

5 La función definida por $f(x) = \sin(\pi x)$ tiene ceros en todos los enteros. Muestre que cuando $-1 < a < 0$ y $2 < b < 3$ el método de bisección converge a:

a) 0 si $a+b < 2$

Sea $a = -0.7$ $b = 2.1$ $a+b = 1.4$

$$b-a = 2.8 > 0$$

$$c = \frac{a+b}{2} = \frac{1.4}{2} = 0.7$$

$$f(a) = f(-0.7) = -0.809 \quad f(c) = f(0.7) = 0.809$$

como son de signos distintos $b_2 = c = 0.7$

$$b_2 - a = 1.4 > 0$$

$$c_2 = \frac{a+b_2}{2} = \frac{-0.7+0.7}{2} = 0$$

$$f(c) = f(0) = 0$$

como $f(c) = 0$ el método converge a $c \therefore$ converge a 0

b) 2 si $a+b > 2$

sea $a = -0.4$ $b = 2.8$ $a+b = 2.4$

$$b-a = 3.2 > 0$$

$$c = \frac{a+b}{2} = \frac{2.4}{2} = 1.2$$

$$f(a) = f(-0.4) = -0.951 \quad f(c) = f(1.2) = -0.587$$

como son del mismo signo $a_2 = c = 1.2$

$$b - a_2 = 1.6 > 0$$

$$c_2 = \frac{a+b}{2} = \frac{4}{2} = 2$$

$$f(c_2) = f(2) = 0$$

como $f(c) = 0$ el método converge a $c \therefore$ converge a 2

c) 1 si $a+b = 2$

$a = -0.5$ $b = 2.5$ $a+b = 2$

$$b-a = 3 > 0$$

$$c = \frac{a+b}{2} = \frac{2}{2} = 1$$

$$f(c) = f(1) = 0$$

como $f(c) = 0$ el método converge a $c \therefore$ converge a 1