



FACULTAD MULTIDISCIPLINARIA DE OCCIDENTE

DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICAS

TITULO:

## **DISEÑOS DE EXPERIMENTOS EN R**

Fernando Ernesto Manzanares Morán

---

Docente:

Salvador Enrique Rodriguez Hernandez

# Definición de un diseño experimental y conceptos básicos

El **diseño de un experimento** es la secuencia completa de los pasos que se deben tomar de antemano, para planear y asegurar la obtención de toda la información relevante y adecuada al problema bajo investigación, la cual será analizada estadísticamente para obtener conclusiones válidas y objetivas con respecto a los objetivos planteados.

Un **diseño experimental** es una prueba o serie de pruebas en las cuales existen cambios deliberados en las variables de entrada de un proceso o sistema, de tal manera que sea posible observar e identificar las causas de los cambios que se producen en la respuesta de salida.

## Propósito de un diseño experimental

El propósito de cualquier Diseño Experimental, es proporcionar una cantidad máxima de información pertinente al problema que se está investigando. Y ajustar el diseño que sea lo mas simple y efectivo; para ahorrar dinero, tiempo, personal y material experimental que se va a utilizar. Es de acotar, que la mayoría de los diseños estadísticos simples, no sólo son fáciles de analizar, sino también son eficientes en el sentido económico y en el estadístico. De lo anterior, se deduce que el diseño de un experimento es un proceso que explica tanto la metodología estadística como el análisis económico.

## Conceptos básicos

**Diseño:** Consiste en planificar la forma de hacer el experimento, materiales y métodos a usar, etc.

**Experimento:** Conjunto de pruebas o ensayos cuyo objetivo es obtener información, que permita mejorar el producto o el proceso en estudio.

**Tratamiento:** - Es un conjunto particular de condiciones experimentales definidas por el investigador; son el conjunto de circunstancias creadas por el experimento, en respuesta a la hipótesis de investigación y son el centro de la misma.

**Factor:** Es un grupo específico de tratamientos. (Ejemplo, Temperatura, humedad, tipos de suelos, etc.).

**Niveles del factor:** Son diversas categorías de un factor. ( Por ejemplo, los niveles de temperatura son 20°C, 30°C, etc.). Un factor Cuantitativo tiene niveles asociados con puntos ordenados en alguna escala de medición, como temperatura; mientras que los niveles de un factor cualitativo representan distintas categorías o clasificaciones, como tipo de suelo, que no se puede acomodar conforme a alguna magnitud.

**Réplica:** Son las repeticiones que se realizan del experimento básico.

### **Unidad experimental:**

Es el material experimental unitario que recibe la aplicación de un tratamiento.

Es la entidad física o el sujeto expuesto al tratamiento independientemente de las otras unidades. La unidad experimental una vez expuesta al tratamiento constituye una sola réplica del tratamiento.

Es el objeto o espacio al cual se aplica el tratamiento y donde se mide y analiza la variable que se investiga.

Es el elemento que se está estudiando.

**Unidad muestral:** Es una fracción de la unidad experimental que se utiliza para medir el efecto de un tratamiento.

**Error experimental:** Es una medida de variación que existe entre dos o más unidades experimentales, que han recibido la aplicación de un mismo tratamiento de manera idéntica e independiente.

**Factores controlables:** Son aquellos parámetros o características del producto o proceso, para los cuales se prueban distintas variables o valores con el fin de estudiar cómo influyen sobre los resultados.

**Factores incontrolables:** Son aquellos parámetros o características del producto o proceso, que es imposible de controlar al momento de desarrollar el experimento.

**Variabilidad natural:** es la variación entre las unidades experimentales, que el experimentador no puede controlar ni eliminar.

**Variable dependiente:** es la variable que se desea examinar o estudiar en un experimento. (Variable Respuesta).

### **Hipótesis:**

Es una suposición o conjetura que se plantea el investigador de una realidad desconocida.

Es el supuesto que se hace sobre el valor de un parámetro (constante que caracteriza a una población) el cual puede ser validado mediante una prueba estadística.

# Diseños unifactoriales

En el análisis de los resultados de los experimentos se pueden observar diferentes aplicaciones de los Diseños Experimentales. Hay experimentos muy útiles en los cuales existe un sólo factor de interés; el cual se analiza por medio de la comparación de dos condiciones que intervienen en el Experimento (a menudo llamadas tratamientos o niveles del factor); a este tipo de experimentos se le denomina Experimentos de Comparación Simple, estudiados en los cursos de Estadística básica. El análisis de los datos de este tipo de Experimentos resulta ser sencillo, ya que se utilizan técnicas de la Inferencia Estadística, llamada Prueba de Hipótesis (o pruebas de significancia) que son las que ayudan al experimentador a comparar estas condiciones.

Si en el tipo de Diseño Experimental planteado anteriormente se requiere más de dos niveles del factor que se analiza, éstos son considerados como "Diseños Unifactoriales". Teniendo en cuenta que para el análisis de éstos se utiliza el Análisis de Varianza, ya que se requiere probar la igualdad de varias medias.

