

## 0.1 Mengder

En samling av tall kalles en *mengde*<sup>1</sup>, og et tall som er en del av en mengde kalles et *element* i denne mengden. Mengder kan inneholde et endelig antall elementer og de kan inneholde uendelig mange elementer.

### 0.1 Mengder

For to reelle tall  $a$  og  $b$ , hvor  $a < b$ , har vi at

- $[a, b]$  er mengden av alle reelle tall større eller lik  $a$  og mindre eller lik  $b$ .
- $(a, b]$  er mengden av alle reelle tall større enn  $a$  og mindre eller lik  $b$ .
- $[a, b)$  er mengden av alle reelle tall større eller lik  $a$  og mindre enn  $b$ .

$[a, b]$  kalles et lukket intervall, mens både  $(a, b]$  og  $[a, b)$  kalles halvåpne intervall.

Mengden av tre tall  $a$ ,  $b$  og  $c$  skrives som  $\{a, b, c\}$ .

At  $x$  er et element i en mengde  $M$  skrives som  $x \in M$ .

At  $x$  ikke er et element i en mengde  $M$  skrives som  $x \notin M$ .

### Språkboksen

$x \in M$  uttales ” $x$  inneholdt i  $M$ ” eller ” $x$  er et element i  $M$ ”.

### Eksempel 1

Mengden av alle heltall større enn 0 og mindre enn 10 skriver vi som

$$\{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$$

Denne mengden inneholder 9 elementer. 3 er et element i denne mengden, og da kan vi skrive  $3 \in \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$

10 er ikke et element i denne mengden, og da kan vi skrive  $10 \notin \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ .

---

<sup>1</sup>En mengde kan også være en samling av andre matematiske objekter, som for eksempel funksjoner, men i denne boka holder det å se på mengder av tall.

### Eksempel 2

Skriv opp ulikhetene som gjelder for alle  $x \in M$ , og om 1 er inneholdt i  $M$ .

a)  $M = [0, 1]$

b)  $M = (0, 1]$

c)  $M = [0, 1)$

### Svar

a)  $0 \leq x \leq 1$ . Videre er  $1 \in M$ .

b)  $0 < x \leq 1$ . Videre er  $1 \in M$ .

c)  $0 \leq x < 1$ . Videre er  $1 \notin M$ .

### 0.2 Navn på mengder

$\mathbb{N}$  Mengden av alle positive heltall<sup>1</sup>

$\mathbb{Z}$  Mengden av alle heltall<sup>2</sup>

$\mathbb{Q}$  Mengden av alle rasjonale tall

$\mathbb{R}$  Mengden av alle reelle tall

$\mathbb{C}$  Mengden av alle komplekse tall

---

<sup>1</sup>Inneholder *ikke* 0.

<sup>2</sup>Inneholder 0.

## 0.2 Verdi- og definisjonsmengder

Alle funksjoner har en definisjonsmengde og en verdimengde. For en funksjon  $f(x)$ , er definisjonsmengden den mengden som utelukkende inneholder alle verdier  $x$  kan ha. Denne mengden skrives da som  $D_f$ . Hvilke verdier  $x$  kan ha er bestemt av to ting:

- Hvilken sammenheng  $x$  skal brukes i.
- Om  $f$  ikke er definert for visse  $x$ -verdier.

La oss først bruke  $f(x) = 2x + 1$  som et eksempel. Denne funksjonene er definert for alle  $x \in \mathbb{R}$ . Vi kunne derfor latt  $\mathbb{R}$  være definisjonsmengden til  $f$ , men for enkelhets skyld velger vi her  $D_f = [0, 1]$ . Mengden som utelukkende inneholder alle verdier  $f$  kan ha når  $x \in D_f$ , er verdimengden til  $f$ . Denne mengden skrives som  $V_f$ . I dette tilfellet er (forklar for deg selv hvorfor)  $f \in [1, 3]$ , altså er  $V_f = [1, 3]$ .

La oss videre se på funksjonen  $g(x) = \frac{1}{x}$ . Denne funksjonen er ikke definert for  $x = 0$ , noe som betyr at vi allerede har fått en restriksjon på definisjonsmengden til  $g$ . Også her gjør vi det enkelt, og unngår<sup>1</sup> 0 med god klaring ved å sette  $D_g = [1, 2]$ . Da er (forklar for deg selv hvorfor)  $V_g = \left[\frac{1}{2}, 1\right]$ .

### 0.3 Verdi- og definisjonsmengder

Gitt en funksjon  $f(x)$ . Mengden som utelukkende inneholder alle verdier  $x$  kan ha, er da definisjonsmengden til  $f$ . Denne mengden skrives som  $D_f$ .

Mengden som utelukkende inneholder alle verdier  $f$  kan ha når  $x \in D_f$ , er verdimengden til  $f$ .

---

<sup>1</sup>I [seksjon ??](#) skal vi se nærmere på funksjoner som  $g$  når  $x$  nærmer seg 0.