sepal.Width, Petal.Length),
    function(x) {
      mean(x)
    }
  ))
```

```
# A tibble: 3 x 4
```

	Species	Sepal.Length	Sepal.Width	Petal.Length
	<fct>	<dbl>	<dbl>	<dbl>
1	setosa	5.01	3.43	1.46
2	versicolor	5.94	2.77	4.26
3	virginica	6.59	2.97	5.55

ラムダ関数や自作関数の作り方については、後ほどあらためて触れるとして、ここでは複数の変数に関数をあてがう方法を確認して置いて欲しい。`across` 関数で変数を選ぶ際は、`select` 関数の時に紹介した `starts_with` なども利用できる。次に示す例は、複数の変数を選択し、かつ、複数の関数を適用する例である。複数の関数を適用するために、ラムダ関数をリストで与えることができる。

```
iris %>%
  group_by(Species) %>%
  summarise(across(starts_with("Sepal"),
    .fns = list(
      M = ~ mean(.x),
      Q1 = ~ quantile(.x, 0.25),
```

```
    Q3 = ~ quantile(.x, 0.75)
  )
))
```

```
# A tibble: 3 x 7
```

	Species	Sepal.Length_M	Sepal.Length_Q1	Sepal.Length_Q3	Sepal.Width_M
	<fct>	<dbl>	<dbl>	<dbl>	<dbl>
1	setosa	5.01	4.8	5.2	3.43
2	versicolor	5.94	5.6	6.3	2.77
3	virginica	6.59	6.22	6.9	2.97

```
# i 2 more variables: Sepal.Width_Q1 <dbl>, Sepal.Width_Q3 <dbl>
```

3.9 課題 3. データの整形

- 上で作った df2 オブジェクトを利用する。環境に df2 オブジェクトが残っていない場合は、もう一度上の課題に戻って作り直しておこう。
- 年度 (Year) でグルーピングし、年度ごとの登録選手数 (データの数)、平均年俵を見てみよう。
- 年度 (Year) とチーム (team) でグルーピングし、同じく年度ごとの登録選手数 (データの数)、平均年俵を見てみよう。
- つづいて、一行に 1 年度分、列に各チームと変数の組み合わせが入った、ワイド型データをつくりたい。pivot_wider にして上のオブジェクトをワイド型にしてみよう。
- ワイド型になったデータを、Year 変数をキーにして pivot_longer でロング型データに変えてみよう。

第 4 章

R によるレポートの作成

4.1 Rmd/Quarto の使い方

4.1.1 概略

今回は RStudio を使った文書作成法について解説する。皆さんは、これまで作成と言えば、基本的に Microsoft Word のような文書作成ソフトを使ってきたものと思う。また、統計解析といえば R(やその他のソフト)、図表の作成は Excel といったように、用途ごとに異なるアプリケーションを活用するのが一般的であろう。

このやり方は、統計解析の数値結果を表計算ソフトに、そこで作った図表を文書作成ソフトにコピー＆ペーストする、という転記作業が何度も発生する。ここで転記ミス・貼り付け間違いが生じると、当然ながら出来上がる文書は間違っただけのものになる。こうした転記ミスのことを「コピペ汚染」と呼ぶこともある。

問題はこの環境をまたぐ作業にあるわけで、計算・作図・文書が一つの環境で済めばこうした問題が起らない。これを解決するのが R markdown や Quarto という書式・ソフトウェアなのである。

Rmarkdown の `markdown` とは書式の一つである。マークアップ言語と呼ばれる書き方の一種で、なかでも R との連携に特化したのが Rmarkdown である。マークアップ言語とは、言語の中に専門の記号を埋め込み、その書式に対応した読み込みアプリで、表示の際に書式を整える方式のことを指す。有名なマークアップ言語としては、数式に特化した LaTeX や、インターネットウェブサイトで用いられている HTML などがある。

Rmarkdown は `markdown` の書式を踏襲しつつ、R での実行結果を文中に埋め込むコマンドを有している。R のコマンドで計算したり図表を作成しつつ、その結果を埋め込む場所をマークアップ言語で指定する。最終的に文書を閲覧する場合は、マークアップ言語を出力ファイルに変換する (コンパイルする、ニットするという) 必要があり、その時 R での計算が実行される。コンパイルのたびに計算されるので、同じコードでも乱数を使ったコードを書いていたたり、一部読み込みファイルを変更するだけで、出力される結果は変わる。しかしコピペ汚染のように、間違っただけの値・図表が含まれるものではないので、研究の再現性にも一役買うことになる。再現可能な文書の作成について、詳しくは高橋 (2018) を参考にすると良い。

Quarto は Rmarkdown をさらに拡張させたもので、RStudio を提供している Posit 社が今もっとも注力しているソフトのひとつである。Rmarkdown は R と `markdown` の連携であったが、Quarto は R だけでなく、Python や Julia といった他の言語にも対応しているし、これら複数の計算言語の混在も許す。すなわち、一部は R で計算し、

その結果を Python で検算して Julia で描画する、といったことを一枚のファイルで書き込むことも可能である。

なおこの授業資料も Quarto で作成している。このように Quarto はプレゼンテーション資料やウェブサイトも作成できるし、出力形式もウェブサイトだけでなく PDF や ePUB(電子書籍の形式) にすることが可能である。なおこの授業の資料もウェブサイトと同時に [PDF 形式](#) と、[ePUB 形式](#) で出力されている。Quarto について専門の解説書はまだないが、インターネットに充実したドキュメントがあるので検索するといいたいだろう。まだ新しい技術なので、[公式](#)を第一に参照すると良い。

4.1.2 ファイルの作成と knit

Rmarkdown は RStudio との相性がよく、RStudio の File > New File から **R Markdown** を選ぶと Rmarkdown ファイルがサンプルとともに作成される。作成時に文書のタイトル、著者名、作成日時や出力フォーマットが指定できるサブウィンドウが開き、作成するとサンプルコードが含まれた R markdown ファイルが表示されるだろう。

Quarto も同様に、RStudio の File > New File から **Quarto Document** を選ぶことで新しいファイル画面が開く。なお Rmarkdown ファイルの拡張子は `Rmd` とすることが一般的であり、Quarto は `Qmd` とすることが一般的である。もっとも、Quarto は RStudio 以外のエディタから利用することも考えられていて、例えば VS Code などの一般的なエディタで作成し、コマンドライン経由でコンパイルすることも可能である。



```
1 ---
2 title: "Untitled"
3 author: "小杉 考司"
4 date: "2024-01-31"
5 output: html_document
6 ---
7
8 ```{r setup, include=FALSE}
9 knitr::opts_chunk$set(echo = TRUE)
10 ```
11
12 ## R Markdown
13
14 This is an R Markdown document. Markdown is a simple
15 formatting syntax for authoring HTML, PDF, and MS Word
16 documents. For more details on using R Markdown see
17 <http://rmarkdown.rstudio.com>.
18
```

Figure4.1: Rmarkdown ファイルのサンプル



Figure4.2: Quarto ファイルのサンプル

Rmarkdown, Quarto とともに、ファイルの冒頭に 4 つのハイフンで囲まれた領域が見て取れるだろう。これは YAML ヘッダ (YAML は Yet Another Markup Language の略。ここはまだマークアップ領域じゃないよということ) と呼ばれる、文書全体に対する設定をする領域のことである。

この領域を一瞥すると、タイトルや著者名、出力形式などが記載されていることが見て取れる。YAML ヘッダはインデントに敏感で、また正しくない記述が含まれているとエラーになって出力ファイルが作られないことが少なくないため、ここを手動で書き換えるときは注意が必要である。とはいえ、ここを自在に書き換えることができるようになると、様々な応用が効くので興味があるものは調べて色々トライしてもらいたい。

さて、Rmd/Qmd のファイル上部に Knit あるいは Render と書かれたボタンがあるだろう。これをクリックすると、表示用ファイルへの変換が実行される。^{*1}Rmarkdown の場合は、すでにサンプルコードが含まれているので、数値および図表のはいった HTML ドキュメントが表示されるだろう。以下はこのサンプルコードを例に説明する

^{*1} もし新しく開いているファイルに名前がつけられていないのなら (Untitled のままになっているようであれば)、ファイル名の指定画面が開く。また環境によっては、初回実行時にコンパイルに必要な関連パッケージのダウンロードが求められることがある。

ため、Rmarkdown とそのコンパイル (knit)) を一度試してもらいたい。その上で、元の Rmd ファイルと出来上がったファイルとの対応関係を確認してみよう。



Figure4.3: Rmd ファイルと出力結果の対応

おおよそ、何がどのように変換されているかの対応が推察できるだろう。出力ファイルの冒頭には、YAML で設定したタイトル、著者名、日付などが表示されているし、#の印がついていた一行は見出しとして強調されている。

特に注目したいのが、元のファイルで3つのクォーテーションで囲まれた灰色の領域である。この領域のことを特に**チャンク**といい、ここに書かれた R スクリプトが変換時に実行され、結果として出力される。出力ファイルをみると、`summary(cars)` というチャンクで指定された命令文があり、その結果 (cars というデータセットの要約) が出力されているのが見て取れる。繰り返しになるが、ポイントは原稿ファイルには計算を指示するスクリプトが書かれているだけで、出力結果を書いていないことにある。原稿は指示だけなのである。こうすることで、コピー&ペーストのミスがなくなるし、同じ Rmd/Qmd 原稿とデータを持っていれば、ことなる PC 上でも同じ出力が得られる。環境を統合することで、ミスの防止と再現可能性に貢献しているのがわかるだろう。

今回は cars という R がデフォルトでもっているサンプルデータの例なので、どの環境でも同じ結果が出力されている。しかしもちろん、個別のデータファイルであっても、同じファイルで同じ読み込み方、同じ加工をしていれば、環境が違って追跡可能である。注意して欲しいのは、コンパイルするときは新しい環境から行われるという点がある。すなわち、**原稿ファイルにないオブジェクトの利用はできない**のである。これは再現性を担保するという意味では当然のことで、「事前に別途処理しておいたデータ」から分析を始められても、その事前処理が適切だったかどうかチェックできないからである。Rmd/Qmd ファイルと、CSV ファイルなどの素データが共有されていれば再現できる、という利点を活かすため、データハンドリングを含めた前処理も全てチャンクに書き込

み、新しい環境で最初からトレースできるようにする必要がある。不便に感じることもあるかもしれないが、科学的営みとして重要な手続きであることを理解してもらいたい。^{*2}

RStudi では、ビジュアルモードやアウトライン表示、チャンク挿入ボタンやチャンクごとの実行・設定など Rmd/Qmd ファイルの編集に便利な機能も複数用意されているので、高橋 (2018) などを参考にいろいろ試してみるといいだろう。

4.1.3 マークダウンの記法

以下では、マークダウン記法について基本的な利用法を解説する。

4.1.3.1 見出しと強調

すでに見たように、マークダウンでは#記号で見出しを作ることができる。#の数が見出しレベルに対応し、#はトップレベル、本でいうところの「章,chapter」、HTML でいうところの H1 に相当する。#記号の後ろに半角スペースが必要なことに注意されたし。以下、##で「節,section」あるいは H2、###で小節 (subsection,H3)、####で小小節 (subsubsection,H4)...と続く。

心理学を始め、科学論文の書き方としての「パラグラフライティング」を既にみしっていることだろう。文章をセクション、サブセクション、パラグラフ、センテンスのように階層的に分割し、それぞれの区分が4つの下位区分を含むような文章構造である。心理学の場合は特に「問題、方法、結果、考察」の4セクションで一論文が構成されるのが基本である。こうしたアウトラインを意識した書き方は読み手にも優しく、マークダウンの記法ではそれが自然と実装できるようになっている。

これとは別に、一部を太字や斜体で強調したいこともあるだろう。そのような場合はアスタリスクを1つ、あるいは2つつけて**強調**したり**強調**したりできる。

4.1.3.2 図表とリンク

文中に図表を挿入したいこともあるだろう。表の挿入は、マークダウン独自の記法があり、縦棒|やハイフン-を駆使して以下のように表記する。

```
| Header 1 | Header 2 | Header 3 |
| ----- | ----- | ----- |
| Row 1   | Data 1   | Data 2   |
| Row 2   | Data 3   | Data 4   |
```

R のコードの中には分析結果をマークダウン形式で出力してくれる関数もあるし、表計算ソフトなどでできた表があるなら、chatGPT など生成 AI を利用するとすぐに書式変換してくれるので、そういったツールを活用すると良い。

^{*2} もっとも、R のバージョンやパッケージのバージョンによっては同じ計算結果が出ない可能性がある。より本質的な計算過程に違いがあるかもしれないのである。そのため、R 本体やパッケージのバージョンごとパッキングして共有する工夫も考えられている。Docker と呼ばれるシステムは、解析環境ごと保全し共有するシステムの例である。

図の挿入は、マークダウンでは図のファイルへのリンクと考えると良い。次のように、大括弧で括った文字がキャプション、つづく小括弧で括ったものが図へのリンクとなる。実際に表示されるときは図が示される。

! [図のキャプション] (図へのリンク)

同様に、ウェブサイトへのリンクなども、[表示名] (リンク先) の書式で対応できる。

4.1.3.3 リスト

並列的に箇条書きを示したい場合は、プラスあるいはマイナスでリストアップする。注意すべきは、リストの前後に改行を入れておくべきことである。

ここまで前の文

```
+ list item 1
+ list item 2
+ list item 3
  - sub item 1
  - sub item 2
```

ここから次の文

4.1.3.4 チャンク

既に述べたように、チャンク (chunk) と呼ばれる領域は実行されるコードを記載するところである。チャンクはまず、バックスラッシュ 3 つ繋げることでコードブロックであることを示し、次に `r` と書くことで計算エンジンが R であることを明示する。ここに Julia や Python など他の計算エンジンを指定することも可能である。

可能であれば、チャンク名をつけておくと良い。次の例は、チャンク名として「chunksample」を与えたものである。チャンク名をつけておくと、RStudio では見出しジャンプをつかって移動することもできるので、編集時に便利である。

```
“{r chunksample,echo = FALSE} summary(cars) “
```

さらに、`echo = FALSE` のようにチャンクオプションを指定することができる。`echo=FALSE` は入力したスクリプトを表示せず、結果だけにするオプションである。そのほか「計算結果を含めない」「表示せずに計算は実行する」等様々な指定が可能である。

なお Quarto ではこのチャンクオプションを次のように書くこともできる。

```
“{r} #| echo: FALSE #| include: FALSE summary(cars) “
```

4.2 プロットによる基本的な描画

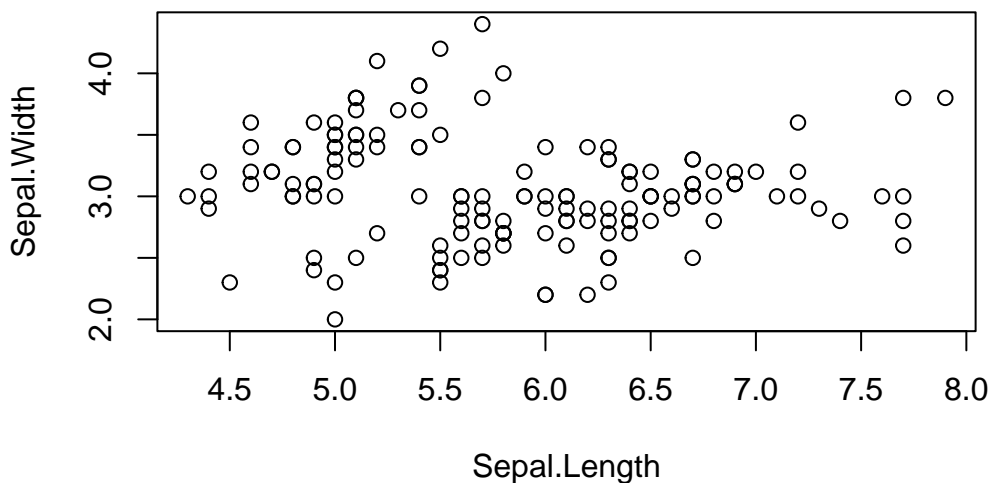
再現可能な文書という観点から、図表もスクリプトによる記述で表現することは重要である。

データはまず可視化するものと心がけよ。可視化は、数値の羅列あるいはまとめられた統計量では把握しきれない多くの情報を提供し、潜在的な関係性を直観的に見つけ出せる可能性がある。なので、取得したあらゆるデータはまず可視化するもの、と思っておいて間違いはない。大事なことなので二度言いました。可視化の重要性については心理学の知見にも触れている Healy (2018 瓜生他訳 2021) も参考にしてほしい。

さて、R には基本的な作図環境も整っており、plot という関数に引数として、x 軸、y 軸に相当する変数を与えるだけで、簡単に散布図を書いてくれる。

