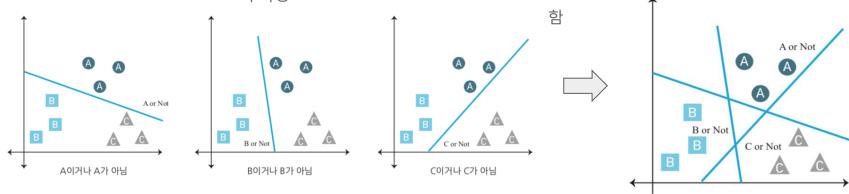
Softmax Regression

## **Multinomial Classification**

#### **Multinomial Classification**

- Multinomial Classification
  - Binary Classification은 2가지로 결과를 분류하는 것이지만 Multinomial Classification은 3가지 이상으로 결과를 분류
  - 기본개념
    - Binary Classification을 이용한 Multinomial Classification : A, B, C 분류
      - A 이거나 A가 아님
      - B 이거나 B가 아님
      - C 이거나 C가 아님
    - A,B,C 를 분류 하는 Binary Classification을 함께 사용한다면 3가지를 분류하는 Multinomial Classification이 가능



학습에 필요한 모듈 선언

- o tensorflow, numpy, matplotlib, pandas 라이브러리 사용
- seaborn 라이브러리는 그래프를 그리는 라이브러리로 학습 데이터를 시각화 함

#### • 환경설정

```
# [환경설정]
13
  # 학습 데이터 수 선언
  # y = class1 인 클래스
17
  Y_{class1} = 200
  # y = class2 인 클래스
  Y class2 = 200
  # y = class3 인 클래스
21 Y class3 = 200
  # 학습 데이터(훈련/검증/테스트) 비율
  trainDataRate = 0.7
  validationDataRate = 0.1
  # 학습률
  learningRate = 0.01
  # 총 학습 횟수
  totalStep = 10001
29
```

- 학습 데이터는 3가지 종류의 상태를 가지도록 하며 총 600개의 데이터를 직접 생성
- 학습률과 총 학습 횟수를 지정, 학습 데이터를 훈련, 검증, 테스트 데이터로 분리할 비율 선언

- 빌드단계 Step1) 학습 데이터 준비 : 데이터 생성
  - 학습데이터는 독립변수 5개, 종속변수 3개
     (라벨 3개)를 직접 생성
  - 분류 되는 모델을 만들기 위하여 어느정도 군집성을 가지는 데이터를 생성하여 사용
  - 학습데이터는 multivariate\_normal() 이용하 여 다변수 정규분포에서 난수를 생성
  - 첫번째 라벨의 실제 값을 'class1' 로 지정

```
31 # [빌드단계]
  # Step 1) 학습 데이터 준비
   # 시드 설정 : 항상 같은 난수를 생성하기 위하여 수동으로 설정
   np.random.seed(321)
36
37 ### (1) 학습 데이터 생성
  # y = class1 인 학습데이터 생성
  # 데이터 수
   dataNumber_y1 = Y_class1
41 # 데이터가 평균
42 mu_y1 = [1, 1, 1, 1, 1]
43 # 데이터 분산된 정도
44 variance v1 = 4
45 # 난수 생성
   data_y1 = multivariate_normal(mu_y1, np.eye(5) * variance_y1, dataNumber_y1)
   df y1 = pd.DataFrame(data y1, columns=['x1', 'x2', 'x3', 'x4', 'x5'])
   df_v1['v'] = 'class1'
49
```

- 빌드단계 Step1) 학습 데이터 준비 : 데이터 생성
  - 첫번째 라벨 'class1' 의 데이터를 생성하는 것과 동일한 방법으로 'class2', 'class3' 라벨 의 학습데이터를 생성

```
50 # y = class2 인 학습데이터 생성
51 # 데이터 수
52 dataNumber_y2 = Y_class2
53 # 데이터가 평균
54 \quad mu_y2 = [5, 5, 5, 5, 5]
55 # 데이터 분산된 정도
   variance y2 = 4
57 # 난수 생성
    data_y2 = multivariate_normal(mu_y2, np.eye(5) * variance_y2, dataNumber_y2)
    df_y2 = pd.DataFrame(data_y2, columns=['x1', 'x2', 'x3', 'x4', 'x5'])
    df v2['v'] = 'class2'
61
    # v = class3 인 학습데이터 생성
63 # 데이터 수
    dataNumber y3 = Y class3
65
   # 데이터가 평균
   mu y3 = [10, 10, 10, 10, 10]
    # 데이터 분산된 정도
    variance v3 = 4
   # 난수 생성
    data_y3 = multivariate_normal(mu_y3, np.eye(5) * variance_y3, dataNumber_y3)
    df_y3 = pd.DataFrame(data_y3, columns=['x1', 'x2', 'x3', 'x4', 'x5'])
    df v3['v'] = 'class3'
73
```

● **빌드단계 - Step1) 학습 데이터 준비 : 데이터 생성**74 # 생성한 데이터를 하나의 DataFrame 으로 합치기

75 df = pd.concat([df\_y1, df\_y2, df\_y3], ignore\_index = True)

76 # 순서에 상관없이 데이터 정렬

77 df\_totalTrainData = df.reindex(permutation(df.index)).reset\_index(drop=True)

78

79 # 학습 데이터 확인

80 print("===== Data =====>")

81 print(df\_totalTrainData.head())

82 print(df\_totalTrainData.tail())

83 # 학습데이터 shape 확인

84 print("df\_totalTrainData Shape : {}\n".format(df\_totalTrainData.shape))

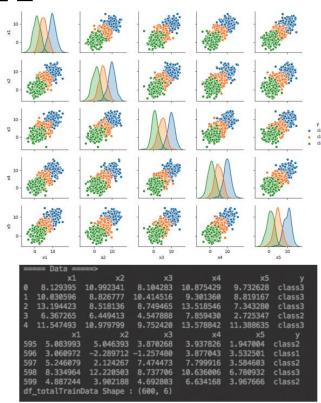
85

86 # 학습데이터 전체 그래프 확인

○ 3가지 라벨을 가진 학습데이터를 하나의 Dataframe으로 합침

sns.pairplot(df\_totalTrainData, hue="y", height=2)

- 직접 생성한 학습데이터를 seaborn 라이브러리를 이용하여 확인
- 정규 분포를 가지는 랜덤한 데이터를 생성하였기 때문에 학습 모델 의 정확도는 어느정도 높은 값을 가질 것으로 예측



89

plt.show()

