Základní informace o programovém systému STATISTICA

Systém má modulární stavbu. V multilicenci pro Masarykovu univerzitu jsou k dispozici moduly: Basic Statistics/Tables, Multiple Regression, ANOVA, Nonparametrics, Distribution Fitting, Advanced Linear / Nonlinear Models, Multivariate Exploratory Techniques, Industrial Statistics & Six Sigma. Instalační CD lze získat v celouniverzitní počítačové studovně MU na Komenského náměstí 2. Lze také přímo stáhnout ISO obraz instalačního CD. Bližší informace viz

https://wiki.ics.muni.cz/doku.php?id=softwarove_licence:licence#statistica

Velké množství informací o systému STATISTICA lze najít na webové stránce společnosti StatSoft, která je jejím distributorem v České republice (<u>www.statsoft.cz</u>). Z této stránky vede rovněž odkaz na elektronickou učebnici statistiky.

STATISTICA má několik typů oken:

- **spreadsheet** (datové okno, má příponu sta, jeho obsah však lze exportovat i v jiných formátech). Do datového okna lze načítat datové soubory nejrůznějších typů (např. z tabulkových procesorů, databázové soubory, ASCII soubory).
- workbook (má příponu stw). Do workbooku ukládají výstupy, tj. tabulky a grafy. Skládá se ze dvou oken, v levém okně je znázorněna stromová struktura výstupů, v pravém jsou samotné výstupy. V levém okně se lze pohybovat myší nebo kurzorem, mazat, přesouvat, editovat apod. Výstupy mohou sloužit jako vstupy pro další analýzy a grafy.
- **report** (má příponu str, lze ho uložit i ve formátu rtf, txt či htm). Pokud požadujeme, aby se výstupy ukládaly nejen do workbooku, ale i do reportu, postupujeme takto: Tools Options Output Manager zaškrtneme Also send to Report Window OK. Report se podobně jako workbook skládá ze dvou oken. Do reportu můžeme vkládat vlastní text, vysvětlující komentáře, poznámky apod. Tabulky a grafy lze v reportu i workbooku dále upravovat.
- **okno grafů** (přípona stg, lze ho uložit i jako bmp, jpg, png a wmf). Získá se tak, že ve workbooku klikneme pravým tlačítkem na graf a vybereme Clone Graph.
- **programovací okno** (přípona svb). Slouží pro zápis programů v jazyku STATISTICA Visual Basic.
 - Mezi jednotlivými typy oken se přepínáme pomocí položky Window v hlavním menu.

Bodové zpracování četností

- 1. Zapište do datového okna programu STATISTICA datový soubor, který bude obsahovat známky z matematiky, angličtiny a údaje o pohlaví dvaceti studentů. Návod: File New Number of variables 3, Number of cases 20, OK.
- 2. Znaky nazvěte X, Y, Z, vytvořte jim návěští (X známka z matematiky, Y známka z angličtiny, Z pohlaví studenta) a popište, co znamenají jednotlivé varianty (u znaků X a Y: 1 výborně, 2 velmi dobře, 3 dobře, 4 neprospěl, u znaku Z: 0 žena, 1 muž). Soubor uložte pod názvem znamky.sta

Návod: Kurzor nastavíme na Var1 – 2x klikneme myší – Name X – Long Name známka z matematiky, Text label – 1 výborně, 2 velmi dobře, 3 dobře, 4 neprospěl, OK. U proměnné Y lze text label okopírovat z proměnné X – v Text Labels Editor zvolíme Copy from variable X.

Přepínání mezi číselnými hodnotami a jejich textovým popisem se děje pomocí tlačítka s obrázkem štítku.

3. U znaků X a Y vypočtěte absolutní četnosti, relativní četnosti a relativní kumulativní četnosti.

Návod: Statistics - Basic Statistics/Tables - Frequency tables - OK - Variables X, Y, OK - Summary. Všechny tři tabulky se uloží do workbooku a listovat v nich můžeme pomocí stromové struktury v levém okně.

