Resolvendo o Caixeiro Viajante como um jogo através de Reinforcement Learning

Caixeiro Viajante, Deep Q-Learning, Policy Gradients

Kevin Takano

Tópicos Especiais em Aprendizagem de Máquina e Mineração de Dados Instituto de Computação - IComp Universidade Federal do Amazonas - UFAM

takano@icomp.ufam.edu.br

12 de Dezembros de 2017 Manaus - Amazonas, Brasil

Roteiro

- 1 Objetivo
- 2 Motivação
- 3 Caixeiro Viajante como um jogo de Pacman
- 4 Técnicas Aplicadas
 - Deep Q-Learning
 - Stochastic Policy Gradient
- 5 Experimentação
 - Código Base
 - Parâmetros
 - Resultados
 - Conclusões
 - Tentativas de Otimização

Roteiro

- 1 Objetivo
- 2 Motivação
- 3 Caixeiro Viajante como um jogo de Pacmar
- 4 Técnicas Aplicadas
 - Deep Q-Learning
 - Stochastic Policy Gradient
- 5 Experimentação
 - Código Base
 - Parâmetros
 - Resultados
 - Conclusões
 - Tentativas de Otimização

- Resolver um problema de otimização combinatória através de Reinforcement Learning.
- Estudar o funcionamento prático das técnicas clássicas de Deep Reinforcement Learning:
 - Deep Q-Learning.
 - Stochastic Policy Gradient.

- Resolver um problema de otimização combinatória através de Reinforcement Learning.
- Estudar o funcionamento prático das técnicas clássicas de Deep Reinforcement Learning:
 - Deep Q-Learning.
 - Stochastic Policy Gradient.

- Resolver um problema de otimização combinatória através de Reinforcement Learning.
- Estudar o funcionamento prático das técnicas clássicas de Deep Reinforcement Learning:
 - Deep Q-Learning.
 - Stochastic Policy Gradient.

- Resolver um problema de otimização combinatória através de Reinforcement Learning.
- Estudar o funcionamento prático das técnicas clássicas de Deep Reinforcement Learning:
 - Deep Q-Learning.
 - Stochastic Policy Gradient.

- Resolver um problema de otimização combinatória através de Reinforcement Learning.
- Estudar o funcionamento prático das técnicas clássicas de Deep Reinforcement Learning:
 - Deep Q-Learning.
 - Stochastic Policy Gradient.

Roteiro

- 1 Objetivo
- 2 Motivação
- 3 Caixeiro Viajante como um jogo de Pacmar
- 4 Técnicas Aplicadas
 - Deep Q-Learning
 - Stochastic Policy Gradient
- 5 Experimentação
 - Código Base
 - Parâmetros
 - Resultados
 - Conclusões
 - Tentativas de Otimização

- Problemas combinatórios são encontrados em largas áreas da ciência.
- Sabe-se que há uma grande dificuldade em encontrar a solução ótima para estes problemas. (NP-Dificuldade)
- Problemas combinatórios também necessitam de conhecimento especializado.
 - Muitos dos mesmos problemas do mundo real são resolvidos várias vezes, porém, diferindo-se apenas nas estrutura dos dados.

- Problemas combinatórios são encontrados em largas áreas da ciência.
- Sabe-se que há uma grande dificuldade em encontrar a solução ótima para estes problemas. (NP-Dificuldade)
- Problemas combinatórios também necessitam de conhecimento especializado.
 - Muitos dos mesmos problemas do mundo real são resolvidos várias vezes, porém, diferindo-se apenas nas estrutura dos dados.

- Problemas combinatórios são encontrados em largas áreas da ciência.
- Sabe-se que há uma grande dificuldade em encontrar a solução ótima para estes problemas. (NP-Dificuldade)
- Problemas combinatórios também necessitam de conhecimento especializado.
 - Muitos dos mesmos problemas do mundo real são resolvidos várias vezes, porém, diferindo-se apenas nas estrutura dos dados.

- Problemas combinatórios são encontrados em largas áreas da ciência.
- Sabe-se que há uma grande dificuldade em encontrar a solução ótima para estes problemas. (NP-Dificuldade)
- Problemas combinatórios também necessitam de conhecimento especializado.
 - Muitos dos mesmos problemas do mundo real são resolvidos várias vezes, porém, diferindo-se apenas nas estrutura dos dados.

- Problemas combinatórios são encontrados em largas áreas da ciência.
- Sabe-se que há uma grande dificuldade em encontrar a solução ótima para estes problemas. (NP-Dificuldade)
- Problemas combinatórios também necessitam de conhecimento especializado.
 - Muitos dos mesmos problemas do mundo real são resolvidos várias vezes, porém, diferindo-se apenas nas estrutura dos dados.

- Aprendizado de Máquina procura resolver os problemas através de busca por generalização dos dados e/ou busca por padrões.
- É interessante resolver os problemas de combinatória de forma genérica.
 - Isso reduz a dependência sobre o conhecimento específico de um problema e o retrabalho de implementação.
- Em 2017, o Google publicou um paper que resolve o problema da Mochila 0-1 e o problema do Caixeiro Viajante utilizando-se uma mesma rede neural. Rede Neural Combinatória [Irwan Bello, 2017]
- Ainda em 2017, um paper publicado demonstrou que problemas de otimização em grafos podem ser resolvidos por Reinforcement Learning e Graph Embedding.
 [Anjun Dai, 2017]

- Aprendizado de Máquina procura resolver os problemas através de busca por generalização dos dados e/ou busca por padrões.
- E interessante resolver os problemas de combinatória de forma genérica.
 - Isso reduz a dependência sobre o conhecimento específico de um problema e o retrabalho de implementação.
- Em 2017, o Google publicou um paper que resolve o problema da Mochila 0-1 e o problema do Caixeiro Viajante utilizando-se uma mesma rede neural. Rede Neural Combinatória [Irwan Bello, 2017]
- Ainda em 2017, um paper publicado demonstrou que problemas de otimização em grafos podem ser resolvidos por Reinforcement Learning e Graph Embedding.
 [Anjun Dai, 2017]

- Aprendizado de Máquina procura resolver os problemas através de busca por generalização dos dados e/ou busca por padrões.
- É interessante resolver os problemas de combinatória de forma genérica.
 - Isso reduz a dependência sobre o conhecimento específico de um problema e o retrabalho de implementação.
- Em 2017, o Google publicou um paper que resolve o problema da Mochila 0-1 e o problema do Caixeiro Viajante utilizando-se uma mesma rede neural. Rede Neural Combinatória [Irwan Bello, 2017]
- Ainda em 2017, um paper publicado demonstrou que problemas de otimização em grafos podem ser resolvidos por Reinforcement Learning e Graph Embedding.
 [Anjun Dai, 2017]

- Aprendizado de Máquina procura resolver os problemas através de busca por generalização dos dados e/ou busca por padrões.
- É interessante resolver os problemas de combinatória de forma genérica.
 - Isso reduz a dependência sobre o conhecimento específico de um problema e o retrabalho de implementação.
- Em 2017, o Google publicou um paper que resolve o problema da Mochila 0-1 e o problema do Caixeiro Viajante utilizando-se uma mesma rede neural. Rede Neural Combinatória [Irwan Bello, 2017]
- Ainda em 2017, um paper publicado demonstrou que problemas de otimização em grafos podem ser resolvidos por Reinforcement Learning e Graph Embedding.
 [Anjun Dai, 2017]

- Aprendizado de Máquina procura resolver os problemas através de busca por generalização dos dados e/ou busca por padrões.
- É interessante resolver os problemas de combinatória de forma genérica.
 - Isso reduz a dependência sobre o conhecimento específico de um problema e o retrabalho de implementação.
- Em 2017, o Google publicou um paper que resolve o problema da Mochila 0-1 e o problema do Caixeiro
 Viajante utilizando-se uma mesma rede neural. Rede Neural Combinatória [Irwan Bello, 2017]
- Ainda em 2017, um paper publicado demonstrou que problemas de otimização em grafos podem ser resolvidos por Reinforcement Learning e Graph Embedding.
 [Anjun Dai, 2017]

- Aprendizado de Máquina procura resolver os problemas através de busca por generalização dos dados e/ou busca por padrões.
- É interessante resolver os problemas de combinatória de forma genérica.
 - Isso reduz a dependência sobre o conhecimento específico de um problema e o retrabalho de implementação.
- Em 2017, o Google publicou um paper que resolve o problema da Mochila 0-1 e o problema do Caixeiro
 Viajante utilizando-se uma mesma rede neural. Rede Neural Combinatória [Irwan Bello, 2017]
- Ainda em 2017, um paper publicado demonstrou que problemas de otimização em grafos podem ser resolvidos por Reinforcement Learning e Graph Embedding.
 [Anjun Dai, 2017]

Roteiro

- 3 Caixeiro Viajante como um jogo de Pacman
- - Deep Q-Learning
 - Stochastic Policy Gradient
- - Código Base
 - Parâmetros
 - Resultados

 - Conclusões
 - Tentativas de Otimização

Definição do PCV Clássico

■ Definição: Dado um conjunto de n cidades e uma matriz de distância d_{ij} entre elas, o Problema do Caixeiro Viajante consiste em estabelecer uma rota para um caixeiro, iniciando seu percurso em uma cidade, chamada cidade de origem, passar por todas as demais n-1 cidades uma única vez e retornar a cidade de origem percorrendo a menor distância possível.

Definição do PCV Clássico

■ Definição: Dado um conjunto de n cidades e uma matriz de distância d_{ij} entre elas, o Problema do Caixeiro Viajante consiste em estabelecer uma rota para um caixeiro, iniciando seu percurso em uma cidade, chamada cidade de origem, passar por todas as demais n-1 cidades uma única vez e retornar a cidade de origem percorrendo a menor distância possível.

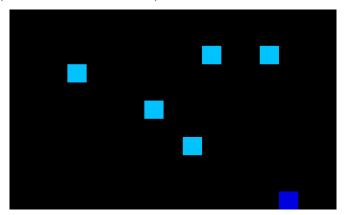
- O problema do Caixeiro Viajante pode ser modelado como um jogo de PACMAM. [Clark, 2016]
 - O objetivo do game PACMAN é acumular um maior número de pontos desviando-se dos fantasmas.
 - De forma similar, o caixeiro viajante pode ser modelado como um jogo considerando-se o caixeiro como um agente em que o objetivo consiste em passar em todas as cidades (ou items) em um menor número de passos.
 - Similar ao Caixeiro Viajante Físico (The Physical Travelling salesman).
 - Obstáculos.

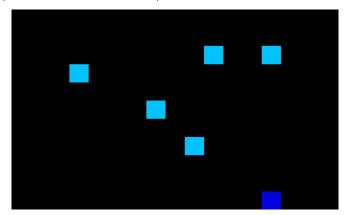
- O problema do Caixeiro Viajante pode ser modelado como um jogo de PACMAM. [Clark, 2016]
 - O objetivo do game PACMAN é acumular um maior número de pontos desviando-se dos fantasmas.
 - De forma similar, o caixeiro viajante pode ser modelado como um jogo considerando-se o caixeiro como um agente em que o objetivo consiste em passar em todas as cidades (ou items) em um menor número de passos.
 - Similar ao Caixeiro Viajante Físico (The Physical Travelling salesman).
 - Obstáculos.

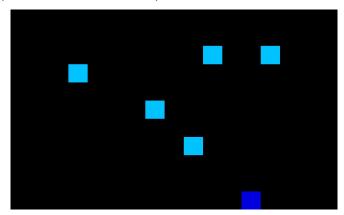
- O problema do Caixeiro Viajante pode ser modelado como um jogo de PACMAM. [Clark, 2016]
 - O objetivo do game PACMAN é acumular um maior número de pontos desviando-se dos fantasmas.
 - De forma similar, o caixeiro viajante pode ser modelado como um jogo considerando-se o caixeiro como um agente em que o objetivo consiste em passar em todas as cidades (ou items) em um menor número de passos.
 - Similar ao Caixeiro Viajante Físico (The Physical Travelling salesman).
 - Obstáculos.

