Oppgaver for kapittel 0

??

a) Vi har at

$$AF = AD = c - r$$

$$FC = CE = a - r$$

Da AF + FC = c, er

$$c - r + a - r = b$$
$$c + a - b = 2r$$

b) Med c som grunnlinje har $\triangle ABC$ høgde b. Av den klassiske arealformelen for en trekant (se MB) og formelen fra oppgave $\ref{eq:mathematical properties}$ har vi da at

$$(a+b+c)r = ac$$

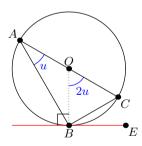
$$r = \frac{ac}{a+b+c}$$

c) Av oppgave (a) og (b) er

c + a - b =
$$\frac{2ac}{a+b+c}$$
$$(c+a-b)(a+b+c) = 2ac$$
$$(a+c)^2 - b^2 = 2ac$$
$$a^2 + c^2 = b^2$$

Formelen kjenner vi igjen som Pytagoras' setning.

??



Vi setter $v = \angle BAC$. Da $\angle BAC$ er en periferivinkel, er $\angle BOC = 2v$. $\triangle BCO$ er likebeint, og derfor er $\angle CBO = 90^{\circ} - u$ (forklar for deg selv hvorfor). Nå har vi at

$$\angle EBC = 90^{\circ} - \angle CBO = u$$