• 빌드단계 - Step1) 학습 데이터 준비 : 데이터 전처리

```
### (2) 범주형 데이터 y컬럼 데이터 맴핑 선언
     # y 컬럼 문자열 데이터를 리스트 형태로 변환
 92
     y_mapping = {
         "class1" : [1.0, 0.0, 0.0],
93
         "class2": [0.0, 1.0, 0.0],
94
         "class3": [0.0, 0.0, 1.0]
 96
     df_totalTrainData['y'] = df_totalTrainData['y'].map(y_mapping)
 97
98
99
     print("===== after mapping =====>")
     print(df_totalTrainData.head())
101
     print(df_totalTrainData.tail())
102
103
```

- 데이터 전처리 범주형 데이터 맵핑
  - 문자열 데이터로 되어 있는 라벨 데이터를 정수 형 데이터로 대체
  - 학습데이터의 실제값을 배열로 구성된 데이터의 라벨로 맵핑

```
10.992341
                          8.104283
                                    10.875429
               8.826777
                                     9.301360
   10.030596
                         10.414516
                                                8.819167
               8.518136
                                    13.518546
               6.449413
  11.547493
             10.979799
                          9.752420
                                   13.578842
                                               11.388635
                                                          class3
    5.083993
               5.046393
                          3.870268
                                     3.937826
                                               1.947004
                                                          class2
                         -1.257480
                                                          class2
                         8.737706
               3.902188 4.692803
df_totalTrainData Shape : (600, 6)
```

- 빌드단계 Step1) 학습 데이터 준비
  - 결과데이터를 리스트로 반환
  - 학습데이터는 훈련, 검증, 테스트 데이터를 7:1:2의 비율로 나눔
  - 학습데이터 600개 중 훈련 데이터 420개, 검증 데이터 60개, 테스트 데이터 120개로 분리

```
### (3) 훈련, 검증, 테스트 데이터 나누기
     # 결과데이터 리스트로 변환
     resultColumnName = ['v']
     vLabelList = ['class1', 'class2', 'class3']
     yList = df_totalTrainData.as_matrix(resultColumnName)
     result dataList = np.array([element1 for element3 in vList
110
                                            for element2 in element3
                                                 for element1 in element2]).reshape(len(yList), 3)
     # 학습데이터 리스트로 변환
     featureColumnName = ['x1', 'x2', 'x3', 'x4', 'x5']
     feature dataList = df totalTrainData.as matrix(featureColumnName)
     # trainDataRate, validationDataRate 비율로 데이터 나눔
     trainDataNumber = round(len(feature dataList) * trainDataRate)
     validationDataNumber = round(len(feature_dataList) * validationDataRate)
119 # 훈련 데이터 선언
120 xTrainDataList = feature_dataList[:trainDataNumber]
     yTrainDataList = result_dataList[:trainDataNumber]
122 # 검증 데이터 선언
     xValidationDataList = feature_dataList[trainDataNumber:trainDataNumber+validationDataNumber]
     vValidationDataList = result dataList[trainDataNumber:trainDataNumber+validationDataNumber]
125 # 테스트 데이터 선언
     xTestDataList = feature_dataList[trainDataNumber+validationDataNumber:]
     yTestDataList = result_dataList[trainDataNumber+validationDataNumber:]
128
     print("[TrainData Size]\nx : {}, y : {}".format(len(xTrainDataList),
130
                                                     len(yTrainDataList)))
     print("[ValidationData Size]\nx : {}, y : {}".format(len(xValidationDataList),
                                                          len(yValidationDataList)))
     print("[TestData Size]\nx : {}, y : {}".format(len(xTestDataList),
                                                   len(vTestDataList)))
```

- 빌드단계 Step2) 모델 생성을 위한 변수 초기화
  - feature\_num은 학습데이터의 독립변수 X의 갯수
  - result\_num은 종속변수Y(라벨의 종류)의 종류 갯수
  - 학습 데이터 입력공간 X, Y를 placeholder 로 선언
  - W와 b를 값을 저장할 변수를 Variable로 선언

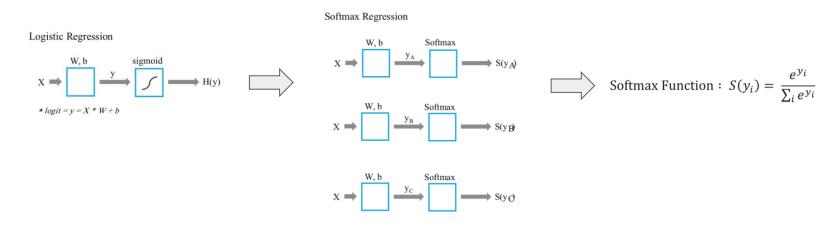
```
137 # [빌드단계]
   # Step 2) 모델 생성을 위한 변수 초기화
    140 # feature 로 사용할 데이터 갯수
141 feature num = len(featureColumnName)
   # result 로 사용할 종류 갯수
    result_num = len(yLabelList)
144
    # 학습데이터(x: feature)가 들어갈 플레이스 홀더 선언
   X = tf.placeholder(tf.float32, shape=[None, feature num])
   # 학습데이터(v: result)가 들어갈 플레이스 홀더 선언
    Y = tf.placeholder(tf.float32, shape=[None, result_num])
149
    # Weight 변수 선언
    W = tf.Variable(tf.zeros([feature num, result num]))
   # Bias 변수 선언
    b = tf.Variable(tf.zeros([result num]))
154
```

빌드단계 - Step3) 학습 모델 그래프 구성

```
156
   # [빌드단계]
   # Step 3) 학습 모델 그래프 구성
158
    # 3-1) 학습데이터를 대표 하는 가설 그래프 선언
159
    hypothesis = tf.nn.softmax(tf.matmul(X, W) + b)
160
161
    # 3-2) 비용함수(오차함수,손실함수) 선언
    costFunction = tf.reduce_mean(-tf.reduce_sum(Y * tf.log(hypothesis), axis=1))
163
164
165
    # 3-3) 비용함수의 값이 최소가 되도록 하는 최적화함수 선언
    optimizer = tf.train.GradientDescentOptimizer(learning_rate=learningRate)
    train = optimizer.minimize(costFunction)
167
168
```

- 학습 데이터의 특성을 대표하는 **가설 수식 작성**
- 가설 수식에 학습데이터 x 의 값을 입력한 결괏값(예측값)과 실제값의 오차를 계산하는 비용함수(오차함수, 손실 함수) 선언
- 비용함수의 값이 최소가 될 수 있도록 W, b의 최적값을 찾는 **최적화 함수 선언**