```
plot(iris$Sepal.Length, iris$Sepal.Width,  
     main = "Example of Scatter Plot",  
     xlab = "Sepal.Length",  
     ylab = "Sepal.Width"  
)
```

Example of Scatter Plot



この関数のオプションとして、タイトルを与えたり、軸に名前を与えたりできる。またプロットされるピンの形、描画色、背景色など様々な操作が可能である。特段のパッケージを必要とせずとも、基本的な描画機能は備えていると言えるだろう。

4.3 ggplot による描画

ここでは、tidyverse に含まれる描画専用のパッケージである、ggplot2 パッケージを用いた描画を学ぶ。R の基本描画関数でもかなりのことができるのだが、この ggplot2 パッケージをもちいた図の方が美しく、直観的に操作できる。というのも ggplot の gg とは The Grammar of Graphics(描画の文法) のことであり、このことが示すようにロジカルに図版を制御できるからである。ggplot2 の形で記述された図版のスク립トは可読性が高く、視覚的にも美しいため、多くの文献で利用されている。

ggplot2 パッケージの提供する描画環境の特徴は、レイア (Layer) の概念である。図版は複数のレイアの積み重ねとして表現される。まず土台となるキャンバスがあり、そこにデータセット、幾何学的オブジェクト (点、線、

バーなど), エステティックマッピング (色, 形, サイズなど), 凡例やキャプションを重ねていく, という発想である。そして図版全体を通したテーマを手強することで, カラーパレットの統一などの仕上げをすれば, すぐにも論文投稿可能なレベルの図版を描くことができる。

以下に ggplot2 における描画のサンプルを示す。サンプルデータ `mtcars` を用いた。

```
library(ggplot2)

ggplot(data = mtcars, aes(x = wt, y = mpg)) +
  geom_point() +
  geom_smooth(method = "lm", formula = "y ~ x") +
  labs(title = "車の重量と燃費の関係", x = "重量", y = "燃費")
```

車の重量と燃費の関係



まずは出来上がる図版の美しさと, コードのイメージを把握してもらいたい。最初の `library(ggplot2)` はパッケージを読み込んでいるところである。今回は明示的に `ggplot2` を読み込んでいるが, `tidyverse` パッケージを読み込むと同時に読み込まれているので, R のスクリプトの冒頭に `library(tidyverse)` と書く癖をつけておけば必要ない。

続いて `ggplot` の関数が 4 行にわたって書いてあるが, それぞれが `+` の記号で繋がれていることがわかるだろう。これがレイアを重ねるという作業に相当する。まずは, 図を書くためのキャンバスを用意し, その上にいろいろ重ねていくのである。

次のコードは, キャンバスだけを描画した例である。

```
g <- ggplot()
print(g)
```



ここでは `g` というオブジェクトを `ggplot` 関数でつくり、それを表示させた。最初はこのようにプレーンなキャンバスだが、ここに次々と上書きしていくことになる。

4.4 幾何学的オブジェクト geom

幾何学的オブジェクト (geometric object) とは、データの表現方法の指定であり、`ggplot` には様々なパターンが用意されている。以下に一例を挙げる。

- `geom_point()`: 散布図で使用され、データ点を個々の点としてプロットする。
- `geom_line()`: 折れ線グラフで使用され、データ点を線で結んでプロットする。時系列データなどによく使われる。
- `geom_bar()`: 棒グラフで使用され、カテゴリごとの量を棒で表示する。データの集計（カウントや合計など）に適している。
- `geom_histogram()`: ヒストグラムで使用され、連続データの分布を棒で表示する。データの分布を理解するのに役立つ。
- `geom_boxplot()`: 箱ひげ図で使用され、データの分布（中央値、四分位数、外れ値など）を要約して表示する。
- `geom_smooth()`: 平滑化曲線を追加し、データのトレンドやパターンを可視化する。線形回帰やローパスフィルタなどの方法が使われる。

これらの幾何学的オブジェクトに、データおよび軸との対応を指定するなどして描画する。次に挙げるのは `geom_point` による点描画、つまり散布図である。

```
ggplot() +  
  geom_point(data = mtcars, mapping = aes(x = disp, y = wt))
```



一行目でキャンバスを用意し，そこに `geom_point` で点を打つようにしている。このとき，データは `mtcars` であり，x 軸に変数 `disp` を，y 軸に変数 `wt` をマッピングしている。マッピング関数の `aes` は aesthetic mappings の意味で，データによって変わる値 (x 座標, y 座標, 色, サイズ, 透明度など) を指定することができる。

レイアは次々と重ねることができる。以下の例を見てみよう。

```
g <- ggplot()
g1 <- g + geom_point(data = mtcars, mapping = aes(x = disp, y = wt))
g2 <- g1 + geom_line(data = mtcars, mapping = aes(x = disp, y = wt))
print(g2)
```



重ねることを強調するために、g オブジェクトを次々作るようにしたが、もちろん1つのオブジェクトでまとめて書いてもいいし、g オブジェクトとして保管せずとも、最初の例のように直接出力することもできる。また、ここでは点描画オブジェクトに線描画オブジェクトを重ねているが、データやマッピングは全く同じである。異なるデータを一枚のキャンバスに書く場合は、このように幾何学オブジェクトごとの指定が可能であるが、図版は得てして一枚のキャンバスに一種類のデータになりがちである。そのような場合は、以下に示すようにキャンバスの段階から基本となるデータセットとマッピングを与えることが可能である。

```
ggplot(data = mtcars, mapping = aes(x = disp, y = wt)) +
  geom_point() +
  geom_line()
```

また、この用例の場合 ggplot 関数の第一引数はデータセットなので、パイプ演算子で渡すことができる。

```
mtcars %>%
  ggplot(mapping = aes(x = disp, y = wt)) +
  geom_point() +
  geom_line()
```

パイプ演算子を使うことで、素データをハンドリングし、必要な形に整えて可視化する、という流れがスクリプト上で読むように表現できるようになる。慣れてくると、データセットから可視化したい要素を特定し、最終的にどのように成形すれば ggplot に渡しやすくなるかを想像して加工していくようになる。そのためには到達目標となる図版のイメージを頭に描き、その図の x 軸、y 軸は何で、どのような幾何学オブジェクトが上に乗っているのか、といったように図版のリバースエンジニアリング、あるいは図版の作成手順の書き下しができる必要がある。たとえるなら、食べたい料理に必要な材料を集め、大まかな手順(下ごしらえからの調理)を組み立てられるかどうか、である。実際にレシピに書き起こす際は生成 AI の力を借りると良いが、その際も最終的な目標と、全体的な設計方針から指示し、微調整を追加していくように指示すると効率的である。

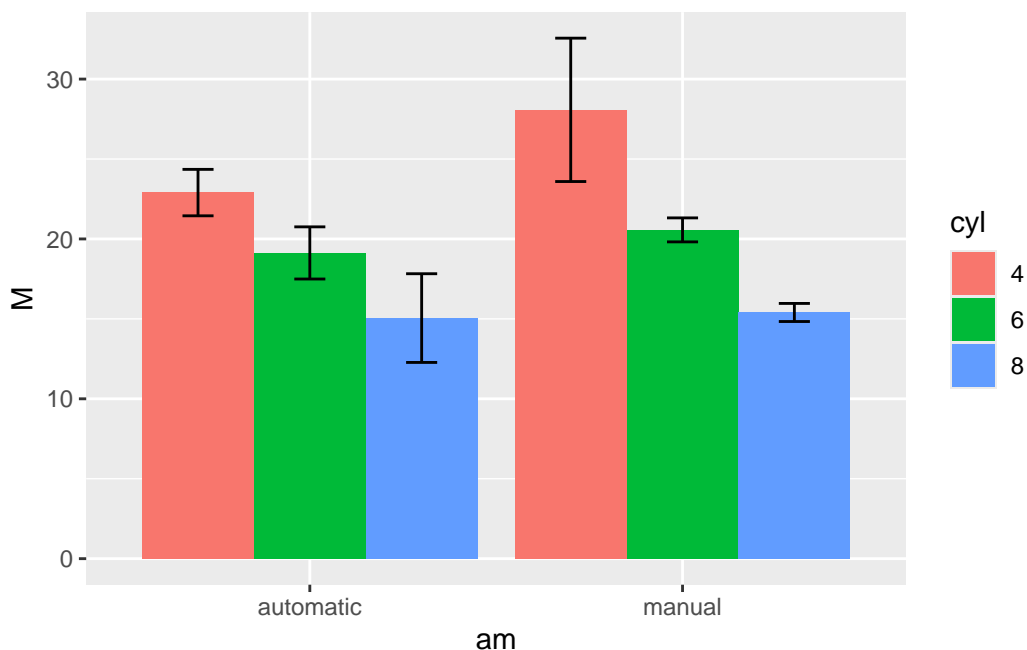
以下に、データハンドリングと描画の一例を示す。各ステップにコメントをつけたので、文章を読むように加工と描画の流れを確認し、出力結果と照らし合わせてみよう。

```
# mtcars データセットを使用
mtcars %>%
  # 変数選択
  select(mpg, cyl, wt, am) %>%
  mutate(
    # 変数 am, cyl を Factor 型に変換
    am = factor(am, labels = c("automatic", "manual")),
    cyl = factor(cyl)
  ) %>%
  # 水準ごとにグループ化
  group_by(am, cyl) %>%
  summarise(
    M = mean(mpg), # 各グループの平均燃費 (M) を計算
```

```

SD = sd(mpg), # 各グループの燃費の標準偏差 (SD) を計算
.groups = "drop" # summarise 後の自動的なグルーピングを解除
) %>%
# x 軸にトランスミッションの種類、y 軸に平均燃費、塗りつぶしの色は cyl
ggplot(aes(x = am, y = M, fill = cyl)) +
# 横並びの棒グラフ
geom_bar(stat = "identity", position = "dodge") +
# ±1SD のエラーバーを追加
geom_errorbar(
  # エラーバーのマッピング
  aes(ymin = M - SD, ymax = M + SD),
  # エラーバーの位置を棒グラフに合わせる
  position = position_dodge(width = 0.9),
  width = 0.25 # エラーバーの幅を設定
)

```



繰り返しになるが、このコードは慣れてくるまでいきなり書けるものではない。重要なのは「出力結果をイメージ」することと、それを「要素に分解」、「手順に沿って並べる」ことができるかどうかである。^{*3}

4.5 描画 tips

最後に、いくつかの描画テクニックを述べておく。これらについては、必要な時に随時ウェブ上で検索したり、生成 AI に尋ねることも良いが、このような方法がある、という基礎知識を持っておくことも重要だろう。なお描

^{*3} 実際コードは chatGPTver4 に指示して生成した。いきなり全体像を描くのではなく、徐々に追記していくと効果的である。

画について詳しくは松村他 (2021) の4章を参照すると良い。

4.5.1 ggplot オブジェクトを並べる

複数のプロットを一枚のパネルに配置したい、ということがあるかもしれない。先ほどの `mtcars` データの例でいえば、`am` 変数にオートマチック車かマニュアル車かの2水準があるが、このようなサブグループごとに図を分割したいという場合である。

このような時には、`facet_wrap` や `facet_grid` という関数が便利である。前者はある変数について、後者は2つの変数について図を分割する。

```
mtcars %>%
  # 重さ wt と燃費 mpg の散布図
  ggplot(aes(x = wt, y = mpg)) +
  geom_point() +
  # シリンダ数 cyl で分割
  facet_wrap(~cyl, nrow = 2) +
  # タイトルをつける
  labs(caption = "facet_wrap の例")
```



facet_wrapの例

```
mtcars %>%
  ggplot(aes(x = wt, y = mpg)) +
  geom_point() +
  # シリンダ数 cyl とギア数 gear で分割
  facet_grid(cyl ~ gear) +
  # キャプションをつける
```

```
labs(caption = "facet_grid の例")
```



一枚の図をサブグループに分けるのではなく、異なる図を一枚の図として赤痛いこともあるかもしれない。そのような場合は、`patchwork` パッケージを使うと便利である。

```
library(patchwork)

# 散布図の作成
g1 <- ggplot(mtcars, aes(x = wt, y = mpg)) +
  geom_point() +
  # 散布図のタイトルとサブタイトル
  ggtitle("Scatter Plot", "MPG vs Weight")

# 棒グラフの作成
g2 <- ggplot(mtcars, aes(x = factor(cyl), y = mpg)) +
  geom_bar(stat = "identity") +
  # 棒グラフのタイトルとサブタイトル
  ggtitle("Bar Chart", "Average MPG by Cylinder")

# patchwork を使用して 2 つのグラフを組み合わせる
combined_plot <- g1 + g2 +
  plot_annotation(
    title = "Combined Plots",
    subtitle = "Scatter and Bar Charts"
  )
```

```
# プロットを表示
print(combined_plot)
```

Combined Plots

Scatter and Bar Charts



4.5.2 ggplot オブジェクトの保存

Rmd や Quarto で文書を作るときは、図が自動的に生成されるので問題ないが、図だけ別のファイルとして利用したい、保存したいということがあるかもしれない。その時は `ggsave` 関数で `ggplot` オブジェクトを保存するとよい。

```
# 散布図を作成
p <- ggplot(mtcars, aes(x = wt, y = mpg)) +
  geom_point()
ggsave(
  filename = "my_plot.png", # 保存するファイル名。
  plot = p, # 保存するプロットオブジェクト。
  device = "png", # 保存するファイル形式。
  path = "path/to/directory", # ファイルを保存するディレクトリのパス
  scale = 1, # グラフィックスの拡大縮小比率
  width = 5, # 保存するプロットの幅 (インチ)
  height = 5, # 保存するプロットの高さ (インチ)
  dpi = 300, # 解像度 (DPI: dots per inch)
)
```


4.5.3 テーマの変更（レポートに合わせる）

レポートや論文などの提出次の条件として、図版をモノクロで表現しなければならないことがあるかもしれない。ggplot では自動的に配色されるが、その背後ではデフォルトの絵の具セット（パレットという）が選択されているからである。このセットを変更すると、同じプロットでも異なる配色で出力される。モノクロ（グレイスケール）で出力したい時のパレットは Grays である。

```
# グレースケールのプロット
p1 <- ggplot(mtcars, aes(x = wt, y = mpg, color = factor(cyl))) +
  geom_point(size = 3) +
  scale_fill_brewer(palette = "Greys") +
  ggtitle("Gray Palette")

# カラーパレットが多く含まれているパッケージの利用
library(RColorBrewer)

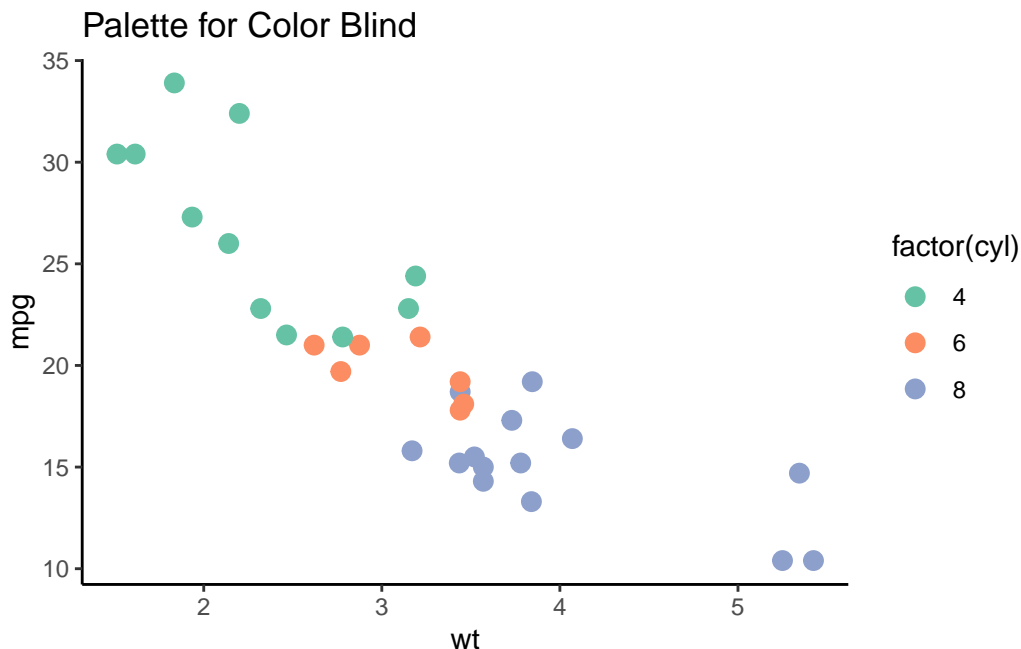
# 色覚特性を考慮したカラーパレット
p2 <- ggplot(mtcars, aes(x = wt, y = mpg, color = factor(cyl))) +
  geom_point(size = 3) +
  scale_color_brewer(palette = "Set2") + # 色覚特性を考慮したカラーパレット
  ggtitle("Palette for Color Blind")

# 両方のプロットを並べて表示
combined_plot <- p1 + p2 + plot_layout(ncol = 2)
print(combined_plot)
```



また、`ggplot2` のデフォルト設定では、背景色が灰色になっている。これは全体のテーマとして `theme_gray()` が設定されているからである。しかし日本心理学会の執筆・投稿の手引きに記載されているグラフの例を見ると、背景は白色とされている。このような設定に変更するためには、`theme_classic()` や `theme_bw()` を用いる。