4. Vytvořte sloupkový diagram absolutních četností znaků X a Y.

Návod: Graphs – Histograms – Variables X, Y – OK- vypneme Normal fit – Advanced – zaškrtneme Breaks between Columns, OK.

Vytvořte výsečový diagram absolutních četností znaků X a Y.

Návod: Graphs – 2D Graphs – Pie Charts – Variables X, Y – OK – Advanced – Pie legend Text and Percent (nebo Text and Value) – OK.

Vytvořte polygon absolutních četností znaků X a Y.

Návod: ve workbooku vstoupíme do tabulky rozložení četností proměnné X. Pomocí Edit – Delete - Cases vymažeme řádek označený Missing. Nastavíme se kurzorem na Count – Graphs – Graphs of Block Data - Line Plot:Entire Columns. Vykreslí se polygon četností.

5. Vytvořte graf empirické distribuční funkce znaku X.

Návod: Při tvorbě histogramu zadáme v Advanced volbu Showing Type Cumulative, Y axis % - 2 x klikneme myší na pozadí grafu – otevře se okno All Options – vybereme Plot:Bars – Type Rectangles. V tomto grafu jsou však svislé čáry až k vodorovné ose. Lze použít i jiný typ grafu: vytvoříme nový datový soubor, který bude mít dvě proměnné a případů o dva víc než je počet variant znaku X. Do 1. proměnné zapíšeme do 1. řádku hodnotu o 1 menší než je 1. varianta znaku X, pak varianty znaku X a nakonec hodnotu o 1 větší než je poslední varianta znaku X. Do 2. proměnné zapíšeme 0, pak relativní kumulativní četnosti znaku X (v procentech) a nakonec 100. Graphs – Scatterplots – Variables V1, V2 – OK – vypneme Linear fit – OK – 2x klikneme na pozadí grafu – Plot:General – vypneme Markers, zaškrtneme Line – Line Type:Step – OK. Vytvořte graf četnostní funkce znakq X.

Návod: Při tvorbě histogramu zadá-e v Advanced Y axis % - 2 x klikneme m}ší na pozadí grafu – vybereme Pmot General – zaškrtneme`Markers – vybereme Plot:Bars – Type Lines.

5. Z datového souboru vyberte pouze ženy (pouze muže) a úkol 3 proveďte pro ženy (pro muže).

Návod: Statistics - Basic Statistics/Tables - Frequency tables - OK - Variables X, Y, OK - Select Cases - zaškrtneme Enable Selection Conditions - zaškrtneme Specific, selected by: By Expression <math>Z = 0, OK.

6. Nadále pracujte s celým datovým souborem. Vytvořte kontingenční tabulku absolutních četností znaků X a Y a graf simultánní četností funkce.

Návod: Statistics - Basic Statistics/Tables - Tables and banners - OK - Select cases - All - OK - Specify tables - List 1 X, List 2 Y, OK, Summary.

Vytvoření grafu simultánní četnostní funkce: Návrat do Crosstabulation Tables Result – 3D histograms – vybereme Axis Scaling – Mode Manual – Minimum 0 (a totéž provedeme pro Axis Y) – dále vybereme Graph Layout – Type – Spikes – OK. Graf lze natáčet pomocí Point of View.

Vytvořte kontingenční tabulku sloupcově a řádkově podmíněných relativních četností znaků X a Y.

Návod: Návrat do Crosstabulation Tables Result – Options - zaškrtneme ve sloupci Compute tables volbu Percentages of column counts (resp. Percentages of row counts).