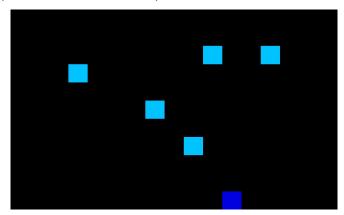
- O problema do Caixeiro Viajante pode ser modelado como um jogo de PACMAM. [Clark, 2016]
 - O objetivo do game PACMAN é acumular um maior número de pontos desviando-se dos fantasmas.
 - De forma similar, o caixeiro viajante pode ser modelado como um jogo considerando-se o caixeiro como um agente em que o objetivo consiste em passar em todas as cidades (ou items) em um menor número de passos.
 - Similar ao Caixeiro Viajante Físico (The Physical Travelling salesman).
 - Obstáculos.

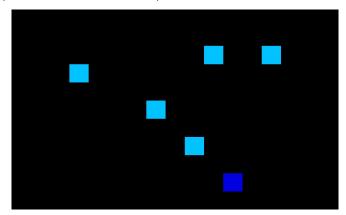
- O problema do Caixeiro Viajante pode ser modelado como um jogo de PACMAM. [Clark, 2016]
 - O objetivo do game PACMAN é acumular um maior número de pontos desviando-se dos fantasmas.
 - De forma similar, o caixeiro viajante pode ser modelado como um jogo considerando-se o caixeiro como um agente em que o objetivo consiste em passar em todas as cidades (ou items) em um menor número de passos.
 - Similar ao Caixeiro Viajante Físico (The Physical Travelling salesman).
 - Obstáculos.

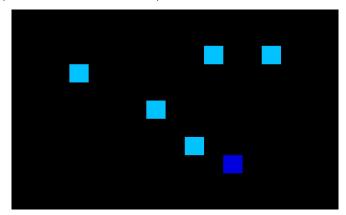


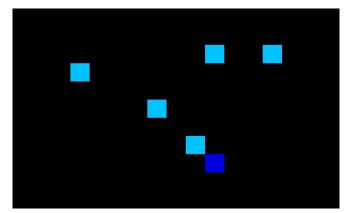


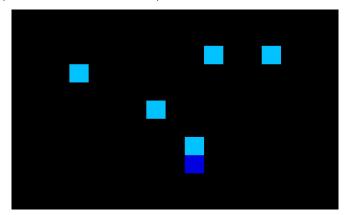


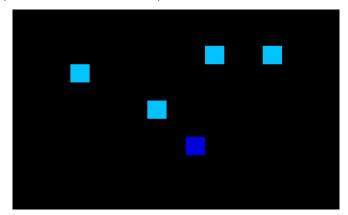


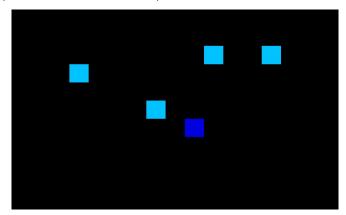


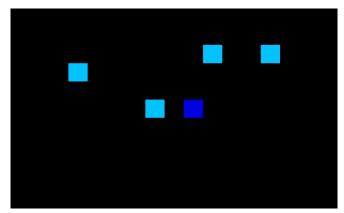


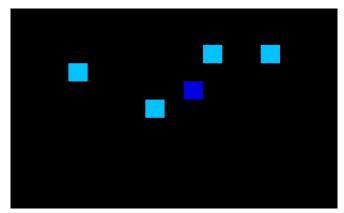


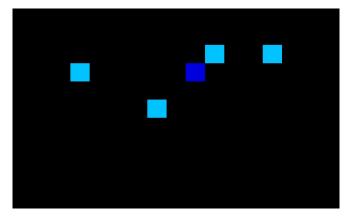


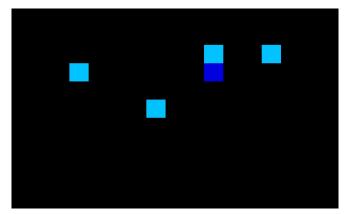


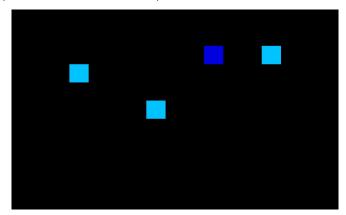


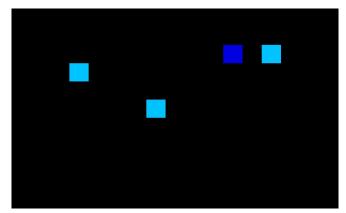


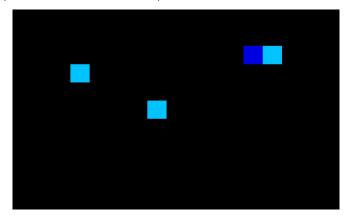


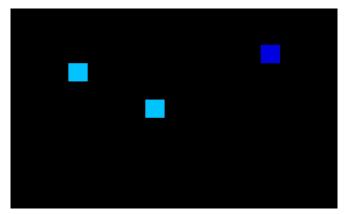


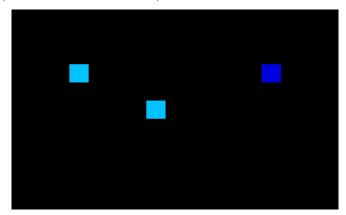


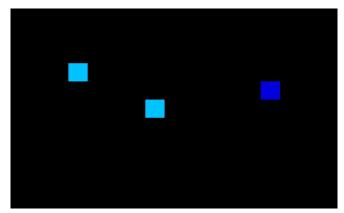


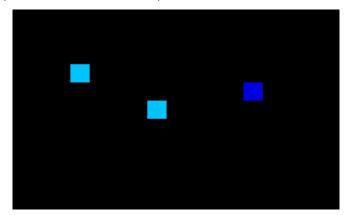


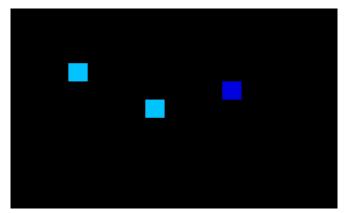


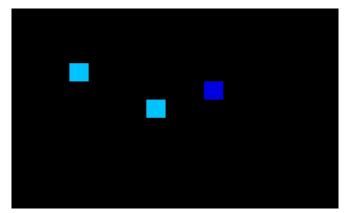


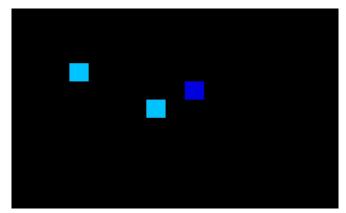


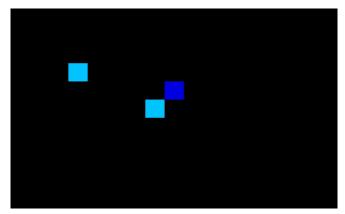


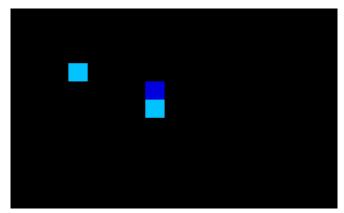


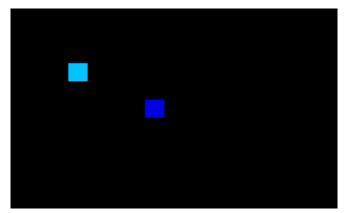


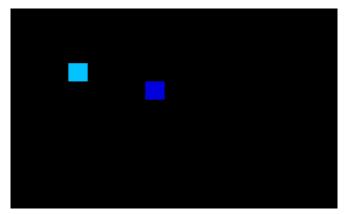


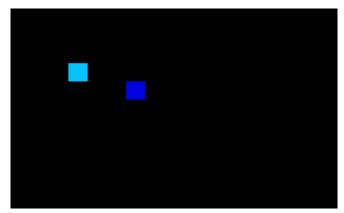


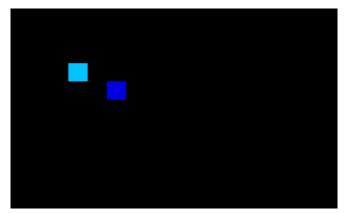


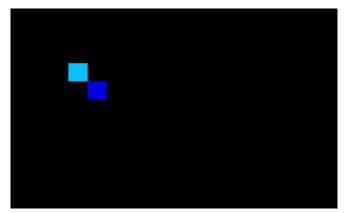


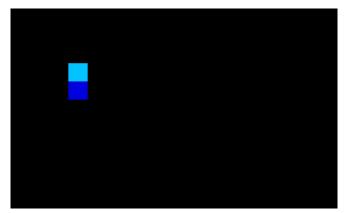














- Pode-se atrelar um reward a cada ações do agente.
- Na modelagem por [Clark, 2016] contêm os seguintes estados e recompensas:
 - 3 para todo item coletado.
 - -0.1 para todo passo do agente.
 - -1.5 para toda vez que o agente encostar em uma parede.
 - -1.5 para toda vez em que o agente não se movimentar.
- Desta forma o agente procurará coletar os itens de forma em que o caminho (ou número de passos) seja o menor possível.

- Pode-se atrelar um reward a cada ações do agente.
- Na modelagem por [Clark, 2016] contêm os seguintes estados e recompensas:
 - 3 para todo item coletado.
 - -0.1 para todo passo do agente.
 - -1.5 para toda vez que o agente encostar em uma parede.
 - -1.5 para toda vez em que o agente não se movimentar.
- Desta forma o agente procurará coletar os itens de forma em que o caminho (ou número de passos) seja o menor possível.

- Pode-se atrelar um reward a cada ações do agente.
- Na modelagem por [Clark, 2016] contêm os seguintes estados e recompensas:
 - 3 para todo item coletado.
 - -0.1 para todo passo do agente.
 - -1.5 para toda vez que o agente encostar em uma parede.
 - -1.5 para toda vez em que o agente não se movimentar.
- Desta forma o agente procurará coletar os itens de forma em que o caminho (ou número de passos) seja o menor possível.

- Pode-se atrelar um reward a cada ações do agente.
- Na modelagem por [Clark, 2016] contêm os seguintes estados e recompensas:
 - 3 para todo item coletado.
 - -0.1 para todo passo do agente.
 - -1.5 para toda vez que o agente encostar em uma parede.
 - -1.5 para toda vez em que o agente não se movimentar.
- Desta forma o agente procurará coletar os itens de forma em que o caminho (ou número de passos) seja o menor possível.

- Pode-se atrelar um reward a cada ações do agente.
- Na modelagem por [Clark, 2016] contêm os seguintes estados e recompensas:
 - 3 para todo item coletado.
 - -0.1 para todo passo do agente.
 - -1.5 para toda vez que o agente encostar em uma parede.
 - -1.5 para toda vez em que o agente não se movimentar.
- Desta forma o agente procurará coletar os itens de forma em que o caminho (ou número de passos) seja o menor possível.

Roteiro

- 1 Objetivo
- 2 Motivação
- 3 Caixeiro Viajante como um jogo de Pacmar
- 4 Técnicas Aplicadas
 - Deep Q-Learning
 - Stochastic Policy Gradient
- 5 Experimentação
 - Código Base
 - Parâmetros
 - Resultados
 - Conclusões
 - Tentativas de Otimização

- [Clark, 2016] resolveu o problema através das técnicas:
 - Double Deep Q-Learning.
 - Prioritized Replay.
 - Fixed Target Network.
- Para o trabalho prático resolveu-se através do Stochastic Policy Gradient.

- [Clark, 2016] resolveu o problema através das técnicas:
 - Double Deep Q-Learning.
 - Prioritized Replay.
 - Fixed Target Network.
- Para o trabalho prático resolveu-se através do Stochastic Policy Gradient.

- [Clark, 2016] resolveu o problema através das técnicas:
 - Double Deep Q-Learning.
 - Prioritized Replay.
 - Fixed Target Network.
- Para o trabalho prático resolveu-se através do Stochastic Policy Gradient.

- [Clark, 2016] resolveu o problema através das técnicas:
 - Double Deep Q-Learning.
 - Prioritized Replay.
 - Fixed Target Network.
- Para o trabalho prático resolveu-se através do Stochastic Policy Gradient.