```
p2 + theme_classic()
```




このほかにも、様々な描画上の工夫は考えられる。目標となる図版のレシピを書き起こせるように、要素に分解ができれば、殆どのケースにおいて問題を解決することができるだろう。

4.6 マークダウンと描画の課題

- 今日の課題は Rmarkdown で記述してください。著者名に学籍番号と名前を含め、適宜見出しをつくり、かつ、平文で以下に挙げる課題を記載することでどの課題に対する回答のコード (チャンク) であるかわかるようにしてください。
1. `Baseball.csv` を読み込み、2020 年度のデータセットに限定し、以下の操作に必要であれば変数の変換をすませたデータセット、`dat.tb` を用意してください。
 2. `dat.tb` の身長変数を使って、ヒストグラムを描いてください。この時、テーマを `theme_classic` にしてください。
 3. `dat.tb` の身長変数と体重変数を使って、散布図を描いてください。この時、テーマを `theme_bw` にしてください。
 4. (承前) 散布図の各点を血液型で塗り分けてください。この時、カラーパレットを `Set3` に変えてください。
 5. (承前) 散布図の点の形を血液型で変えてください。
 6. `dat.tb` の身長と体重についての散布図を、チームごとに分割してください。
 7. (承前) `geom_smooth()` でスムーズな線を引いてください。特に `method` を指定する必要はありません。
 8. (承前) `geom_smooth()` で直線関数を引いてください。 `method="lm"` と指定するといいでしょう。

- bloodType



A histogram showing the distribution of weight. The x-axis is labeled 'weight' and ranges from 70 to 120. The y-axis is labeled 'count' and ranges from 0 to 40. The histogram bars are dark gray. A smooth, light gray normal distribution curve is overlaid on the histogram, peaking at a count of approximately 45 around a weight of 85.

第 5 章

R でプログラミング

ここではプログラミング言語としての R について解説する。なお副読本として小杉他 (2023) を挙げておく。また、プログラミングのより専門的な理解のために、Lander (2017 高柳他訳 2018), Ren (2016 株式会社ホクソエム監訳 2017), Wickham (2015 石田他訳 2016) などとも参考にすると良い。

プログラミング言語は、古くは C や Java、最近では Python や Julia などがよく用いられている。R も統計パッケージというよりプログラミング言語として考えるのが適切かもしれない。R は他のプログラミング言語に比べて、変数の型宣言を事前にしなくても良いことや、インデントなど書式についておおらかなところは、初心者にとって使いやすいところだろう。一方で、ベクトルの再利用のところで注意したように (Section 2.5.1), 不足分を補うために先回りして補填されたり、この後解説する関数の作成時に明示的な指定がなければ環境変数を参照する点など、親切心が空回りするところがある。より厳格な他言語になれていると、こうした点はかえって不便に思えるところもあるかもしれない。総じて、R 言語は初心者向けであるといえるだろう。

さて、世にプログラミング言語は多くあれど^{*1}、その全てに精通する必要はないし、不可能である。それよりも、プログラミング言語一般に通底する基本的概念を知り、あとは各言語による「方言」がある、と考えた方が生産的である。その基本的概念を 3 つ挙げるとすれば、「代入」「反復」「条件分岐」になるだろう。

5.1 代入

代入は、言い換えればオブジェクト (メモリ) に保管することを指す。これについては既に Chapter 2 で触れた通りであり、ここでは言及しない。オブジェクトや変数の型、常に上書きされる性質に注意しておけば十分だろう。

一点だけ追加で説明しておく、次のような表現がなされることがある。

```
a <- 0
a = a + 1
print(a)
```

```
[1] 1
```

^{*1} シ (2016) には 117 種もの計算機言語が紹介されている。

ここではあえて、代入記号として=を使った。2行目に `a = a + 1` とあるが、これを見て数式のように解釈しようとすると混乱する。数学的には明らかにおかしな表現だが、これは上書きと代入というプログラミング言語の特徴を使ったもので、「(いま保持している)aの値に1を加えたものを、(新しく同じ名前のオブジェクト)aに代入する(=上書きする)」という意味である。この方法で、`a` をカウンタ変数として用いることがある。誤読の可能性を下げるため、この授業においては代入記号を`<-`としている。

このオブジェクトを上書きするという特徴は多くの言語に共通したものであり、間違いを避けるためには、オブジェクトを作る時に初期値を設定することが望ましい。先の例では、代入の直上で `a <- 0` としており、オブジェクト `a` に0を初期値として与えている。この変数の初期化作業がないと、以前に使っていた値を引き継いでしまう可能性があるのも、今から新しく使う変数を作りたいというときは、このように明示しておくといいだろう。

なお、変数をメモリから明示的に削除する場合は、`remove` 関数を使う。

```
remove(a)
```

これを実行すると、RStudioのEnvironmentタブからオブジェクト `a` が消えたことがわかるだろう。メモリの一斉除去は、同じくRStudioのEnvironmentタブにある箒マークをクリックするか、`remove(list=ls())` とすると良い^{*2}。

5.2 反復

5.2.1 for文

電子計算機の特徴は、電源等のハードウェア的問題がなければ疲労することなく計算を続けられるところにある。人間は反復によって疲労が溜まったり、集中力が欠如するなどして単純ミスを生成するが、電子計算機にそういったところはない。

このように反復計算は電子計算機の中心的特徴であり、細々した計算作業を指示した期間反復させ続けることができる。反復の代表的なコマンドは `for` であり、`for` ループなどと呼ばれる。`for` ループはプログラミングの基本的な制御構造であり、R言語の `for` ループの基本的な構文は次のようになる：

```
for (value in sequence) {  
  # 実行するコード  
}
```

ここの `value` は各反復で `sequence` の次の要素を取る反復インデックス変数である。。`sequence` は一般にベクトルやリストなどの配列型のデータであり、「#実行するコード」はループ体内で実行される一連の命令になる。

以下は `for` 文の例である。

```
for (i in 1:5) {  
  cat("現在の値は", i, "です。\\n")  
}
```

^{*2} `ls()` 関数は `list objects` の意味で、メモリにあるオブジェクトのリストを作る関数

現在の値は 1 です。

現在の値は 2 です。

現在の値は 3 です。

現在の値は 4 です。

現在の値は 5 です。

for 文は続く小括弧のなかである変数を宣言し (ここでは i), それがどのように変化するか (ここでは 1:5, すなわち 1,2,3,4,5) を指定する。続く中括弧の中で、反復したい操作を記入する。今回は cat 文によるコンソールへの文字列の出力を行っている。ここでのコマンドは複数あってもよく、中括弧が閉じられるまで各行のコマンドが実行される。

次に示すは、sequence にあるベクトルが指定されているので、反復インデックス変数が連続的に変化しない例である。

```
for (i in c(2, 4, 12, 3, -6)) {  
  cat("現在の値は", i, "です。\\n")  
}
```

現在の値は 2 です。

現在の値は 4 です。

現在の値は 12 です。

現在の値は 3 です。

現在の値は -6 です。

また、反復はネスト (入れ子) になることもできる。次の例を見てみよう。

```
# 2次元の行列を定義  
A <- matrix(1:9, nrow = 3)  
  
# 行ごとにループ  
for (i in 1:nrow(A)) {  
  # 列ごとにループ  
  for (j in 1:ncol(A)) {  
    cat("要素 [", i, ", ", j, "] は ", A[i, j], "\\n")  
  }  
}
```

要素 [1 , 1] は 1

要素 [1 , 2] は 4

要素 [1 , 3] は 7

要素 [2 , 1] は 2

要素 [2 , 2] は 5

要素 [2 , 3] は 8

要素 [3 , 1] は 3

要素 [3 , 2] は 6

要素 [3 , 3] は 9

ここで、反復インデックス変数が `i` と `j` というように異なる名称になっていることに注意しよう。例えば今回、ここで両者を `i` にしてしまうと、行変数なのか列変数なのかわからなくなってしまう。また少し専門的になるが、R 言語は `for` 文で宣言されるたびに、内部で反復インデックス変数を新しく生成している (異なるメモリを割り当てる) ためにエラーにならないが、他言語の場合は同じ名前のオブジェクトと判断されることが一般的であり、その際は値が終了値に到達せず計算が終わらないといったバグを引き起こす。反復に使う汎用的な変数名として `i, j, k` がよく用いられるため、自身のスクリプトの中でオブジェクト名として単純な一文字にすることは避けた方がいいだろう。

5.2.2 while 文

`while` ループはプログラミングの基本構造であり、特定の条件が真 (True) である間、繰り返し一連の命令を実行する。「`while`」(～する間)」という名前から直感的に理解できるだろう。

R 言語の `while` ループの基本的な構文は次のようになる：

```
while (condition) {  
  # 実行するコード  
}
```

ここで、「`condition`」はループが終了するための条件である。「`# 実行するコード`」はループ体内で実行される一連の指示である。たとえば、1 から 10 までの値を出力する `while` ループは以下のように書くことができる：

```
i <- 1  
while (i <= 5) {  
  print(i)  
  i <- i + 1  
}
```

```
[1] 1  
[1] 2  
[1] 3  
[1] 4  
[1] 5
```

このコードでは、「`i`」が 5 以下である限りループが続く。「`print(i)`」で「`i`」の値が表示され、「`i <- i + 1`」で「`i`」の値が 1 ずつ増加する。これにより、「`i`」の値が 10 を超えると条件が偽 (False) となり、ループが終了する。

`while` ループを使用する際の一般的な注意点は、無限ループ (終わらないループ) を避けることである。これは、`condition` が常に真 (True) である場合に発生する。そのような状況を避けるためには、ループ内部で何らかの形で `condition` が最終的に偽 (False) となるようにコードを記述することが必要である。

また、R 言語は他の多くのプログラミング言語と異なり、ベクトル化された計算を効率的に行う設計がされてい

る。したがって、可能な限り `for` ループや `while` ループを使わずに、ベクトル化した表現を利用すれば計算速度を上げることができる。

5.3 条件分岐

条件分岐はプログラム内で特定の条件を指定し、その条件が満たされるかどうかによって異なる処理を行うための制御構造である。R 言語では `if-else` を用いて条件分岐を表現する。

5.3.1 `if` 文の基本的な構文

以下が `if` 文の基本的な構文になる：

```
if (条件) {  
  # 条件が真である場合に実行するコード  
}
```

`if` の後の小括弧内に条件を指定する。この条件が真 (TRUE) であれば、その後の中括弧 `{}` 内のコードが実行される。さらに、`else` を使用して、条件が偽 (FALSE) の場合の処理を追加することもできる：

```
if (条件) {  
  # 条件が真である場合に実行するコード  
} else {  
  # 条件が偽である場合に実行するコード  
}
```

以下に具体的な使用例を示そう：

```
x <- 10  
  
if (x > 0) {  
  print("x is positive")  
} else {  
  print("x is not positive")  
}
```

```
[1] "x is positive"
```

このコードでは、変数 `x` が正の場合とそうでない場合で異なるメッセージを出力する。

条件は論理式（例：`x > 0`, `y == 1`）や論理値 (TRUE/FALSE) を返す関数・操作（例：`is.numeric(x)`）などで指定する。また、複数の条件を組み合わせる際には論理演算子 (`&&`, `||`) を使用する。

この例では、`x` が正と `y` が負の場合に特定のメッセージを出力する。それ以外の場合は、「Other case」と出力される。`x` や `y` の値を色々変えて、試してみて欲しい。

```
x <- 10
y <- -3

if (x > 0 && y < 0) {
  print("x is positive and y is negative")
} else {
  print("Other case")
}
```

```
[1] "x is positive and y is negative"
```

5.4 反復と条件分岐に関する練習問題

- 1 から 20 までの数字で、偶数だけをプリントするプログラムを書いてください。
- 1 から 40 までの数値をプリントするプログラムを書いてください。ただしその数値に 3 がつく (1 か 10 の位の値が 3 である) か、3 の倍数の時だけ、数字の後ろに「サァン！」という文字列をつけて出力してください。
- ベクトル $c(1, -2, 3, -4, 5)$ の各要素について、正なら “positive”，負なら “negative” をプリントするプログラムを書いてください。
- 次の行列 A と B の掛け算を計算するプログラムを書いてください。なお、R で行列の積は `%*%` という演算子を使いますが、ここでは `for` 文を使ったプログラムにしてください。出来上がる行列の i 行 j 列目の要素 c_{ij} は、行列 A の第 i 行の各要素と、行列 B の第 j 列目の各要素の積和、すなわち

$$c_{ij} = \sum_k a_{ik} b_{kj}$$

になります。検算用のコードを下に示します。

```
A <- matrix(1:6, nrow = 3)
B <- matrix(3:10, nrow = 2)
## 課題になる行列
print(A)
```

```
      [,1] [,2]
[1,]     1     4
[2,]     2     5
[3,]     3     6
```

```
print(B)
```

```
      [,1] [,2] [,3] [,4]
[1,]     3     5     7     9
[2,]     4     6     8    10
```

```
## 求めるべき答え
```

```
C <- A %*% B
```

```
print(C)
```

```
      [,1] [,2] [,3] [,4]  
[1,]   19   29   39   49  
[2,]   26   40   54   68  
[3,]   33   51   69   87
```

5.5 関数を作る

複雑なプログラムも、ここまでの代入、反復、条件分岐の組み合わせからなる。回帰分析や因子分析のような統計モデルを実行するときに、統計パッケージのユーザとしては、統計モデルを実現してくれる関数にデータを与えて答えを受け取るだけであるが、そのアルゴリズムはこれらプログラミングのピースを紡いでつくられているのである。

ここでは関数を自分で作ることを考える。といっても身構える必要はない。表計算ソフトウェアで同じような操作を繰り返すときにマクロに記録するように、R 上で同じようなコードを何度も書く機会があるならば、それを関数という名のパッケージにしておこう、ということである。関数化しておくことで手続きをまとめることができ、小単位に分割できるため並列して開発したり、バグを見つけやすくなるという利点がある。

5.5.1 基本的な関数の作り方

関数が受け取る値のことを**引数** (ひきすう, argument) といい、また関数が返す値のことを**戻り値** (もどりち, value) という。 $y = f(x)$ という式は、引数が x で戻り値が y な関数 f 、と言い換えることができるだろう。

R の関数を書く基本的な構文は以下のようになる。

```
function_name <- function(argument) {  
  # function body  
  return(value)  
}
```

ここで `function body` とあるのは計算本体である。例えば与えられた数字に 3 を足して返す関数、`add3` を作ってみよう。プログラムは以下のようになる。

```
add3 <- function(x) {  
  x <- x + 3  
  return(x)  
}  
# 実行例  
add3(5)
```

```
[1] 8
```

また、2つの値を足し合わせる関数は次のようになる。

```
add_numbers <- function(a, b) {  
  sum <- a + b  
  return(sum)  
}  
# 実行例  
add_numbers(2, 5)
```

```
[1] 7
```

ここで示したように、引数は複数取ることも可能である。また、既定値 default value を設定することも可能である。次の例を見てみよう。

```
add_numbers2 <- function(a, b = 1) {  
  sum <- a + b  
  return(sum)  
}  
# 実行例  
add_numbers2(2, 5)
```

```
[1] 7
```

```
add_numbers2(4)
```

```
[1] 5
```

関数を作るときに、(a,b=1)としているのは、bに既定値として1を与えていて、特に指定がなければこの値を使うよう指示しているということである。実行例において、引数が2つ与えられている場合はそれらを使った計算をし(2+5)、1つしか与えられていない場合は第一引数aに与えられた値を、第二引数bは既定値を使った計算をする(4+1)、という挙動になる。

ここから推察できるように、われわれユーザが使う統計パッケージの関数にも実は多くの引数があり、既定値が与えられているということだ。これらは選択的に、あるいは能動的に与えることができるものであるが、これらの引数は選択的に指定することができるのだが、通常は一般的に使われる値や計算の細かな設定に関するものであり、開発者がユーザの手間を省くために提供しているものである。関数のヘルプを見ると指定可能な引数の一覧が表示されるので、ぜひ興味を持って見てもらいたい。

5.5.2 複数の戻り値

Rでの戻り値は1つのオブジェクトでなければならない。しかし、複数の値を返したいということがあるだろう。そのような場合は、返すオブジェクトをlistなどでひとまとめにして作成すると良い。以下に簡単な例を示す。

```
calculate_values <- function(a, b) {  
  sum <- a + b  
  diff <- a - b  
  # 戻り値として名前付きリストを作成  
  result <- list("sum" = sum, "diff" = diff)  
  return(result)  
}  
# 実行例  
result <- calculate_values(10, 5)  
# 結果を表示  
print(result)
```

