4. Vormelistrateegia (vormel)

1 sek / 10 sek

60 punkti

Erika Isabella Orav osaleb võistkonnas Celsius MotoSport vormelivõistlusel FI (Formula Informatics). Varsti on algamas järjekordne vormelietapp ning ilm tõotab tulla ilus. Tiim on korralikult trenni teinud ja leidnud parimad algoritmid kiiresti rehvide vahetamiseks, kuid neil on vaja abi strateegia välja arvutamisel.

Tuleval vormelietapil sõidetakse rajal N ringi. Võistlejatel on kasutada M erinevat tüüpi rehve, millel on erinev koostis. Rehvi koostis määrab selle haarduvuse (mis mõjutab, kui kiiresti ringe läbida saab) ja kulumiskiiruse (mis määrab, kui kiiresti rehv kehveneb). Iga tüüpi rehve on saadaval piiramatus koguses.

Vormelietapi stardis on igal vormeliautol võistkonna valitud rehvid all (ja selleks boksipeatust tegema ei pea). Edaspidi võivad võistlejad ükskõik millise ringi järel teha boksipeatuse, kus saab vahetada rehvid uute vabalt valitud tüüpi rehvide vastu. Harjutamise tulemusena teavad nad, et iga boksipeatus võtab K sekundit.

Celsius Moto Sport on saadaolevaid rehve analüüsinud ja tuvastanud iga rehvitüüb
ii kohta kaks parameetrit:

- P_i mitu sekundit võtab selle rehviga esimene ring,
- W_i mitu sekundit aeglasem on iga järgmine ring võrreldes eelnevaga.

Leida optimaalne rehvivahetuste strateegia, et etapp minimaalse ajaga läbida.

Sisend. Sisendi esimesel real on kolm tühikutega eraldatud täisarvu M ($1 \le M \le 500$), N ($1 \le N \le 200$) ja K ($1 \le K \le 1000$). Järgneval M real on igaühel ühe rehvitüübi kirjeldus: kaks tühikuga eraldatud täisarvu P_i ($1 \le P_i \le 1000$) ja W_i ($0 \le W_i \le 1000$). Rehvitüübid on nummerdatud $1, \ldots, M$ nende sisendis kirjeldamise järjekorras.

Väljund. Väljundi esimesele reale väljastada tühikuga eraldatult täisarvud i_0 ja B, vastavalt rehvitüübi number, millega võistlust alustada, ja boksipeatuste arv. Järgmisele B reale väljastada igaühele ühe boksipeatuse kirjeldus kahe täisarvuna, vastavalt pärast mitmendat ringi teha boksipeatus (ringid on nummerdatud $1, \ldots, N$) ning uute rehvide tüübi number. Boksipeatused väljastada kronoloogilises järjekorras. Kui optimaalseid lahendusi on mitu, väljastada ükskõik milline neist.

| Näide. | Sisend | Väljund |
|--------|--------|---------|
| | 2 2 25 | 2 0 |
| | 45 11 | |
| | 40 20 | |

Läbida tuleb kaks ringi, boksipeatus võtab aega rohkem kui kummagi rehvi kulumine ühe ringiga. Esimese rehviga läheks aega 45 + (45 + 11) = 101 sekundit, teisega 40 + (40 + 20) = 100 sekundit, seega alustada tuleks teise rehviga ja sellega ilma boksipeatuseta lõpuni sõita.

| Sisend | Väljund |
|----------|------------------|
| 2 44 170 | 1 6 |
| 60 8 | 6 1 |
| 30 29 | 12 1 |
| | 18 1 |
| | 24 1 |
| | 30 1 |
| | 37 1 |
| | 2 44 170 60 8 |

Eesti informaatikaolümpiaad Lahtine võistlus 11.–17.10.2021

| Näide. | Sisend | Väljund |
|--------|--------|---------|
| | 3 1 25 | 2 0 |
| | 45 10 | |
| | 40 20 | |
| | 55 10 | |

Hindamine. Testides koguväärtusega 10 punkti on M=1. Järgmistes testides koguväärtusega samuti 10 punkti on N=2. Järgmistes testides koguväärtusega veel 10 punkti on $M\leqslant 50$. Järgmistes testides koguväärtusega veel 10 punkti on $M\leqslant 100$. Ülejäänud testides koguväärtusega 20 punkti lisapiiranguid ei ole.