

8. Верно ли, что почти все (все, кроме конечного числа) натуральные числа представимы в виде $n + \tau(n)$, где $\tau(n)$ — количество делителей числа n ?

Слова боязь, решение на фотографах читер
нельзя научиться:

Из китайской теоремы об остатках следует, что для любого k существует такое n , что n делится на 2^k , $n+1$ делится на 3^k , $n+2$ делится на 5^k , и так далее. То есть существуют сколько угодно длинные отрезки последовательных чисел, имеющих более k делителей. Рассмотрим число M такое, что в конце последовательности $1, 2, \dots, M$ имеется k подряд идущих чисел с таким свойством. Все они после прибавления $t(i)$ к i выходят за пределы $[1..M]$. Значит, в этом отрезке есть не менее k чисел, которые ничем не "покрываются", так как число может быть "покрыто" только меньшим. Значит, количество не "покрываемых" чисел принимает сколько угодно большие значения, то есть это множество бесконечно.

Делалось это потому:
Китайская Т.:

Формулировка [править | править код]

Если натуральные числа a_1, a_2, \dots, a_n попарно взаимно просты, то для любых целых r_1, r_2, \dots, r_n таких, что $0 \leq r_i < a_i$ при всех $i \in \{1, 2, \dots, n\}$, найдётся число N , которое при делении на a_i даёт остаток r_i при всех $i \in \{1, 2, \dots, n\}$. Более того, если найдутся два таких числа N_1 и N_2 (соответствующих утверждению выше), то $N_1 \equiv N_2 \pmod{a_1 \cdot a_2 \cdot \dots \cdot a_n}$.

Конечно, мучничок в решении пишет,
что можно представить сколько угодно
большой набор последовательных па-
ттернов чисел, таких, что у
каждого точно будет k делителей.

Сложность (лично я не з) возни-
кает, когда начинаешь соотве-
тсвовать с КТ.

Числаятся за KT ; в конечн.

a_i , нутико b_{328} ρ_i , k

ρ_i — очевидное простое число

$$\{\rho_i\} = \{2, 3, 5, 7, \dots\}$$

Отмечено, теперь в конечн.

r_i будут такие числа:

$$\{r_i\} = \{0, 2, 3, \dots\}$$

n

$n+1$ нчнико приблизитъ 1.
нгдьи
дспичось
на 3

$n+2$ нчнико приблизитъ 2.
нгдьи
къ 5 делило

Всегда!

Утверждение о том, что

Назовемся число N , которое при
делении на p_i^k дает остаток r_i .
Эквивалентно тому, что в \mathbb{Z} после-
дбавательное число, k -е будущее
число на p_i^k (ЧИСЛО МИНУМ
 k ДЛИТЕЛЕЙ)

Согласно последнему чебышевскому
помимо предыдущих ряд чисел -
натуральных чисел:

1, 2, 3, ..., M

таких что, в конце будем прийти
к числу, которое имеет форму
к делителю.

Теперь нужно на какое число
поместить в фундамент

$$n \xrightarrow{} n + \varepsilon(n)$$

Чебышев доказал, что эти числа

последние k чисел после нуля —

некий функции "Большой" за пределы множества $\{1, \dots, M\}$.

Выводят, потому что какое из этих чисел делится k делителем, какое делитель того чти больше единицы \rightarrow прибавляя к делителю, надеясь будем делять тот же, когда все числа

$$\{M-k+1, M-k+2, \dots, M\}$$

"Большой" за пределы M

Получаем, что в последовательном ряду (применив функцию)

мы получили все возможные

образы $k + \Sigma(n)$. Неважно для

найти, что равно k чисел среди

всех образов будут остатки

Если эти числа \Rightarrow не смог получить

число k всего b из n неполных,

то, если \exists и дальше не

оставленных b из n будет

Допуск $n + \Sigma(n)$, или же пред
небольшой.

Конечно, выше описан алгоритм,
но коротку можно настичь конеч-
ное множество в котором будет
равно к числу, которое не
превосходитного в виде
 $n + \tau(n)$

Осталось числа без нулей
умноженных на число и помните,
что число k можно сделать
сколь угодно большим \Rightarrow

\Rightarrow множество чисел, k -е
не превосходитного в виде
 $n + \tau(n)$ — скончаное.