- 가설 선언
  - 목적: Logistic Regression을 출력값의 개수 만큼 사용하여 출력값을 Softmax Function을 이용하여 확률값으로 변경
  - 가설 수식 생성
    - 1) Logistic Regression 가설 수식을 출력값 n개 만큼 사용하여 Matrix Multiplication 형태로 Logit 수식 표현
    - 2) Logit 수식의 값을 Softmax Function에 입력하여 결과를 확률 값으로 변경



### Multinomial Classification Softmax Regression 실습 - 가설 수식 정리 과정

- n개의 분류를 위한 Softmax Regression 가설 수식 정리 과정
  - o Linear Regression의 Logit(log(odd))수식

$$\begin{aligned} \textit{hypothesis} : \textit{P} &= \frac{1}{1 + e^{-(W \times X + b)}} \\ & \log \mathsf{it} = \mathsf{y} = \mathsf{X} * \mathsf{W} + \mathsf{b} = \begin{bmatrix} b, \ W_1, W_2, \ \dots, W_n \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 1 \\ X_1 \\ X_2 \\ \vdots \\ X_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} b * 1 + \ W_1 X_1 + W_2 X_2, + \dots + W_n X_n \end{bmatrix} \end{aligned}$$

○ Softmax Regression Logit 수식의 Matrix Multiplication 형태로 변환(n = 3 일때)

$$\begin{bmatrix} b, W_{A1}, W_{A2}, \dots, W_{An} \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} \frac{1}{X_1} \\ X_2 \\ \vdots \\ X_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} b*1 + W_{A1}X_1 + W_{A2}X_2 + \dots + W_{An}X_n \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} b, W_{A1}, W_{A2}, \dots, W_{An} \\ b, W_{B1}, W_{B2}, \dots, W_{Bn} \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} \frac{1}{X_1} \\ X_2 \\ \vdots \\ X_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} b*1 + W_{A1}X_1 + W_{A2}X_2 + \dots + W_{An}X_n \\ b, W_{C1}, W_{C2}, \dots, W_{Cn} \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 1 \\ X_2 \\ \vdots \\ X_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} b*1 + W_{A1}X_1 + W_{A2}X_2 + \dots + W_{An}X_n \\ b*1 + W_{B1}X_1 + W_{B2}X_2 + \dots + W_{Bn}X_n \\ b*1 + W_{C1}X_1 + W_{C2}X_2 + \dots + W_{Cn}X_n \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} b, W_{C1}, W_{C2}, \dots, W_{Cn} \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} \frac{1}{X_1} \\ X_2 \\ \vdots \\ X_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} b*1 + W_{A1}X_1 + W_{A2}X_2 + \dots + W_{An}X_n \\ b*1 + W_{C1}X_1 + W_{C2}X_2 + \dots + W_{Cn}X_n \end{bmatrix}$$

### Multinomial Classification Softmax Regression 실습 - 가설 수식 정리 과정

- n개의 분류를 위한 Softmax Regression 가설 수식 정리 과정
  - Logit 수식을 Softmax Function 에 입력하여 확률값을 출력

$$Softmax Function: S(y_i) = \frac{e^{y_i}}{\sum_i e^y}$$

$$logit = y = X * W + b = \begin{bmatrix} b, W_{A1}, W_{A2}, ..., W_{An} \\ b, W_{B1}, W_{B2}, ..., W_{Bn} \\ b, W_{C1}, W_{C2}, ..., W_{Cn} \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 1 \\ X_1 \\ X_2 \\ \vdots \\ X_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} b * 1 + W_{A1}X_1 + W_{A2}X_2 + \cdots + W_{An}X_n \\ b * 1 + W_{B1}X_1 + W_{B2}X_2 + \cdots + W_{Bn}X_n \\ b * 1 + W_{C1}X_1 + W_{C2}X_2 + \cdots + W_{Cn}X_n \end{bmatrix}$$

○ 코드로 표현

hypothesis = tf.nn.softmax(tf.matmul(X, W) + b)

- Softmax Function 수식 정리
  - (1) 결괏값(라벨) K개 일때 Odd수식

분자: i 번째 케이스 확률 
$$rac{P(C_i|X)}{P(C_k|X)} = e^{(t_i)}$$
  $t = \log(\frac{y}{1-y}) = \text{Logit}(y)$   $e^t = \frac{y}{1-y}$ 

(2) 양변에 1번째 부터 k-1번째 까지 더함

$$\sum_{i=1}^{k-1} \frac{P(C_i|X)}{P(C_k|X)} = \sum_{i=1}^{k-1} e^{(t_i)}$$

(3) 모든 경우의 수 확률의 합은 1이기때문에 1 ~ K-1번째 결괏값의 합은 1 에서 K번째 확률을 빼는 것과 동일 좌변 분자의 수식을 다음과 같이 변경

$$\frac{1 - P(C_k|X)}{P(C_k|X)} = \sum_{i=1}^{k-1} e^{(t_i)}$$

- Softmax Function 수식 정리
  - (4) 좌변의 분자와 분모를 뒤집 $\mathcal{D}(C_k|X)$  으로 정리

$$\frac{1-P(C_k|X)}{P(C_k|X)} = \sum_{i=1}^{k-1} e^{(t_i)}$$
 
$$= \sum_{i=1}^{k-1} e^{(t_i)}$$
 => 좌변의 분모를 양변에 곱함 
$$P(C_k|X) = \frac{1-P(C_k|X)}{\sum_{i=1}^{k-1} e^{(t_i)}}$$
 => 우변의 분모를 양변에 곱함 
$$P(C_k|X) * \sum_{i=1}^{k-1} e^{(t_i)} = 1-P(C_k|X)$$
 =>  $P(C_k|X)$  를 좌변으로 넘겨서 정리 
$$P(C_k|X) \left(\sum_{i=1}^{k-1} e^{(t_i)} + 1\right) = 1$$
 =>  $P(C_k|X)$  만 남겨서 정리

결과값(라벨)이 K개 일때 Odd 수식  $P(C_k|X) = \frac{1}{\sum_{i=1}^{k-1} e^{(t^i)} + 1}$ 

- Softmax Function 수식 정리
  - (5) 결괏값 K개에 대한 Odd수식을 변형

$$\frac{P(C_i|X)}{P(C_k|X)} = e^{(t_i)} \quad \Longrightarrow \quad P(C_k|X) = \frac{P(C_i|X)}{e^{(t_i)}}$$