- [Clark, 2016] resolveu o problema através das técnicas:
 - Double Deep Q-Learning.
 - Prioritized Replay.
 - Fixed Target Network.
- Para o trabalho prático resolveu-se através do Stochastic Policy Gradient.

Técnicas Aplicadas

- [Clark, 2016] resolveu o problema através das técnicas:
 - Double Deep Q-Learning.
 - Prioritized Replay.
 - Fixed Target Network.
- Para o trabalho prático resolveu-se através do Stochastic Policy Gradient.

- Q-Learning na prática gasta uma enorme quantidade de memória e tempo computacional.
- Uma forma de diminuir a entrada para obter os Q-values é utilizar redes neurais.
- Utiliza-se então a saída da função de Q-Learning como target: $L = 1/2[r + \gamma \max_{a'} Q(s', a') Q(s, a)]^2$
- A primeira expressão $r + \gamma \max_{a'} Q(s', a')$ refere-se a saída do target esperado (Q-Target) e a expressão Q(s, a) refere-se a previsão feita pela rede neural.

- Q-Learning na prática gasta uma enorme quantidade de memória e tempo computacional.
- Uma forma de diminuir a entrada para obter os Q-values é utilizar redes neurais.
- Utiliza-se então a saída da função de Q-Learning como target: $L = 1/2[r + \gamma \max_{a'} Q(s', a') Q(s, a)]^2$
- A primeira expressão $r + \gamma \max_{a'} Q(s', a')$ refere-se a saída do target esperado (Q-Target) e a expressão Q(s, a) refere-se a previsão feita pela rede neural.

- Q-Learning na prática gasta uma enorme quantidade de memória e tempo computacional.
- Uma forma de diminuir a entrada para obter os Q-values é utilizar redes neurais.
- Utiliza-se então a saída da função de Q-Learning como target: $L = 1/2[r + \gamma \max_{a'} Q(s', a') Q(s, a)]^2$
- A primeira expressão $r + \gamma \max_{a'} Q(s', a')$ refere-se a saída do target esperado (Q-Target) e a expressão Q(s, a) refere-se a previsão feita pela rede neural.

- Q-Learning na prática gasta uma enorme quantidade de memória e tempo computacional.
- Uma forma de diminuir a entrada para obter os Q-values é utilizar redes neurais.
- Utiliza-se então a saída da função de Q-Learning como target: $L = 1/2[r + \gamma \max_{a'} Q(s', a') Q(s, a)]^2$
- A primeira expressão $r + \gamma \max_{a'} Q(s', a')$ refere-se a saída do target esperado (Q-Target) e a expressão Q(s, a) refere-se a previsão feita pela rede neural.

- Q-Learning na prática gasta uma enorme quantidade de memória e tempo computacional.
- Uma forma de diminuir a entrada para obter os Q-values é utilizar redes neurais.
- Utiliza-se então a saída da função de Q-Learning como target: $L = 1/2[r + \gamma \max_{s'} Q(s', a') Q(s, a)]^2$
- A primeira expressão $r + \gamma \max_{a'} Q(s', a')$ refere-se a saída do target esperado (Q-Target) e a expressão Q(s, a) refere-se a previsão feita pela rede neural.

- Q-Learning na prática gasta uma enorme quantidade de memória e tempo computacional.
- Uma forma de diminuir a entrada para obter os Q-values é utilizar redes neurais.
- Utiliza-se então a saída da função de Q-Learning como target: $L = 1/2[r + \gamma \max_{a'} Q(s', a') Q(s, a)]^2$
- A primeira expressão $r + \gamma \max_{a'} Q(s', a')$ refere-se a saída do target esperado (Q-Target) e a expressão Q(s, a) refere-se a previsão feita pela rede neural.

- Q-Learning na prática gasta uma enorme quantidade de memória e tempo computacional.
- Uma forma de diminuir a entrada para obter os Q-values é utilizar redes neurais.
- Utiliza-se então a saída da função de Q-Learning como target: $L = 1/2[r + \gamma \max_{a'} Q(s', a') Q(s, a)]^2$
- A primeira expressão $r + \gamma \max_{a'} Q(s', a')$ refere-se a saída do target esperado (Q-Target) e a expressão Q(s, a) refere-se a previsão feita pela rede neural.

- Double Deep Q-Learning:
 - Um dos problemas causados pelo Deep Q Learning é que o agente tem tendência de calcular exageradamente (maximizar o bias) da função Q, devido a função max na fórmula para alcançar o Q-target.
 - Para diminuir a instabilidade, a técnica de Double Deep Q-Learning (DDQN) propõe-se o uso de duas redes:
 - \blacksquare Uma rede primária Q com parâmetros θ' atualizados em que escolhe uma acão.
 - Uma rede alvo Q^2 com parâmetros θ antigos que gera o Q-target a partir da ação escolhida por Q.
 - Abaixo a nova equação para gerar o Q-Target: Q-Target = $r + \gamma * Q^2(s', argmax(Q(s', a, \theta'), \theta))$

- Um dos problemas causados pelo Deep Q Learning é que o agente tem tendência de calcular exageradamente (maximizal o bias) da função Q, devido a função max na fórmula para alcançar o Q-target.
- Para diminuir a instabilidade, a técnica de Double Deep Q-Learning (DDQN) propõe-se o uso de duas redes:
 - \blacksquare Uma rede primária Q com parâmetros θ' atualizados em que escolhe uma acão.
 - Uma rede alvo Q^2 com parâmetros θ antigos que gera o Q-target a partir da ação escolhida por Q.
- Abaixo a nova equação para gerar o Q-Target: Q-Target = $r + \gamma * Q^2(s', argmax(Q(s', a, \theta'), \theta))$

- Double Deep Q-Learning:
 - Um dos problemas causados pelo Deep Q Learning é que o agente tem tendência de calcular exageradamente (maximizar o bias) da função Q, devido a função max na fórmula para alcançar o Q-target.
 - Para diminuir a instabilidade, a técnica de Double Deep Q-Learning (DDQN) propõe-se o uso de duas redes:
 - Uma rede primária Q com parâmetros θ' atualizados em que escolhe uma acão.
 - Uma rede alvo Q^2 com parâmetros θ antigos que gera o Q-target a partir da ação escolhida por Q.
 - Abaixo a nova equação para gerar o Q-Target: Q-Target = $r + \gamma * Q^2(s', argmax(Q(s', a, \theta'), \theta))$

- Double Deep Q-Learning:
 - Um dos problemas causados pelo Deep Q Learning é que o agente tem tendência de calcular exageradamente (maximizar o bias) da função Q, devido a função max na fórmula para alcançar o Q-target.
 - Para diminuir a instabilidade, a técnica de Double Deep Q-Learning (DDQN) propõe-se o uso de duas redes:
 - lacksquare Uma rede primária Q com parâmetros heta' atualizados em que escolhe uma ação.
 - Uma rede alvo Q^2 com parâmetros θ antigos que gera o Q-target a partir da ação escolhida por Q.
 - Abaixo a nova equação para gerar o Q-Target: Q-Target = $r + \gamma * Q^2(s', argmax(Q(s', a, \theta'), \theta))$

- Double Deep Q-Learning:
 - Um dos problemas causados pelo Deep Q Learning é que o agente tem tendência de calcular exageradamente (maximizar o bias) da função Q, devido a função max na fórmula para alcançar o Q-target.
 - Para diminuir a instabilidade, a técnica de Double Deep Q-Learning (DDQN) propõe-se o uso de duas redes:
 - Uma rede primária Q com parâmetros θ' atualizados em que escolhe uma ação.
 - Uma rede alvo Q^2 com parâmetros θ antigos que gera o Q-target a partir da ação escolhida por Q.
 - Abaixo a nova equação para gerar o Q-Target: Q-Target = $r + \gamma * Q^2(s', argmax(Q(s', a, \theta'), \theta))$

- Double Deep Q-Learning:
 - Um dos problemas causados pelo Deep Q Learning é que o agente tem tendência de calcular exageradamente (maximizar o bias) da função Q, devido a função max na fórmula para alcançar o Q-target.
 - Para diminuir a instabilidade, a técnica de Double Deep Q-Learning (DDQN) propõe-se o uso de duas redes:
 - Uma rede primária Q com parâmetros θ' atualizados em que escolhe uma ação.
 - Uma rede alvo Q^2 com parâmetros θ antigos que gera o Q-target a partir da ação escolhida por Q.
 - Abaixo a nova equação para gerar o Q-Target: Q-Target = $r + \gamma * Q^2(s', argmax(Q(s', a, \theta'), \theta))$

- Double Deep Q-Learning:
 - Um dos problemas causados pelo Deep Q Learning é que o agente tem tendência de calcular exageradamente (maximizar o bias) da função Q, devido a função max na fórmula para alcançar o Q-target.
 - Para diminuir a instabilidade, a técnica de Double Deep Q-Learning (DDQN) propõe-se o uso de duas redes:
 - \blacksquare Uma rede primária Q com parâmetros θ' atualizados em que escolhe uma ação.
 - Uma rede alvo Q^2 com parâmetros θ antigos que gera o Q-target a partir da ação escolhida por Q.
 - Abaixo a nova equação para gerar o Q-Target:

Q-Target =
$$r + \gamma * Q^2(s', argmax(Q(s', a, \theta'), \theta))$$

- Double Deep Q-Learning:
 - Um dos problemas causados pelo Deep Q Learning é que o agente tem tendência de calcular exageradamente (maximizar o bias) da função Q, devido a função max na fórmula para alcançar o Q-target.
 - Para diminuir a instabilidade, a técnica de Double Deep Q-Learning (DDQN) propõe-se o uso de duas redes:
 - \blacksquare Uma rede primária Q com parâmetros θ' atualizados em que escolhe uma ação.
 - Uma rede alvo Q^2 com parâmetros θ antigos que gera o Q-target a partir da ação escolhida por Q.
 - Abaixo a nova equação para gerar o Q-Target: Q-Target = $r + \gamma * Q^2(s', argmax(Q(s', a, \theta'), \theta))$

- Fixed Target Network:
 - Uma outra forma de diminuir as oscilações da rede é fixar os parâmetros w^- usados para alcançar o valor de target do Q-Learning, isto é $r + \gamma \max_{a'} Q(s', a', w^-)$.
 - Por consequência, pode-se otimizar a média de erro quadrática entre a rede neural e o valor de target do Q-learning:
 - E assim, periodicamente atualizar os parâmetros $w^- \leftarrow w$.

■ Fixed Target Network:

- Uma outra forma de diminuir as oscilações da rede é fixar os parâmetros w^- usados para alcançar o valor de target do Q-Learning, isto é $r + \gamma \max_{a'} Q(s', a', w^-)$.
- Por consequência, pode-se otimizar a média de erro quadrática entre a rede neural e o valor de target do Q-learning:
- E assim, periodicamente atualizar os parâmetros $w^- \leftarrow w$.

■ Fixed Target Network:

- Uma outra forma de diminuir as oscilações da rede é fixar os parâmetros w^- usados para alcançar o valor de target do Q-Learning, isto é $r + \gamma \max_{a'} Q(s', a', w^-)$.
- E assim, periodicamente atualizar os parâmetros $w^- \leftarrow w$.

- Fixed Target Network:
 - Uma outra forma de diminuir as oscilações da rede é fixar os parâmetros w^- usados para alcançar o valor de target do Q-Learning, isto é $r + \gamma \max_{a'} Q(s', a', w^-)$.
 - Por consequência, pode-se otimizar a média de erro quadrática entre a rede neural e o valor de target do Q-learning:
 - $L(w) = E_{s,a,r,s'\sim D}[(r + \gamma \max_{a'} Q(s', a', w^{-}) Q(s, a, w)^{2}]$
 - E assim, periodicamente atualizar os parâmetros $w^- \leftarrow w$.

