

# Wstęp do programowania, potok imperatywny (Info, I rok) 16/17, laboratorium

Kokpit ► Moje kursy ► WPI.LAB.INFO.I.16/17 ► Zadanie 3 ► Zadanie 3: Liliczby

#### **Zadanie 3: Liliczby**

#### Wprowadzenie

Liliczba (ang. *nunumber*) to rekurencyjna reprezentacja nieujemnej liczby całkowitej za pomocą ciągu cyfr, które również są liliczbami. Reprezentacja ta, sformułowana w nieco inny ale równoważny sposób, była rozważana przez Donalda Knutha.

Wartością liliczby jest suma potęg dwójki o wykładnikach będących wartościami cyfr tej liliczby. Powiemy, że liliczba jest znormalizowana, jeśli jej cyfry są znormalizowanymi liliczbami i są uporządkowane rosnąco według wartości.

Tekstowym zapisem liliczby jest słowo języka z poniższą gramatyką w rozszerzonej notacji BNF:

```
<liliczba> ::= { "Y" <cyfra> } "Z"
<cyfra> ::= <liliczba>
```

Można zauważyć, że jest to język słów powstałych przez dopisanie symbolu z na koniec wyrażenia nawiasowego, w którym y pełni rolę nawiasu otwierającego a z to nawias zamykający.

Wszystkie liliczby, których zapisem są poniższe słowa

mają wartość 10. Ostatnia z nich jest znormalizowana.

Inne przykłady znormalizowanych liliczb są w poniższej tabelce:

Wartość	Liliczba
0	Z
1	YZZ
2	YYZZZ

Wartość	Liliczba
3	YZYYZZZ
4	YYYZZZZ
5	YZYYYZZZZ
6	YYZZYYYZZZZ
7	YZYYZZYYYZZZZ
8	YYZYYZZZZ
9	YZYYZYYZZZZ
10	YYZZYYZYYZZZZ
11	YZYYZZYYZYYZZZZ
12	YYYZZZYYZYYZZZZ
13	YZYYYZZZYYZYYZZZZ
14	YYZZYYYZZZYYZYYZZZZ
15	YZYYZZYYYZZYYZYYZZZZ
16	YYYYZZZZZ
17	YZYYYYZZZZZ
18	YYZZYYYYZZZZZ
19	YZYYZZYYYYZZZZZ
20	YYYZZZYYYYZZZZZ
50	YYZZYYYYZZZZYYZYYYZZZZZ
64	YYYZZYYYZZZZZ
100	YYYZZZYYZYYYZZZYYYZZYYYZZZZZ
127	YZYYZZYYYZZYYZYYZZZYYYYZZZZYYZYYYZZZZYYYZZZYYYZZZZ
128	YYZYYZZYYYZZZZZ
144	YYYYZZZZYYZYYZZZZZZ
199	YZYYZZYYYZZYYYZZYYYZZYYZYYZZYYZZYZZZZ
256	YYYZYYZZZZZ
1000	YYZYYZZZYYZYYYZZZYYYZZZYYYZZYYZYYZZYYYZZYYYZZZZ
1009	YZYYYYZZZZYYZYYYZZZZYYYZZZZYYZZZZYYZYYZ
1024	YYYZZYYZYYZZZZZ
10000	YYYYZZZZYYYZYYZZYYZYYZYYZZYYZYYZZYYZYYZ
65536	YYYYYZZZZZZ

Wartość	Liliczba
200791	YZYYZZYYYZZZYYYYZZZZYYYZZZZYYYYZZZZYYYZYYZZZZ
2^65536	YYYYYZZZZZZZ
2^65537	YYZYYYYYZZZZZZZ
2^(2^65536)	YYYYYYZZZZZZZZ
2^(2^(2^65536))	YYYYYYYZZZZZZZZZ
5+2^(2^(2^65536))	YZYYYZZZYYYYYYYZZZZZZZZ

Zwracamy uwagę, że pozycyjny zapis binarny trzech ostatnich wymienionych wartości miałby więcej bitów, niż iest atomów na Ziemi.

#### **Polecenie**

Napisz program, który wczyta dwie, nie koniecznie znormalizowane, liliczby zapisane na wejściu i wypisze ich iloczyn jako znormalizowaną liliczbę.

## Postać danych

Na wejściu programu są dwa wiersze. W każdym z nich jest zapisana jedna liliczba. Oprócz liter [y] i [z] nie ma tam żadnych innych znaków, nawet spacji.