```
$sum  
[1] 15
```

```
$diff  
[1] 5
```

5.6 関数化の練習問題

1. ある値を与えたとき、正の値なら”positive”，負の値なら”negative”，0 のときは”Zero” と表示する関数を書いてください。
2. ある 2 組の数字を与えた時、和、差、積、商を返す関数を書いてください。
3. あるベクトルを与えた時、算術平均、中央値、最大値、最小値、範囲を返す関数を書いてください。
4. あるベクトルを与えた時、標本分散を返す関数を書いてください。なお R の分散を返す関数 `var` は不偏分散 $\hat{\sigma}$ を返しており、標本分散 v とは計算式が異なります。念のため、計算式を以下に示します。

$$\hat{\sigma} = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2$$

$$v = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2$$

第 6 章

確率とシミュレーション

6.1 確率の考え方と使い所

統計と確率は密接な関係がある。まずデータをたくさん集めると、個々のケースでは見られない全体的な傾向が見られるようになり、それを表現するのに確率の考え方を使う、というのがひとつ。次にデータがそれほどたくさんなくとも、大きな全体の中から一部を取り出した標本 Sample と考えられるとき、標本は全体の性質をどのように反映しているかを考えることになる。ここで全体の傾向から一部を取り出した偶然性を表現するときに確率の考え方を使うことになる。最後に、理論的・原理的に挙動がわかっている機械のようなものでも、現実的・実践的には系統だったズレが生じたり、偶然としか考えられない誤差が紛れ込むことがある。前者は機械の調整で対応できるが、後者は偶然が従う確率を考える必要がある。

心理学は人間を対象に研究を行うが、あらゆる人間を一度に調べるわけにはいかないで、サンプルを取り出して調査したり実験したりする (第 2 のケース)。データサイエンスでは何万レコードというおおきなデータセットになるが、心理学の場合は数件から数十件しかないことも多い。また、心理学的傾向を理論立ててモデル化できたとしても、実際の行動には誤差が含まれている可能性が高い (第 3 のケース)。このことから、心理学で得られるデータは確率変数として考えられ、小標本から母集団の性質を推測する**推測統計**と共に利用される。

厳密に数学的な意味での**確率**は、集合、積分、測度といった緻密な概念の積み重ねから定義される^{*1}。ここではその詳細に分け入らず、単に「特定の結果が生じる可能性について、0 から 1 の間の実数でその大小を表現したものの」とだけ理解しておいて欲しい。この定義からは、「全ての可能な組み合わせのうち当該事象の成立する割合」という解釈も成り立つし、「主観的に重みづけた真実味の強さに関する信念の度合い」という解釈も成り立つ。^{*2}これまで学んできた確率は順列・組み合わせを全て書き出す退屈なもの、と思っていたかもしれないが、「十中八九まちがいないね (80-90% ほど確からしいと考えている)」という数字も確率の一種として扱えるので、非常に身近で適用範囲の広い概念である。理解を進めるポイントの 1 つとして、確率を面積として考えると良いかもしれない。ありうる状況の全体の空間に対して、事象の成立する程度がどの程度の面積がどの程度の割合であるかを表現したのが確率という量である、と考えるのである (平岡・堀 (2009) は書籍の中で一貫して面積で説明している。

^{*1} 詳しくは吉田 (2021), 河野 (1999), 佐藤 (1994) などを参照のこと。

^{*2} 前者の解釈は高校までの数学で学ぶ確率であり、頻度主義的確率と呼ばれることがある。一方後者の解釈は、降水確率 X% のように日常でも使うものであり、主観確率と呼ばれることがある。こうした解釈の違いを、主義主張の対立であって数学的ではない、と批判する向きもあるが、実際コルモゴロフの公理はどちらの立場でも成立するように整えられており、筆者個人的にはユーザが理解しやすく計算できればどちらでも良いと考えている。

この説明だと、条件付き確率などの理解がしやすい。)。

ただし注意して区別しておいて欲しいのが、確率変数とその実現値の違いである。データセットやスプレッドシートに含まれる値は、あくまでも**確率変数の実現値**というのであって、**確率変数**はその不確実な状態を有した変数そのものを指す言葉である。サイコロは確率変数だが、サイコロの出目は確率変数の実現値である。心理変数は確率変数だが、手に入れたデータはその実現値である。実現値を通じて変数の特徴を知り、全体を推測するという流れである。

目の前のデータを超えて、抽象的な実体で議論を進めることが難しく感じられるかもしれない。実は誰しもそうなのであって、確率の正確な理解は非常に難易度が高い。しかし R など計算機言語に実装されている関数を通じて、より具体的に、操作しながら理解することで徐々に理解していこう。

6.2 確率分布の関数

確率変数の実現値は、**確率分布**に従う。確率分布とは、その実現値がどの程度生じやすいかを全て表した総覧であり、一般的に関数で表現される。実現値が連続的か離散的かによって名称が異なるが、連続的な確率分布関数は**確率密度関数 (Probability Density Function)**、離散的な確率分布関数は**確率質量関数 (Probability Mass Function)**という。

R には最初から確率に関する関数がいくつか準備されている。最も有名な確率分布である**正規分布**について、次のような関数がある。

```
# 標準のプロット関数, curve
curve(dnorm(x), from = -4, to = 4)
```



```
# ggplot2 を使ってカッコよく
library(tidyverse)
```

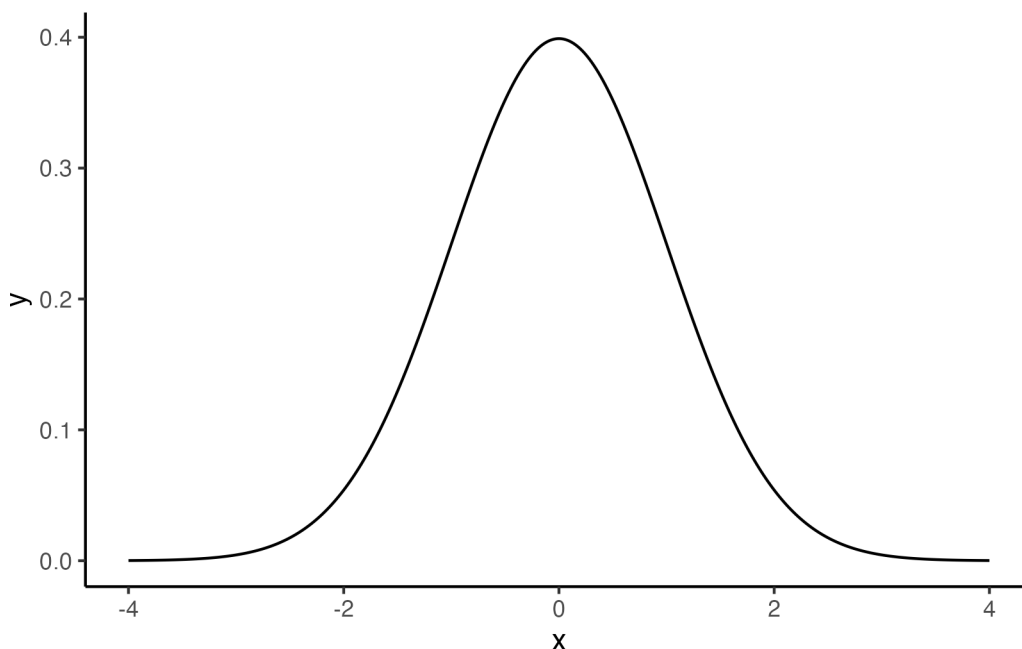
```
-- Attaching core tidyverse packages ----- tidyverse 2.0.0 --
v dplyr      1.1.4      v readr      2.1.5
v forcats    1.0.0      v stringr    1.5.1
```



```

v ggplot2 3.5.1      v tibble 3.2.1
v lubridate 1.9.3    v tidyr 1.3.1
v purrr 1.0.2
-- Conflicts ----- tidyverse_conflicts() --
x dplyr::filter() masks stats::filter()
x dplyr::lag() masks stats::lag()
i Use the conflicted package (<http://conflicted.r-lib.org/>) to force all conflicts to become errors
data.frame(x = seq(-4, 4, by = 0.01)) %>%
  mutate(y = dnorm(x)) %>%
  ggplot(aes(x = x, y = y)) +
  geom_line() +
  theme_classic()

```



ここで `dnorm` という関数を使っているが、`d` は Density(確率密度) の頭文字であり、`norm` は Normal Distribution(正規分布) の一部である。このように、R では確率分布の名前を表す名称(ここでは `norm`) と、それに接頭文字ひとつ(`d`) で関数を構成する。この接頭文字は他に `p`, `q`, `r` があり、`dpois`(ポアソン分布 poisson distribution の確率密度関数)、`pnorm`(正規分布 normal distribution の累積分布関数)、`rbinom`(二項分布 binomial distribution からの乱数生成) のように使う。

ここでは正規分布を例に説明を続けよう。正規分布は平均 μ と標準偏差 σ でその形状が特徴づけられる。これらの確率分布の特徴を表す数字のことを**母数 parameter** という。たとえば、次の3つの曲線はパラメータが異なる正規分布である。

```

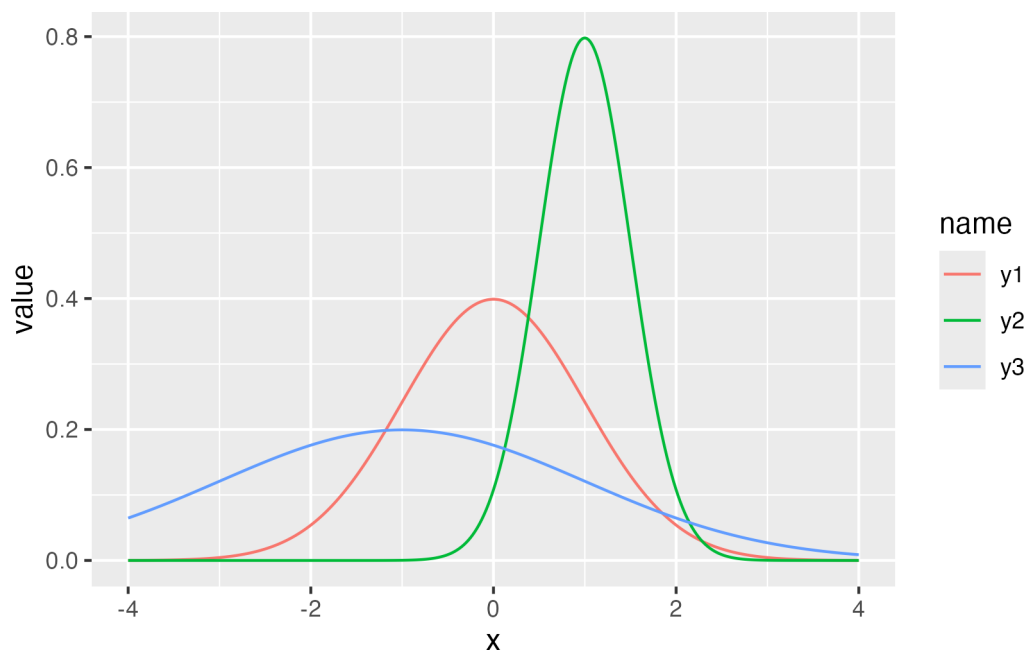
data.frame(x = seq(-4, 4, by = 0.01)) %>%
  mutate(
    y1 = dnorm(x, mean = 0, sd = 1),

```

```

y2 = dnorm(x, mean = 1, sd = 0.5),
y3 = dnorm(x, mean = -1, sd = 2)
) %>%
pivot_longer(-x) %>%
ggplot(aes(x = x, y = value, color = name)) +
geom_line()

```



平均は位置母数，標準偏差はスケール母数とも呼ばれ，分布の位置と幅を変えていることがわかる。言い換えると，データになるべく当てはまるように正規分布の母数を定めることもできるわけで，左右対称で単峰の分布という特徴があれば，正規分布でかなり様々なパターンを表せる。

さて，上の例で用いた関数はいずれも `d` を頭を持つ `dnorm` であり，確率分布の密度の高さを表現していた。では `p` や `q` が表すのは何であろうか。数値と図の例を示すので，その対応関係を確認してもらいたい。

累積分布関数

```
pnorm(1.96, mean = 0, sd = 1)
```

```
[1] 0.9750021
```

累積分布の逆関数

```
qnorm(0.975, mean = 0, sd = 1)
```

```
[1] 1.959964
```

数値で直感的にわかりにくい場合，次の図を見て確認しよう。`pnorm` 関数は `x` 座標の値を与えると，そこまでの面積（以下のコードで描かれる色付きの領域）すなわち確率を返す。`qnorm` 関数は確率（=面積）を与えると，確率密度関数のカーブの下領域を積分してその値になるときの `x` 座標の値を返す。

```
# 描画
prob <- 0.9
## 全体の正規分布カーブ
df1 <- data.frame(x = seq(from = -4, 4, by = 0.01)) %>%
  mutate(y = dnorm(x, mean = 0, sd = 1))
## qnorm(0.975) までのデータ
df2 <- data.frame(x = seq(from = -4, qnorm(prob), by = 0.01)) %>%
  mutate(y = dnorm(x, mean = 0, sd = 1))
## データセットの違いに注意
ggplot() +
  geom_line(data = df1, aes(x = x, y = y)) +
  geom_ribbon(data = df2, aes(x = x, y = y, ymin = 0, ymax = y), fill = "blue", alpha = 0.3) +
  ## 以下装飾
  geom_segment(
    aes(x = qnorm(prob), y = dnorm(qnorm(prob)), xend = qnorm(prob), yend = 0),
    arrow = arrow(length = unit(0.2, "cm")), color = "red"
  )
```



d,p,q,r といった頭の文字は、他の確率分布関数にも付く。では次に r について説明しよう。

6.3 乱数

乱数とは何であるかを説明するのは、「ランダムである (確率変数である) とは如何なることか」を説明するのと同じように難しい。カンタンに説明するなら、規則性のない数列という意味である。しかし計算機はアルゴリズムに沿って正しく数値を計算するものだから、ランダムに、規則性がない数字を示すということは厳密にはあり得な

い。計算機が出す乱数は、乱数生成アルゴリズムに沿って出される数字であり、ランダムに見えて実は規則性があるので、疑似乱数というのが正しい。

とはいえ、人間が適当な数字を思いつきで誦じていく^{*3}よりは、よほど規則性がない数列を出すので、疑似的とはいえ十分に役に立つ。たとえばアプリなどで「ガチャ」を引くというのは、内部で乱数によって数値を出し、それに基づいてあたり・ハズレ等の判定をしている。他にも、RPGなどで攻撃する時に一定の確率で失敗するとか、一定の確率で「会心の一撃」を出すというのも同様である。ここで大事なことは、そうしたゲームへの実装において規則性のない数字に基づくプログラムにしたとしても、その統計的な性質、すなわち実現値の出現確率はある程度制御したいのである。

そこで、ある確率分布に基づく乱数を生成したい、ということになる。幸いにして、一様乱数(全ての実現値が等しい確率で生じる)を関数で変換することで、正規分布ほか様々な確率分布に従う乱数を作ることができる。Rにはその基本関数として幾つかの確率分布に従う乱数が実装されている。たとえば次のコードは、平均 50, SD10 の正規分布に従う乱数を 10 個出現させるものである。

```
rmnorm(n = 10, mean = 50, sd = 10)
```

```
[1] 67.79913 55.14302 58.38899 40.62332 34.03363 53.54245 39.81697 45.30863
[9] 52.49141 33.14198
```

たとえば諸君が心理統計の練習問題を作ろうとして、適当な数列が欲しければこのようにすれば良いかもしれない。しかし、同じ問題をもう一度作ろうとすると、乱数なのでまた違う数字が出てしまう。

```
rmnorm(n = 10, mean = 50, sd = 10)
```

```
[1] 76.31822 41.45026 45.71572 43.14691 56.49996 56.84818 58.66674 43.62884
[9] 48.57976 43.22699
```

疑似乱数に過ぎないのだから、再現性のある乱数を生じさせたいと思うかもしれない。そのような場合は、`set.seed` 関数を使う。疑似乱数は内部の乱数生成の種 (seed) から計算して作られているため、その数字を固定してやると同じ乱数が再現できる。

```
# seed を指定
set.seed(12345)
rmnorm(n = 3)
```

```
[1] 0.5855288 0.7094660 -0.1093033
```

```
# 同じ seed を再設定
set.seed(12345)
rmnorm(n = 3)
```

```
[1] 0.5855288 0.7094660 -0.1093033
```

^{*3} 厳密なエビデンスは示せないが、俗に「嘘のゴサンパチ」というように人間が適当に数字を述べると 5,3,8 が使われる率がチャンスレベルより高いと言われている。

6.3.1 乱数のつかいかた

乱数の使い方のひとつは、先に述べたように、プログラムが偶然による振る舞いをしているように仕掛けたいとき、ということだろう。

実は他にも使い道がある。それは確率分布を具体的に知りたいときである。次に示すのは、標準正規分布から $n = 10, 100, 1000, 10000$ とした時のヒストグラムである。