- Fixed Target Network:
 - Uma outra forma de diminuir as oscilações da rede é fixar os parâmetros w^- usados para alcançar o valor de target do Q-Learning, isto é $r + \gamma \max_{a'} Q(s', a', w^-)$.
 - Por consequência, pode-se otimizar a média de erro quadrática entre a rede neural e o valor de target do Q-learning: $L(w) = E_{s,a,r,s' \sim D}[(r + \gamma \max_{a'} Q(s', a', w^-) Q(s, a, w)^2]$
 - E assim, periodicamente atualizar os parâmetros $w^- \leftarrow w$.

- Uma outra forma de diminuir a instabilidade da rede é utilizar o Prioritized Replay.
- Durante o treinamento pode-se guardar toda a experiência $\langle s, a, r, s' \rangle$ na memória de forma aleatória.
- Ao invés de utilizar minibatches de forma aleatória, uma outra estratégia seria recorrer aos minibatches que façam a rede aprender mais.
- A ideia é assinalar para cada replay a probabilidade deste de ser adicionado ao minibatch.
- A probabilidade de cada replay pode ser determinada pelo erro absoluto da rede neural.

- Uma outra forma de diminuir a instabilidade da rede é utilizar o Prioritized Replay.
- Durante o treinamento pode-se guardar toda a experiência $\langle s, a, r, s' \rangle$ na memória de forma aleatória.
- Ao invés de utilizar minibatches de forma aleatória, uma outra estratégia seria recorrer aos minibatches que façam a rede aprender mais.
- A ideia é assinalar para cada replay a probabilidade deste de ser adicionado ao minibatch.
- A probabilidade de cada replay pode ser determinada pelo erro absoluto da rede neural.

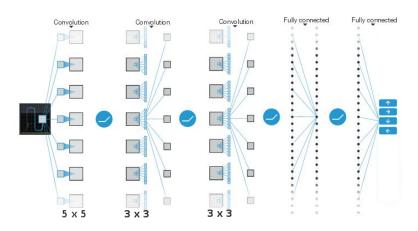
- Uma outra forma de diminuir a instabilidade da rede é utilizar o Prioritized Replay.
- Durante o treinamento pode-se guardar toda a experiência $\langle s, a, r, s' \rangle$ na memória de forma aleatória.
- Ao invés de utilizar minibatches de forma aleatória, uma outra estratégia seria recorrer aos minibatches que façam a rede aprender mais.
- A ideia é assinalar para cada replay a probabilidade deste de ser adicionado ao minibatch.
- A probabilidade de cada replay pode ser determinada pelo erro absoluto da rede neural.

- Uma outra forma de diminuir a instabilidade da rede é utilizar o Prioritized Replay.
- Durante o treinamento pode-se guardar toda a experiência $\langle s, a, r, s' \rangle$ na memória de forma aleatória.
- Ao invés de utilizar minibatches de forma aleatória, uma outra estratégia seria recorrer aos minibatches que façam a rede aprender mais.
- A ideia é assinalar para cada replay a probabilidade deste de ser adicionado ao minibatch.
- A probabilidade de cada replay pode ser determinada pelo erro absoluto da rede neural.

- Uma outra forma de diminuir a instabilidade da rede é utilizar o Prioritized Replay.
- Durante o treinamento pode-se guardar toda a experiência $\langle s, a, r, s' \rangle$ na memória de forma aleatória.
- Ao invés de utilizar minibatches de forma aleatória, uma outra estratégia seria recorrer aos minibatches que façam a rede aprender mais.
- A ideia é assinalar para cada replay a probabilidade deste de ser adicionado ao minibatch.
- A probabilidade de cada replay pode ser determinada pelo erro absoluto da rede neural.

- Uma outra forma de diminuir a instabilidade da rede é utilizar o Prioritized Replay.
- Durante o treinamento pode-se guardar toda a experiência $\langle s, a, r, s' \rangle$ na memória de forma aleatória.
- Ao invés de utilizar minibatches de forma aleatória, uma outra estratégia seria recorrer aos minibatches que façam a rede aprender mais.
- A ideia é assinalar para cada replay a probabilidade deste de ser adicionado ao minibatch.
- A probabilidade de cada replay pode ser determinada pelo erro absoluto da rede neural.

■ Rede implementada por [Clark, 2016].



- Sabe-se algoritmos de Policy gradients funcionam melhor que Q-Learning quando tem seus parâmetros bem ajustados [Karpathy, 2016]
- Diferente de Q-Learning, métodos de policy gradients tentam aprender a política de forma direta, são on-policy.
- Policy Gradients interpreta a função de política como uma distribuição de probabilidade em ações $q(a, s; \theta)$.
 - Portanto, define a **probabilidade da próxima ação** ser *a* dado a entrada *s*, parametrizada por θ .
 - Os parâmetros theta podem ser aproximados por uma rede neural.

- Sabe-se algoritmos de Policy gradients funcionam melhor que Q-Learning quando tem seus parâmetros bem ajustados. [Karpathy, 2016]
- Diferente de Q-Learning, métodos de policy gradients tentam aprender a política de forma direta, são on-policy.
- Policy Gradients interpreta a função de política como uma distribuição de probabilidade em ações q(a, s; θ).
 - Portanto, define a **probabilidade da próxima ação** ser *a* dado a entrada *s*, parametrizada por θ .
 - Os parâmetros theta podem ser aproximados por uma rede neural.

- Sabe-se algoritmos de Policy gradients funcionam melhor que Q-Learning quando tem seus parâmetros bem ajustados. [Karpathy, 2016]
- Diferente de Q-Learning, métodos de policy gradients tentam aprender a política de forma direta, são on-policy.
- Policy Gradients interpreta a função de política como uma distribuição de probabilidade em ações $q(a, s; \theta)$.
 - Portanto, define a **probabilidade da próxima ação** ser *a* dado a entrada *s*, parametrizada por θ .
 - Os parâmetros theta podem ser aproximados por uma rede neural.

- Sabe-se algoritmos de Policy gradients funcionam melhor que Q-Learning quando tem seus parâmetros bem ajustados. [Karpathy, 2016]
- Diferente de Q-Learning, métodos de policy gradients tentam aprender a política de forma direta, são on-policy.
- Policy Gradients interpreta a função de política como uma distribuição de probabilidade em ações q(a, s; θ).
 - Portanto, define a **probabilidade da próxima ação** ser *a* dado a entrada *s*, parametrizada por θ .
 - Os parâmetros theta podem ser aproximados por uma rede neural.

- Sabe-se algoritmos de Policy gradients funcionam melhor que Q-Learning quando tem seus parâmetros bem ajustados. [Karpathy, 2016]
- Diferente de Q-Learning, métodos de policy gradients tentam aprender a política de forma direta, são on-policy.
- Policy Gradients interpreta a função de política como uma distribuição de probabilidade em ações q(a, s; θ).
 - Portanto, define a **probabilidade da próxima ação** ser *a* dado a entrada *s*, parametrizada por θ .
 - Os parâmetros theta podem ser aproximados por uma rede neural.

- Sabe-se algoritmos de Policy gradients funcionam melhor que Q-Learning quando tem seus parâmetros bem ajustados. [Karpathy, 2016]
- Diferente de Q-Learning, métodos de policy gradients tentam aprender a política de forma direta, são on-policy.
- Policy Gradients interpreta a função de política como uma distribuição de probabilidade em ações q(a, s; θ).
 - Portanto, define a **probabilidade da próxima ação** ser *a* dado a entrada *s*, parametrizada por θ .
 - Os parâmetros theta podem ser aproximados por uma rede neural.

- Na aprendizagem supervisionada tradicional o objetivo é maximizar $\sum_{i} log \ p(y_i|x_i)$.
 - Onde x_i é a entrada e y_i o rótulo.
- Em Policy Gradients, a função de perda é definida de forma muito parecida, porém há duas principais diferenças:
 - Não se sabe sabe o rótulo correto y_i. Então é atribuído uma ação a_i como rótulo falso, para toda vez que a política receber a entrada x_i.
 - Modula-se a função de perda de forma multiplicativa baseado no resultado final, uma vez que pretende-se que haja acréscimo da log probabilidade das ações que funcionaram e descrescimento das que não.
- De forma resumida, deseja se maximizar a função de perda no stochastic policy gradient de forma:

$$\sum_{i} r_{i} \log p(a_{i}|x_{i})$$

- Na aprendizagem supervisionada tradicional o objetivo é maximizar $\sum_{i} log \ p(y_i|x_i)$.
 - Onde x_i é a entrada e y_i o rótulo.
- Em Policy Gradients, a função de perda é definida de forma muito parecida, porém há duas principais diferenças:
 - Não se sabe sabe o rótulo correto y_i. Então é atribuído uma ação a_i como rótulo falso, para toda vez que a política receber a entrada x_i.
 - Modula-se a função de perda de forma multiplicativa baseado no resultado final, uma vez que pretende-se que haja acréscimo da log probabilidade das ações que funcionaram e descrescimento das que não.
- De forma resumida, deseja se maximizar a função de perda no stochastic policy gradient de forma:

$$\sum_{i} r_{i} \log p(a_{i}|x_{i})$$

- Na aprendizagem supervisionada tradicional o objetivo é maximizar $\sum_{i} log \ p(y_i|x_i)$.
 - Onde x_i é a entrada e y_i o rótulo.
- Em Policy Gradients, a função de perda é definida de **forma muito parecida**, porém há duas principais diferenças:
 - Não se sabe sabe o rótulo correto y_i. Então é atribuído uma ação a_i como rótulo falso, para toda vez que a política receber a entrada x_i.
 - Modula-se a função de perda de forma multiplicativa baseado no resultado final, uma vez que pretende-se que haja acréscimo da log probabilidade das ações que funcionaram e descrescimento das que não.
- De forma resumida, deseja se maximizar a função de perda no stochastic policy gradient de forma:

$$\sum_{i} r_{i} \log p(a_{i}|x_{i})$$

- Na aprendizagem supervisionada tradicional o objetivo é maximizar $\sum_{i} log \ p(y_i|x_i)$.
 - Onde x_i é a entrada e y_i o rótulo.
- Em Policy Gradients, a função de perda é definida de **forma muito parecida**, porém há duas principais diferenças:
 - Não se sabe sabe o rótulo correto y_i. Então é atribuído uma ação a_i como rótulo falso, para toda vez que a política receber a entrada x_i.
 - Modula-se a função de perda de forma multiplicativa baseado no resultado final, uma vez que pretende-se que haja acréscimo da log probabilidade das ações que funcionaram e descrescimento das que não.
- De forma resumida, deseja se maximizar a função de perda no stochastic policy gradient de forma:

$$\sum_{i} r_{i} \log p(a_{i}|x_{i})$$

- Na aprendizagem supervisionada tradicional o objetivo é maximizar $\sum_{i} log \ p(y_i|x_i)$.
 - Onde x_i é a entrada e y_i o rótulo.
- Em Policy Gradients, a função de perda é definida de **forma muito parecida**, porém há duas principais diferenças:
 - **Não se sabe** sabe o rótulo correto *y_i*. Então é atribuído uma ação *a_i* como **rótulo falso**, para toda vez que a política receber a entrada *x_i*.
 - Modula-se a função de perda de forma multiplicativa baseado no resultado final, uma vez que pretende-se que haja acréscimo da log probabilidade das ações que funcionaram e descrescimento das que não.
- De forma resumida, deseja se maximizar a função de perda no stochastic policy gradient de forma:

$$\sum_{i} r_i \log p(a_i|x_i)$$

- Na aprendizagem supervisionada tradicional o objetivo é maximizar $\sum_{i} log \ p(y_i|x_i)$.
 - Onde x_i é a entrada e y_i o rótulo.
- Em Policy Gradients, a função de perda é definida de forma muito parecida, porém há duas principais diferenças:
 - **Não se sabe** sabe o rótulo correto *y_i*. Então é atribuído uma ação *a_i* como **rótulo falso**, para toda vez que a política receber a entrada *x_i*.
 - Modula-se a função de perda de forma multiplicativa baseado no resultado final, uma vez que pretende-se que haja acréscimo da log probabilidade das ações que funcionaram e descrescimento das que não.
- De forma resumida, deseja se maximizar a função de perda no stochastic policy gradient de forma:

$$\sum_{i} r_{i} \log p(a_{i}|x_{i})$$

- Na aprendizagem supervisionada tradicional o objetivo é maximizar $\sum_{i} log \ p(y_i|x_i)$.
 - Onde x_i é a entrada e y_i o rótulo.
- Em Policy Gradients, a função de perda é definida de forma muito parecida, porém há duas principais diferenças:
 - **Não se sabe** sabe o rótulo correto *y_i*. Então é atribuído uma ação *a_i* como **rótulo falso**, para toda vez que a política receber a entrada *x_i*.
 - Modula-se a função de perda de forma multiplicativa baseado no resultado final, uma vez que pretende-se que haja acréscimo da log probabilidade das ações que funcionaram e descrescimento das que não.
- De forma resumida, deseja se maximizar a função de perda no stochastic policy gradient de forma:



- Na aprendizagem supervisionada tradicional o objetivo é maximizar $\sum_{i} log \ p(y_i|x_i)$.
 - Onde x_i é a entrada e y_i o rótulo.
- Em Policy Gradients, a função de perda é definida de forma muito parecida, porém há duas principais diferenças:
 - **Não se sabe** sabe o rótulo correto *y_i*. Então é atribuído uma ação *a_i* como **rótulo falso**, para toda vez que a política receber a entrada *x_i*.
 - Modula-se a função de perda de forma multiplicativa baseado no resultado final, uma vez que pretende-se que haja acréscimo da log probabilidade das ações que funcionaram e descrescimento das que não.
- De forma resumida, deseja se maximizar a função de perda no stochastic policy gradient de forma:

$$\sum_{i} r_{i} \log p(a_{i}|x_{i})$$

Roteiro

- 1 Objetivo
- 2 Motivação
- 3 Caixeiro Viajante como um jogo de Pacmar
- 4 Técnicas Aplicadas
 - Deep Q-Learning
 - Stochastic Policy Gradient
- 5 Experimentação
 - Código Base
 - Parâmetros
 - Resultados
 - Conclusões
 - Tentativas de Otimização

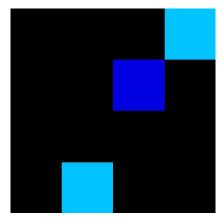
- A implementação da rede e função de perda foi implementada com base no código de [Dirko Coetsee, 2017].
- O policy gradients foi implementado considerando o ambiente de [Clark, 2016] como black box.
 - Única mudança: rewards e número máximo de repetições de passos do agente.
- Para implementação utilizou-se uma rede densa com oito camadas escondidas.

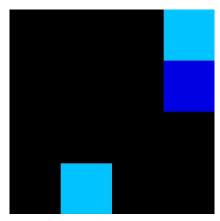
- A implementação da rede e função de perda foi implementada com base no código de [Dirko Coetsee, 2017].
- O policy gradients foi implementado considerando o ambiente de [Clark, 2016] como black box.
 - Única mudança: rewards e número máximo de repetições de passos do agente.
- Para implementação utilizou-se uma rede densa com oito camadas escondidas.

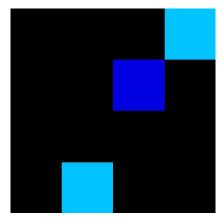
- A implementação da rede e função de perda foi implementada com base no código de [Dirko Coetsee, 2017].
- O policy gradients foi implementado considerando o ambiente de [Clark, 2016] como black box.
 - Única mudança: rewards e número máximo de repetições de passos do agente.
- Para implementação utilizou-se uma rede densa com oito camadas escondidas.

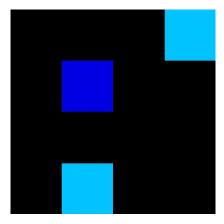
- A implementação da rede e função de perda foi implementada com base no código de [Dirko Coetsee, 2017].
- O policy gradients foi implementado considerando o ambiente de [Clark, 2016] como black box.
 - Única mudança: rewards e número máximo de repetições de passos do agente.
- Para implementação utilizou-se uma rede densa com oito camadas escondidas.

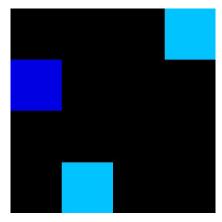
- A implementação da rede e função de perda foi implementada com base no código de [Dirko Coetsee, 2017].
- O policy gradients foi implementado considerando o ambiente de [Clark, 2016] como black box.
 - Única mudança: rewards e número máximo de repetições de passos do agente.
- Para implementação utilizou-se uma rede densa com oito camadas escondidas.

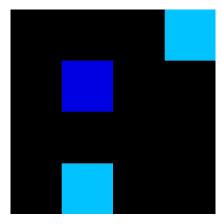


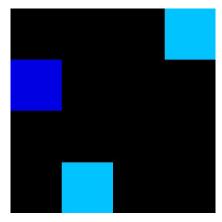


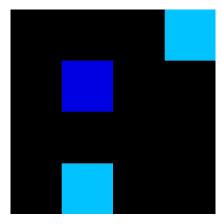


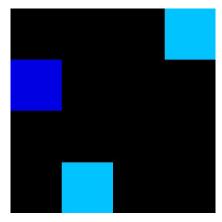


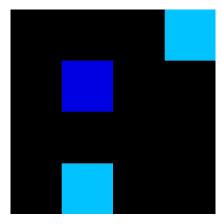


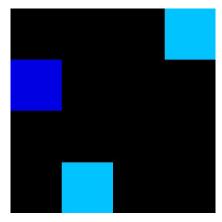


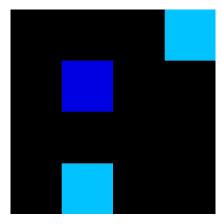


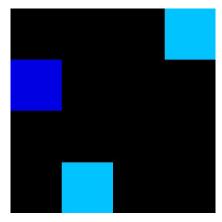


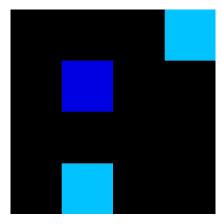












- A execução do algoritmo seguiu-se nas seguintes configurações:
 - Matriz de entrada: $[8 \times 8, 6 \times 6, 4 \times 4]$.
 - Discount Factor: 0.99.
 - Número de Iterações de treino: 50000
 - Número de Trajetórias: 20.
 - Número de Itens: 5
 - * Número máximo de movimentos: (ÁREA_MATRIZ) * (N_ITEMS * 4).
 - * Número Máximo de Repetições de Movimentos: (NÚMERO MÁXIMO MOVIMENTOS * (0.4)).
 - * Número de épocas de ajuste da rede: (N_TRAJETORIAS) /
 2.
 - Epsilon mínimo: 0.05
 - Número máximo de repetições: (N_TRAJETORIAS * N GAMES) / 300 = 3333.

A execução do algoritmo seguiu-se nas seguintes configurações:

- Matriz de entrada: $[8 \times 8, 6 \times 6, 4 \times 4]$.
- Discount Factor: 0.99.
- Número de Iterações de treino: 50000
- Número de Trajetórias: 20.
- Número de Itens: 5
- * Número máximo de movimentos: (ÁREA_MATRIZ) * (N_ITEMS * 4).
- * Número Máximo de Repetições de Movimentos: (NÚMERO MÁXIMO MOVIMENTOS * (0.4)).
- * Número de épocas de ajuste da rede: (N_TRAJETORIAS) /
 2.
- Epsilon mínimo: 0.05
- Número máximo de repetições: (N_TRAJETORIAS * N GAMES) / 300 = 3333.

- A execução do algoritmo seguiu-se nas seguintes configurações:
 - Matriz de entrada: $[8 \times 8, 6 \times 6, 4 \times 4]$.
 - Discount Factor: 0.99
 - Número de Iterações de treino: 50000
 - Número de Trajetórias: 20.
 - Número de Itens: 5
 - * Número máximo de movimentos: (ÁREA_MATRIZ) * (N_ITEMS * 4).
 - * Número Máximo de Repetições de Movimentos: (NÚMERO_MÁXIMO_MOVIMENTOS * (0.4)).
 - * Número de épocas de ajuste da rede: (N_TRAJETORIAS) / 2.
 - Epsilon mínimo: 0.05.
 - Número máximo de repetições: (N_TRAJETORIAS * N GAMES) / 300 = 3333.

- A execução do algoritmo seguiu-se nas seguintes configurações:
 - Matriz de entrada: $[8 \times 8, 6 \times 6, 4 \times 4]$.
 - Discount Factor: 0.99.
 - Número de Iterações de treino: 50000
 - Número de Trajetórias: 20.
 - Número de Itens: 5
 - * Número máximo de movimentos: (ÁREA_MATRIZ) * (N_ITEMS * 4).
 - * Número Máximo de Repetições de Movimentos: (NÚMERO_MÁXIMO_MOVIMENTOS * (0.4)).
 - * Número de épocas de ajuste da rede: (N_TRAJETORIAS) / 2.
 - Epsilon mínimo: 0.05
 - Número máximo de repetições: (N_TRAJETORIAS * N GAMES) / 300 = 3333.

- A execução do algoritmo seguiu-se nas seguintes configurações:
 - Matriz de entrada: $[8 \times 8, 6 \times 6, 4 \times 4]$.
 - Discount Factor: 0.99.
 - Número de Iterações de treino: 50000
 - Número de Trajetórias: 20.
 - Número de Itens: 5
 - * Número máximo de movimentos: (ÁREA_MATRIZ) * (N_ITEMS * 4).
 - * Número Máximo de Repetições de Movimentos: (NÚMERO_MÁXIMO_MOVIMENTOS * (0.4)).
 - * Número de épocas de ajuste da rede: (N_TRAJETORIAS) / 2.
 - Epsilon mínimo: 0.05.
 - Número máximo de repetições: (N_TRAJETORIAS * N GAMES) / 300 = 3333.

- A execução do algoritmo seguiu-se nas seguintes configurações:
 - Matriz de entrada: $[8 \times 8, 6 \times 6, 4 \times 4]$.
 - Discount Factor: 0.99.
 - Número de Iterações de treino: 50000
 - Número de Trajetórias: 20.
 - Número de Itens: 5
 - * Número máximo de movimentos: (ÁREA_MATRIZ) * (N_ITEMS * 4).
 - * Número Máximo de Repetições de Movimentos: (NÚMERO MÁXIMO MOVIMENTOS * (0.4)).
 - * Número de épocas de ajuste da rede: (N_TRAJETORIAS) /
 2.
 - Epsilon mínimo: 0.05
 - Número máximo de repetições: (N_TRAJETORIAS * N GAMES) / 300 = 3333.

- A execução do algoritmo seguiu-se nas seguintes configurações:
 - Matriz de entrada: $[8 \times 8, 6 \times 6, 4 \times 4]$.
 - Discount Factor: 0.99.
 - Número de Iterações de treino: 50000
 - Número de Trajetórias: 20.
 - Número de Itens: 5
 - * Número máximo de movimentos: (ÁREA_MATRIZ) * (N_ITEMS * 4).
 - * Número Máximo de Repetições de Movimentos: (NÚMERO_MÁXIMO_MOVIMENTOS * (0.4)).
 - * Número de épocas de ajuste da rede: (N_TRAJETORIAS) / 2.
 - Epsilon mínimo: 0.05.
 - Número máximo de repetições: (N_TRAJETORIAS * N GAMES) / 300 = 3333.

- A execução do algoritmo seguiu-se nas seguintes configurações:
 - Matriz de entrada: $[8 \times 8, 6 \times 6, 4 \times 4]$.
 - Discount Factor: 0.99.
 - Número de Iterações de treino: 50000
 - Número de Trajetórias: 20.
 - Número de Itens: 5
 - * Número máximo de movimentos: (ÁREA_MATRIZ) * (N_ITEMS * 4).
 - * Número Máximo de Repetições de Movimentos: (NÚMERO_MÁXIMO_MOVIMENTOS * (0.4)).
 - * Número de épocas de ajuste da rede: (N_TRAJETORIAS) / 2.
 - Epsilon mínimo: 0.05.
 - Número máximo de repetições: (N_TRAJETORIAS * N GAMES) / 300 = 3333.