Intervalové zpracování četností

- 1. Zapište do datového okna programu STATISTICA datový soubor, který bude obsahovat údaje o mezi plasticity oceli a mezi pevnosti (viz př. 2.13.). Proměnným X a Y vytvořte návěští "mez plasticity" a "mez pevnosti". Soubor pak uložte pod názvem ocel.sta. Návod: viz 1. cvičení, bod 1.
- 2. Pro X a Y použijeme intervalové zpracování četností. Pro aplikaci Sturgersova pravidla potřebujeme znát počet variant proměnné X a Y. Návod: Zjištění absolutních četností viz 1. cvičení, bod 3. Zjištění počtu variant: ve workbooku se nastavíme kurzorem na sloupec Count 2x klikneme myší vybereme Values/Stats ve výstupní tabulce se objeví mj. N. Počet variant je N-1. (X má 50 variant, Y má 52 variant, v obou případech volíme 7 třídicích intervalů.) Dále musíme zjistit minimum a maximum, abychom vhodně stanovili třídicí intervaly. Návod: Statistics Basic Statistics/Tables Descriptive statistics Variables X,Y zaškrtneme Minimum&maximum Summary. (Pro X je minimum 33 a maximum 160, tedy vhodná volba třídicích intervalů je (30,50>, (50,70>, ..., (150,170> viz př. 2.13., pro Y je minimum 52 a maximum 189, tedy třídicí intervaly zvolíme (50,70>, (70,90>, ... (170,190> viz př. 2.19.)
- 3. Vytvořte histogram pro X a pro Y. Návod: Graphs – Histograms – Variables X – vypneme Normal fit – Advanced – zaškrtneme Boundaries – Specify Boundaries – 50 70 90 110 130 150 170 OK – Y Axis %. 2 x klikneme na pozadí grafu a ve volbě All Options můžeme měnit různé vlastnosti grafu. Upozornění: STATISTICA v histogramu znázorňuje relativní četnost výškou obdélníku, nikoliv jeho plochou, což není v souladu s definicí 2.14.
- 4. Proveďte zakódování hodnot proměnných X a Y do příslušných třídicích intervalů. Návod: Insert Add Variables 2 After Y OK přejmenujeme je na RX a RY. Nastavíme se kurzorem na RX Data Recode vyplníme podmínky pro všech 7 kategorií. (Pozor podmínky se musí psát ve tvaru X > 30 and X <= 50 atd.). Pak klepneme na OK. Analogicky pro Y.</p>
- 5. Vytvořte graf intervalové empirické distribuční funkce pro X.
 Návod: Vytvoříme Frequency table pro RX. Před 1. případ vložíme řádek, kde do
 Category napíšeme 0 a do Cumulative Count také 0. Nastavíme se kurzorem na
 Cumulative Percent Graphs Graphs of Block Data Custom Graph from Block by
 Column Line Plots (Variables) OK. 2x klikneme na pozadí grafu Plot: General –
 vypneme Markers Axis: Scaling Mode Manual Minimum 1, Maximum 9 Axis:
 Custom Units Position 1, Text 30 atd až Position 9, Text 190 OK.
- 6. Sestavte kontingenční tabulky absolutních četností (relativních četností, sloupcově a řádkově podmíněných relativních četností) dvourozměrných třídicích intervalů pro (X,Y). Návod: Viz úkol č. 6 ve cvičení 1, kde budeme pracovat s proměnnými RX a RY.
- 7. Vytvořte stereogram pro (RX,RY). Návod: V tabulce Crosstabulation Tables Result zaškrtneme 3D histograms. Ve volbě Axis Scaling (pro RX i pro RY) změníme Mode na Manual – Minimum 0. Pomocí Axis: Custom Units (viz úkol č. 5) můžeme změnit popis hodnot na x-ové a y-ové ose.