# Postać wyniku

Program wypisuje jeden, prawidłowo zakończony za pomocą '\n', wiersz z zapisem znormalizowanej liliczby.

## **Przykłady**

- Dla danych przyklad1.in wynikiem programu powinno być przyklad1.out (3 \* 6 = 18).
- Dla danych przyklad2.in wynikiem programu powinno być przyklad2.out (12 \* 12 = 144).
- Dla danych przyklad3.in wynikiem programu powinno być przyklad3.out (1009 \* 199 = 200791).

## Uwagi i wskazówki

- Wolno założyć, że dane są poprawne.
- Program nie powinien nakładać żadnych ograniczeń na rozmiar danych i wyniku. Wolno tylko założyć, że zmieszczą się one w pamięci.
- Oczekujemy rozwiązania o koszcie wielomianowym względem rozmiaru danych.
- Przyjmujemy, że wynik funkcji main() inny niż 0 informuje o błędzie wykonania programu.
- Do treści zadania dołączone są pliki .in z danymi przykładowymi i pliki .out z wynikami wzorcowymi.
- Poprawność wyniku można sprawdzić, przekierowując na wejście programu zawartość pliku z
  przykładowymi danymi i porównując rezultat, za pomocą programu diff, z plikiem zawierającym wynik
  wzorcowy, np.:

```
< przyklad.in ./liliczby | diff - przyklad.out</pre>
```

Wynik uznajemy za poprawny tylko, jeśli jest identyczny z wynikiem wzorcowym.

• Program, który zarezerwował pamięć funkcjami malloc, realloc itp. ma obowiązek zwolnić ją funkcją free. Jeśli tego nie zrobi, występuje zjawisko wycieku pamięci, które uznajemy za błąd. W wykryciu tego i innych błędów może pomóc program valgrind. By z niego skorzystać, kompilujemy swój program z dodatkową opcją -g, np. poleceniem:

```
gcc -std=c89 -pedantic -Wall -Wextra -Werror -g liliczby.c -o liliczby
```

Spowoduje to dołączenie do programu wykonywalnego informacji pomagających w lokalizacji błędu. Tak skompilowany program uruchamiamy pod kontrolą valgrind poleceniem:

```
valgrind --leak-check=full ./liliczby
```

Opcja --leak-check=full wskazuje, że chcemy, między innymi, wykryć wycieki pamięci i znaleźć ich źródło.

Na zakończenie wykonania programu przez valgrind, na wyjście diagnostyczne wypisywany jest raport. Jeżeli nie wykryto błędu, może on mieć postać np.

```
==46974== Memcheck, a memory error detector
==46974== Copyright (C) 2002-2015, and GNU GPL'd, by Julian Seward et al.
==46974== Using Valgrind-3.11.0 and LibVEX; rerun with -h for copyright info
==46974== Command: ./liliczby
==46974==
==46974== HEAP SUMMARY:
==46974== in use at exit: 0 bytes in 0 blocks
==46974== total heap usage: 97 allocs, 97 frees, 9,712 bytes allocated
==46974==
==46974== All heap blocks were freed -- no leaks are possible
==46974==
==46974== For counts of detected and suppressed errors, rerun with: -v
==46974== ERROR SUMMARY: 0 errors from 0 contexts (suppressed: 0 from 0)
```

Wartość inna niż 0 po ERROR SUMMARY informuje, że wykryto błąd. W raporcie będą też wskazówki pomagające w lokalizacji błędu.

Rozwiązania do testów będą kompilowane poleceniem:

```
gcc -std=c89 -pedantic -Wall -Wextra -Werror -g nazwa.c -o nazwa
```

Wszystkie wymienione opcje kompilatora są obowiązkowe i nie wolno dodawać do nich żadnych innych.

- Podczas testów rozwiązania będą uruchamiane pod kontrolą programu valgrind. Jeżeli wykryje on błąd, np. wyciek pamięci, to przyjmiemy, że program testu nie przeszedł nawet, jeśli jego wynik będzie prawidłowy.
- Tekstowy zapis liliczby można przekształcić na wyrażenie arytmetyczne, zastępując kończące z przez -0, każdą parę znaków YZ przez Y0Z, parę ZY przez Z+Y a następnie każdy znak Y przez 2^( i każdy znak Z przez ).