(6) 최종적으로 i번째의 결괏값(라벨)을 구하기 위하여 (4)에서 정리한 결괏값(라벨)이 K개일때 Odd 수식에 (5)에서 변형한 수식을 대입하여  $P(C_i|X)$ 로 정리

$$P(C_k|X) = \frac{P(C_i|X)}{e^{(t_i)}}$$
대일 
$$\frac{P(C_k|X)}{P(C_k|X)} = \frac{1}{\sum_{i=1}^{k-1} e^{(t^i)} + 1}$$
 
$$\Rightarrow P(C_i|X) = \frac{1}{\sum_{i=1}^{k-1} e^{(t^i)} + 1}$$
 
$$\Rightarrow P(C_i|X) = \frac{1}{\sum_{i=1}^{k-1} e^{(t^i)} + 1}$$
 
$$\Rightarrow P(C_i|X) = \frac{e^{(t_i)}}{\sum_{i=1}^{k-1} e^{(t^i)} + 1}$$

● Softmax Function 수식 정리 (7) i 번째 결괏값(라벨) 수식의 분모 1을 K번째 결괏값의 확률로 표현하여 수식 정리

$$P(C_i|X) = \frac{e^{(t_i)}}{\sum_{i=1}^{k-1} e^{(t^i)} + 1} = \frac{P(C_k|X)}{P(C_k|X)} = e^{(t_k)}$$

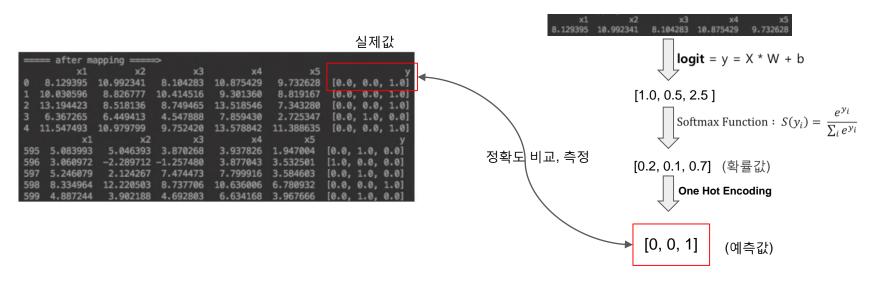
$$P(C_i|X) = \frac{e^{(t_i)}}{\sum_{i=1}^{k-1} e^{(t^i)} + e^{(t_k)}}$$

(8) 정리된 수식의 분모는 1부터 K-1 번째의 확률값의 합에 K번째 확률을 더하는 수식이기때문에 분모의 의미는 1부터 K번째 까지의 모든 확률을 더한 수식으로 정리 함

$$P(C_i|X) = \frac{e^{(t_i)}}{\sum_{i=1}^k e^{(t^i)}} \quad \Box \Rightarrow \quad \text{Softmax Function} : S(y_i) = \frac{e^{y_i}}{\sum_i e^{y_i}}$$

#### Multinomial Classification Softmax Regression 실습 - One Hot Encoding

- One Hot Encoding
  - 가장 큰 확률을 1로 표현하고 나머지는 0으로 표현
  - 예를들어 [0.2, 0.1, 0.7] 의 값을 가진 결과를 One Hot Encoding을 적용하면 [0, 0,1] 이 됨
- Softmax Function을 통하여 나온 확률 예측값을 One Hot Encoding 적용하여 값을 변경하고 학습데이터의 실제값(종 속변수)과 비교하여 예측 정확도를 측정



- 비용함수(오차함수, 손실함수) 선언
  - Softmax Regression의 비용함수는 Cross Entropy(크로스엔트로피)를 사용
  - i 번째 예측값의 Cross Entropy 수식

$$Cross\ Entropy: D(S,L) = -\sum_i L_i \log(S_i)$$
 S: Softmax Function으로 계산된 예측값 는 실제 학습 데이터 값(라별값) D: S 와 L 의 차이(거리, Distance)

Cross Entropy를 이용한 실제값, 예측값 케이스 정리(K=3일때)

Cross Entropy : 
$$D(S,L) = \sum_{i} L_i * (-\log(S_i))$$

L: 실제값 (라벨값)

$$A = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}, C = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$

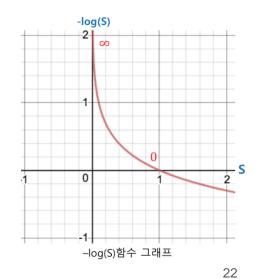
$$A = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}, C = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} \qquad S = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}, L_i * (-\log(S_i)) = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \odot -\log(s) = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \odot \begin{bmatrix} \infty \\ 0 \\ \infty \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 * * \infty \\ 0 * * 0 \\ 0 * \infty \end{bmatrix} = \infty$$

S: 예측값

$$S = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}, \ L_i * (-\log(S_i)) = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \odot -\log(s) = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \odot \begin{bmatrix} \infty \\ \infty \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 * \infty \\ 0 * \infty \\ 0 * 0 \end{bmatrix} = \infty$$

• L = A 일 때 S = A로 예측하면 → 예측 성공(비용 함수 값이 작아짐)

$$S = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}, \ L_i * (-\log(S_i)) = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \odot -\log(s) = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \odot \begin{bmatrix} 0 \\ \infty \\ \infty \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 * 0 \\ 0 * \infty \\ 0 * \infty \end{bmatrix} = 0$$



- 비용함수(오차함수, 손실함수) 선언
  - N개의 결괏값에 대한 비용함수 수식 일반화

$$costFunction = rac{1}{N} \sum_i D(S(WX_i + b), L_i)$$
  $Cross\ Entropy : D(S, L) = -\sum_i L_i \log(S_i)$   $rac{ ext{S:Softmax Function} \cap ext{S and Partial Postance}}{ ext{D:S and Partial Postance}}$ 

○ 코드로 표현

```
costFunction = tf.reduce_mean(-tf.reduce_sum(Y * tf.log(hypothesis), axis=1))
```

### Multinomial Classification Softmax Regression 실습 - 최적화 함수 선언

- 최적화 함수 선언
  - 최적화 알고리즘 Gradient descent 사용

$$W := W - \alpha \frac{\partial}{\partial w} cost(w)$$
  $\alpha$  : 학습률 비용함수 -  $cost(w)$   $costFunction = \frac{1}{N} \sum_{i} D(S(WX_i + b), L_i)$   $Cross\ Entropy : D(S, L) = -\sum_{i} L_i \log(S_i)$  을 Softmax Function 으로 제 설립 이후로  $Cost(w)$   $Cost Entropy : D(S, L) = -\sum_{i} L_i \log(S_i)$  을 하면 제 하는 기 (Softmax Function 으로 제 설립 이후로  $Cost(w)$  (Softmax Function 으로 제 (Softmax Function 으로 제 (Softmax Function 으로 A) (Softmax Function Cost(w)) (Softmax Function Cos

$$W := W - \alpha \frac{\partial}{\partial w} \left( \frac{1}{N} \sum_{i} D(S(WX_i + b), L_i) \right)$$