Výpočet číselných charakteristik jednorozměrného a dvourozměrného souboru, regresní přímka

- Načtěte soubor znamky.sta. Pro známky z matematiky‡ angličtiny vypočtěte medián, dolní a horní kvartil a kvartilovou odchxlku. Výsledky porovnejte s příkladem†3.5.
 Návod: Stastistics – Basic Statisticų/Tables – Descriptive Statistics – NK - Vari□bles X, Y, OK – zaškrtneme Median, Lower & upper quartiles, Quartile range – Summary.
- 2. Načtšte soubor ocel.sta. Őro mez plasticity a mez pevnosti vypůčtěte aritmetické průměry, směrodatné odchylky a rozptyly. Výsledky porovnejte s příkladem 諫15. Návod: Návod: Stastistics Basic Statistics/Tables Desc□iptive Statistics OK Variables X, Y, OK –养金aškrtneme Mean, Standard Dųviation, Variance –ĠSummary. Vysvětlení: Rozptyl a směroda⁴ ná odchylka vyjdou ve STATISTICE jinak než v př. 3.15., protože STATISTICA ve vzorci pro výpočet rozŰtylu nepouž⊮á 1/n, ale 1/(n-1) bude objasněno později v matematické statistice.
- 3. Nakreslete dvourozměrný tečkový diagram pro (X,Y). Návod: Graphs − Scatterplots − Variables X,Y − OK ♣ vpne|e Linear fit − OK.
- 5. Určete koeficienty regresní přímky meze pevnosti na mez plasticity a stanovte index determinace. Určete regresní odhad meze pevnosti, je-li mez plasticity 110. Nakreslete regresní přímku do dvourozměrného tečkového diagramu. Návod: V tabulce Multiple Regression zvolíme Variables Independent X, Dependent Y OK Summary:Regression results. Ve výstupní tabulce najdeme koeficient b₀ ve sloupci B na řádku označeném Intercept, koeficient b₁ ve sloupci B na řádku označeném X, index determinace pod označením R2.
 - Pro výpočet predikované hodnoty zvolíme Residuals/assumption/prediction Predict dependent variable X:110 OK. Ve výstupní tabulce je hledaná hodnota označena jako Predictd.

Nakreslení regresní přímky: Návrat do Multiple Regression – Residuals / assumption / prediction – Perform residuals analysis – Scatterplots – Bivariate correlation – X, Y – OK. Jiný způsob: Do dvourozměrného tečkového diagramu nakreslíme regresní přímku tak, že v tabulce 2D Scatterplots zvolíme Fit Linear, OK.

Výpočty pravděpodobností pomocí distribuční funkce binomického rozložení

Označme X náhodnou veličinu. Její distribuční funkci zavedeme vztahem $\Phi(x) = P(X \le x)$. Pokud náhodná veličina X nabývá pouze konečně nebo spočetně mnoha hodnot, lze pomocí $\Phi(x)$ vyjádřit následující pravděpodobnosti:

- a) $P(X=x) = P(X \le x) P(X \le x-1) = \Phi(x) \Phi(x-1);$
- b) $P(X \ge x) = 1 P(X < x) = 1 P(X \le x 1) = 1 \Phi(x 1);$
- c) $P(x_1 \le X \le x_2) = P(x_1 1 \le X \le x_2) = \Phi(x_2) \Phi(x_1)$.

STATISTICA poskytuje hodnoty distribučních funkcí mnoha rozložení. Omezíme se na **binomické rozložení** (funkce IBinom(x,p,n), kde x ... počet úspěchů, p ... pravděpodobnost úspěchu v jednom pokusu, n ... celkový počet pokusů).

Vzorový příklad na binomické rozložení: Pojišťovna zjistila, že 12% pojistných událostí je způsobeno vloupáním. Jaká je pravděpodobnost, že mezi 30 náhodně vybranými pojistnými událostmi bude způsobeno vloupáním a) nejvýše 6, b) aspoň 6, c) právě 6, d) od dvou do pěti? **Řešení**: X ... počet pojistných událostí způsobených vloupáním , n = 30, p = 0,12.

```
ad a) P(X \le 6) = \Phi(6) = 0.9393,
```

```
ad b) P(X \ge 6) = 1 - P(X \le 5) = 1 - \Phi(5) = 0.1431,
```

ad c)
$$P(X=6) = \Phi(6) - \Phi(5) = 0.0825$$
,

ad d)
$$P(2 \le X \le 5) = \Phi(5) - \Phi(1) = 0,7469$$
.