```
rN10 <- rnorm(10)
rN100 <- rnorm(100)
rN1000 <- rnorm(1000)
rN10000 <- rnorm(10000)

data.frame(
  N = c(
    rep(1, 10), rep(2, 100),
    rep(3, 1000), rep(4, 10000)
  ),
  X = c(rN10, rN100, rN1000, rN10000)
) %>%
  mutate(N = as.factor(N)) %>%
  ggplot(aes(x = X, fill = N)) +
  # 縦軸を相対頻度に
  geom_histogram(aes(y = ..density..)) +
  facet_wrap(~N)
```

Warning: The dot-dot notation (`..density..`) was deprecated in ggplot2 3.4.0.

i Please use `after_stat(density)` instead.

`stat_bin()` using `bins = 30`. Pick better value with `binwidth`.



これを見ると、最初の 10 個程度のヒストグラムは不規則な分布に見えるが、100,1000 と増えるに従って徐々に正規分布の理論的形状に近似していくところがみて取れる。

R にはポアソン分布や二項分布などに加え、統計に馴染みの深い t 分布や F 分布、 χ^2 分布などの確率分布関数も実装されている。これらの分布はパラメタの値を聞いてもイメージしにくいところがあるかもしれないが、そのような時はパラメタを指定した上で乱数を大量に生成し、そのヒストグラムを描けば確率分布関数の形が眼に見えてくるため、より具体的に理解できるだろう。

実際、ベイズ統計学が昨今隆盛している一つの理由は、計算機科学の貢献によるところが大きい。**マルコフ連鎖モンテカルロ法** (MCMC 法) と呼ばれる乱数発生技術は、明確な名前を持たないモデルによって作られる事後分布からでも、乱数を生成できる技術である。この分布は解析的に示すことは困難であるが、そこから乱数を生成し、そのヒストグラムを見ることで、形状を可視化できるのである。

また、この乱数利用法の利点は可視化だけではない。標準正規分布において、ある範囲の面積 (= 確率) が知りたいとする。たとえば、確率点 -1.5 から +1.5 までの範囲の面積を求めたいとしよう。正規分布の数式はわかっているので、次のようにすればその面積は求められる。

$$p = \int_{-1.5}^{+1.5} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{x^2}{2}} dx$$

もちろん我々は `pnorm` 関数を知っているので、次のようにして数値解を得ることができる。

```
pnorm(+1.5, mean = 0, sd = 1) - pnorm(-1.5, mean = 0, sd = 1)
```

```
[1] 0.8663856
```

同様のことは乱数を使って、次のように近似解を得ることができる。

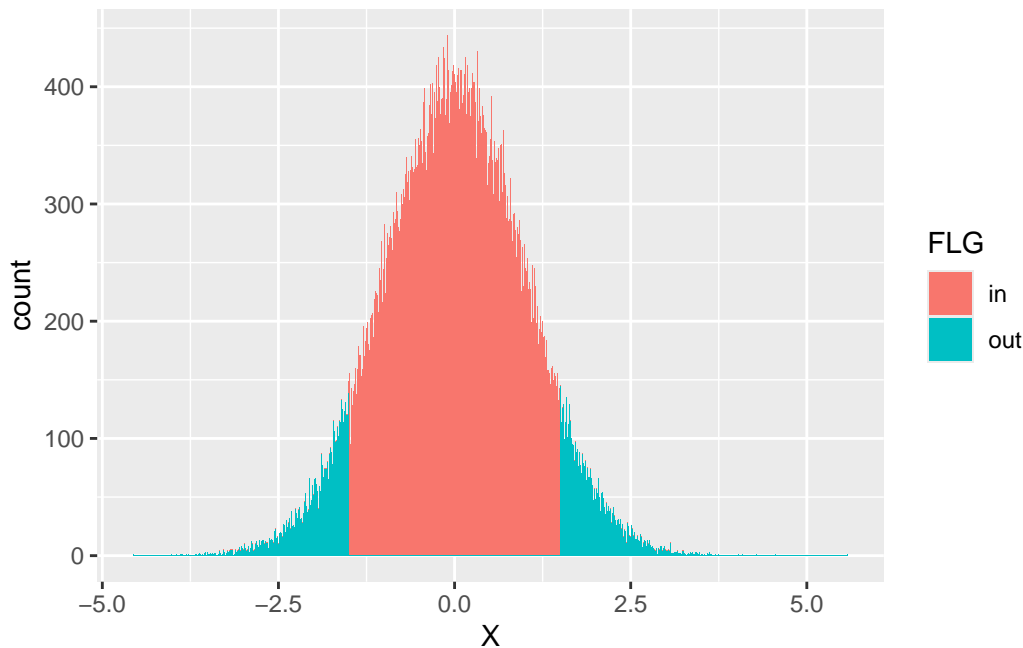
```
x <- rnorm(100000, mean = 0, sd = 1)
df <- data.frame(X = x) %>%
  # 該当する範囲かどうかを判定する変数を作る
  mutate(FLG = ifelse(X > -1.5 & X < 1.5, 1, 2)) %>%
  mutate(FLG = factor(FLG, labels = c("in", "out")))
## 計算
df %>%
  group_by(FLG) %>%
  summarise(n = n()) %>%
  mutate(prob = n / 100000)
```

```
# A tibble: 2 x 3
  FLG      n prob
  <fct> <int> <dbl>
1 in    86642 0.866
2 out   13358 0.134
```

ここでは乱数を 10,000 個生成し、指定の範囲内に入るかどうか (入れば 1, 入らなければ 2) を示す factor 型変数 FLG を作った。この変数ごとに群分けして数を数え、総数で割ることで相対度数にする。確率は全体の中に占める相対的な面積の割合であり、今回当該領域の値が 0.866 と pnorm 関数で算出した解とほぼ同等の値変えられている。

なお、次のようにすれば範囲の可視化も容易い。

```
## 可視化
df %>%
  ggplot(aes(x = X, fill = FLG)) +
  geom_histogram(binwidth = 0.01)
```



繰り返すが、確率分布の形がイメージできなかったり、解析的にその式を書き表すことが困難であった場合でも、具体的な数値にすることでヒストグラムで可視化でき、また近似的に確率計算ができています。

あくまでも近似に過ぎないのでその精度が信用できない、というひとは生成する乱数の数を10倍、100倍にすれば良い。昨今の計算機の計算能力において、その程度の増加はさほど計算料の負担にならない。複雑な積分計算が記述統計量(数え上げ)の問題になる点で、具体的に理解できるという利点は大きい。

さらに思いを馳せてほしいのだが、心理学者は心理学実験や調査によって、データを得る。しかしそれらは個人差や誤差を考え、確率変数だとされている。目の前の数件から数十件のデータであっても、正規分布に従うと仮定して統計的处理をおこなう。これは「乱数によって生成したデータ」に対して行うとしても本質的には同じである。すなわち、調査実験を行う前に、乱数によってシミュレーションしておくことができるのである。調査実験の本番一発勝負をする前に、自分の取ろうとしているデータがどのような性質を持ちうるかを具体的に確かめておくことは重要な試みであろう。

6.4 練習問題；乱数を用いて

正規乱数を用いて、次の値を近似計算してみよう。なお設定や解析的に算出した「真の値」と少数以下2位までの精度が得られるように工夫しよう。

1. 平均100, 標準偏差8の正規分布の期待値。なお連続確率変数の期待値は次の式で表されます。

$$E[X] = \int_{-\infty}^{\infty} x f(x) dx$$

ここで x は確率変数を表し、 $f(x)$ は確率密度関数であり、確率密度関数の全定義域を積分することで得られます。正規分布の期待値は、平均パラメータに一致しますので、今回の真値は設定した100になります。

2. 平均 100, 標準偏差 3 の正規分布の分散を計算してみよう。なお連続確率変数の分散は次の式で表されます。

$$\sigma^2 = \int_{-\infty}^{\infty} (x - \mu)^2 f(x) dx$$

ここで μ は確率変数の期待値であり、正規分布の分散は、標準偏差パラメータの二乗に一致しますので、今回の真値は $3^2 = 9$ です。

3. 平均 65, 標準偏差 10 の正規分布に従う確率変数 X の、 $90 < X < 110$ の面積。解析的に計算した結果は次の通りです。

```
pnorm(110, mean = 65, sd = 10) - pnorm(90, mean = 65, sd = 10)
```

```
[1] 0.006206268
```

4. 平均 10, 標準偏差 10 の正規分布において、実現値が 7 以上になる確率。解析的に計算した結果は次の通りです。

```
1 - pnorm(7, mean = 10, sd = 10)
```

```
[1] 0.6179114
```

5. 確率変数 X, Y があります。 X は平均 10, SD10 の正規分布, Y は平均 5, SD8 の正規分布に従うものとします。ここで、 X と Y が独立であるとしたとき、和 $Z = X + Y$ の平均と分散が、もとの X, Y の平均の和、分散の和になっていることを、乱数を使って確認してください。

6.5 母集団と標本

ここまで確率分布の性質を見るために乱数を利用する方法を見てきた。ここからは、推測統計学における確率分布の利用を考える。推測統計では、知りたい集団全体のことを**母集団 population**、そこから得られた一部のデータを**標本 sample**と呼ぶのであった。標本の統計量を使って、母集団の性質を推論するのが推測統計/統計的推測である。母集団の特徴を表す統計量は**母数 parameter**と呼ばれ、母平均、母分散など「母」の字をつけて母集団の情報であることを示す。同様に、標本の平均や分散も計算できるが、この時は標本平均、標本分散など「標本」をつけて明示的に違いを強調することもある。

乱数を使って具体的な例で見てみよう。ここに 100 人から構成される村があったとする。この村の人々の身長を測ってデータにしたとしよう。100 個の適当な数字を考えるのは面倒なので、乱数で生成してこれに代える。

```
set.seed(12345)
# 100 人分の身長データをつくる。小数点以下 2 桁を丸めた
Po <- rnorm(100, mean = 150, sd = 10) %>% round(2)
print(Po)
```

```
[1] 155.86 157.09 148.91 145.47 156.06 131.82 156.30 147.24 147.16 140.81
[11] 148.84 168.17 153.71 155.20 142.49 158.17 141.14 146.68 161.21 152.99
[21] 157.80 164.56 143.56 134.47 134.02 168.05 145.18 156.20 156.12 148.38
[31] 158.12 171.97 170.49 166.32 152.54 154.91 146.76 133.38 167.68 150.26
```

```
[41] 161.29 126.20 139.40 159.37 158.54 164.61 135.87 155.67 155.83 136.93
[51] 144.60 169.48 150.54 153.52 143.29 152.78 156.91 158.24 171.45 126.53
[61] 151.50 136.57 155.53 165.90 144.13 131.68 158.88 165.93 155.17 137.04
[71] 150.55 142.15 139.51 173.31 164.03 159.43 158.26 141.88 154.76 160.21
[81] 156.45 160.43 146.96 174.77 159.71 168.67 156.72 146.92 155.37 158.25
[91] 140.36 141.45 168.87 146.08 140.19 156.87 144.95 171.58 144.00 143.05
```

この 100 人の村が母集団なので、母平均や母分散は次のようにして計算できる。

```
M <- mean(Po)
V <- mean((Po - M)^2)
# 母平均
print(M)
```

```
[1] 152.4521
```

```
# 母分散
print(V)
```

```
[1] 123.0206
```

さて、この村からランダムに 10 人の標本を得たとしよう。ベクトルの前から 10 人でも良いが、R にはサンプリングをする関数 `sample` があるのでこれを活用する。

```
s1 <- sample(Po, size = 10)
s1
```

```
[1] 164.61 155.86 136.93 143.29 160.43 168.87 151.50 155.17 153.71 135.87
```

この `s1` が手元のデータである。心理学の実験でデータを得る、というのはこのように全体に対してごく一部だけ取り出したものになる。このサンプルの平均や分散は標本平均、標本分散である。

```
m1 <- mean(s1)
v1 <- mean((s1 - mean(s1))^2)
# 標本平均
print(m1)
```

```
[1] 152.624
```

```
# 標本分散
print(v1)
```

```
[1] 110.2049
```

今回、母平均は 152.4521 で標本平均は 152.624 である。実際に知りうる値は標本の値だけなので、標本平均 152.624 を得たら、母平均も 152.624 に近い値だろうな、と推測するのはおかしいことではないだろう。しかし標本平均は、標本の取り方によって毎回変わるものである。試しにもう一つ、標本をとったとしよう。

```
s2 <- sample(Po, size = 10)
s2
```

```
[1] 154.76 135.87 143.05 171.45 136.57 170.49 156.87 158.25 155.17 155.20
```

```
m2 <- mean(s2)
v2 <- mean((s2 - mean(s2))^2)
# 標本平均その2
print(m2)
```

```
[1] 153.768
```

今回の標本平均は 153.768 になった。このデータが得られたら、諸君は母平均が「153.768 に近い値だろうな」と推測するに違いない。標本 1 の 152.624 と標本 2 の 153.768 を比べると、前者の方が正解 152.4521 に近い (その差はそれぞれ -0.1719 と -1.3159 である)。つまり、標本の取り方によっては当たり外れがあるということである。データをとって研究していても、仮説を支持する結果なのかそうでないのかは、こうした確率的揺らぎの下にある。

つまり、**標本は確率変数であり、標本統計量も確率的に変わりうるものである**。標本統計量でもって母数を推定するときは、標本統計量の性質や標本統計量が従う確率分布を知っておく必要がある。以下では母数の推定に望ましい性質を持つ推定量の望ましい性質をみていこう。

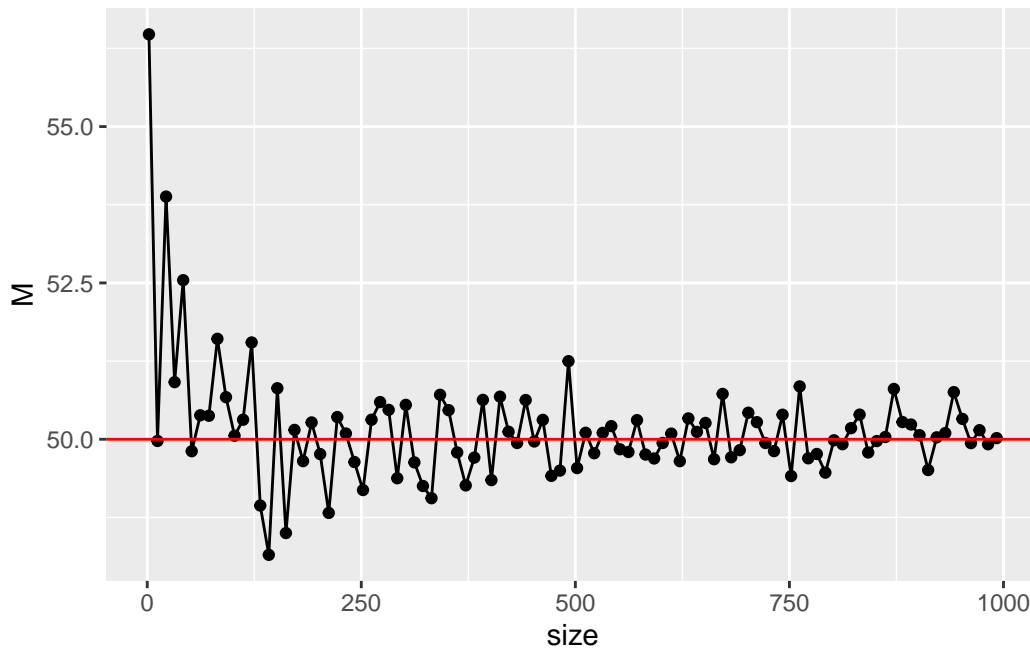
6.6 一貫性

最も単純には、標本統計量が母数に近ければ近いほど、できれば一致してくれれば喜ばしい。先ほどの例では 100 人の村から 10 人しか取り出さなかったが、もし 20 人、30 人とサンプルサイズが大きくなると母数に近づいていくことが予想できる。この性質のことを**一貫性** consistency といい、推定量が持っているほしい性質のひとつである。幸い、標本平均は母平均に対して一貫性を持っている。

このことを確認してみよう。サンプルサイズを様々に変えて計算してみれば良い。例として、平均 50, SD10 の正規分布からサンプルサイズを 2 から 1000 まで増やしていくことにしよう。サンプルを取り出すことを、乱数生成に置き換えてその平均を計算していくこととする。

```
set.seed(12345)
sample_size <- seq(from = 2, to = 1000, by = 10)
# 平均値を格納するオブジェクトを初期化
sample_mean <- rep(0, length(sample_size))
# 反復
for (i in 1:length(sample_size)) {
  sample_mean[i] <- rnorm(sample_size[i], mean = 50, sd = 10) %>%
    mean()
}
```

```
# 可視化
data.frame(size = sample_size, M = sample_mean) %>%
  ggplot(aes(x = size, y = M)) +
  geom_point() +
  geom_line() +
  geom_hline(yintercept = 50, color = "red")
```



このようにサンプルサイズが増えていくにつれて、真値の 50 に近づいていくことが見て取れる。母集団分布の形状やパラメータ、サンプルサイズなどを変えて確認してみよう。

6.7 不偏性

推定量は確率変数であり、確率分布でその性質を記述することができる。標本統計量の従う確率分布のことを**標本分布**と呼ぶが、標本分布の確率密度関数がわかっているなら、その期待値や分散も計算できるだろう。推定量の期待値 (平均) が母数に一致することも、推定量の望ましい性質の一つであり、この性質のことを**不偏性** unbiasedness という。

心理統計を学ぶ時に初学者を苛立たせるステップの一つとして、分散の計算の時にサンプルサイズ n ではなく $n - 1$ で割る、という操作がある。これは不偏分散といって標本分散とは違うのだが、前者が不偏性を持っているのに対し、後者がそうでないからである。これを乱数を使って確認してみよう。

平均 50, SD10(母分散 $10^2 = 100$) の母集団から、サンプルサイズ $n = 20$ の標本を繰り返し得る。これはサイズ 20 の乱数生成で行う。各標本に対して標本分散と不偏分散を計算し、その平均 (標本統計量の期待値) を計算してみよう。