○ 코드로 표현

```
optimizer = tf.train.GradientDescentOptimizer(learning_rate=learningRate)
train = optimizer.minimize(costFunction)
```

실행단계 - 학습 모델 그래프 실행

```
170 # [실행단계]
171 # 학습 모델 그래프를 실행
   173 # 실행을 위한 세션 선언
174 sess = tf.Session()
175 # 최적화 과정을 통하여 구해질 변수 W,b 초기화
176
   sess.run(tf.global variables initializer())
177
   # 예측값, 정확도 수식 선언
178
   predicted = tf.equal(tf.argmax(hypothesis, axis=1), tf.argmax(Y, axis=1))
179
180
   accuracy = tf.reduce mean(tf.cast(predicted, tf.float32))
181
   # 학습, 검증 정확도를 저장할 리스트 선언
183
   train_accuracy = list()
184
   validation accuracy = list()
185
      Session 변수(sess)를 선언
      최적화 과정에서 계산되는 변수(W, b)의 초기화
    예측값, 정확도를 구하기 위한 수식 선언(One Hot Encoding이용)
     모델 학습 결과 확인을 위한 리스트 선언
```

- 실행단계 학습 모델 그래프 실행
  - o totalStep 만큼 모델 학습
  - 학습을 하면서 중간 결과를 저장하고 출력함
  - 학습이 완료된 모델의 W, b 변수의 값을 출력
  - 훈련 데이터를 이용하여 모델 학습
  - 정확도 결과 확인 그래프 출력
- 학습 조건
  - 학습 데이터수: 600개
    - 훈련 데이터 : 420개
    - 검증 데이터: 60개
    - 테스트 데이터 : 120개
  - o 최적화 함수: Gradient descent
  - 학습률: 0.01
  - 학습 횟수 10,001회

```
print("Train(Optimization) Start ")
     for step in range(totalStep):
         # X, Y에 학습데이터 입력하여 비용함수, W, b, accuracy, train을 실행
         cost val, W val, b val, acc val, = sess.run([costFunction, W, b, accuracy, train],
190
                                                      feed dict={X: xTrainDataList,
                                                                 Y: yTrainDataList})
         train_accuracy.append(acc_val)
         if step % 1000 == 0:
             print("step : {}. cost : {}, accuracy : {}".format(step,
                                                               cost val,
                                                               acc_val))
         if step == totalStep-1 :
201
             print("W : {}\nb:{}".format(W_val, b_val))
     # matplotlib 를 이용하여 결과를 시각화
     # 정확도 결과 확인 그래프
     plt.plot(range(len(train_accuracy)),
206
              train accuracy,
207
             linewidth=2.
              label='Training')
    plt.legend()
     plt.title("Train Accuracy Result")
     plt.show()
     print("Train Finished")
```

- 실행단계 학습 모델 그래프 실행
  - 검증 데이터 60개를 이용하여 훈련데이터로 학습 된 모델을 재학습하여 결과 확인
  - 학습 조건은 동일한 상태에서 학습 데이터 수만 변경됨
  - 정확도 결과 확인 그래프 출력

```
print("Validation Start")
216 for step in range(totalStep):
         # X, Y에 테스트데이터 입력하여 비용함수, W, b, accuracy, train을 실행
         cost_val_v, W_val_v, b_val_v, acc_val_v, _ = sess.run([costFunction, W, b, accuracy, train],
219
                                                              feed_dict={X: xValidationDataList,
220
                                                                         Y: yValidationDataList})
         validation_accuracy.append(acc_val_v)
         if step % 1000 == 0:
             print("step : {}. cost : {}, accuracy : {}".format(step,
                                                               cost val v.
                                                               acc val v))
         if step == totalStep-1:
             print("W : {}\nb:{}".format(W val v, b val v))
230
     # matplotlib 를 이용하여 결과를 시각화
233 # 정확도 결과 확인 그래프
     plt.plot(range(len(train_accuracy)),
              train_accuracy,
              linewidth=2,
              label='Training')
     plt.plot(range(len(validation accuracy)),
              validation accuracy,
              linewidth=2,
              label='Validation')
     plt.legend()
     plt.title("Train and Validation Accuracy Result")
     plt.show()
246 print("Validation Finished")
```

● 실행단계 - 학습 모델 그래프 실행

```
247 print("-----")
248 print("[Test Result]")
  # 최적화가 끝난 학습 모델 테스트
249
   h_val, p_val, a_val = sess.run([hypothesis, predicted, accuracy],
251
                        feed dict={X: xTestDataList,
252
                                Y: yTestDataList})
253
    print("\nHypothesis : {} \nPrediction : {} \nAccuracy : {}".format(h_val,p_val,a_val))
    print("-----")
254
255
256
   #세션종료
   sess.close()
257
```