Postup ve STATISTICE: Otevřeme nový datový soubor se čtyřmi proměnnými a o jednom případu.

Řešení: Do Long Name 1. proměnné napíšeme =IBinom(6;0,12;30).

Do Long Name 2. proměnné napíšeme =1-IBinom(5;0,12;30).

Do Long Name 3. proměnné napíšeme =IBinom(6;0,12;30)-IBinom(5;0,12;30).

Do Long Name 3. proměnné napíšeme =IBinom(5;0,12;30)-IBinom(1;0,12;30).

(Do Lange Name proměnné vstoupíme tak, že v datovém okně 2x klikneme myší na název proměnné.)

Kreslení grafů distribuční funkce a pravděpodobnostní funkce binomického rozložení Vzorový příklad: Nakreslete graf distribuční funkce a pravděpodobnostní funkce náhodné veličiny $X \sim Bi(12, 0.3)$

Postup ve STATISTICE: Vytvoříme nový datový soubor o 3 proměnných a 13 případech. První proměnnou nazveme X a uložíme do ní hodnoty 0, 1, ..., 12 (do Long Name napíšeme =v0-1). Druhou proměnnou nazveme DF a uložíme do ní hodnoty distribuční funkce (do Long Name napíšeme příkaz =IBinom(x;0,3;12)). Třetí proměnnou nazveme PF a uložíme do ní hodnoty pravděpodobnostní funkce (do Long Name napíšeme příkaz =Binom(x;0,3;12)). **Graf distribuční funkce**: Graphs – Scatterplots – Variables X, DF – OK – vypneme Linear fit – OK – 2x klikneme na pozadí grafu – Plot:General – zaškrtneme Line – Line Type: Step – OK.

Graf pravděpodobnostní funkce: Graphs – Scatterplots – Variables X, PF – OK – vypneme Linear fit - OK.

Podle tohoto návodu nakreslete grafy distribučních a pravděpodobnostních funkcí binomického rozložení pro různá n a p, např. n=5, p=0,5 (resp. 0,75) apod. Sledujte vliv parametrů na vzhled grafů.

Grafy hustot a distribučních funkcí, výpočet kvantilů

STATISTICA umí kreslit grafy hustot a distribučních funkcí mnoha spojitých rozložení a počítat kvantily těchto rozložení. Slouží k tomu Probability Calculator v menu Statistics. Zaměříme se na rozložení uvedená definici 8.6.

- 1. Rovnoměrné spojité rozložení Rs(0, 1)
 - Statistics Probability Calculator Distributions Beta shape 1 napíšeme 1, shape 2 napíšeme 1. STATISTICA vykreslí graf hustoty a distribuční funkce. Hodnotu α -kvantilu zjistíme tak, že do okénka označeného p napíšeme dané α a po kliknutí na Compute se v okénku Beta objeví hodnota tohoto kvantilu.
- 2. Exponenciální rozložení Ex(λ)

Ve volbě Distributions vybereme Exponential a do okénka lambda napíšeme patřičnou hodnotu. Hodnotu α -kvantilu zjistíme tak, že do okénka označeného p napíšeme dané α a po kliknutí na Compute se v okénku exp objeví hodnota tohoto kvantilu.