Za pomocą programu sed zastępującego wzorce w tekście oraz kalkulatora wyrażeń arytmetycznych bc możemy poznać dziesiętny zapis wartości liliczby. Np. polecenie:

```
echo YYZZYYYYYZZZZYYZYYYZZZZZ | sed 's:Z$:-0:g; s:YZ:Y0Z:g; s:ZY:Z+Y:g; s:Y:2^(:g; s:Z:):g' | bc
```

W rozwiązaniu zadania nie wolno korzystać z programów sed i bc, ale mogą one pomóc w testowaniu.

- Rozwiązanie zadania wymaga zastosowania rekursji i dynamicznych struktur danych.
- Iloczyn dwóch liliczb można wyznaczyć, korzystając ze wzoru:

$$\left(\sum_{i=0}^m 2^{a_i}
ight)\left(\sum_{j=0}^n 2^{b_j}
ight) = \sum_{i=0}^m \sum_{j=0}^n 2^{a_i+b_j}$$

Będzie do tego potrzebne dodawanie.

Obliczenie sumy znormalizowanych liliczb wymaga scalenia uporządkowanych rosnąco list cyfr. W przypadku, gdy ta sama cyfra występuje w obu dodawanych liliczbach, realizujemy przeniesienie.

By scalić listy cyfr potrzebujemy porównania. Cyfry liliczb porównujemy w kolejności od najbardziej znaczących.

Pracę nad rozwiązaniem proponujemy zacząć od programu, który czyta i wypisuje liliczbę. Następnie zmieniamy go, kolejno, w program czytający dwie liliczby i wypisujący wynik ich porównania, ich sumę i na koniec ich iloczyn.

przyklad1.in

przyklad1.out

przyklad2.in

przyklad2.out

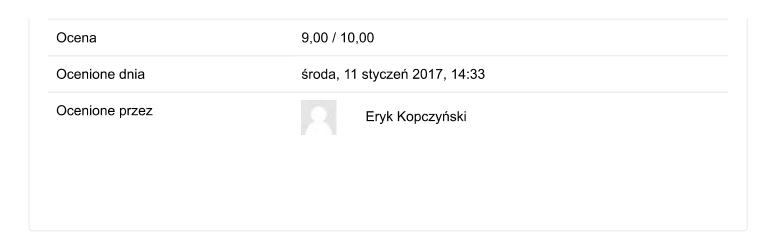
przyklad3.in

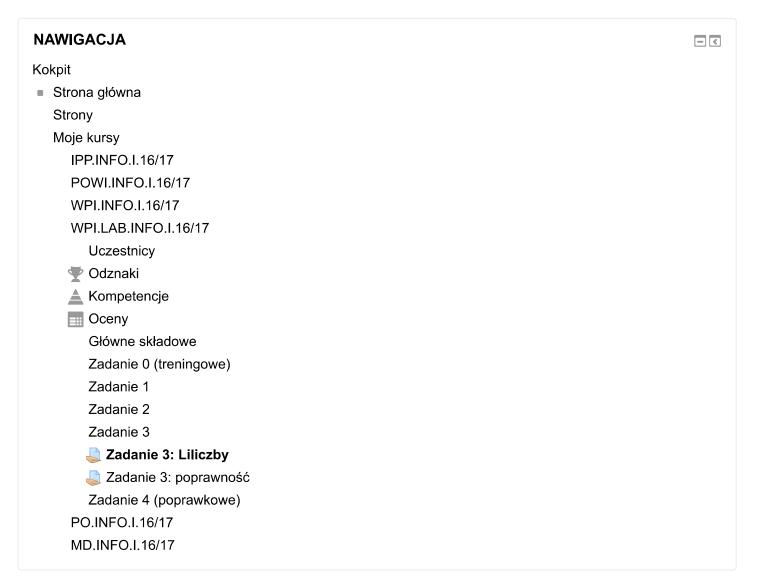
przyklad3.out

#### Status przesłanego zadania

Numer próby	To jest próba nr 1.
Status przesłanego zadania	Przesłane do oceny
Stan oceniania	Ocenione
Termin oddania	środa, 11 styczeń 2017, 10:00
Pozostały czas	Zadanie zostało złożone 1 dzień 12 godz. przed terminem
Ostatnio modyfikowane	poniedziałek, 9 styczeń 2017, 21:29
Przesyłane pliki	kk385830-liliczby.c
Komentarz do przesłanego zadania	▶ Komentarze (0)

#### Informacja zwrotna







Jesteś zalogowany(a) jako Krzysztof Kowalczyk (Wyloguj) WPI.LAB.INFO.I.16/17