○ 테스트 데이터 120개를 이용하여 학습을 완료한 모델의 결과를 확인함

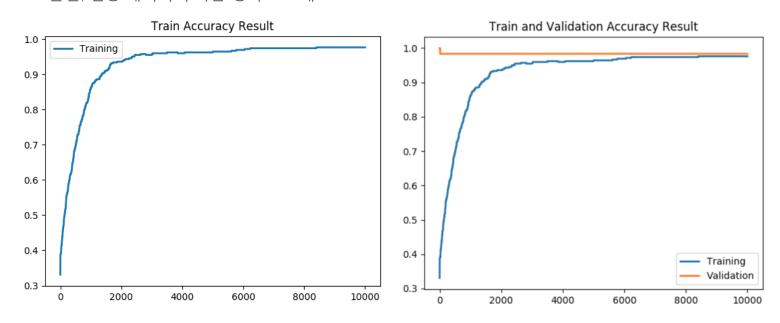
#### ● 결과 확인

훈련 데이터 학습 정확도 : 97.61%검증 데이터 학습 정확도 : 98.33%

```
Train(Optimization) Start
step: 0. cost: 1.098612666130066, accuracy: 0.33095237612724304
step: 1000. cost: 0.5333108901977539, accuracy: 0.8619047403335571
step: 2000. cost: 0.4115321934223175, accuracy: 0.9357143044471741
step: 3000. cost: 0.34549203515052795, accuracy: 0.9547619223594666
step: 4000. cost: 0.30216193199157715, accuracy: 0.9595237970352173
step: 5000. cost: 0.2709597051143646, accuracy: 0.961904764175415
step: 6000. cost: 0.24720239639282227, accuracy: 0.9690476059913635
step: 7000. cost: 0.22841595113277435, accuracy: 0.973809540271759
step: 8000. cost: 0.21314206719398499, accuracy: 0.973809540271759
step: 9000. cost: 0.2004544734954834. accuracy: 0.976190447807312
step: 10000. cost: 0.18973249197006226, accuracy: 0.976190447807312
W: [[-0.21759647 0.01524368 0.20235062]
 [-0.20482178 0.03833586 0.1664812 ]
 [-0.27348518 0.04942771 0.22405553]
              0.06629159 0.19720232]
 [-0.2634968
 [-0.29177386 0.04855135 0.24321814]]
               0.56815624 -5.1758313
b:[ 4.607681
Train Finished
```

```
Validation Start
step: 0. cost: 0.1819770783185959, accuracy: 1.0
step: 1000. cost: 0.15691377222537994, accuracy: 0.9833333492279053
step: 2000. cost: 0.14913706481456757, accuracy: 0.98333333492279053
step: 3000.cost: 0.1423015594482422.accuracy: 0.98333333492279053
step: 4000. cost: 0.13621042668819427, accuracy: 0.98333333492279053
step: 5000. cost: 0.13074064254760742, accuracy: 0.98333333492279053
step: 6000.cost: 0.12579694390296936.accuracy: 0.98333333492279053
step: 7000. cost: 0.12130295485258102, accuracy: 0.98333333492279053
step: 8000. cost: 0.11719690263271332, accuracy: 0.98333333492279053
step: 9000. cost: 0.11342794448137283, accuracy: 0.98333333492279053
step: 10000.cost: 0.10995392501354218, accuracy: 0.98333333492279053
W: [[-0.28798214 0.08255772 0.2054329 ]
 [-0.28869995 0.14267388 0.14601989]
 [-0.2692163 -0.04666025 0.31586772]
 [-0.30705068 -0.01053992 0.3175857
 [-0.48737264 0.10172389 0.3856425 ]]
b: [ 6.1371307  0.7769367  -6.914061 ]
Validation Finished
```

- 결과 확인
  - 훈련, 검증 데이터의 학습 정확도 그래프



- 결과 확인
  - 테스트 데이터를 이용하여 학습 모델 결과를 확인
  - 가설수식의 결과값과 예측결과, 정확도를 출력함
  - 테스트 정확도: 98%

```
[Test Result]

Hypothesis : [[1.90917682e-03 6.57581806e-01 3.40508997e-01]
[1.19474521e-06 8.05432051e-02 9.19455588e-01]
[9.91785407e-01 8.20888113e-03 5.82922894e-06]
[1.36894300e-06 2.29809389e-01 7.70189285e-01]
[9.94809151e-01 5.18845720e-03 2.41954353e-06]
[3.83183369e-08 5.29373027e-02 9.47062731e-01]
[9.98996913e-01 1.00302976e-03 1.54608529e-07]
```

#### 중간 생략

- Iris (붓꽃) 학습 데이터
  - 꽃잎의 각 부분의 너비와 길이등을 측정한 데이터
  - 데이터 컬럼

sepallength (꽃받침 길이)	spealWidth (꽃받침 너비)	petalLength (꽃잎 길이)	petalWidth (꽃잎 너비)	species (꽃 종류)
5.1	3.5	1.4	0.2	Iris-setosa
4.9	3	1.4	0.2	Iris-setosa
4.7	3.2	1.3	0.2	Iris-setosa
4.6	3.1	1.5	0.2	Iris-setosa
5	3.6	1.4	0.2	Iris-setosa
5.4	3.9	1.7	0.4	Iris-setosa
4.6	3.4	1.4	0.3	Iris-setosa

○ 결괏값(라벨) 데이터 종류 3가지



```
5.1,3.5,1.4,0.2, Iris-setosa
4.9,3.0,1.4,0.2, Iris-setosa
4.7,3.2,1.3,0.2, Iris-setosa
4.6,3.1,1.5,0.2,Iris-setosa
           중간 생략
5.0,3.3,1.4,0.2, Iris-setosa
7.0,3.2,4.7,1.4, Iris-versicolor
6.4,3.2,4.5,1.5, Iris-versicolor
6.9,3.1,4.9,1.5,Iris-versicolor
           중간 생략
5.7,2.8,4.1,1.3, Iris-versicolor
6.3,3.3,6.0,2.5, Iris-virginica
5.8,2.7,5.1,1.9, Iris-virginica
7.1,3.0,5.9,2.1, Iris-virginica
6.3,2.9,5.6,1.8, Iris-virginica
```

Iris 학습 데이터 세트

- 데이터 전처리 과정을 통하여 학습을 할 수 있는 데이터로 변환해야함
- 최종 학습 목표는 꽃잎 데이터를 이용하여 꽃의 종류를 분류 하는 학습 모델 생성

학습에 필요한 모듈 선언

- o tensorflow, numpy, matplotlib, pandas, sklearn, seaborn 라이브러리 사용
- o requests 라이브러리를 이용하여 Iris 데이터를 다운로드 함

#### ● 환경설정

- 학습 데이터를 훈련, 테스트 데이터로 분리할 비율 선언
- 학습률, 학습 횟수, 데이터 섞기 여부 선언
- 학습 데이터를 다운 받기 위한 변수 선언

```
# [환경설정]
14
   # 학습 데이터(훈련/테스트) 비율
   trainDataRate = 0.7
   # 학습률
   learningRate = 0.01
   # 총 학습 횟수
   totalStep = 10001
   # 데이터 섞기
   shuffleOn = True
24 # 학습 데이터 파일명 지정
   fileName = "IrisData.csv"
  # 학습 데이터 경로 지정
   currentFolderPath = os.getcwd()
   dataSetFolderPath = os.path.join(currentFolderPath, 'dataset')
   datasetFilePath = os.path.join(dataSetFolderPath, fileName)
30
```

