

# 重排序列

2019年4月2日 19:12

## 一. 排序

1. 交换相邻两数使序列有序的最少交换次数(minimum swaps)=逆序数
2. 交换任意两数使序列有序的最少交换次数

i. 即总数据量-循环节数量

ii. 循环节指几个数依次占了下一个数应该出现的序号，形成环

```
iii. int x[10005];
    bool v[10005];
    map<int,int>m;
    int n,t;
    scanf("%d",&n);
    for_(i,0,n){
        scanf("%d",x+i);
        m[x[i]]=i;} //记录初始下标

    sort(x,x+n); //有序化

    int cnt=0; //循环节数量
    for_(i,0,n){
        if(!v[i]&& i!=m[x[i]]){ //找下标i的循环节
            v[i]=1; //注意：有些题即使i==m[x[i]]也要计数
            ++cnt;
            //类似bfs地找循环节所有元素
            for(int t=m[x[i]]; t!=i; t=m[x[t]])
                v[t]=1;}}
```

3. 交换任意两数使序列有序的最小代价（代价为两数的和）

i. 若循环节内最小数mq足够小，让mq依次和节内其他n-1个数交换，即代价为 $mq \cdot (n-1) + s$  (其他n-1个数)

ii. 若mq不够小，可以让整个序列最小的数mx和它交换，形成n+1个数的新循环节，再套上面的公式，即 $mx + mq + mx \cdot n + s$  (所有n个数)

iii. 具体足不够小，交给stl来暴力算吧.....

```
iv. int x[10005];
    bool v[10005];
    memset(v,0,sizeof(v));
    map<int,int>m;
    ull ans=0; //最小代价
    vector<int>q;
    int n,t;
    scanf("%d",&n);
    for_(i,0,n){
        scanf("%d",x+i);
        m[x[i]]=i;} //记录初始下标

    sort(x,x+n); //有序化

    int mx=x[0]; //整个序列最小的数
    for_(i,0,n){
        if(!v[i]&& i!=m[x[i]]){ //找下标i的循环节
```

```

int tot=1;           //当前循环节内数据量
int mq=0x3f3f3f3f;   //当前循环节最小数
v[i]=1;
q.push_back(x[i]);
mq=min(mq,x[i]);
//给循环节所有元素入队
for(int t=m[x[i]]; t!=i; t=m[x[t]]){
    v[t]=1;
    ++tot;
    q.push_back(x[t]);
    mq=min(mq,x[t]);}
ans+=min(           //用mq作中介和用mx做中介
    accumulate(q.begin()+1,q.begin()+tot,(tot-1)*mq),
    accumulate(q.begin(),q.begin()+tot,(tot+1)*mx)+mq);
q.clear();}}
cout<<ans;

```

4. 任意交换次数例：换任一序列中任意两元素的位置，使 $a_0b_0+a_1b_1+\dots+a_{n-1}b_{n-1}$ 值最小，的最少交换次数

- i. 答案显然是序列长-循环节数量，问题是如何找循环节
- ii. 将a升序化，b降序化，此时 $a_i$ 和 $b_i$ 的对应关系即目标（a降b升也行）
- iii. 用 $a_0$ ， $b_0$ 存有序化前的序列， $ma_0$ ， $mb_0$ 存有序化前数字对应的下标
- iv. 用 $ma[i]$ 存 $a[i]$ 对应的 $b[i]$ 的原下标
- v. `const int Mn=100005;`  
`int a0[Mn],b0[Mn];`  
`bool va[Mn],vb[Mn];`  
`map<int,int>ma0,mb0,ma,mb;`  
`ull loop,loop2;`

```

int main(){
    int n,q;
    scanf("%d",&n);
    for_(i,0,n){           //记录a初始下标
        scanf("%d",a0+i);
        ma0[a0[i]]=i;}
    for_(i,0,n){           //记录b初始下标
        scanf("%d",b0+i);
        mb0[b0[i]]=i;}
    vector<int> a(a0,a0+n);
    vector<int> b(b0,b0+n);
    sort(a.begin(),a.end(),less<int>());    //升序化
    sort(b.begin(),b.end(),greater<int>()); //降序化
    for_(i,0,n)           //记录目标下标
        ma[a[i]]=mb0[b[i]],
        mb[b[i]]=ma0[a[i]];
    for_(i,0,n){
        if(!va[i]){       //找序列a中下标i的循环节
            va[i]=1;
            ++loop;
            for(int t=mb[b0[i]]; t!=i; t=mb[b0[t]]){
                va[t]=1;}}}
}

```

```

for_(i,0,n){
    if(!vb[i]){          //找序列b中下标i的循环节
        vb[i]=1;
        ++loop2;
        for(int t=ma[a0[i]]; t!=i; t=ma[a0[t]]){
            vb[t]=1;}}}
cout<<min(n-loop,n-loop2);
return 0;}              //似乎loop恒等于loop2? 直接交n-loop也能过

```