- A execução do algoritmo seguiu-se nas seguintes configurações:
 - Matriz de entrada: $[8 \times 8, 6 \times 6, 4 \times 4]$.
 - Discount Factor: 0.99.
 - Número de Iterações de treino: 50000
 - Número de Trajetórias: 20.
 - Número de Itens: 5
 - * Número máximo de movimentos: (ÁREA_MATRIZ) * (N_ITEMS * 4).
 - * Número Máximo de Repetições de Movimentos: (NÚMERO_MÁXIMO_MOVIMENTOS * (0.4)).
 - * Número de épocas de ajuste da rede: (N_TRAJETORIAS) / 2.
 - Epsilon mínimo: 0.05.
 - Número máximo de repetições: (N_TRAJETORIAS * N GAMES) / 300 = 3333.

- A execução do algoritmo seguiu-se nas seguintes configurações:
 - Matriz de entrada: $[8 \times 8, 6 \times 6, 4 \times 4]$.
 - Discount Factor: 0.99.
 - Número de Iterações de treino: 50000
 - Número de Trajetórias: 20.
 - Número de Itens: 5
 - * Número máximo de movimentos: (ÁREA_MATRIZ) * (N_ITEMS * 4).
 - * Número Máximo de Repetições de Movimentos: (NÚMERO_MÁXIMO_MOVIMENTOS * (0.4)).
 - * Número de épocas de ajuste da rede: (N_TRAJETORIAS) / 2.
 - Epsilon mínimo: 0.05.
 - Número máximo de repetições: (N_TRAJETORIAS * N GAMES) / 300 = 3333.

Parâmetros de controle

- A execução do algoritmo seguiu-se nas seguintes configurações:
 - Matriz de entrada: $[8 \times 8, 6 \times 6, 4 \times 4]$.
 - Discount Factor: 0.99.
 - Número de Iterações de treino: 50000
 - Número de Trajetórias: 20.
 - Número de Itens: 5
 - * Número máximo de movimentos: (ÁREA_MATRIZ) * (N_ITEMS * 4).
 - * Número Máximo de Repetições de Movimentos: (NÚMERO_MÁXIMO_MOVIMENTOS * (0.4)).
 - * Número de épocas de ajuste da rede: (N_TRAJETORIAS) / 2.
 - Epsilon mínimo: 0.05.
 - Número máximo de repetições: (N_TRAJETORIAS * N GAMES) / 300 = 3333.

Parâmetros de controle

- A execução do algoritmo seguiu-se nas seguintes configurações:
 - Matriz de entrada: $[8 \times 8, 6 \times 6, 4 \times 4]$.
 - Discount Factor: 0.99.
 - Número de Iterações de treino: 50000
 - Número de Trajetórias: 20.
 - Número de Itens: 5
 - * Número máximo de movimentos: (ÁREA_MATRIZ) * (N_ITEMS * 4).
 - * Número Máximo de Repetições de Movimentos: (NÚMERO_MÁXIMO_MOVIMENTOS * (0.4)).
 - * Número de épocas de ajuste da rede: (N_TRAJETORIAS) / 2.
 - Epsilon mínimo: 0.05.
 - Número máximo de repetições: (N_TRAJETORIAS * N_GAMES) / 300 = 3333.

- Policy gradients tem uma tendência maior a encontrar
- Para tentar sair dos máximos locais, procurou-se restaurar o
- O máximo local pode ser encontrado se o agente ultrapassar
 - São os estados de término: [max_moves, repeated_actions,
 - Se em uma dessas posicões ela ultrassar o número máximo de
- Para aumentar a velocidade de treino, implementou-se a

- Policy gradients tem uma tendência maior a encontrar máximos locais.
- Para tentar sair dos máximos locais, procurou-se restaurar o valor do Epsilon toda vez que o agente encontrar um máximo local.
- O máximo local pode ser encontrado se o agente ultrapassar um certo número de estados de término do jogo.
 - São os estados de término: [max_moves, repeated_actions, hit_boundry, hit_wall,all_fix_collected].
 - Se em uma dessas posições ela ultrassar o número máximo de repetições permitidas (3333), então o epsilon irá ser restaurado e decrementado a cada jogada.
- Para aumentar a velocidade de treino, implementou-se a coletagem de trajetória de forma assíncrona.

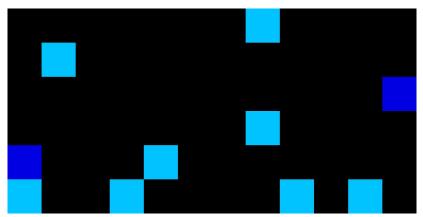
- Policy gradients tem uma tendência maior a encontrar máximos locais.
- Para tentar sair dos máximos locais, procurou-se restaurar o valor do Epsilon toda vez que o agente encontrar um máximo local.
- O máximo local pode ser encontrado se o agente ultrapassar um certo número de estados de término do jogo.
 - São os estados de término: [max_moves, repeated_actions, hit_boundry, hit_wall,all_fix_collected].
 - Se em uma dessas posições ela ultrassar o número máximo de repetições permitidas (3333), então o epsilon irá ser restaurado e decrementado a cada jogada.
- Para aumentar a velocidade de treino, implementou-se a coletagem de trajetória de forma assíncrona.

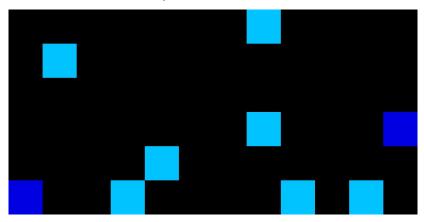
- Policy gradients tem uma tendência maior a encontrar máximos locais.
- Para tentar sair dos máximos locais, procurou-se restaurar o valor do Epsilon toda vez que o agente encontrar um máximo local.
- O máximo local pode ser encontrado se o agente ultrapassar um certo número de estados de término do jogo.
 - São os estados de término: [max_moves, repeated_actions, hit_boundry, hit_wall,all_fix_collected].
 - Se em uma dessas posições ela ultrassar o número máximo de repetições permitidas (3333), então o epsilon irá ser restaurado e decrementado a cada jogada.
- Para aumentar a velocidade de treino, implementou-se a coletagem de trajetória de forma assíncrona.

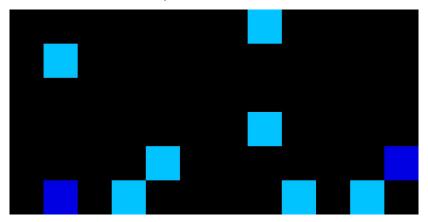
- Policy gradients tem uma tendência maior a encontrar máximos locais.
- Para tentar sair dos máximos locais, procurou-se restaurar o valor do Epsilon toda vez que o agente encontrar um máximo local.
- O máximo local pode ser encontrado se o agente ultrapassar um certo número de estados de término do jogo.
 - São os estados de término: [max_moves, repeated_actions, hit_boundry, hit_wall,all_fix_collected].
 - Se em uma dessas posições ela ultrassar o número máximo de repetições permitidas (3333), então o epsilon irá ser restaurado e decrementado a cada jogada.
- Para aumentar a velocidade de treino, implementou-se a coletagem de trajetória de forma assíncrona.

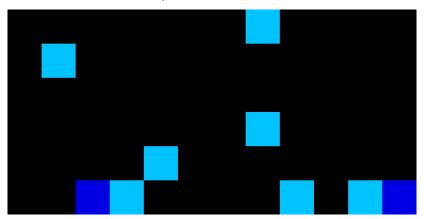
- Policy gradients tem uma tendência maior a encontrar máximos locais.
- Para tentar sair dos máximos locais, procurou-se restaurar o valor do Epsilon toda vez que o agente encontrar um máximo local.
- O máximo local pode ser encontrado se o agente ultrapassar um certo número de estados de término do jogo.
 - São os estados de término: [max_moves, repeated_actions, hit_boundry, hit_wall,all_fix_collected].
 - Se em uma dessas posições ela ultrassar o número máximo de repetições permitidas (3333), então o epsilon irá ser restaurado e decrementado a cada jogada.
- Para aumentar a velocidade de treino, implementou-se a coletagem de trajetória de forma assíncrona.

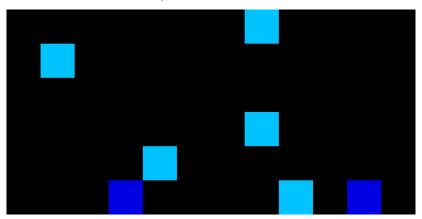
- Policy gradients tem uma tendência maior a encontrar máximos locais.
- Para tentar sair dos máximos locais, procurou-se restaurar o valor do Epsilon toda vez que o agente encontrar um máximo local.
- O máximo local pode ser encontrado se o agente ultrapassar um certo número de estados de término do jogo.
 - São os estados de término: [max_moves, repeated_actions, hit_boundry, hit_wall,all_fix_collected].
 - Se em uma dessas posições ela ultrassar o número máximo de repetições permitidas (3333), então o epsilon irá ser restaurado e decrementado a cada jogada.
- Para aumentar a velocidade de treino, implementou-se a coletagem de trajetória de forma assíncrona.

