

5) Пусть $X \sim \exp(\lambda = \frac{1}{1000})$ - с.в. час работы лампы

$Y = \frac{1}{100} \sum_{i=1}^{100} X_i$ - с.в. среднего времени работы 100 ламп

$$EX = 1000 \quad DX = 10^6$$

$$EY = EX = 1000 \quad DY = \frac{1}{100} DX = 10^4 \quad \sigma(Y) = 100$$

$$P(Y > 900) = 1 - P(Y < 900) = 1 - \Phi\left(\frac{900 - EY}{\sigma(Y)}\right) = 1 - \Phi\left(\frac{900 - 1000}{100}\right) =$$

$$= 1 - \Phi(-1) = 1 - 0,159 = 0,841$$

Ответ: $p = 0,841$