

Sprawozdanie

Algorytmy I Struktury Danych

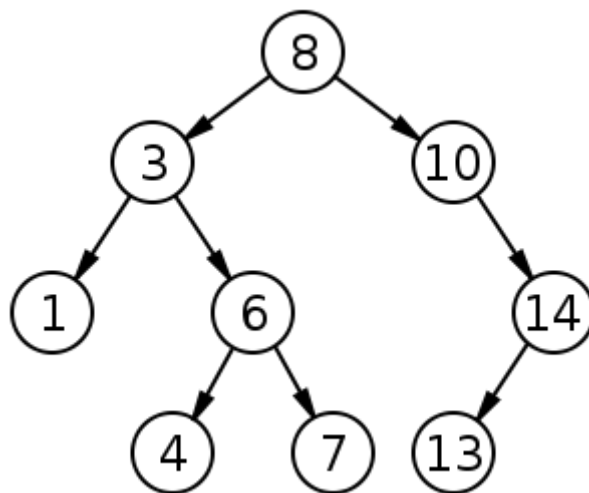
Lista 4

Krzysztof Strzała 236503

1. Wprowadzenie

1. Drzewo BST

https://en.wikipedia.org/wiki/Binary_search_tree



Drzewo wyszukiwań binarnych w którym każdy węzeł cechuje

- jeżeli jest prawym synem to ma większą wartość od ojca.
- jeżeli jest lewym synem to jego wartość jest mniejsza od ojca.

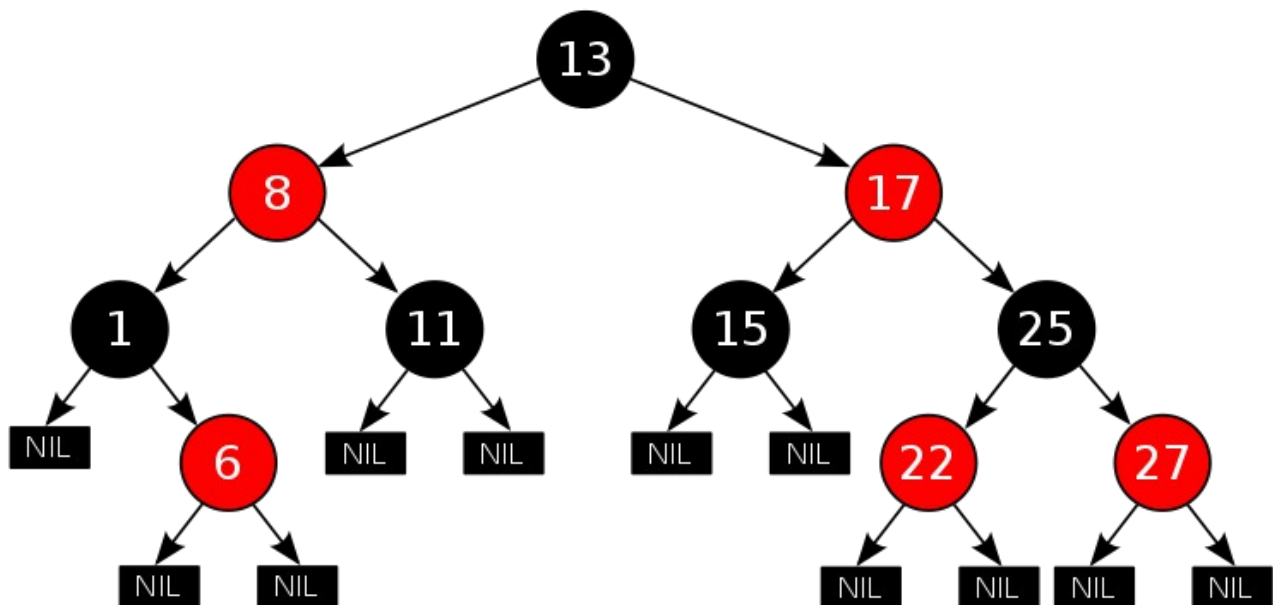
Dla zrównoważonego drzewa złożoność operacji insert , delete jak i search możemy określić rzędu $O(\log n)$. W pesymistycznym przypadku złożoność jest rzędu $O(n)$, gdy węzły drzewa ułożone są w lini.

2. Drzewo RB

https://en.wikipedia.org/wiki/Red%E2%80%93black_tree

Drzewo czerwono-czarne które różni się tylko tym że kolorujemy węzły na kolor czarny i czerwony , a jego warunkiem jest brak sąsiadujących ze sobą 2 czerwonych wierzchołków. Niesie to za sobą zwiększony czas o “naprawy drzewa” w przypadku operacji insert i delete. Porównując ze zrównoważonym drzewem BST drzewo będzie miało większą złożoność czasową , jednakże

porównując to z drzewem z drzewem BST którego wierzchołki układają się w linię, uzyskamy mniejszą złożoność.