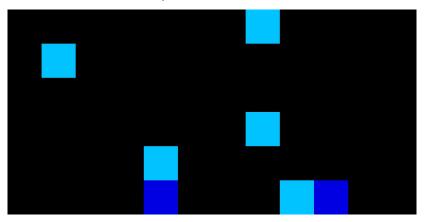


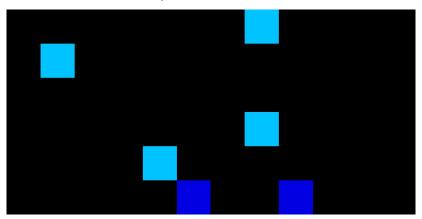


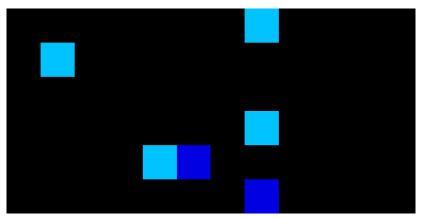


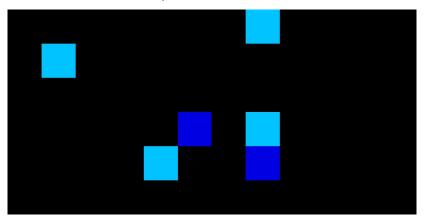


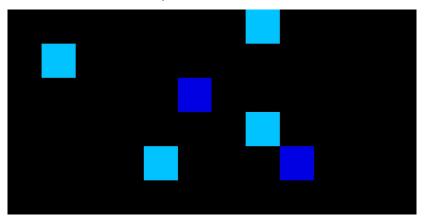


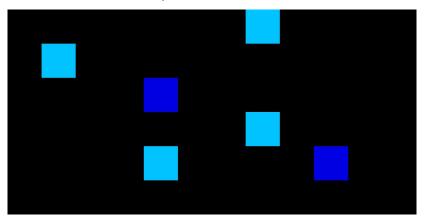


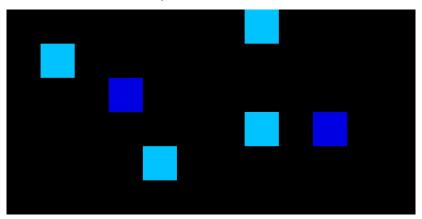


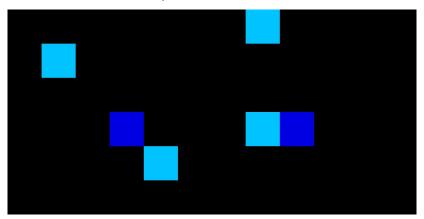


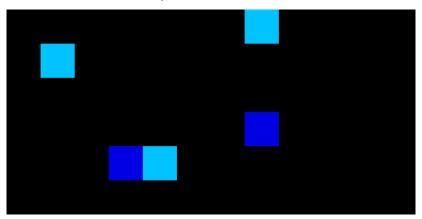


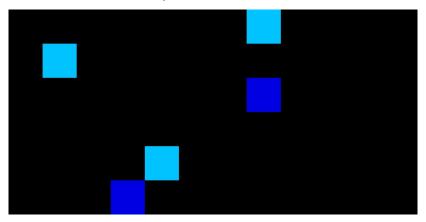


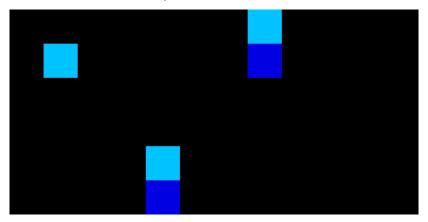


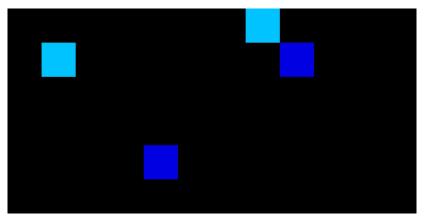


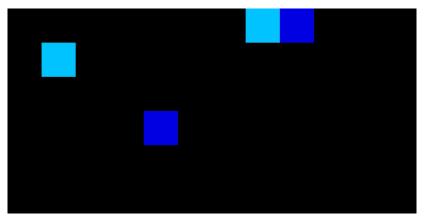


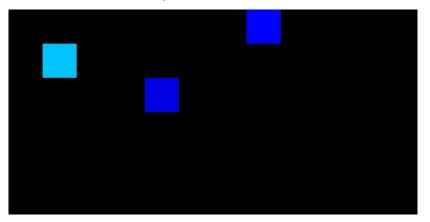


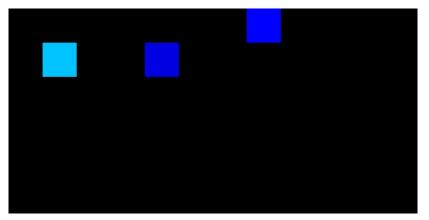


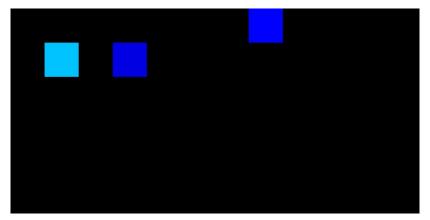






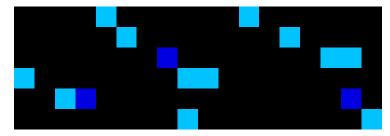


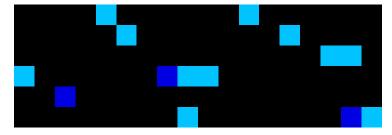


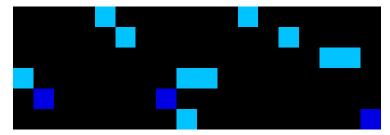


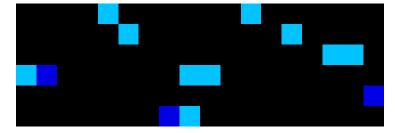


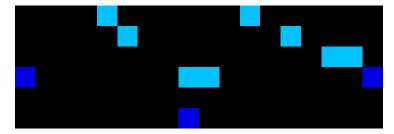


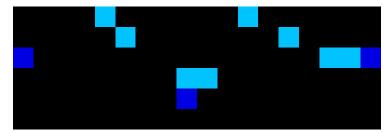


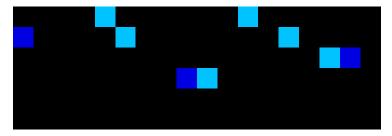


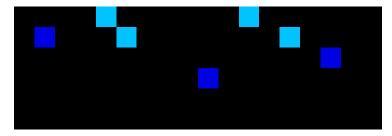


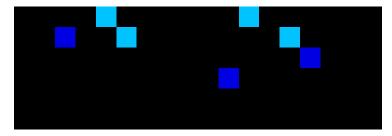


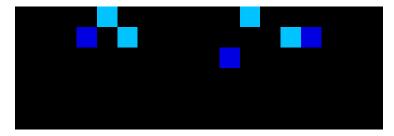




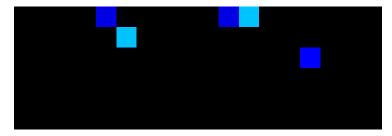






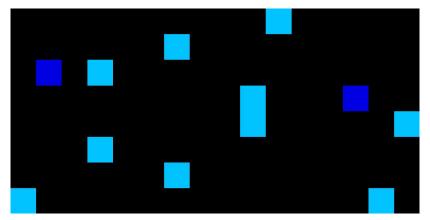


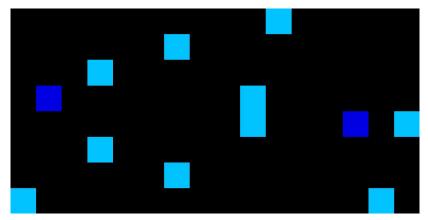


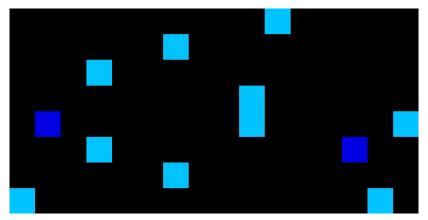


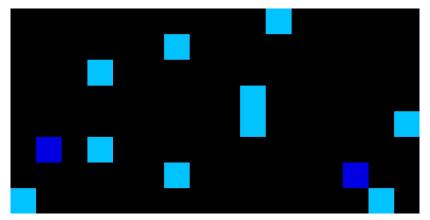


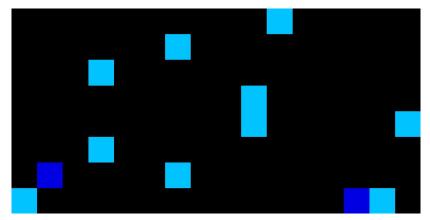


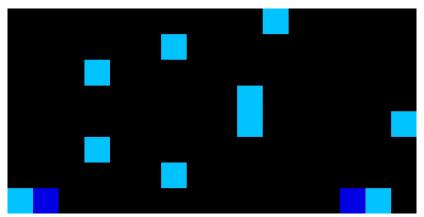


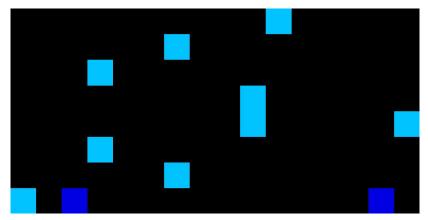


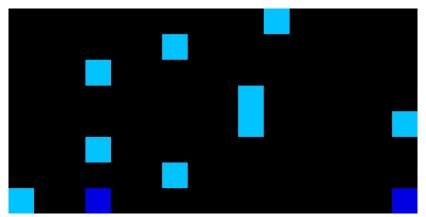


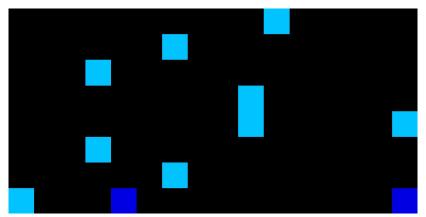


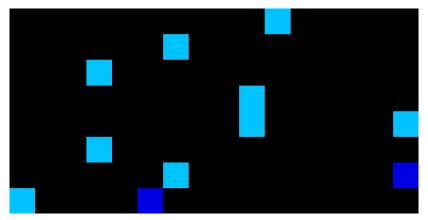


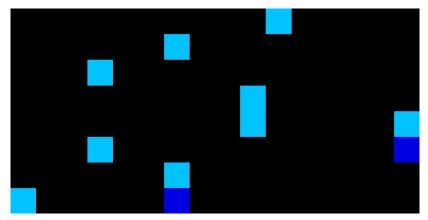


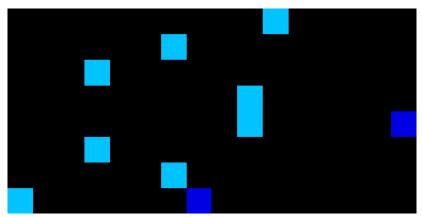


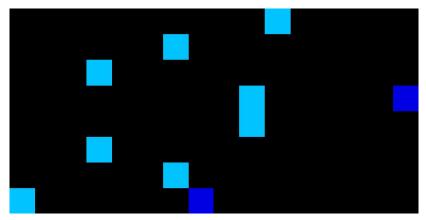


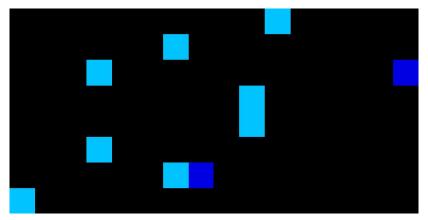


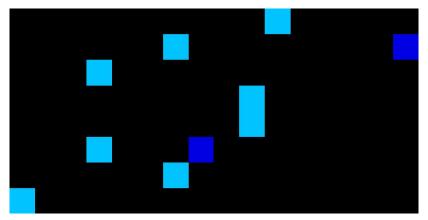


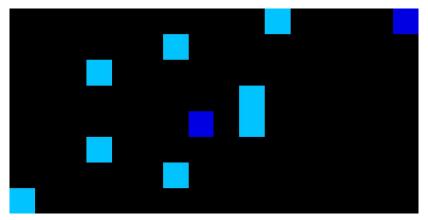


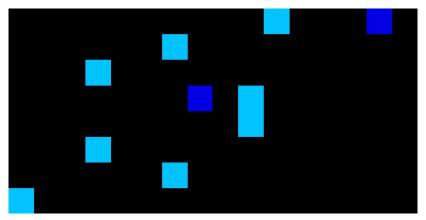