- 3. Normální rozložení $N(\mu, \sigma^2)$
 - Ve volbě Distributions vybereme Z (Normal), do okénka mean napíšeme hodnotu μ a do okénka st. dev. napíšeme hodnotu σ . Hodnotu α -kvantilu zjistíme tak, že do okénka označeného p napíšeme dané α a po kliknutí na Compute se v okénku X objeví hodnota tohoto kvantilu.
- 4. Pearsonovo rozložení chí-kvadrát s n stupni volnosti $\chi^2(n)$ Ve volbě Distributions vybereme Chi 2 a do okénka df napíšeme patřičný počet stupňů volnosti. Hodnotu α -kvantilu zjistíme tak, že do okénka označeného p napíšeme dané α a po kliknutí na Compute se v okénku Chi 2 objeví hodnota tohoto kvantilu.
- 5. Studentovo rozložení s n stupni volnosti t(n) Ve volbě Distributions vybereme t (Student) a do okénka df napíšeme patřičný počet stupňů volnosti. Hodnotu α-kvantilu zjistíme tak, že do okénka označeného p napíšeme dané α a po kliknutí na Compute se v okénku t objeví hodnota tohoto kvantilu.
- 6. Fisherovo-Snedecorovo rozložení s n₁ a n₂ stupni volnosti F(n₁, n₂) Ve volbě Distributions vybereme F (Fisher) a do okének df₁ a df₂ napíšeme počet stupňů volnosti čitatele a jmenovatele. Hodnotu α-kvantilu zjistíme tak, že do okénka označeného p napíšeme dané α a po kliknutí na Compute se v okénku F objeví hodnota tohoto kvantilu.

Intervaly spolehlivosti pro parametry normálního rozložení

- Interval spolehlivosti pro střední hodnotu, když neznáme rozptyl: pro tuto situaci umí STATISTICA vypočítat meze intervalu spolehlivosti sama.
 Příklad: Při kontrole pěti balíčků cukru o deklarované hmotnosti 1000 g byly zjištěny tyto odchylky: -3, 2, -2, 0, 1. Odchylky považujeme za realizace náhodného výběru rozsahu 5 z rozložení N(μ, σ²). Sestrojte 90% interval spolehlivosti pro μ.
 Návod: Vytvoříme nový datový soubor o jedné proměnné a pěti případech. Zapíšeme do něj uvedené odchylky. Statistics Basic Statistics/Tables Descriptive statistics OK Advanced Variables v1, OK, zaškrtněte Conf. limits for mean Interval 90%, Summary.
- 2. Ve všech ostatních případech postupujeme podle vzorců uvedených ve větách 12.9. a 12.13. Uveď me postup pro situaci, kdy hledáme interval spolehlivosti pro rozdíl středních hodnot dvou nezávislých normálně rozložených náhodných výběrů, když neznáme rozptyly, ale víme, že jsou shodné.

 Příklad: Na jisté velké americké univerzitě bylo v r. 1969 náhodně vybráno 5 profesorek a

Příklad: Na jisté velké americké univerzitě bylo v r. 1969 náhodně vybráno 5 profesorek a nezávisle na tom 5 profesorů a byl zjištěn jejich roční příjem v tisících dolarů. Ženy: 9 12 8 10 16, muži: 16 19 12 11 22. Předpokládáme, že uvedené hodnoty jsou realizace dvou nezávislých náhodných výběrů, první z rozložení $N(\mu_1, \sigma^2)$, druhý z rozložení $N(\mu_2, \sigma^2)$. Sestrojte 95% interval spolehlivosti pro rozdíl středních hodnot.

Návod: Vytvoříme nový datový soubor o čtyřech proměnných (Plat, Sex, HorniMez, DolniMez) a 10 případech. Do proměnné Plat napíšeme příjmy žen, pak příjmy mužů. Do proměnné Sex napíšeme 5x jedničku a 5x dvojku (1 = žena, 2 = muž). Pomocí Descriptive statistics zjistíme průměry a rozptyly platů žen a mužů. (Výběr žen či mužů: viz cvičení 1, úkol 5.). Výsledky: $m_1 = 11$, $s_1^2 = 10$, $n_1 = 5$, $m_2 = 16$, $s_2^2 = 21$,5, $n_1 = 5$. Do Long Name proměnné DolniMez napíšeme vzorec pro dolní mez (viz věta 12.13. (b)):

=11-16-sqrt((4*10+4*21,5)/8)*sqrt(1/5+1/5)*VStudent(0,975;8)

Do proměnné DolniMez se 10x uloží hodnota –10,79. Do Long Name proměnné HorniMez napíšeme vzorec pro horní mez (viz věta 12.13. (b)):

=11-16+sqrt((4*10+4*21,5)/8)*sqrt(1/5+1/5)*VStudent(0,975;8)

Do proměnné HorniMez se 10x uloží hodnota 0,79.

