Data oddania projektu: 08.05.2019

Prowadzący: mgr inż. Marcin Ochman Wykonawca: Julia Krzeszowska 241615

## **SPRAWOZDANIE**

PROJEKT nr 3 - Grafy

### 1. Cel projektu

Zapoznanie się z algorytmem Dijkstrty oraz algorytmem Bellmana-Forda służącymi do rozwiązania problemu najkrótszej drogi (ścieżki) w grafie.

### 2. Przebieg projektu

Został napisany program, w którym zostały zaimplementowane wyżej wymienione algorytmy dla dwóch sposobów przechowywania informacji o wierzchołkach w grafie. W projekcie znajdują się następujące klasy:

- klasa NeighbourList, która implementuje listę sąsiadów
- klasa NeighbourMatrix, która implementuje macierz sąsiedztwa
- klasa Pair, która przechowuje parę dowolnych obiektów
- klasa Timer służąca do pomiaru czasu
- klasa Tests służąca do pojedynczych testów obu algorytmów
- klasa *Algorythms*, w której zostały zaimplementowane algorytmy wyszukujące Dodatkowo w projekcie znajduje się plik *main.cpp*, w którym wykonano zadane testy dla wybranego algorytmu (algorytm Bellmana-Forda).

Dla pięciu różnych liczb wierzchołków V = {50, 100, 150, 200, 250} oraz gęstości grafu E = {25%, 50%, 75%, 100%} została zbadana efektywność algorytmu Bellmana-Forda. Wygenerowano po 100 losowych instancji, a wyniki uśredniono. Poniższa tabele zawierają uśrednione wyniki czasu działania algorytmu dla różnej liczby wierzchołków oraz gęstości grafu. W tabeli *Tab.1* zamieszczono wyniki dla listy sąsiadów, a w tabeli *Tab.2* dla macierzy sąsiedztwa. Czasy podane są w sekundach.

|      | 50       | 100      | 150       | 200       | 250       |
|------|----------|----------|-----------|-----------|-----------|
| 25%  | 0,006533 | 0,087111 | 0,0425149 | 1,410529  | 3,536144  |
| 50%  | 0,02125  | 0,320066 | 1,67996   | 5,775814  | 14,449422 |
| 75%  | 0,043874 | 0,699003 | 3,903159  | 13,310085 | 58,815426 |
| 100% | 0,074871 | 1,258657 | 7,132448  | 23,888158 | 66,647557 |

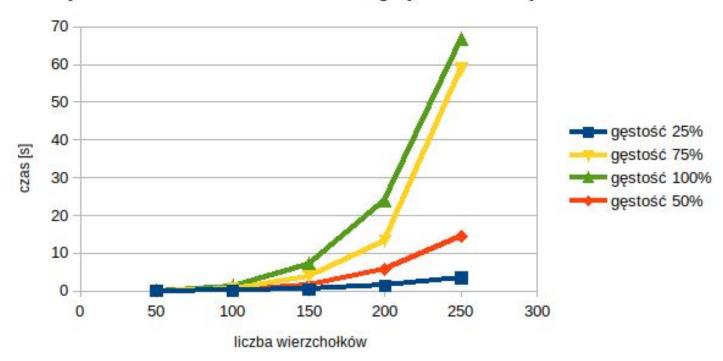
Tab.1

|      | 50       | 100      | 150      | 200      | 250      |
|------|----------|----------|----------|----------|----------|
| 25%  | 0,000748 | 0,005861 | 0,019639 | 0,047069 | 0,09322  |
| 50%  | 0,00148  | 0,011868 | 0,039259 | 0,093598 | 0,183848 |
| 75%  | 0,002193 | 0,017398 | 0,060168 | 0,139411 | 0,274036 |
| 100% | 0,002904 | 0,023254 | 0,077999 | 0,185345 | 0,362434 |

Tab.2

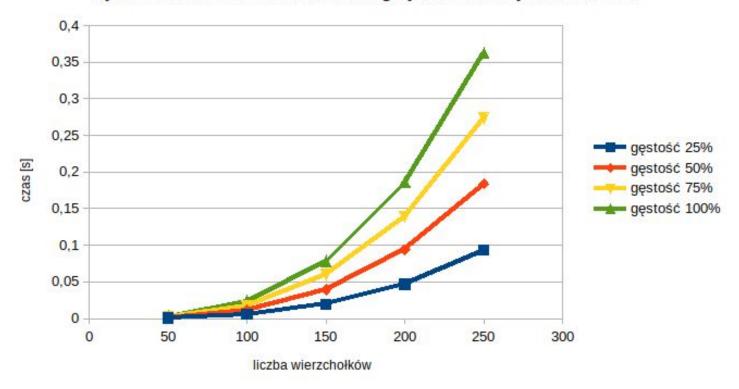
Na podstawie *Tab.1* i *Tab.2* wygenerowano wykresy *Wyk.1* i *Wyk.2*.

# Wykres zależności czasu trwania algorytmu od liczby wierzchołków



Wyk.1 - wykres dla listy sąsiadów

### Wykres zależności czasu trwania algorytmu od liczby wierzchołków



Wyk.2 - wykres dla macierzy sąsiedztwa

### 3. Wnioski

Zaobserwowano, że algorytm Bellmana-Forda działa dużo szybciej dla macierzy sąsiedztwa niż dla listy sąsiadów. Z wykresów można odczytać, że złożoność obliczeniowa algorytmu zgadza się ze złożonością podaną w literaturze, tj. O(VE).