```
iter <- 5000
vars <- rep(0, iter)
unbiased_vars <- rep(0, iter)

## 乱数の生成と計算
set.seed(12345)
for (i in 1:iter) {
  sample <- rnorm(n = 20, mean = 50, sd = 10)
  vars[i] <- mean((sample - mean(sample))^2)
  unbiased_vars[i] <- var(sample)
}

## 期待値
mean(vars)

[1] 95.08531

mean(unbiased_vars)

[1] 100.0898
```

標本分散を計算したオブジェクト `vars` の平均すなわち期待値は 95.0853144 であり、設定した値 (真値) の 100 からは幾分はなれている。これに対して、R の埋め込み関数である `var` をつかった不偏分散の平均すなわち期待値は 100.0898047 であり、母分散の推定量としてはこちらの方が好ましいことがわかる。このように標本分散にはバイアスが生じることがわかっているため、あらかじめバイアスを補正するために元の計算式を修正していたのである。この説明で、苛立ちを感じていた人の溜飲が下がればよいのだが。

他にも推定量の望ましい性質として有効性 *efficacy* があるが、詳細は小杉他 (2023) を参照してほしい。この本には正規分布以外の例や、相関係数など他の標本統計量の例なども載っているが、いずれも乱数生成による近似で理解を進めるものである。諸君も数理統計的な説明に疲れたなら、ぜひ参考にしてもらいたい。

6.8 信頼区間

標本統計量は確率変数であり、標本を取るたびに変わる。標本を取るときに入る確率的ゆらぎによるからで、標本平均は一致性、不偏性という望ましい性質を持つてはいるが、標本平均 = 母平均とはならない。

標本平均という確率変数の実現値一点でもって、母平均を推測することは、母平均を推測する上ではほぼ確実に外れるギャンブルである。そこで母数に対してある幅でもって推定することを考えよう。

たとえば平均 50、標準偏差 10 の標準正規分布を母集団分布とし、サンプルサイズ 10 の標本をとり、その標本平均を母平均の推定値としよう (点推定)。同時に、その推定値に少し幅を持たせ、たとえば標本平均 ± 5 の **区間推定** をしたとする。この時、真値 0 を正しく推測できる確率を、反復乱数生成のシミュレーションで確かめてみよう。

```

iter <- 10000
n <- 10
mu <- 50
SD <- 10

# 平均値を格納しておくオブジェクト
m <- rep(0, iter)

set.seed(12345)
for (i in 1:iter) {
  # サンプルングし、標本統計量を保存
  sample <- rnorm(n, mean = mu, sd = SD)
  m[i] <- mean(sample)
}

result.df <- data.frame(m = m) %>%
  # 推定が一致すると TRUE, 外れると FALSE になる変数を作る
  mutate(
    point_estimation = ifelse(m == mu, TRUE, FALSE),
    interval_estimation = ifelse(m - 5 <= mu & mu <= m + 5, TRUE, FALSE)
  ) %>%
  summarise(
    n1 = sum(point_estimation),
    n2 = sum(interval_estimation),
    prob1 = mean(point_estimation),
    prob2 = mean(interval_estimation)
  ) %>%
  print()

```

```

  n1    n2 prob1 prob2
1  0 8880     0 0.888

```

結果からわかるように、点推定値は一度も正しく母数を当てていない。これは当然で、実数でやる以上小数点以下どこかでズレてしまうことがあるからで、精度を無視すると一致することはあり得ないのである。これに対して幅を持った予測の場合は、 10^4 回の試行のうち 8880 回はその区間内に真値を含んでおり、その正答率は 88.8% である。

区間推定において正答率を 100% にするためには、その区間を無限に広げなければならない (母平均の推定の場合)。これは実質的に何も推定していないことに等しいので、5% 程度の失敗を認めよう、95% の正答率で区間推定しようというのが習わしになっている。この区間のことを 95% の **信頼区間** confidence interval という。

6.8.1 正規母集団分布の母分散が明らかな場合の信頼区間

上のシミュレーションを応用して、区間推定が正当する確率が 95% になるまで区間を調整して行ってもよいが、さすがにそれは面倒なので、推測統計学によって明らかになっている性質を紹介しよう。

母集団が正規分布に従い、その母平均が μ 、母分散が σ^2 であることがわかっている場合、標本平均の従う分布は平均 μ 、分散 $\frac{\sigma^2}{n}$ (標準偏差 $\frac{\sigma}{\sqrt{n}}$) の正規分布であることがわかっている。

標準正規分布の 95% 区間は、次の通り約 ± 1.96 である。

```
# 両端から 2.5% ずつ取り除くと
```

```
qnorm(0.025)
```

```
[1] -1.959964
```

```
qnorm(0.975)
```

```
[1] 1.959964
```

これらを合わせると、標本平均が \bar{X} であったとき、95% 信頼区間は標準偏差を 1.96 倍して、次のようになる。

$$\bar{X} - 1.96 \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \leq \mu \leq \bar{X} + 1.96 \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$

先ほどの数値例を応用して、これを確かめてみよう。95 % ちかい割合で、区間内に真値が含まれていることがわかる。

```
interval <- 1.96 * SD / sqrt(n)
result.df2 <- data.frame(m = m) %>%
  # 推定が一致すると TRUE, 外れると FALSE になる変数を作る
  mutate(
    interval_estimation = ifelse(m - interval <= mu & mu <= m + interval, TRUE, FALSE)
  ) %>%
  summarise(
    prob = mean(interval_estimation)
  ) %>%
  print()
```

```
prob
```

```
1 0.9498
```

6.8.2 正規母集団分布の母分散が不明な場合の信頼区間

先ほどの例では母分散がわかっている場合の例であったが、母平均や母分散がわかっている必要はないわけで、実践的には母分散がわからない場合の推定が必要になってくる。幸いにしてそのような場合、すなわち母分散を不偏分散 (標本統計量) で置き換えた場合は、標本平均が自由度 $n - 1$ の t 分布に従うことがわかっている。(詳細は小杉他 (2023) を参照) ただその場合、標準正規分布のように 95% 区間が ± 1.96 に限らず、サンプルサイズに応じて t 分布の形が変わるから、それを考慮して以下の式で信頼区間を算出する。

$$\bar{X} + T_{0.025} \frac{U}{\sqrt{n}} \leq \mu \leq \bar{X} + T_{0.975} \frac{U}{\sqrt{n}}$$

ここで $T_{0.025}$ は t 分布の 2.5 パーセンタイル、 $T_{0.975}$ は 97.5 パーセンタイルを指す。 t 分布は (平均が 0 であれば) 左右対称なので、 $T_{0.025} = -T_{0.975}$ と考えても良い。また U^2 は不偏分散である (U はその平方根)。

これも乱数による近似計算で確認しておこう。同じく 95 % ちかい割合で、区間内に真値が含まれていることがわかる。

```
# シミュレーションの設定
iter <- 10000
n <- 10
mu <- 50
SD <- 10

# 平均値を格納しておくオブジェクト
m <- rep(0, iter)
interval <- rep(0, iter)

set.seed(12345)
for (i in 1:iter) {
  # サンプリングし、標本統計量を保存
  sample <- rnorm(n, mean = mu, sd = SD)
  m[i] <- mean(sample)
  U <- sqrt(var(sample)) # sd(sample) でも同じ
  interval[i] <- qt(p = 0.975, df = n - 1) * U / sqrt(n)
}

result.df <- data.frame(m = m, interval = interval) %>%
  # 推定が一致すると TRUE, 外れると FALSE になる変数を作る
  mutate(
    interval_estimation = ifelse(m - interval <= mu & mu <= m + interval, TRUE, FALSE)
  ) %>%
  summarise(
```



```
prob = mean(interval_estimation)
) %>%
print()
```

```
prob
1 0.9482
```

6.9 練習問題；推定量と区間推定

1. 算術平均 $M = \frac{1}{n} \sum x_i$ が一致推定量であることが示されましたが、調和平均 $HM = \frac{n}{\sum \frac{1}{x_i}}$ や幾何平均 $GM = (\prod x_i)^{\frac{1}{n}} = \exp(\frac{1}{n} \sum \log(x_i))$ はどうでしょうか。シミュレーションで確かめてみましょう。
2. サンプルサイズ n が大きくなるほど、標本平均が母平均に近づくという性質は正規分布以外でも成立するでしょうか。自由度 $\nu = 3$ の t 分布を使って、シミュレーションで確認してみましょう。なお t 分布の乱数は `rt()` で生成でき、非心度パラメータ `ncp` を指定しなければその平均は 0 です。
3. t 分布の自由度 ν が極めて大きい時は、標準正規分布に一致することがわかっています。`rt()` 関数を使って自由度が 10, 50, 100 のときの乱数を 1000 個生成し、ヒストグラムを書いてその形状を確認しましょう。また乱数の平均と標本標準偏差を計算し、標準正規分布に近づくことを確認しましょう。
4. 平均が 50、標準偏差が 10 の正規分布からサンプルサイズ 20 の乱数を 10000 個生成し、`quantile` 関数を使って 95 % 信頼区間をシミュレートしてください。理論値と比較して確認してください。
5. 平均が 100、標準偏差が 15 の正規分布から抽出された標本について、サンプルサイズを 10, 100, 1000 と変えたときの標本平均の 95% 信頼区間の幅を比較してください。

第 7 章

統計的仮説検定 (Null Hypothesis Statistical Testing)

帰無仮説検定は、心理学における統計の利用シーンの代表的なものだろう。その手順は形式化されており、統計パッケージによってはデータの種類の指定するだけで自動的に結果の記述までしてくれるものもあるほどである。誰がやっても同じ結果になり、また、機械的に手続きを自動化できることは大きな利点ではある。欠点は、初学者がそのメカニズムを十分に理解せずに誤った結果を得たり、悪意のある利用者が自分に都合の良い数字を出させたりすることにある。科学的営みは悪意をもった実践者を想定しておらず、もしそのような悪例が露見した場合には事後的に摘発・対処するしかない。しかし残念なことながら、初学者の浅慮や意図せぬ悪用も多くみられる。

心理学において、先行研究の結果が再現しないことを再現性問題というが、そのひとつは統計的手法の誤った使い方にあるとされる (池田・平石, 2016)。改めて、丁寧に帰無仮説検定の手続きやロジックを見ていくことにしよう。

7.1 帰無仮説検定の理屈と手続き

7.1.1 帰無仮説検定の目的

帰無仮説検定は、実験や調査で得たデータから得られた知見が意味のあるものかどうか、母集団の性質として一般化可能かどうかを判定するための枠組みである。手法と判断基準が明確なゲームの一種だと考えたよう。というのも、帰無仮説検定は**有意水準**という基準を設けて、**帰無仮説**と**対立仮説**という 2 つの考え方 (モデル) を対決させ、勝敗を決するものだからである。勝敗を決するとしたのは、帰無仮説と対立仮説は排他的な関係にあるからであり、どちらも正しいとかどちらも間違っているという結末にはならないからである。ただし、あくまでも推測統計的なロジックに基づく判定であるから、判定結果にも確率的な要素が含まれる。本当は帰無仮説が正しい時に、間違って「対立仮説が正しい」と判定してしまう確率はゼロではない。逆に帰無仮説が正しくない時に、間違って「対立仮説が正しくない (帰無仮説が正しい)」と判定してしまう可能性もある。前者を**タイプ 1 エラー**、後者を**タイプ 2 エラー**という。どちらの確率もゼロであってほしいが、そうはならないので、前者を α 、後者を β としたときに、それぞれを一定の水準以下に抑えたい。この目的のために手順を整え、一般化したのが帰無仮説検定である。なお、先に述べた有意水準は、この α の許容される水準であり、心理学では一般に 5% に設定する。

このように帰無仮説検定という考え方は、エラーの統制が本来の狙いであるから、「有意になるように工夫する」

という発想は根本的に間違っている。また、統計的推定という数学的手続きに、人間が納得しやすい判定を下すという人為的手続きが組み合わさったものであるから、帰無仮説検定の結果に過剰な意味を持たせたり一喜一憂したりすることがないように注意しよう。

7.1.2 帰無仮説検定の手続き

帰無仮説検定の手続きを一般化すれば、次のようになる。

1. 帰無仮説と対立仮説を設定する。
2. 検定統計量を選択する。
3. 判定基準を決定する。
4. 検定統計量を計算する。
5. 判定する。

帰無仮説検定は、群間の平均値に差があるかどうか、相関係数に統計的な意味があるかどうかといった事例に対して適用される。当然のことながら、これは標本から母集団を推定するという文脈における話で、物理学的な真偽を理論的に判断するとか、全数調査のように母集団全体の情報が手に入る場合といった場合の話ではない。また、標本のサンプルサイズが小さく、標本統計量の信頼区間が大きいことから、枠組みなしには判定できないという背景があることも再確認しておこう。

母集団の状態がわからないので、仮説を設定する。帰無仮説 Null Hypothesis は空っぽの仮説という意味で、母平均差がない (差がゼロ, $\mu_1 - \mu_2 = 0$) とか、母相関がゼロ ($\rho = 0$) である、とされる。対立仮説 Alternative Hypothesis は帰無仮説と排他的な関係にある仮説としてつくられるから、「差が無くはない ($\mu_1 - \mu_2 \neq 0$)」「相関がゼロではない ($\rho \neq 0$)」という表現になる。なぜ帰無仮説がゼロであることから始められるかといえば、ふたつの排他的な仮説を考えた時にゼロでない状態というのは無数にあり得るので、仮説として特定できないからである (差が1のとき, 1.1のとき, 1.11のとき・・・と延々と検定し続けるわけにもいくまい)。

検定統計量の選択は、二群の平均値差のときは t 、三群以上の時は F 、相関係数の検定も t 、と天下り的に示されることが一般的である。もちろんこれらの統計量が選ばれるのは、数理統計的な論拠に基づいている。判定基準は5%水準とすることが一般的だし、検定統計量の計算はアルゴリズムに沿って機械的に可能である。判定は客観的な指標に基づいて行われるから、「どの状況でどのような帰無仮説をおくか」が類型化できれば、この手続き全体が自動的に進められる。

しかしここでは改めて、丁寧に手順を追いながらみてみよう。

7.2 相関係数の検定

ここでは相関係数の検定を例に取り上げる。俗に「無相関検定」と呼ばれるように、相関がどれほど大きいとかどれほど意味があるということをチェックするのでは無く、無相関ではない、ということをチェックする。もちろん標本相関は計算してゼロでなければ、それは無相関ではない。ここで考えたいのは、母相関がゼロではないということである。言い換えると、母相関がゼロの状態であっても、標本相関がゼロでないことは、小標本のサンプリングという背景のもとでは当然のことである。

確認してみよう。まず、無相関なデータセットを作することを考える。R の MASS パッケージを使い、多変量正規分布の確率分布関数から乱数を生成しよう。

```
library(MASS)
set.seed(12345)
N <- 100000
X <- mvrnorm(N,
  mu = c(0, 0),
  Sigma = matrix(c(1, 0, 0, 1), ncol = 2),
  empirical = TRUE
)
head(X)
```

```
      [,1]      [,2]
[1,] -0.4070308 -0.72271139
[2,] -0.5774631 -0.57075167
[3,]  0.2312929 -0.42458994
[4,]  0.6242499 -0.55522146
[5,] -0.7791585  0.55004824
[6,]  1.8995860 -0.04899946
```

ここでは 10^5 個の乱数を生成した。つくられたオブジェクト X は表示されているように、2 変数からなる。ここでは相関のある 2 変数を想定しており、各変数がそれぞれ標準正規分布に従っているという設定である。rnorm 関数を 2 つ使って 2 変数をつくっても良いのだが、2 変数セットで取り出すことを考えると多変量正規分布をかんがえることになる。多変量正規分布は、ひとつひとつの変数については正規分布として平均と SD をもち、かつ、変数の組み合わせとして共分散をもつものである。mvrnorm の引数をみると、mu は平均ベクトルであり、Sigma が分散共分散行列である。分散共分散行列とは、ここでは 2×2 の正方行列であり、対角項に分散を、対角項に共分散をもつ行列である。共分散は標準偏差と相関係数の積で表される。

分散

$$s_x^2 = \frac{1}{n} \sum (x_i - \bar{x})^2 = \frac{1}{n} \sum (x_i - \bar{x})(x_i - \bar{x})$$

標準偏差

$$s_x = \sqrt{s_x^2} = \sqrt{\frac{1}{n} \sum (x_i - \bar{x})^2}$$

共分散

$$s_{xy} = \frac{1}{n} \sum (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})$$

相関係数

$$r_{xy} = \frac{s_{xy}}{s_x s_y} = \frac{\frac{1}{n} \sum (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sqrt{\frac{1}{n} \sum (x_i - \bar{x})^2} \sqrt{\frac{1}{n} \sum (y_i - \bar{y})^2}}$$

分散共分散行列

$$\Sigma = \begin{pmatrix} s_x^2 & s_{xy} \\ s_{yx} & s_y^2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} s_x^2 & r_{xy} s_x s_y \\ r_{xy} s_x s_y & s_y^2 \end{pmatrix}$$

今回 `Sigma = matrix(c(1,0,0,1), ncol = 2)` としたのは、この2変数が無相関であること (SD はそれぞれ1であること) を指定している。ちなみに `empirical = TRUE` のオプションは、生成された乱数が設定した分散共分散行列のもつ相関係数と一致するように補正することを意味している。

可視化しておこう。つくられた乱数が無相関であることを、散布図を使って確認する。