3. Drzewo Splay

https://en.wikipedia.org/wiki/Splay_tree

Splay to rozszerzenie drzewa BST operacje splay wykonywaną przy operacji search i delete. Splay polega na umieszczeniu szukanego / usuwanego / dodawanego klucza w korzeniu przy zachowaniu porządku drzewa BST.

Drzewa tego typu przewyższają drzewa RB w przypadku zwiększonej ilości wyszukiwań podobnych kluczy nad insertami.

Poniższy przykład obrazuje jak wygląda złożoność w przypadku wyszukiwania podobnych kluczy wiele razy.

```
SPLAY DATA WITH 1000000 NUMBERS
insert time =2278
find time =481
removal time = 1254

BST TREE DATA WITH 1000000 NUMBERS
insert time =780
find time =7617
removal time =1002

REDBLACK TREE DATA WITH 1000000 NUMBERS
insert time =939
find time =821
removal time =582
```

2.Testy

Testy z plików podanych na stronie przeprowadzono w następujący sposób:

- stworzono tablice złożoną z wszystkich słów w danym liku tekstowym.
- losowe elementy z tablicy zostały dodawane do drzew , tak długo aż tablica była pusta.
- wykonano operacje search w losowej kolejności o każdy element z pliku
- usunięto w losowej kolejności każdy element

```
Splay tree data: Ins:125976 Del:0 Src:0
Capatity: 125976
If counter: 9398945
Modified counter: 5460514
Time complexity of insert: 1288ms
Time complexity of search: 1113ms
Time complexity of delete: 1083ms

BST tree data: Ins:125976 Del:0 Src:0
Capatity: 125976
If counter: 6427729
Modified counter: 125975
Time complexity of insert: 1080ms
Time complexity of search: 1084ms
Time complexity of delete: 1043ms

RB tree data: Ins:125976 Del:0 Src:0
Capatity: 125976
If counter: 5728680
Modified counter: 806043
Time complexity of insert: 1143ms
Time complexity of search: 1040ms
Time complexity of delete: 1124ms

Process finished with exit code 0
```

Dane dla unikatowych ciągów posortowanych aspell_wordlist.txt

```
Splay tree data: Ins:1152399 Del:0 Src:0
Capatity: 60107
If counter: 26502327
Modified counter: 15779610
Time complexity of insert: 308ms
Time complexity of search: 264ms
Time complexity of delete: 288ms

BST tree data: Ins:1152399 Del:0 Src:0
Capatity: 60107
If counter: 28682885
Modified counter: 60106
Time complexity of insert: 243ms
Time complexity of search: 244ms
Time complexity of delete: 307ms

RB tree data: Ins:1152399 Del:0 Src:0
Capatity: 60107
If counter: 30083605
Modified counter: 436560
Time complexity of insert: 293ms
Time complexity of search: 291ms
Time complexity of delete: 433ms

Process finished with exit code 0
```

Dane dla pliku KJB.txt

```

Splay tree data: Ins:341099 Del:0 Src:0
Capacity: 47398
If counter: 13013361
Modified counter: 7354116
Time complexity of insert: 7728ms
Time complexity of search: 7223ms
Time complexity of delete: 189ms

BST tree data: Ins:341099 Del:0 Src:0
Capacity: 47398
If counter: 9505563
Modified counter: 47397
Time complexity of insert: 7341ms
Time complexity of search: 7058ms
Time complexity of delete: 166ms

RB tree data: Ins:341099 Del:0 Src:0
Capacity: 47398
If counter: 9065368
Modified counter: 301760
Time complexity of insert: 7218ms
Time complexity of search: 7128ms
Time complexity of delete: 243ms

Process finished with exit code 0

```

Dane dla książki Anna Karenina (zamiast Łotr).

Kolejne przykłady przeprowadzono na zbiorach liczb :

oznaczenia – I – ilość insertów , S – ilość wyszukiwań kluczy , D – ilość usunąć kluczy

```

Splay tree
Insert: 618
Search :465
Remove :529

Binary search tree
Insert: 356
Search :4505
Remove :475

RedBlack tree
Insert: 401
Search :382
Remove :329

```

```

Splay tree
Insert: 15700
Search :45
Remove :1837

Binary search tree
Insert: 8715
Search :11118
Remove :1109

RedBlack tree
Insert: 9207
Search :373
Remove :695

```

```

Splay tree
Insert: 19
Search :5
Remove :9

Binary search tree
Insert: 2320
Search :350
Remove :7

RedBlack tree
Insert: 20
Search :5
Remove :28

```

1. Średni czas dla przypadku gdy $10I = 10D = S$
2. Średni czas dla przypadku gdy $I = 10D = 10S$
3. Średni czas dla przypadku gdy $I = R = 10S$, lecz inserty są kolejnymi liczbami całkowitymi (1,2,3,4...)