a) Vi har at

resterende lånebeløp = forrige lånebeløp - avdrag 
$$(1)$$

Ved et annuitetslån er terminbeløpet likt ved hver nedbetaling av lånet. Dette betyr at

Av (1) og (2) er

Da rentebeløp = forrige lånebeløp  $\cdot r$ , har vi at

resterende lånebeløp = (1+r) · forrige lånebeløp – terminbeløp

Med størrelsene slik de er definert i oppgaven kan dette skrives som

$$L_n = (1+r)L_{n-1} - T$$

b) Vi har at

$$L_{1} = (1+r)L_{0} - T$$

$$L_{2} = (1+r)L_{1} - T$$

$$= (1+r)\left[(1+r)L_{0} - T\right]$$

$$= (1+r)^{2}L_{0} + (1+r)T - T$$

$$L_{3} = (1+r)L_{2} - T$$

$$= (1+r)\left[(1+r)^{2}L_{0} - (1+r)T - T\right]$$

$$= (1+r)^{3}L_{0} - (1+r)^{2}T - (1+r)T - T$$

Følgelig er

$$L_n = (1+r)^n L_0 - T - (1+r)T - (1+r)^2 - \dots - (1+r)^{n-1}T$$

Etter t år er  $L_t = 0$ , og dermed er

$$T + (1+r)T + (1+r)^2 + \dots + (1+r)^{t-1}T = (1+r)^t$$
 (\*)

Venstresiden i likningen over er summen av en geometrisk rekke med første ledd T og kvotient 1 + r, og av (??) i TM2 har vi at

$$T\frac{1-(1+r)^t}{-r} = (1+r)^t L_0$$
$$T = \frac{-r}{1-(1+r)^t} (1+r)^t L_0$$

Da  $(1+r)^t = \frac{1}{(1+r)^{-t}}$ , kan vi skrive

$$T = \frac{-r}{1 - (1+r)^t} \cdot \frac{1}{(1+r)^{-t}} L_0$$
$$= \frac{-r}{(1+r)^{-t} - 1} L_0$$
$$= \frac{r}{1 - (1+r)^{-t}} L_0$$

??

a) Når du har spart i 5 måneder betyr det at første innskudd har forrentet seg 4 ganger, andre beløp 3 ganger osv. Forrentingen tilsvarer en økning med 1.02. Medregnet det ferske innskuddet blir regnestykket

$$1000 \cdot 1.02^4 + 1000 \cdot 1.02^3 + 1000 \cdot 1.02^2 + 1000 \cdot 1.02^1 + 1000$$

b) Av oppgave a) innser vi at P(n) er summen av en geometrisk rekke med  $a_1 = 1000$  og k = 1.02:

$$P(n) = 1000 \cdot \frac{1 - 1.02^n}{1 - 1.02}$$
$$= -50000(1 - 1.02^n)$$
$$= 50000(1.02^n - 1)$$

??

a) En cosinus<br/>funksjon har lavest verdi når cosinusuttrykket har verdien -1. Den laveste verdien til f er der<br/>for 128 - 80 = 48. Når det er fjære er altså vannstanden  $48 \,\mathrm{cm}$  over sjåkartnull.

b) Av (??) har vi at perioden P er gitt som

$$P = \frac{2\pi}{k}$$

I dette tilfellet er  $k=\frac{3\pi}{37},$  altså er

$$P = \frac{37}{3}$$
$$= 12 + \frac{1}{3}$$

Følgelig er det 12 timer og 20 minutter mellom to etterfølgende tipspunkt for flo. Dette betyr at det er 6 timer og 10 minutter mellom flo og fjære.