```
library(tidyverse)
```

```
-- Attaching core tidyverse packages ----- tidyverse 2.0.0 --
```

```
v dplyr      1.1.4      v readr      2.1.5
```

```
v forcats    1.0.0      v stringr    1.5.1
```

```
v ggplot2    3.5.1      v tibble     3.2.1
```

```
v lubridate  1.9.3      v tidyr      1.3.1
```

```
v purrr      1.0.2
```

```
-- Conflicts ----- tidyverse_conflicts() --
```

```
x dplyr::filter() masks stats::filter()
```

```
x dplyr::lag()     masks stats::lag()
```

```
x dplyr::select() masks MASS::select()
```

```
i Use the conflicted package (<http://conflicted.r-lib.org/>) to force all conflicts to become errors
```

```
X %>%
```

```
  as.data.frame() %>%
```

```
  ggplot(aes(x = V1, y = V2)) +
```

```
  geom_point()
```



数値的にも確認しておこう。

```
cor(X) %>% round(5)
```

```
      [,1] [,2]
[1,]     1  0
[2,]     0  1
```

つくられた乱数が無相関であることが確認できた。さてこれが母集団であったとして、ここからたとえば $n = 20$ のサンプルをとったとする。この時の相関はどうなるだろうか。R で計算してみよう。sample 関数をつかって抜き出す行を決めて、該当する行だけ s1 オブジェクトに代入する。その上で相関係数を計算してみよう。

```
selected_row <- sample(1:N, 20)
print(selected_row)
```

```
[1] 9647 80702 57543 93179 99032 82624 32672 53670 69698 42383 23801 69303
[13] 9816 61803 69464 23107 76958 44447    10 27292
```

```
s1 <- X[selected_row, ]
cor(s1)
```

```
      [,1]      [,2]
```

```
[1,] 1.0000000 0.1431698  
[2,] 0.1431698 1.0000000
```

今回の相関係数は 0.1431698 となった。母集団の相関係数が 0 であっても、適当に抜き出した 20 点が相関係数を持ってしまう (0 でない) ことはあり得ることなのである。問題は、これがどの程度あり得ることなのか、である。いいかえると、研究者が $n = 20$ のサンプルをとって相関を得た時、それが $r = 0.14$ であったとしても、母相関 $\rho = 0.0$ からのサンプルである可能性がどれぐらいあるか、ということである。

7.3 標本相関係数の分布と検定

標本相関係数は確率変数なので、毎回標本を取る度に値が変わるし、どの実現値がどの程度出現するかは標本分布で表現できる。ではどのような標本分布に従うのだろうか。先ほどのサンプリングを繰り返して、乱数によって近似してみよう^{*1}。

```
iter <- 10000  
samples <- c()  
for (i in 1:iter) {  
  selected_row <- sample(1:N, 20)  
  s_i <- X[selected_row, ]  
  cor_i <- cor(s_i)[1, 2]  
  samples <- c(samples, cor_i)  
}  
df <- data.frame(R = samples)  
# ヒストグラムの描画  
g <- df %>%  
  ggplot(aes(x = R)) +  
  geom_histogram(binwidth = 0.01)  
print(g)
```

^{*1} このような二度手間を取らず、`mvrnorm` からサンプルサイズ 20 の乱数を反復生成しても良い。母集団を具体的なものとしてイメージするために、母相関が 0 の母集団からサンプリングを繰り返す方法をとった。



ヒストグラムを見ると、サンプルサイズが 20 の場合、母相関係数 $\rho = 0.0$ であっても $r = 0.3$ や $r = 0.4$ 程度の標本相関が出現することはある程度みられることである。

また、標本分布は左右対称の何らかの理論分布に従っていそうだ。数理統計学の知見から、相関係数の場合、標本相関係数を次の式によって変換することで、自由度が $n - 2$ の t 分布に従うことが知られている。

$$t = \frac{r\sqrt{n-2}}{\sqrt{1-r^2}}$$

```
df %>%
  mutate(T = R * sqrt(18) / sqrt(1 - R^2)) %>%
  ggplot(aes(x = T)) +
  geom_histogram(aes(y = after_stat(density)), binwidth = 0.1) +
  # 自由度 18 の t 分布の確率密度関数を追加
  stat_function(fun = dt, args = list(df = 18), color = "red", linewidth = 2) +
  # Y 軸のラベルを変更
  ylab("Density")
```



これを利用して相関係数の検定が行われる。以下、サンプルサイズ 20 で標本相関係数が $r = 0.5$ だったとして、手順に沿って解説する。

1. 帰無仮説は母相関 $\rho = 0.0$ とする。対立仮説は $\rho \neq 0.0$ である。
2. 検定統計量は相関係数 r を変換した t とする。
3. 判定基準として、 $\alpha = 0.05$ とする。すなわち、母相関が 0 であるという仮説を棄却して間違える確率を 5% 以下に制御したい。
4. 検定統計量を計算する。 $n = 20, r = 0.5$ より、

$$t = \frac{0.5 \times (\sqrt{18})}{\sqrt{1 - 0.5^2}} = 2.449$$

5. 標本相関係数の絶対値が 0.5 を超える確率は、 t 分布の理論値から、次のように計算できる。あるいは、 t 分布の両端 5% を切り出す臨界値を次のように計算できる。

```
(1 - pt(0.5 * sqrt(18) / sqrt(1 - 0.5^2), df = 18)) * 2
```

```
[1] 0.02476956
```

```
qt(0.975, df = 18)
```

```
[1] 2.100922
```

ここで注意してほしい点は、今回の検定の目的が「母相関が 0 であるという帰無仮説を棄却できるかどうか」であり、相関係数の符号については関心がなく絶対値で考える点である。pt 関数は、ある確率点までの累積面積であるから、1 から引くことでその確率点以上の値がでる確率が示される。 t 分布は左右対称の分布なので、これを 2 倍した値が絶対値で考えた時の出現確率である。これが 5% よりも小さければ、有意であると判断できる。今回は、統計的に有意であるといって良い。

なお、表現上の細かい注意点になるが、この確率は今回の実現値「以上」のより極端な値が出る確率であり、この

実現値が出る確率という言い方はしない。確率は面積であり、点に対する面積はないからである。

`qt` 関数で示されるのは確率点なので、これ以上の値を今回の実現値が出していたら、統計的に有意であると判断できる。今回の実現値から算出した値は $t(18) = 2.449$ であり、臨界値の 2.100 よりも大きな値なので、有意であると判断できる。

7.4 2 種類の検定のエラー確率

上では丁寧に計算過程をみてきたが、実践場面ではサンプルはひとつであり、標本統計量もひとつ算出されるだけである。自分の大切なデータであるから、標本分布から得られた特定のケースにすぎないことが直感的にわかりにくいかもしれない。

相関係数の検定をするときは、R の関数 `cor.test` を使って次のように行う。ここでは `mvrnorm` 関数を使って、相関毛数 0.5 の仮想データを作っている。

```
set.seed(17)
n <- 20
sampleData <- mvrnorm(n,
  mu = c(0, 0),
  Sigma = matrix(c(1, 0.5, 0.5, 1), ncol = 2),
  empirical = TRUE
)
cor.test(sampleData[, 1], sampleData[, 2])
```

Pearson's product-moment correlation

```
data: sampleData[, 1] and sampleData[, 2]
t = 2.4495, df = 18, p-value = 0.02477
alternative hypothesis: true correlation is not equal to 0
95 percent confidence interval:
 0.07381057 0.77176071
sample estimates:
cor
0.5
```

結果として示されている、 t の値や自由度、 p 値が先ほど示した例と対応していることを確認できる。さらに、相関係数の信頼区間や標本相関係数そのものも示されている。この信頼区間が 0 を跨いでいないことから、帰無仮説が棄却されることが見て取れるだろう。

われわれは既に、母相関が 0 のデータセットの一部を取り出すと、その相関係数が 0 ではなく 0.5 のような数字になることも知っている。もちろん母相関が 0 であれば標本相関も 0 近い値が出やすいとしても、である。つまり標本から得られた値をあまり大事に考えすぎない方がよい（もちろん一般化を念頭においている時は、である）。

また、帰無仮説は「母相関が0である」なので、これが棄却されたとしても「母相関が0であるとは言えない」のに過ぎない。ここから、母相関も $r = 0.5$ 付近にあるはずだとか、 p 値が 2.4% なので 5% よりもずいぶん低いのは証拠の重要性を物語っているのだ、と論じるのは適切ではない。母相関が0という仮想的な状況のもとでの話であって、母相関が実際にどの程度なのかを検討しているわけではない。この点が誤解されやすいので特に注意してほしい。

ここに来るとタイプ1エラー、タイプ2エラーがより具体的に理解できるようになってきたのではないだろうか。タイプ1エラーはこの帰無仮説が正しい時に、標本相関から計算した統計量で判断する確率であるから、上の手続きで見たことそのものである。

別の角度で見てみよう。`cor.test` をつかうと標本統計量の信頼区間が算出できる。この信頼区間が母相関 – ここでは帰無仮説である $\rho = 0$ を「正しく」含んでいる割合を見てみよう。`cor.test` 関数が返すオブジェクトには、`conf.int` という名前のものがあり、デフォルトではここで 95% の信頼区間が含まれている。シミュレーションに先立って、結果を格納する2列のデータフレームを作っておき、シミュレーション後に `ifelse` 関数で母相関が含まれているかどうかの判定をした。

```
set.seed(42)
iter <- 10000
intervals <- data.frame(matrix(NA, nrow = iter, ncol = 2))
names(intervals) <- c("Lower", "Upper")
for (i in 1:iter) {
  selected_row <- sample(1:N, 20)
  s_i <- X[selected_row, ]
  cor_i <- cor.test(s_i[, 1], s_i[, 2])
  intervals[i, ] <- cor_i$conf.int[1:2]
}
#
df <- intervals %>%
  mutate(FLG = ifelse(Lower <= 0 & Upper >= 0, 1, 0)) %>%
  summarise(type1error = mean(FLG)) %>%
  print()
```

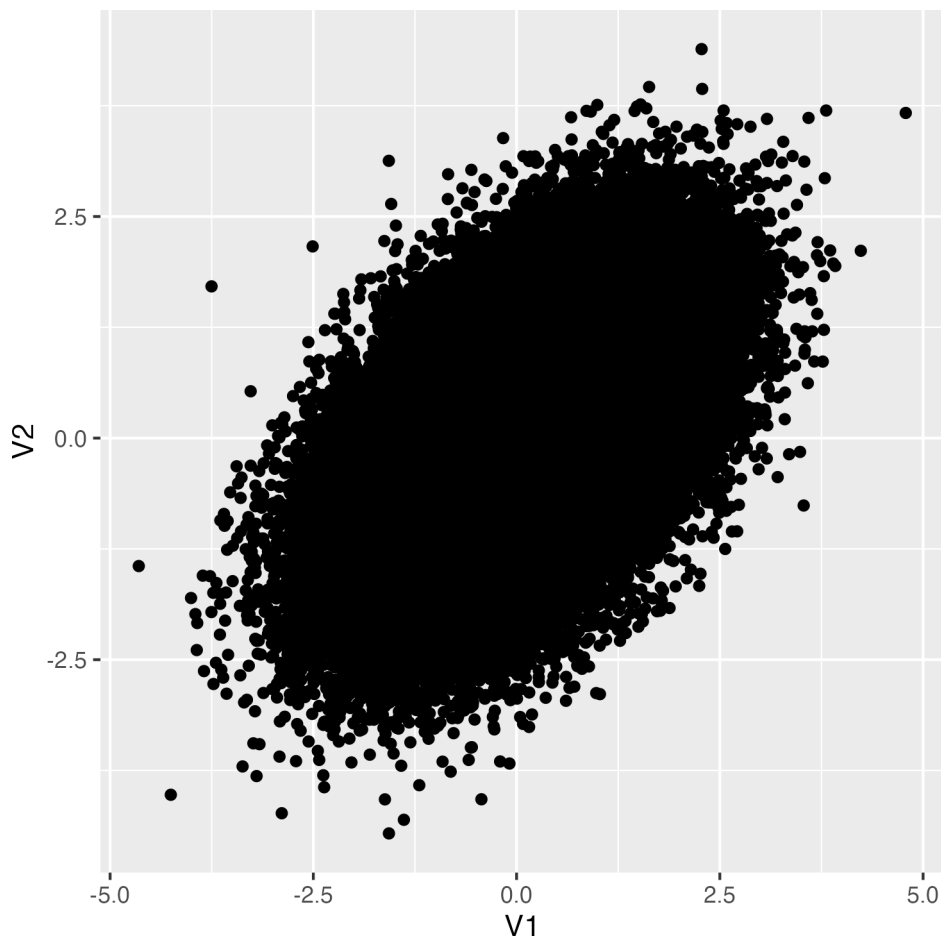
```
type1error
1      0.95
```

今回の例では、95% の割合で正しく判断できていた。言い換えると、エラーが生じる割合は 5% だったので、タイプ1エラー確率を 5% 以下にするという目的はしっかり達成できていたことが確認できた。

同様に、タイプ2エラーは、帰無仮説が正しくないときに帰無仮説を採択する確率だから、シミュレーションするなら次のようになる。まず母相関が0でない状況を作り出そう。今回は母相関が0.5であるとして、母集団分布を描いてみよう。

```
set.seed(12345)
N <- 100000
```

```
X <- mvrnorm(N,  
  mu = c(0, 0),  
  Sigma = matrix(c(1, 0.5, 0.5, 1), ncol = 2),  
  empirical = TRUE  
)  
  
X %>%  
  as.data.frame() %>%  
  ggplot(aes(x = V1, y = V2)) +  
  geom_point()
```



今度は、ここからサンプルサイズ 20 のデータセットを取り出し、検定することにしよう。検定の結果、有意になれば 1, ならないければ 0 というオブジェクトを作って、判定の正しさを考えてみることにする。

```
iter <- 10000  
judges <- c()  
for (i in 1:iter) {  
  selected_row <- sample(1:N, 20)  
  s_i <- X[selected_row, ]
```

```

cor_i <- cor.test(s_i[, 1], s_i[, 2])
judges <- c(judges, cor_i$p.value)
}
df <- data.frame(p = samples) %>%
  mutate(FLG = ifelse(p <= 0.05, 1, 0)) %>%
  summarise(
    sig = sum(FLG == 1),
    non.sig = sum(FLG == 0),
    type2error = non.sig / iter
  ) %>%
  print()

```

```

  sig non.sig type2error
1 5790    4210      0.421

```

今回は母相関が0.5であり、帰無仮説は棄却されて然るべきなのだが、有意でないと判断された割合が42.1%あったことになる。心理学の研究などでは、この確率 β が0.2未満、逆にいうと検出が0.8以上あることが望ましいとされているので、今回のこの事例では十分な件出力がなかった、と言えるだろう。

もちろん実際には、母相関がどれぐらいなのかわからない。0.3なのかもしれないし、 -0.5 であるかもしれない。つまりタイプ2エラーは研究者が制御できるところではなく、せいぜい大きな相関が見込めそうな変数について標本を取ろうと心がけるだけである。

タイプ1,2エラーの確率は、サンプルサイズや効果量(ここでは母相関の大きさ)の関数である。サンプルサイズは研究者が決定することができるので、効果を見積もり、制御したいエラー確率の基準を決めて、合理的にサンプルサイズを決めるべきである。

7.5 練習問題；無相関検定の例

- 母相関が0の母集団から、サンプルサイズ10の標本を取り出して標本相関を見た時の標本分布を、乱数のヒストグラムで近似してみましょう。
- 同じく、サンプルサイズ50の標本を取り出して標本相関を見た時の標本分布を、乱数のヒストグラムで近似してみましょう。サンプルサイズが20や10のときと比べてどういう違いがあるでしょうか。
- サンプルサイズ50の標本相関が $r = -0.3$ のとき、統計的に有意と言えるでしょうか。`cor.test`をつかって検定し、検定結果と判断結果を記述してください。
- 標本相関が $r = -0.3$ だとします。サンプルサイズが10,20,50,1000のとき、統計的に有意と言えるでしょうか。`cor.test`を使って検定し、検定結果を一覧にしてみましょう。ここから何がわかるでしょうか。
- 母相関が $\rho = -0.3$ だったとします。サンプルサイズ20のとき、どの程度の検出力があると見込めるでしょうか。シミュレーションで近似してください。

第 8 章

平均値差の検定

平均値差の検定は、実験計画の結論を出すために用いられる手段である。無作為割り当てによって個人差や背景要因が相殺され、平均的な因果効果を検証することができるからである。その結果を一般化するためには、やはり推測統計学の知見が必要であり、サンプルサイズやタイプ 1,2 エラーが関わってくることに変わりはない。

8.1 一標本検定

まず配置標本検定の例から始める。母平均がわかっている、あるいは理論的に仮定される特定の値に対して、標本平均が統計的に有意に異なっていると言って良いかどうかの判断をするときに用いる。たとえば 7 件法のデータを取ったときに、ある項目の平均が中点 4 より有意に離れていると言って良いかどうか、といった判定をするときに用いる。かりに、サンプルサイズ 10 で 7 件法のデータが得られたとしよう。ここでは平均 4, SD1 の正規乱数を 10 件生成することで表現する。実際にはこの値を、人に対する尺度カテゴリへの反応として得ているはずである。