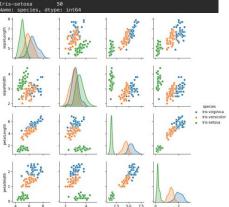
• 빌드단계 - Step1) 학습 데이터 준비 : 데이터 읽기

```
# [빌드단계]
  # Step 1) 학습 데이터 준비
   35 ### (1) 데이터 읽어오기
36 # 해당 경로에 학습 데이터가 없으면 다운로드
37
   if os.path.exists(datasetFilePath) is not True:
38
      print("#==== Download Iris Data =====#")
39
     # iris 데이터 셋 다운로드
40
      url = "https://archive.ics.uci.edu/ml/machine-learning-databases/iris/iris.data"
41
      reg = reguests.get(url, allow redirects=True)
42
      # 학습데이터 저장
      open(datasetFilePath, "wb").write(req.content)
43
44
      print("#==== Download Completed =====#")
45
```

ㅇ 환경 설정에서 선언한 학습데이터가 저장되는 위치에 데이터가 없으면 데이터를 다운로드 함

- 빌드단계 Step1) 학습 데이터 준비 : 데이터 읽기
  - pandas 를 이용하여 학습 데이터 읽어오며 읽어 올때 데이터를 섞기 여부에 따라 shuffle을 함
  - 읽어 드린 학습데이터 확인

```
| Separation | Sep
```



```
# pandas를 이용하여 CSV 파일 데이터 읽기
    allColumnName = ["sepalLength", "sepalWidth", "petalLength", "petalWidth", "species"]
    # column이 없는 데이터라서 파일을 읽어올때 header 를 생성하지 않고 column을 추가
    if shuffleOn:
        df = shuffle(pd.read_csv(datasetFilePath, header=None, names=allColumnName))
    else:
        df = pd.read csv(datasetFilePath, header=None, names=allColumnName)
    # 학습 데이터 확인
    print("===== Data ====>")
    print(df.head())
    print(df.tail())
    # 학습 데이터 shape 확인
    print("Shape : {}".format(df.shape))
    # 학습 데이터 결과 갯수 확인
    print("Specis : \n{}".format(df["species"].value_counts()))
62
    # 학습 데이터 전체 그래프
    sns.pairplot(df, hue="species", height = 2)
    plt.show()
67
```

● 빌드단계 - Step1) 학습 데이터 준비 : 데이터 전처리

```
### (2) 범주형 데이터 맴핑 선언

# species 를 3가지 종류로 나눈 dataframe 으로 변환

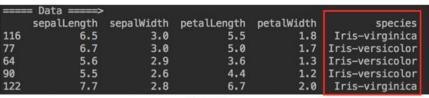
df_one_hot_encoded = pd.get_dummies(df)

print("===== after mapping =====>")

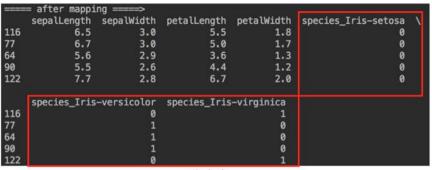
print(df_one_hot_encoded.head())

print(df_one_hot_encoded.tail())
```

- 데이터 전처리 범주형 데이터 맴핑 선언
  - specise(꽃 종류) 컬럼의 라벨 데이터를 실 수형 데이터로 맵핑
  - get\_dumies()를 이용하여 꽃의 종류 당 하 나의 컬럼나눠서 총 3개의 컬럼으로 구성
  - 해당 꽃의 컬럼의 데이터가 라벨과 같을 경우 1, 아닐경우 0 으로 표현



맵핑 전



맵핑 후

- 빌드단계 Step1) 학습 데이터 준비
  - 훈련 데이터와 테스트 데이터를 7:3의 비율로 설정
  - pandas의 sample(), drop(), filter()함수 를 이용하여 데이터 추출
  - pandas Dataframe DOC :
     <a href="https://pandas.pydata.org/pandas-docs/stable/reference/frame.html">https://pandas.pydata.org/pandas-docs/stable/reference/frame.html</a>

```
76 ### (3) 훈련, 테스트 데이터 나누기
77 # 학습 데이터 리스트로 변환
78 # 훈련 데이터를 정해진 비율만큼 추출
    df_trainData = df_one_hot_encoded.sample(frac=trainDataRate)
    # 훈련 데이터를 제거한 나머지 데이터를 테스트 테이터로 지정
    df_testData = df_one_hot_encoded.drop(df_trainData.index)
83
    # 학습데이터와 결과데이터의 컬럼 선언
    featureColumnName = ['sepalLength', 'sepalWidth', 'petalLength', 'petalWidth']
    resultColumnName = ['species_Iris-setosa', 'species_Iris-versicolor', 'species_Iris-virginica']
    # 학습데이터 선언
    xTrainDataList = df_trainData.filter(featureColumnName)
    yTrainDataList = df trainData.filter(resultColumnName)
    # 테스트 데이터 선언
    xTestDataList = df_testData.filter(featureColumnName)
    yTestDataList = df_testData.filter(resultColumnName)
93
    print("[TrainData Size] x : {}, y :{}".format(len(xTrainDataList),
95
                                                len(yTrainDataList)))
    print("[TestData Size] x : {}, y :{}".format(len(xTestDataList),
97
                                               len(vTestDataList)))
98
```

● 빌드단계 - Step2) 모델 생성을 위한 변수 초기화

```
100 # [빌드단계]
   # Step 2) 모델 생성을 위한 변수 초기화
102
   103 # feature 로 사용할 데이터 갯수
104 feature num = len(featureColumnName)
   # result 로 사용할 종류 갯수
    result num = len(resultColumnName)
107
108 # 학습데이터가 들어갈 플레이스 홀더 선언
109 X = tf.placeholder(tf.float32, shape=[None, feature_num])
   # 학습데이터가 들어갈 플레이스 홀더 선언
   Y = tf.placeholder(tf.float32, shape=[None, result num])
113
   # Weight 변수 선언
114 W = tf.Variable(tf.zeros([feature_num, result_num]))
115 # Bias 변수 선언
   b = tf.Variable(tf.zeros([result_num]))
      feature_num은 학습데이터의 꽃의 특성 데이터 4개
     result numd은 꽃의 종류 3가지
     학습 데이터 입력공간 X, Y를 placeholder 로 선언
```

○ W와 b를 값을 저장할 변수를 Variable로 선언

● 빌드단계 - Step3) 학습 모델 그래프 구성

```
119
   # [빌드단계]
   # Step 3) 학습 모델 그래프 구성
    # 3-1) 학습데이터를 대표 하는 가설 그래프 선언
    hypothesis = tf.nn.softmax(tf.matmul(X, W) + b)
123
124
125
    # 3-2) 비용함수(오차함수,손실함수) 선언
    costFunction = tf.reduce_mean(-tf.reduce_sum(Y * tf.log(hypothesis), axis=1))
126
127
128
    # 3-3) 비용함수의 값이 최소가 되도록 하는 최적화함수 선언
    optimizer = tf.train.GradientDescentOptimizer(learning rate=learningRate)
129
    train = optimizer.minimize(costFunction)
130
131
```