Znamená to, že s pravděpodobností aspoň 0,95 leží rozdíl středních hodnot platů žen a mužů v intervalu (-10,79, 0,79). Tento výsledek však nemá praktický význam, protože rozsahy obou výběrů byly příliš malé.

Příklad: Vyřešte pomocí STATISTIKY příklad 12.16.

Návod: Vytvoříme nový datový soubor o třech proměnných (Leva, Prava, Rozdil) a šesti případech. Do prvních dvou proměnných zapíšeme zjištěné hodnoty. Do LongName proměnné Rozdil napíšeme =Leva – Prava a nyní postupujeme stejně jako v úkolu 1.

Testování hypotéz o parametrech normálního rozložení

Jednovýběrový t-test

Příklad: Při kontrole balicího automatu, který má plnit cukrem balíčky o hmotnosti 1000 g, byly při přesném převážení pěti balíčků zjištěny tyto odchylky (v gramech) od požadované hodnoty: 3, -2, 2, 0, 1. Na hladině významnosti 0,05 testujte hypotézu, že automat nemá systematickou odchylku od požadované hodnoty.

Návod pro provedení t-testu: Vytvořte soubor o jedné proměnné X a pěti případech. Do X zapište naměřené hodnoty. V menu Basic Statistics/Tables vyberte volbu t-test, single sample, OK, Variables X, zaškrtněte Test all means agains 0, Summary. Ve výstupní tabulce najdete hodnotu testového kritéria a p-hodnotu. Pokud p-hodnota nabude hodnoty $\leq \alpha$, pak se nulovou hypotézu zamítá na hladině významnosti α .

Dvouvýběrový t-test

Příklad: Na jisté velké americké univerzitě bylo v r. 1969 náhodně vybráno 5 profesorů a nezávisle na tom 5 profesorek a byl zjištěn jejich roční příjem v tisících dolarů.

Ženy: 9 12 8 10 16 Muži: 16 19 12 11 22.

Na hladině významnosti 0,05 testujte hypotézu, že střední hodnota příjmu žen je stejná jako střední hodnota příjmu mužů.

Návod: Vytvořte soubor o dvou proměnných (Plat a Sex) a 10 případech. Do proměnné Plat napište příjmy žen a mužů a do proměnné Sex dejte 5x jedničku a 5x dvojku. V menu Basic Statistics/Tables vyberte volbu t-test, independent, by groups, OK, Variables – Grouping Sex, Dependent Plat, OK, Summary T-tests. Ve výstupní tabulce se nejprve podívejte na phodnotu pro test homogenity rozptylů. Je-li větší než zvolená hladinu významnosti, zjistěte hodnotu testového kritéria a p-hodnotu pro test shody středních hodnot. V opačném případě zaškrtněte v Options volbu t-test with separate variance estimates.

Párový t-test

Příklad: Na hladině významnosti 0,05 rozhodněte, zda se u osobního vozu určité značky při správném seřízení geometrie vozu sjíždějí obě přední pneumatiky stejně rychle. Bylo vybráno šest nových vozů a po určité době bylo zjištěno, o kolik mm se sjely jejich levé a pravé přední pneumatiky.

Poř. č. vozu	1	2	3	4	5	6
Levá pneumatika	1,8	1	2,2	0,9	1,5	1,6
Pravá pneumatika	1,5	1,1	2	1,1	1,4	1,4

Návod: Vytvořte soubor o dvou proměnných (Leva a Prava) a šesti případech. V menu Basic Statistics/Tables vyberte volbu t-test, dependent samples, OK, Variables Leva, Prava – Summary.