```
library(tidyverse)

-- Attaching core tidyverse packages ----- tidyverse 2.0.0 --
v dplyr      1.1.4      v readr      2.1.5
v forcats    1.0.0      v stringr    1.5.1
v ggplot2    3.5.1      v tibble     3.2.1
v lubridate  1.9.3      v tidyr      1.3.1
v purrr      1.0.2

-- Conflicts ----- tidyverse_conflicts() --
x dplyr::filter() masks stats::filter()
x dplyr::lag()     masks stats::lag()
i Use the conflicted package (<http://conflicted.r-lib.org/>) to force all conflicts to become errors

set.seed(17)
n <- 10
mu <- 4
X <- rnorm(n, mean = mu, sd = 1)
```

```
print(X)
```

```
[1] 2.984991 3.920363 3.767013 3.182732 4.772091 3.834388 4.972874 5.716534
[9] 4.255237 4.366581
```

今回、標本平均は 4.177 であり、これより極端な値が $\mu = 4$ の母集団から得られるかどうかを検定する。帰無仮説検定の手順にそって進めていくと、以下のようになる。

1. 帰無仮説は母平均が理論的な値 (ここでは尺度の midpoint 4) であること、すなわち $\mu = 4$ であり、対立仮説は $\mu \neq 4$ である。
2. 検定統計量は、正規母集団から得られる標本平均が従う標本分布であり、母分散が未知の場合の区間推定に用いた T 統計量になる。
3. 判断基準は心理学の慣例に沿って 5% とする。

このあと、検定統計量の計算と判定である。これを R は `t.test` 関数で一気に処理できる。

```
result <- t.test(X, mu = mu)
print(result)
```

One Sample t-test

```
data: X
t = 0.6776, df = 9, p-value = 0.5151
alternative hypothesis: true mean is not equal to 4
95 percent confidence interval:
 3.585430 4.769131
sample estimates:
mean of x
 4.177281
```

結果として、今回の検定統計量の実現値は 0.678 であり、自由度 9 の t 分布からこれ以上の値が出てくる確率は、0.515 であることがわかる。これは 5% 水準と見比べてより大きいので、レアケースではないと判断できる。つまり、母平均 4 の正規母集団から、4.177 の標本平均が得られることはそれほど珍しいものではなく、統計的に有意に異なっていると判断するには及ばない、ということである。

レポートなどに記載するときは、これら実現値や p 値を踏まえて「 $t(9) = 0.66776, p = 0.5151, n.s.$ 」などとする。ここで n.s. は not significant の略である。

さてこの例では、母平均 4 の正規乱数を生成し、その平均が 4 と異なるとはいえない、と結論づけた。これは一見、当たり前のことのようにであり、無意味な行為におもえるかもしれない。しかし次の例を見てみよう。

```
n <- 3
mu <- 4
X <- rnorm(n, mean = mu, sd = 1)
```



```
mean(X) %>%
  round(3) %>%
  print()
```

```
[1] 5.04
```

```
result <- t.test(X, mu = mu)
print(result)
```

One Sample t-test

```
data: X
t = 5.1723, df = 2, p-value = 0.03541
alternative hypothesis: true mean is not equal to 4
95 percent confidence interval:
 4.174825 5.904710
sample estimates:
mean of x
 5.039768
```

ここではサンプルサイズ $n = 3$ であり、標本平均が 5.04 であった。このとき t 値は 5% 臨界値を上回っており、「母平均 4 のところから得られる値にしては極端」であるから、統計的に有意に異なる、と判断することになる。乱数生成時は平均を確かに 4 に設定したが、母平均から取り出したごく一部が、そこから大きく離れてしまうことはあり得るのである。

8.2 二標本検定

続いて二標本の検定について考えよう。実験群と統制群のように、無作為割り当てをすることで平均因果効果をみる際に行われるのが、この検定である。帰無仮説は「群間差はない」であり、対立仮説はその否定である。また、正規母集団からの標本を仮定するので、検定統計量はここでも t 分布に従う値になる。帰無仮説検定の手順に沿って、改めて確認しておこう。

1. 帰無仮説は「二群の母平均に差がない」である。二群の母平均をそれぞれ μ_1, μ_2 とすると、帰無仮説は $\mu_1 = \mu_2$ 、あるいは $\mu_1 - \mu_2 = 0$ と表される。対立仮説は $\mu_1 \neq \mu_2$ あるいは $\mu_1 - \mu_2 \neq 0$ である。
2. 検定統計量は、正規母集団から得られる標本平均が従う標本分布であり、母分散が未知の場合の区間推定に用いた T 統計量になる。
3. 判断基準は心理学の慣例に沿って 5% とする。

これを検証するために、サンプルデータを乱数で生成しよう。まず、各群のサンプルサイズを n_1, n_2 とする。ここでは話を簡単にするため、サンプルサイズは両群ともに 10 とした。つぎに両群の母平均だが、群 1 の母平均を μ_1 、群 2 の母平均を $\mu_2 = \mu_1 + d$ で表現した。この d は差分であり、これが $d = 0$ であれば母平均が等しいこと、 $d \neq 0$ であれば母平均が異なることになる。最後に両群の母 SD を設定した。

ここでの検定は、この差分 d が母平均 0 の母集団から得られたと判断して良いかどうか、という形で行われる。検定統計量 T は、次式で算出されるものである。

$$T = \frac{d - \mu_0}{\sqrt{U_p^2 / \frac{n_1 n_2}{n_1 + n_2}}}$$

ここで U_p^2 はプールされた不偏分散と呼ばれ、二群を合わせて計算された全体の母分散推定量である。各群の標本分散をそれぞれ S_1^2, S_2^2 とすると、次式で算出される。

$$U_p^2 = \frac{n_1 S_1^2 + n_2 S_2^2}{n_1 + n_2 - 2}$$

これらの式はつまり、サンプルサイズの違いを考慮するため、一旦両群の標本分散に各サンプルサイズを掛け合わせ、プールした全体のサンプルサイズから各々 -1 をすることで全体として不偏分散にしている。

これを踏まえて、具体的な数字で見えていこう。その上で乱数でデータを生成し、その標本平均を確認した上で、`t.test` 関数によって検定を行っている。

```
n1 <- 10
n2 <- 10
mu1 <- 4
sigma <- 1
d <- 1
mu2 <- mu1 + (sigma * d)

set.seed(42)
X1 <- rnorm(n1, mean = mu1, sd = sigma)
X2 <- rnorm(n2, mean = mu2, sd = sigma)

X1 %>%
  mean() %>%
  round(3) %>%
  print()
```

```
[1] 4.547
```

```
X2 %>%
  mean() %>%
  round(3) %>%
  print()
```

```
[1] 4.837
```

```
result <- t.test(X1, X2, var.equal = TRUE)
print(result)
```

Two Sample t-test

```
data: X1 and X2
t = -0.49924, df = 18, p-value = 0.6237
alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0
95 percent confidence interval:
 -1.506473  0.927980
sample estimates:
mean of x mean of y
 4.547297  4.836543
```

今回の母平均は $\mu_1 = 4, \mu_2 = 4 + 1$ にしているが、標本平均は 4.547 と 4.837 であり、標本上では大きな差が見られなかった。結果として、t 値は 0.4992369 であり、自由度 18 のもとでの p 値は 0.6236593 である。5% 水準を上回る値であるから、結論としては対立仮説を採択するには至らない、差があるとはいえない、である。

今回の設定では母平均に差があるはず ($4 \neq 4 + 1$) なのだから、これは誤った判断で、タイプ 2 エラーが生じているケースということになる。研究実践場面では、母平均やその差については知り得ないのだから、このような判断ミスが生じていたかどうかは分かり得ないことに留意しよう。

なお、ここではわかりやすく 2 群であることを示すために X1, X2 と 2 つのオブジェクトを用意したが、実践的にはデータフレームの中で群わけを示す変数があり、formula の形で次のように書くことが多いだろう。

```
dataSet <- data.frame(group = c(rep(1,n1),rep(2,n2)), value = c(X1,X2)) %>%
  mutate(group = as.factor(group))
t.test(value ~ group, data = dataSet, var.equal = TRUE)
```

Two Sample t-test

```
data: value by group
t = -0.49924, df = 18, p-value = 0.6237
alternative hypothesis: true difference in means between group 1 and group 2 is not equal to 0
95 percent confidence interval:
 -1.506473  0.927980
sample estimates:
mean in group 1 mean in group 2
 4.547297      4.836543
```

8.3 二標本検定 (ウェルチの補正)

先ほどの `t.test` 関数には、`var.equal = TRUE` というオプションが追加されていた。これは2群の分散が等しいと仮定した場合の検定になる。t 検定は歴史的にこちらが先に登場しているが、2群の分散が等しいかどうかはいきなり前提できるものでもない。等分散性の検定は、Levene 検定を行うのが一般的であり、R においては、`car` パッケージや `lawstat` パッケージが対応する関数を持っている。ここでは `car` パッケージの `levneTest` 関数を用いる例を示す。

```
library(car)
```

要求されたパッケージ `carData` をロード中です

次のパッケージを付け加えます: 'car'

以下のオブジェクトは 'package:dplyr' からマスクされています:

```
recode
```

以下のオブジェクトは 'package:purrr' からマスクされています:

```
some
```

```
levneTest(value ~ group, data = dataSet, center = mean)
```

Levene's Test for Homogeneity of Variance (center = mean)

```
Df F value Pr(>F)
group 1  2.9405 0.1035
      18
```

この結果を見ると、p 値から明らかなように、2群の分散が等しいという帰無仮説が棄却できなかったので、等しいと考えて t 検定に進むことができる。もしこれが棄却されてしまったら、2群の分散が等しいという帰無仮説が成り立たないのだから、等分散性の仮定を外す必要がある。実行は簡単で、`var.equal` を `FALSE` にすれば良い。

```
result2 <- t.test(value ~ group, data = dataSet, var.equal = FALSE)
print(result2)
```

Welch Two Sample t-test

data: value by group

t = -0.49924, df = 13.421, p-value = 0.6257

alternative hypothesis: true difference in means between group 1 and group 2 is not equal to 0

95 percent confidence interval:

```
-1.5369389  0.9584459
sample estimates:
mean in group 1 mean in group 2
      4.547297      4.836543
```

よく見ると、タイトルが Welch Two Sample t-test に変わっている。Welch の補正が入った t 検定という意味である。また自由度が実数 () になっているが、このように t 分布の自由度を調整することで等分散性の仮定から逸脱した場合の補正となる。もちろん報告する際は「 $t(13.421) = -0.499, p = 0.626$ 」のように書くことになるから、自由度が実数であれば補正済みであると考えられるだろう。

しかし、分散が等しいという仮定は、等しくない場合の特殊系であるから、最初から Welch の補正がはいった検定だけで十分である。このような考え方から、R における `t.test` 関数のデフォルトでは `var.equal = FALSE` となっており、特段の指定をしなければ等分散性の仮定をしない。こちらの方が検定を重ねることがないので、より望ましい。

8.4 対応のある二標本検定

8.5 レポートを書くような課題

第 9 章

多群の平均値差の検定

9.1 分散分析の基礎

9.2 検定の多重性

9.3 ANOVA 君を使う

9.4 Between デザイン

9.5 Within デザイン

第 10 章

帰無仮説検定のシミュレーション

10.1 統計的検定と QRP_s

10.2 タイプ 2 エラー確率のコントロールとサンプルサイズ設計

10.3 サンプルサイズ設計の実践

10.3.1 一標本 t 検定

10.3.2 二標本 t 検定

10.3.3 相関係数のサンプルサイズ設計

第 11 章

回帰分析

- 11.1 回帰分析の基礎
- 11.2 重回帰分析の場合
- 11.3 回帰分析のいくつかの特徴
- 11.4 シミュレーションとパラメタリカバリ
- 11.5 係数の標準誤差
- 11.6 係数の検定
- 11.7 サンプルサイズ設計

第 12 章

線型モデルの展開

12.1 一般線型モデル

12.2 一般化線型モデル

12.3 階層線型モデル

第 13 章

多変量解析の入り口

13.1 因子分析

13.2 構造方程式モデリング

References

- Bernaards, Coen A. & Jennrich, Robert I. (2005). Gradient Projection Algorithms and Software for Arbitrary Rotation Criteria in Factor Analysis. *Educational and Psychological Measurement*, 65, 676–696. <https://doi.org/10.1177/0013164404272507>
- Gabry, Jonah, Češnovar, Rok, & Johnson, Andrew (2023). *cmdstanr: R Interface to 'CmdStan'*. <https://mc-stan.org/cmdstanr/>, <https://discourse.mc-stan.org>.
- Hadley, Wickham (2014). Tidy Data. *Journal of Statistical Software*, 59, 1–23. <https://doi.org/10.18637/jss.v059.i10>
- Healy, Kieran. (2021). *Data Visualization: A Practical Introduction*. Princeton Univ Pr.
(キーラン・ヒーリー 瓜生 真也・江口 哲史・三村 喬生 (訳) (2021). データ分析のためのデータ可視化入門 講談社)
- 平岡 和幸・堀 玄 (2009). プログラミングのための確率統計 オーム社
- 池田 功毅・平石 界 (2016). 心理学における再現可能性危機：問題の構造と解決策 心理学評論, 59 (1), 3–14. https://doi.org/10.24602/sjpr.59.1_3
- 河野 敬雄 (1999). 確率概論 京都大学学術出版会
- Lander, J.P. (2018). *R for Everyone*. Addison-Wesley Professional.
(ランダー, J.P. 高柳 慎一・津田 真樹・牧山 幸史・松村 杏子・簗田 高志 (訳) (2018). みんなの R 第 2 版 マイナビ出版)
- 松村 優哉・湯谷 啓明・紀ノ定 保礼・前田 和寛 (2021). 改訂 2 版 R ユーザのための RStudio[実践] 入門——tidyverse によるモダンな分析フローの世界—— 技術評論社
- Ren, Kun. (2017). *Learning R Programming*. Packt Publishing.
(株式会社ホクソエム (監訳) 湯谷 啓明・松村 杏子・市川 太祐・ホクソエム (訳) (2017). R プログラミング 本格入門: 達人データサイエンティストへの道 共立出版)
- Revelle, William (2021). *psych: Procedures for Psychological, Psychometric, and Personality Research*. R package version 2.1.3. Northwestern University. Evanston, Illinois. from <https://CRAN.R-project.org/package=psych>
- Rosseel, Yves (2012). lavaan: An R Package for Structural Equation Modeling. *Journal of Statistical Software*, 48 (2), 1–36. <https://doi.org/10.18637/jss.v048.i02>
- 佐藤 坦 (1994). はじめての確率論——測度から確率へ—— 共立出版
- Stevens, Stanley Smith (1946). On the theory of scales of measurement. *Science*, 103 (2684), 677–680.
- 高橋 康介 石田 基広 (編) (2018). 再現可能性のすゝめ 共立出版

- Wickham, Hadley. (2016). *Advanced R*. Taylor & Francis Group.
(石田 基広・市川 太祐・高柳 慎一・福島 真太郎 (訳) (2016). R 言語徹底解説 共立出版)
- Wickham, Hadley, Averick, Mara, Bryan, Jennifer, Chang, Winston, McGowan, Lucy D'Agostino, François, Romain, Golemund, Garrett, Hayes, Alex, Henry, Lionel, Hester, Jim, Kuhn, Max, Pedersen, Thomas Lin, Miller, Evan, Bache, Stephan Milton, Müller, Kirill, Ooms, Jeroen, Robinson, David, Seidel, Dana Paige, Spinu, Vitalie, ... Yutani, Hiroaki (2019). Welcome to the tidyverse. *Journal of Open Source Software*, 4 (43), 1686. <https://doi.org/10.21105/joss.01686>
- 吉田 伸生 (2021). 確率の基礎から統計へ 新装版 日本評論社
- Zeileis, Achim (2005). CRAN Task Views. *R News*, 5 (1), 39–40.
- シ (2016). 計算機言語のまとめノート 暗黒通信団
- 小杉 考司・紀ノ定 保礼・清水 裕士 (2023). 数値シミュレーションで読み解く統計のしくみ〜R でためしてわかる心理統計 技術評論社
- 総務省 (2020). 統計表における機械判別可能なデータ作成に関する表記方法.