

Добавляем элемент в конец списка

```
/home/lxuser/.pyenv/versions/3.12.9/bin/python /home/lxuser/Documents/mai/05_devops/mai-devops/lab04/main.py
```

```
-----  
Добавляем 1000 элементов в конец списка:
```

```
Время выполнения: 0 ms
```

```
-----  
Добавляем 10000 элементов в конец списка:
```

```
Время выполнения: 6 ms
```

```
-----  
Добавляем 100000 элементов в конец списка:
```

```
Время выполнения: 51 ms
```

```
-----  
Добавляем 1000000 элементов в конец списка:
```

```
Время выполнения: 516 ms
```

```
-----  
Process finished with exit code 0
```

Добавляем элемент в начало списка

```
/home/lxuser/.pyenv/versions/3.12.9/bin/python /home/lxuser/Documents/mai/05_devops/mai-devops/lab04/add_to_begin.py
-----

Добавляем 1000 элементов в начало списка:
Время выполнения: 0 ms

-----

Добавляем 10000 элементов в начало списка:
Время выполнения: 15 ms

-----

Добавляем 100000 элементов в начало списка:
Время выполнения: 983 ms

-----

Добавляем 1000000 элементов в начало списка:
Время выполнения: 92694 ms

-----

Process finished with exit code 0
```

Временная сложность

1)Добавление элемента в конец списка (`list.append(x)`)

- **Временная сложность: $O(1)$ (амортизированная)**
- Список в Python реализован как динамический массив, и добавление в конец обычно выполняется быстро. В редких случаях, когда требуется увеличение размера массива, происходит переаллокация, но в среднем это всё равно $O(1)$.

2)Добавление элемента в начало списка (`list.insert(0, x)`)

- **Временная сложность: $O(n)$**
- При вставке в начало все существующие элементы сдвигаются на одну позицию вправо, что требует линейного времени.

Сортировка пузырьком

```
/home/lxuser/.pyenv/versions/3.12.9/bin/python
```

```
Сортируем пузырьком список размера 1000:
```

```
Время выполнения: 44 ms
```

```
-----
```

```
Сортируем пузырьком список размера 10000:
```

```
Время выполнения: 5506 ms
```

```
-----
```

```
Сортируем пузырьком список размера 100000:
```

```
Время выполнения: 554649 ms
```

```
-----
```

```
Process finished with exit code 0
```

```
def bubble_sort(arr): 3 usages new *
    n = len(arr)
    for i in range(n):
        for j in range(0, n - i - 1):
            if arr[j] > arr[j + 1]:
                arr[j], arr[j + 1] = arr[j + 1], arr[j]
    return arr
```

Временная сложность алгоритма сортировки
пузырьком $O(n^2)$

Стандартная сортировка

Временная сложность стандартной сортировки в python $O(n\log(n))$

```
Сортируем список размера 1000:
```

```
Время выполнения: 0 ms
```

```
-----
```

```
Сортируем список размера 10000:
```

```
Время выполнения: 1 ms
```

```
-----
```

```
Сортируем список размера 100000:
```

```
Время выполнения: 12 ms
```

```
-----
```

```
Сортируем список размера 1000000:
```

```
Время выполнения: 192 ms
```

```
-----
```

```
Process finished with exit code 0
```

Вопросы

1) Что такое временная сложность алгоритма, как её определить?

Временная сложность $T(N)$ — это функция от количества входных данных, равная максимальному времени работы алгоритма на данном входе. Используется в качестве одного из критериев оценки алгоритма.

2) Какой способ оптимизации времени выполнения сортировки списка применён в задании №4?

Изменили алгоритм сортировки пузырьком с сложностью $O(n^2)$ на стандартную функцию сортировки с меньшей временной сложностью $O(n \log n)$

3) Как можно оптимизировать добавление элементов в начало списка?

Заменить `list` на коллекцию, в которой метод вставки элементов в начало имеет меньшую временную сложность. Так как метод `insert()` коллекции `list` не оптимизирован для вставки элементов в начало списка (временная сложность $O(n)$), то верным решением будет заменить `list` на коллекцию `deque`, у которой есть оптимизированный метод вставки в начало `appendleft()` со сложностью выполнения $O(1)$.