## Ευφυή και Ποσσαρμοστικά Συστήματα Αυτομάτου Ελέγχου Εργασία 2022-2023

Δίνεται το σύστημα:

$$M\ddot{q} + G\sin(q) + C\dot{q} = u \tag{1}$$

που περιγράφει τη λειτουργία του ανεστραμμένου εκκρεμούς. Στην (1) με  $q \in \mathbb{R}$  συμβολίζουμε τη γωνία εκτροπής σε rad, με  $\dot{q}$  τη γωνιακή ταχύτητα σε rad/s και με  $\ddot{q}$  τη γωνιακή επιτάχυνση σε  $rad/s^2$ . Επιπλέον  $u \in \mathbb{R}$  είναι η είσοδος ελέγχου εκφρασμένη ως ροπή  $(N \cdot m)$  που ασκείται στη βάση του ανεστραμμένου εκκρεμούς. Έξοδος του συστήματος είναι η γωνία εκτροπής q. Οι παράμετροι M [ $N \cdot m \cdot s^2/rad$ ], G [ $N \cdot m$ ], C [ $N \cdot m \cdot s/rad$ ] που εμφανίζονται στην (1) θεωρούνται σταθερές αλλά άγνωστες. Για λόγους προσομοίωσης και μόνο, να τις λάβετε ως M = 1/2, G = 10, C = 1. Στόχος είναι να σχεδιαστεί ελεγκτής που να ελέγχει τη λειτουργία του (1) στη γειτονιά του μηδενός. Πιο συγκεκριμένα, για το σκοπό αυτό ζητούνται τα παρακάτω:

- 1. Να γραμμικοποιηθεί το (1) στη γειτονιά του μηδενός.
- 2. Θεωρώντας το (1) πλήρως γνωστό, να σχεδιαστεί ελεγκτής μοντέλου αναφοράς όταν από το (1) είναι διαθέσιμα προς μέτρηση μόνο η έξοδος y=q και η είσοδος u. Να προσομοιώσετε σε MATLAB τη λειτουργία του συστήματος κλειστού βρόγχου για τα παρακάτω δύο σενάρια.
  - α) Εκτρέπουμε το εκκρεμές κατά γωνία  $q(0)=0.1745\ rad$  (ή  $10^\circ$ ). Το κρατάμε ακίνητο στη θέση αυτή. Στη συνέχεια το αφήνουμε και επιθυμούμε να ακινητοποιηθεί στη θέση q=0, εμφανίζοντας μηδενική υπερύψωση και χρόνο αποκατάστασης που να μην υπερβαίνει τα  $10\ s$ . Να επαναλάβετε τη προσομοίωση και για γωνία εκτροπής  $q(0)=0.8727\ rad$  (ή  $50^\circ$ ).
  - β) Θεωρώντας ως αρχική γωνία εκτροπής q(0) = 0 rad, η γωνία εκτροπής να παρακολουθεί τα σήματα 0.0175 sin(0.5t), 0.0873 sin(90t).
- 3. Θεωρώντας άγνωστες τις παραμέτρους της (1), να σχεδιαστεί άμεσος προσαρμοστικός ελεγκτής μοντέλου αναφοράς ανάδρασης καταστάσεων και να προσομοιωθεί σε MATLAB η λειτουργία του συστήματος κλειστού βρόγχου για τα σενάρια α) και β) του Ζητήματος 2.
- 4. Θεωρώντας άγνωστες τις παραμέτρους της (1), να σχεδιαστεί άμεσος προσαρμοστικός ελεγκτής μοντέλου αναφοράς ανάδρασης εξόδου και να προσομοιωθεί σε ΜΑΤLAB η λειτουργία του συστήματος κλειστού βρόγχου για τα σενάρια α) και β) του Ζητήματος 2.
- 5. Για τα Ζητήματα 2, 3 και 4 να γίνει μελέτη ευρωστίας (με τη βοήθεια προσομοιώσεων), των αποκρίσεων εξόδου ως προς τις μεταβολές των ελεύθερων παραμέτρων των ελεγκτών που σχεδιάζετε.