En los experimentos de los Diseños Unifactoriales, el número de observaciones recolectadas en cada tratamiento pueden ser iguales o diferentes. Cuando el número de observaciones sea diferente se dice que el Diseño está Desequilibrado o Desbalanceado; en caso contrario el Diseño está Equilibrado o Balanceado.

En este documento se hará uso del caso en el que el Diseño está Equilibrado o Balanceado y se utilizará un modelo de efectos fijos (en este tipo de Modelos se desea probar hipótesis en relación a las medias de los tratamientos y las conclusiones sólo se aplicarán a los niveles del factor considerados en el análisis, las conclusiones no pueden extenderse a tratamientos similares que no se consideraron.) y no se profundizara mas teóricamente ya que el fin de este documento es la aplicación de código del software estadístico R para la aplicación de dicho modelo.

### Ejemplo 1.

El Ministerio de Educación esta interesado en implementar tres programas de estudio; con el objetivo de medir la habilidad de lectura en los alumnos. Para ello, se eligen alumnos del sexto grado de un Colegio de San Salvador, de los cuales fueron asignados al azar 27 alumnos, a cada uno de los tres grupos. Se utilizó un programa diferente en cada grupo, se llevó a cabo un examen al inicio y al final de la implementación de los programas, los valores obtenidos representan la diferencia que hay entre la nota del examen que se hizo al inicio y al final de la implementación del programa, obteniéndose los siguientes datos, en base 100:

Tratamiento	Datos								
Programa 1	20	18	18	23	22	17	15	13	21
Programa 2	15	20	13	12	16	17	21	15	13
Programa 3	12	15	18	20	18	17	10	24	16

Cuadro 1: Diferencias entre nota de inicio y nota final

**Solución.** Antes de realizar los cálculos matemáticos, se definirá la variable de estudio y las hipótesis que se desean probar.

**Variable de estudio:** Habilidad de Lectura.

**Hipótesis:**

$H_0 : \mu_1 = \mu_2 = \mu_3$  (No existe diferencia entre los grupos)

$H_1 : \mu_1 \neq \mu_2 \neq \mu_3$  (Existe diferencia entre los grupos)

**El significado verbal de las hipótesis es:**

$H_0$  : Con la implementación de los tres programas de estudio, no existe diferencia significativa en la habilidad de lectura entre los grupos de alumnos del sexto grado.

$H_1$  : Con la implementación de los tres programas de estudio, existe diferencia significativa en la habilidad de lectura entre los grupos de alumnos del sexto grado.

```
> library(xtable)
> #Leemos la hoja de datos
> datos<-read.csv("Ej1HL.csv", header = TRUE, sep = ";")
> #Analysis of Variance(aov) para un factor
> unifact<- aov(HL~Programa, data = datos)
> Resultado<-summary(unifact)
> #su equivalente
> Resultado2<- anova(unifact)
> #generando el codigo latex para la tabla
> # de ANOVA
> Resultado3<- xtable(Resultado2)
```

	Df	Sum Sq	Mean Sq	F value	Pr(>F)
Programa	2	36.22	18.11	1.44	0.2566
Residuals	24	301.78	12.57		

Cuadro 2: Anova de un factor

## Conclusión

Si se observa la columna  $\text{Pr(>F)}$  ésta muestra el P-valor generado por el ANOVA y se interpreta de la siguiente manera, como el nivel de significancia de la prueba F con 2 grados de libertad en el numerador y 24 en el denominador es de del 5 por ciento y el P-valor es mayor a este puede concluirse que con la implementación de los tres programas de estudio, existe diferencia significativa en la habilidad de lectura entre los grupos de alumnos del sexto grado.

Si al efectuar el Análisis de Varianza para un Modelo de Efectos Fijos, la hipótesis nula es rechazada. Se llega a la conclusión que existe diferencia entre las medias o que hay diferencia entre los tratamientos. En muchas situaciones en la industria, este resultado es de poco interés; ya que no se especifica exactamente cuales tratamientos son diferentes y el experimentador espera hallar diferencias, y está más interesado en investigar que tratamientos difieren entre si, o dicho de otra manera, en investigar contrastes entre los tratamientos.

Cuando se da esta situación puede ser útil realizar comparaciones adicionales entre grupos de medias de los tratamientos. Las comparaciones entre medias de tratamientos se realizan en términos de los totales de tratamientos  $y_{i.}$  o de los promedios de tratamientos  $\bar{y}_{i.}$ . Los procedimientos para efectuar esta comparación se conocen como Métodos de Comparación Múltiple o Pruebas a Posteriori.

#### **Estimacion de las medias de los tratamientos:**

```
> library(ggplot2)
> library(gplots)
> boxplot(datos$HL~datos$Programa,
+         ylab = "Habilidad de lectura",
+         xlab = "Tratamientos",
+         col=rainbow(5, alpha = .3))
> plotmeans(datos$HL~datos$Programa,
+          ylab = "Habilidad de lectura",
+          xlab = "Tratamientos")
```

#### **Evaluacion de las diferencias entre los tratamientos:**

Prueba de Tukey:

```
> Prueba<-TukeyHSD(unifact)
```