- 학습 데이터의 특성을 대표하는 **가설 수식 작성**
- 가설 수식에 학습데이터 x 의 값을 입력한 결괏값(예측값)과 실제값의 오차를 계산하는 비용함수(오차함수, 손실 함수) 선언
- 비용함수의 값이 최소가 될 수 있도록 W, b의 최적값을 찾는 최적화 함수 선언

● 실행단계 - 학습 모델 그래프 실행

```
132
    # [실행단계]
133
   # 학습 모델 그래프를 실행
134
   # 실행을 위한 세션 선언
   sess = tf.Session()
   # 최적화 과정을 통하여 구해질 변수 W,b 초기화
138
139
   sess.run(tf.global variables initializer())
140
   # 예측값, 정확도 수식 선언
141
   predicted = tf.equal(tf.argmax(hypothesis, axis=1), tf.argmax(Y, axis=1))
142
    accuracy = tf.reduce mean(tf.cast(predicted, tf.float32))
143
144
   # 학습, 테스트 정확도를 저장할 리스트 선언
145
   train_accuracy = list()
146
147
```

- Session 변수(sess)를 선언
- 최적화 과정에서 계산되는 변수(W, b)의 초기화
- 예측값, 정확도를 구하기 위한 수식 선언(One Hot Encoding이용)
- 모델 학습 결과 확인을 위한 리스트 선언

- 실행단계 학습 모델 그래프 실행
  - o totalStep 만큼 모델 학습
  - 학습을 하면서 중간 결과를 저장하고 출력함
  - 학습이 완료된 모델의 W, b 변수의 값을 출력
  - 훈련 데이터를 이용하여 모델 학습
  - 정확도 결과 확인 그래프 출력
- 학습 조건
  - 학습 데이터수: 150개
  - 최적화 함수 : Gradient descent
  - 학습률: 0.01
  - 학습 횟수 10,001회

```
print("Train(Optimization) Start ")
150
     for step in range(totalStep):
         # X, Y에 학습데이터 입력하여 비용함수, W, b, accuracy, train을 실행
         cost_val, W_val, b_val, acc_val, _ = sess.run([costFunction, W, b, accuracy, train],
154
                                                      feed dict={X: xTrainDataList,
                                                                 Y: vTrainDataList})
156
         train_accuracy.append(acc_val)
         if step % 1000 == 0:
158
159
             print("step : {}. cost : {}, accuracy : {}".format(step,
160
                                                               cost val,
                                                               acc val))
        if step == totalStep-1 :
             print("W : {}\nb:{}".format(W_val, b_val))
164
     # matplotlib 를 이용하여 결과를 시각화
    # 정확도 결과 확인 그래프
     plt.plot(range(len(train_accuracy)),
              train_accuracy,
              linewidth=2,
170
              label='Training')
     plt.legend()
     plt.title("Train Accuracy Result")
     plt.show()
     print("Train Finished")
```

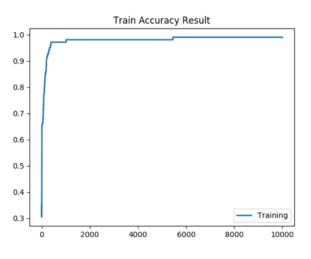
• 실행단계 - 학습 모델 그래프 실행

```
print("-----")
178 print("[Test Result]")
    # 최적화가 끝난 학습 모델 테스트
179
    h_val, p_val, a_val = sess.run([hypothesis, predicted, accuracy],
180
181
                             feed dict={X: xTestDataList,
182
                                      Y: yTestDataList})
183
    print("\nHypothesis : {} \nPrediction : {} \nAccuracy : {}".format(h_val,p_val,a_val))
184
185
186
    #세션종료
187
    sess.close()
```

○ 테스트 데이터를 이용하여 학습을 완료한 모델의 결과를 확인함

- 결과 확인
  - 훈련 데이터 학습 정확도 : 99%

```
Train(Optimization) Start
step: 0. cost: 1.0986120700836182, accuracy: 0.3523809611797333
step: 1000. cost: 0.3588559329509735, accuracy: 0.9714285731315613
step: 2000. cost: 0.2723434865474701, accuracy: 0.9809523820877075
step: 3000. cost: 0.2252206951379776, accuracy: 0.9809523820877075
      4000. cost: 0.19521349668502808, accuracy: 0.9809523820877075
      5000. cost: 0.1743469089269638, accuracy: 0.9809523820877075
      6000. cost: 0.15893900394439697, accuracy: 0.9904761910438538
      7000. cost : 0.147054985165596, accuracy : 0.9904761910438538
            cost: 0.13758142292499542, accuracy: 0.9904761910438538
            cost: 0.12983213365077972, accuracy: 0.9904761910438538
step: 10000. cost: 0.12336087226867676, accuracy: 0.9904761910438538
                  0.6953396 -1.6034315 ]
            -0.14330748 -1.9221547
             -0.13638029
                         2,9654355
 [-1, 2990803
             -1.1405295
                          2.4396093 11
b: [ 0.4441536  0.6295711 -1.0737243]
Train Finished
```



- 결과 확인
  - 테스트 데이터를 이용하여 학습 모델 결과를 확인
  - 가설수식의 결과값과 예측결과, 정확도를 출력함
  - 테스트 정확도: 97%

```
[Test Result]

Hypothesis: [[1.55100890e-03 3.76837194e-01 6.21611774e-01]
[2.30081932e-05 3.18000056e-02 9.68177021e-01]
[2.39924975e-02 9.51164842e-01 2.48426218e-02]
[6.90674642e-05 1.16742425e-01 8.83188486e-01]
[2.86685216e-04 1.59592390e-01 8.40120971e-01]
[1.35160444e-05 8.20332766e-02 9.17953193e-01]
[2.05565058e-02 9.52330828e-01 2.71126367e-02]
[1.07099554e-02 9.69590485e-01 1.96999596e-02]
[6.61427015e-03 9.51024532e-01 4.23611216e-02]
[3.05886730e-03 9.15141106e-01 8.17999914e-02]
[9.92067814e-01 7.93213397e-03 3.64008845e-09]
[1.97639763e-02 9.25044894e-01 5.51911667e-02]
```

#### 중간 생략