

# Alga2

## Halmaz

Halmaz: Azok a halmazok, amelyek bővíthetnek, zsugorodhatnak dinamikus halmaznak nevezzük. Ezeken a halmazokon 2 fajta műveletet különböztetünk meg lekérdező, illetve módosító műveletek.

-lekérdező művelet: keres, minimum, maximum, előző, következő

-módosító művelet: beszúr, töröl

## Verem

Verem: A verem egy speciális halmaz, amely egy  $n$  elemű tömbbel megvalósítható. LIFO szerkezet vonatkozik rá. Tudunk a verembe beszúrni és törölni is, ilyenkor beszúráskor a sor végére kerül az elem, törléskor (kivétel) pedig a legutóbb beszúrt elemet töröljük.

Sor: FIFO szerkezetű. Végrehajtható rajta a sorba beszúrási és sorból törlési művelet. Beszúráskor a sor végére kerül az elem, törléskor (kivétel) pedig azt az elemet vesszük ki amelyik már legrégebb óta a sorban van.

## Láncolt lista

Láncolt lista: A láncolt lista elemei referenciákat tartalmaznak. Referenciák típusa alapján megkülönböztetünk kétfajta láncolt listát:

-egyszeresen láncolt: csak a következő elemre tartalmaz hivatkozást

-kétszeresen láncolt: az előző és a következő elemre is tartalmaz hivatkozást

Számos további változata lehet egy láncolt listának:

-ciklikus lista: az első elem előzője az utolsó és az utolsó elem következője pedig az első

-nem ciklikus: az első elem előzője NIL és az utolsó elem következője is NIL

- rendezett: valamilyen prioritás szerint rendezve van
- nem rendezett: nincs prioritási sorrend az eleme között

## Bináris keresőfák

Minden művelet futásideje  $\log n$ . Bináris kereső fa legfőbb tulajdonsága, hogy vegyük egy csúcsnak a részfáját jobb és baloldali részfáját, ahol a baloldali mindig kisebb lesz a jobb pedig mindig nagyobb/egyenlő mint a csúcs érték a fában (szülő). Itt az a lényeg hogy a fa magassága legrosszabb esetben is  $n$  legyen és ne az elemek számától, hanem a fa magasságától függjön.

### Műveletek:

-keresés: gyökérelemtől kezdve vizsgáljuk, hogy a fa csúcsában található érték megegyezik-e a keresett értékkel, ha nem akkor annak függvényében, hogy a keresett érték kisebb-e vagy nagyobb folytatjuk a keresést a gyerekenél.

-min/max: Addig használjuk a keresést amíg meg nem találjuk azt az elemet a fában amelyiknek már nincs gyereke. Min esetén a gyökérnek a bal gyerekeit vizsgáljuk, max esetén pedig a jobb oldalt.

következő/előző: Ilyenkor van egy elemünk  $x$  amihez képest kell megtalálni a következőt/előzőt. Következő esetén a keresést végrehajtjuk a fában és megvizsgáljuk, hogy az  $x$ -nek van-e jobb gyereke, ha van akkor ebben a részfában minimumot keresünk és visszaadjuk azt mint következőt. Ha viszont nincs jobb gyerek  $x$ -nek akkor addig fejtjük vissza a szülőket, ameddig nem találjuk meg azt a számot amelyik nagyobb mint  $x$ .

Előző esetén a keresést végrehajtjuk a fában és megvizsgáljuk, hogy az  $x$ -nek van -e bal gyereke, ha van akkor ebben a részfában keresünk maximumot és visszaadjuk azt, mint előzőt. ha viszont nincs bal gyereke  $x$ -nek akkor addig fejtjük vissza a szülőket, ameddig nem találjuk meg azt a számot amelyik kisebb mint  $x$ .

-beszúrás: Meg kell találni azt a helyet ahova beszúrható az elem. Tehát az aktuális csúcsnál nagyobb az érték, akkor megnézzük, hogy a jobb gyereke szabad-e, ha igen akkor beszúrjuk, ha nem, akkor a jobb gyereken folytatjuk ezt az eljárást. Fa magasságtól függ a futásidő  $O(n)$ .

-törlés: Törlésnél, ha a törlendő érték levél akkor egyszerűen kitöröljük. Ha egy gyerekekkel rendelkezik akkor egyszerűen összekötjük a szülőt a tárolt csúcs gyerekeivel. Ha két gyerekekkel rendelkezik, akkor a bal gyerekének a legnagyobb gyereket tesszük a helyére.

-inorder bejárás: először bejárjuk bal gyerekből képzett részét majd a jobb gyerekből képzettet is.

**Hasító táblák:** (futásidő: legrosszabb  $O(n)$ , legjobb  $O(1)$ )

A hasító táblák egy nagyon hatékony adatszerkezetek, amelyek kulcs-érték párokat tárolnak. Az adatok elérését és tárolását a hash függvények segítségével végzik. Egy  $k$  kulcsú elem a  $k$ -adik részben tárolódik. A hasítás alkalmazása esetén az elem  $h(k)$  helyre kerül vagyis a hasító függvényt használjuk arra, hogy a rést a  $k$  kulcsból meghatározzuk. A hasító függvény célja, hogy csökkentse a szükséges tömbindexek tartományát.

Ütközés feloldás láncolással: az ugyanarra a részre mutató elemeket összefogjuk egy láncolt listába.

**Gráfok és fák számítógépes reprezentációja**

**fák ábrázolása**

Csúcsokat és éleket kell reprezentálni ezek a lehetőségek vannak :

- gyerek éllista: tartalmazza a kulcsot, a szülőt és a leszármazottait listában
- első fiú, apa, testvér: tartalmazza a kulcsot, a szülőt, a gyereket és egy testvért
- bináris fa: tartalmazza a szülőt, a kulcsot, a jobb és bal gyereket

**gráfok ábrázolás**

- irányított és irányítatlan gráfokat ugyanúgy ábrázoljuk csak más szabályok szerint
- szomszédsági lista: Irányítatlan esetén, ha két csúcs között van él akkor azt felvesszük. Irányított esetén, ha a csúcsba vezet él akkor azt felvesszük.
- csúcsmátrix: Irányítatlan gráf esetén mindkét csúcs esetén 1-et írunk a csúcskhöz. Irányítatlan esetén pedig csak ahhoz a csúcshoz írunk 1-et, ahova érkezik az él.