PROSEMINAR: DATA MINING

Neuronale Netze: Grundlagen

Lukas Krenz

12. Juni 2015

Technische Universität München



DIE MAGIE



man in black shirt is playing guitar.



black and white dog jumps over bar.



a woman holding a teddy bear in front of a mirror.

Quelle: Deep Visual-Semantic Alignments for Generating Image Descriptions, CVPR 2015



WAS SIND NEURONALE NETZE?

Neuronale Netze sind ein:

- · graphisches
- · nicht-lineares
- · flexibles

Modell für maschinelles Lernen.



TOPOLOGIE

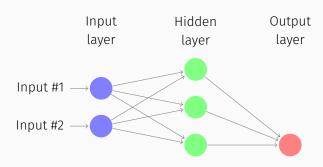
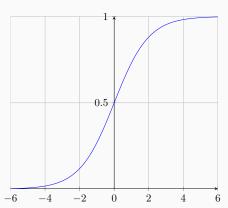


Abbildung 1: Ein 2-schichtiges MLP.



AKTIVIERUNGSFUNKTIONEN

Abbildung 2: Die logistische Funktion σ_1



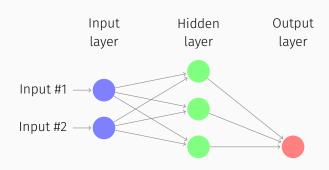
$$\sigma_1(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$
 (1)
 $\sigma_2(x) = \tanh(x) = \frac{1 - e^{-2x}}{1 + e^{-2x}}$ (2)

$$\sigma_2(x) = \tanh(x) = \frac{1 - e^{-2x}}{1 + e^{-2x}}$$
 (2)

$$\sigma_3(x) = \max(0, x) \tag{3}$$



FEEDFORWARD



$$\mathsf{net}_j = \sum_i w_{ji} y_i = w_j^t x$$

$$y_j = \sigma(\mathsf{net}_j)$$



(5)



BACKPROP

$$E = \sum_{k=1}^{K} \sum_{i=1}^{N} (y_i^k - t_i^k)^2$$

$$= \sum_{k=1}^{K} E_n(y_1, \dots, y_k)$$
(6)

$$=\sum_{n}E_{n}(y_{1},\ldots,y_{c})$$
(7)

$$\frac{\partial E^n}{\partial w_{ij}} = \frac{\partial E^n}{\partial net_j} \frac{\partial net_j}{\partial w_{ji}}$$
 (8)



BACKPROP (CTD.)

$$\frac{\partial net_j}{\partial w_{ii}} = y_i \tag{9}$$

$$\frac{\partial E^n}{\partial net_j} = \delta_j \tag{10}$$

$$\frac{\partial E^n}{\partial w_{i,j}} = y_i \delta_j \tag{11}$$

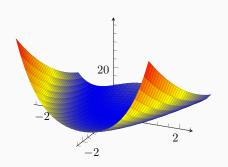
$$\frac{\partial E^n}{\partial w_{i,i}} = y_i \delta_j \tag{11}$$

$$\delta_{j} = \begin{cases} \sigma'(net_{j})(y_{j} - t_{j}) & \text{wenn j Ausgabeneuron ist} \\ \sigma'(net_{j}) \sum_{k} w_{kj} \delta_{k} & \text{wenn j verdecktes Neuron ist} \end{cases}$$
 (12)



OPTIMIERUNG

Abbildung 3: Die Rosenbrock Funktion $(1-x)^2 + 100(y-x^2)^2$



$$X_{n+1} = X_n - \eta \nabla F(X_n) \tag{13}$$

$$\Delta_{w}^{t} = -\eta \nabla_{w} E(w; t) \tag{14}$$



DISKUSSION UND AUSBLICK

Vorteile:

- · mächtig
- · flexibel

Nachteile

- viele Parameter, kompliziert anzupassen
- · langsam

In der aktuellen Forschung relevant: Netze anderer Topologien