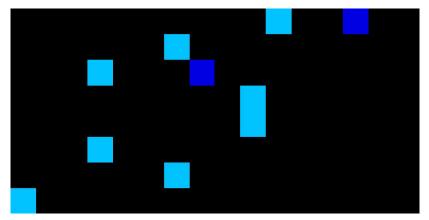


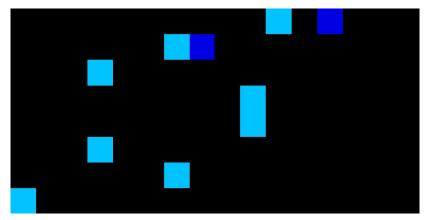


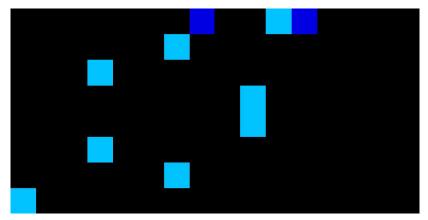


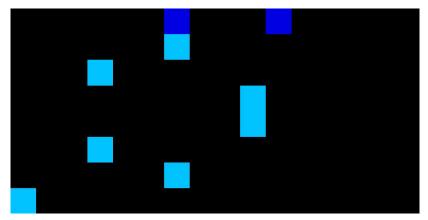


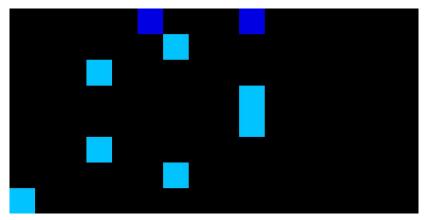


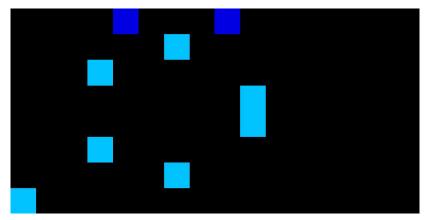


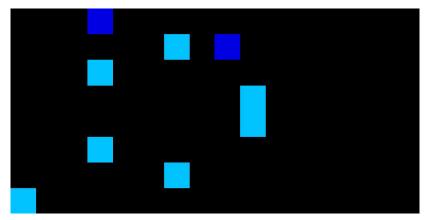


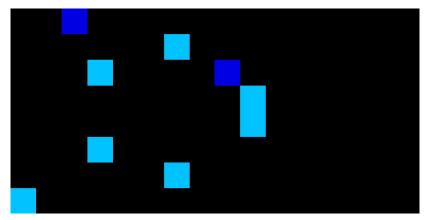


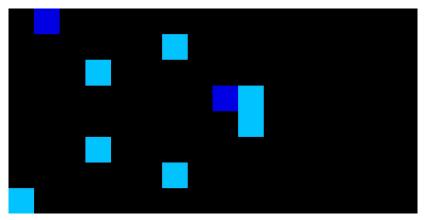


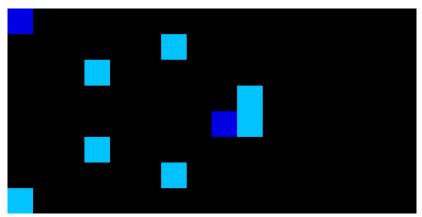


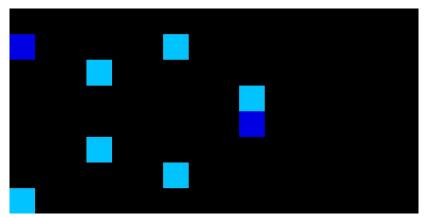


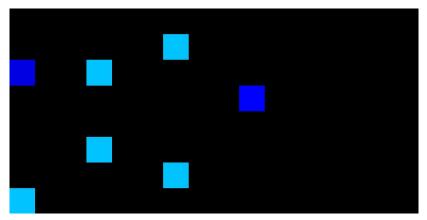


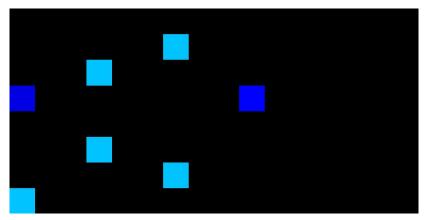


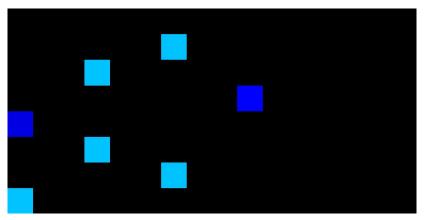


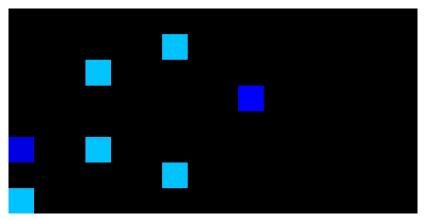


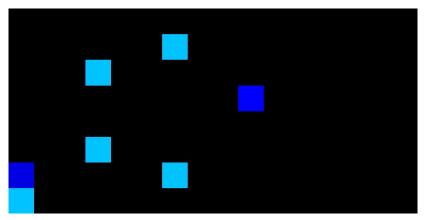


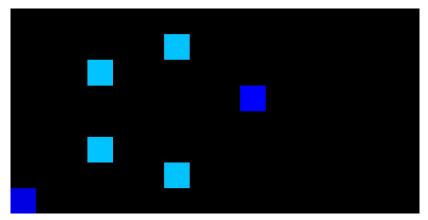


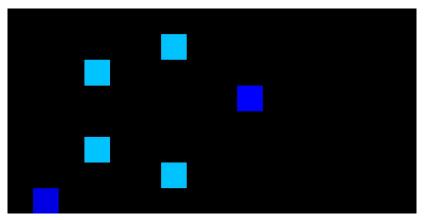


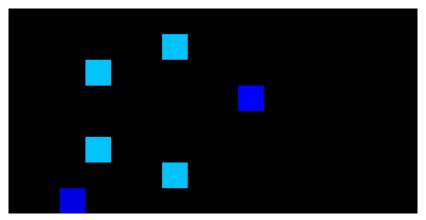


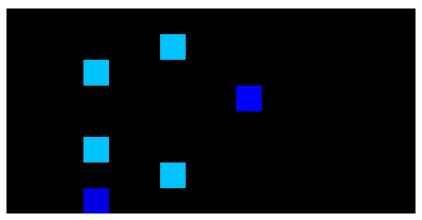


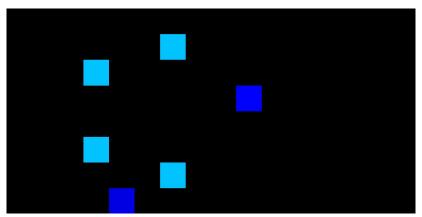


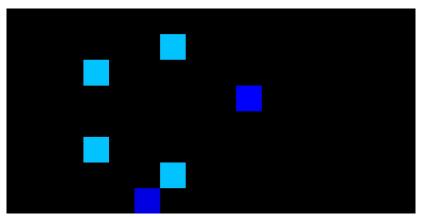


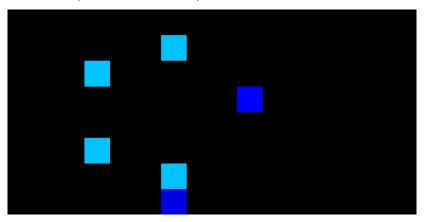


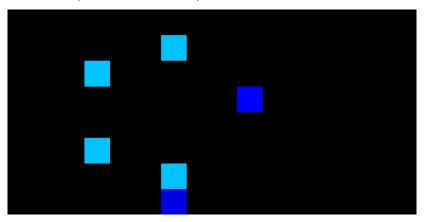


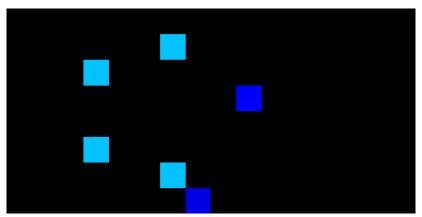


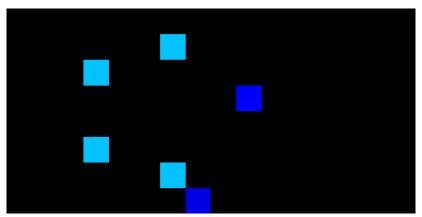


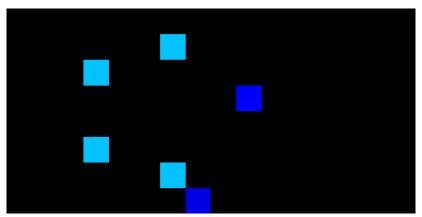


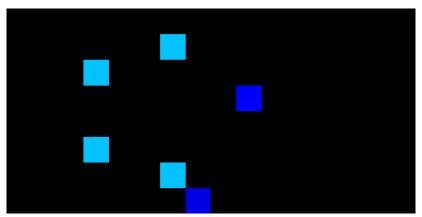


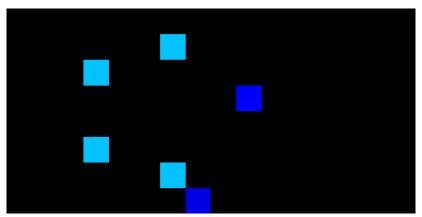


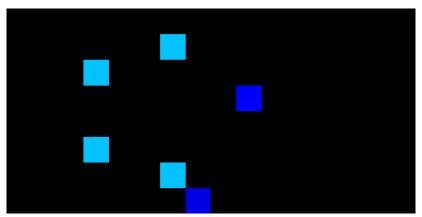


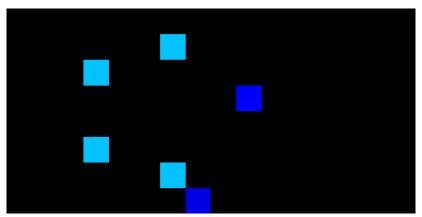


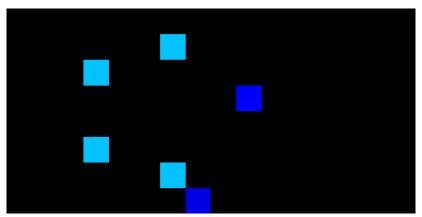


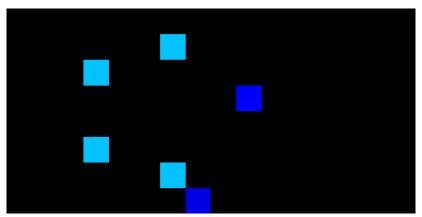


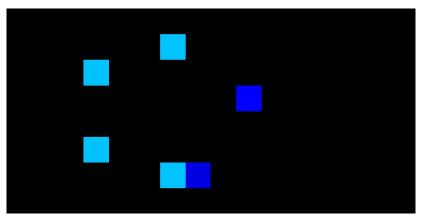


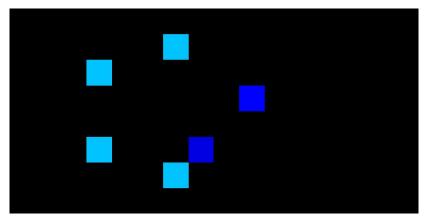


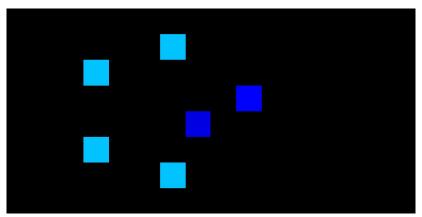


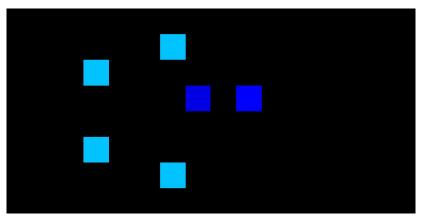


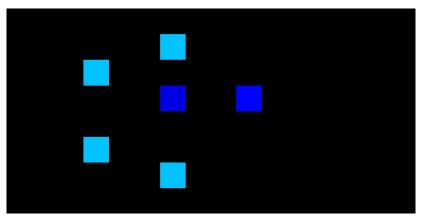


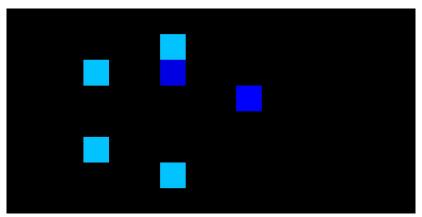


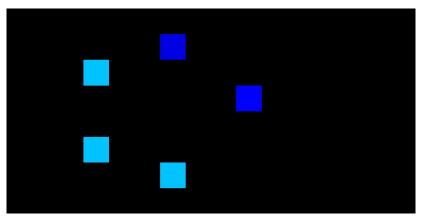


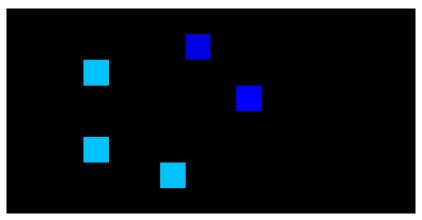


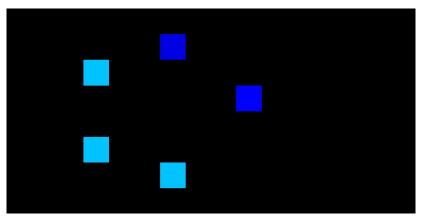


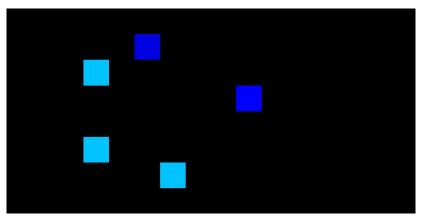


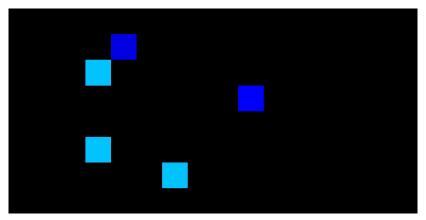


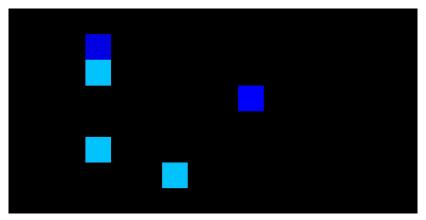


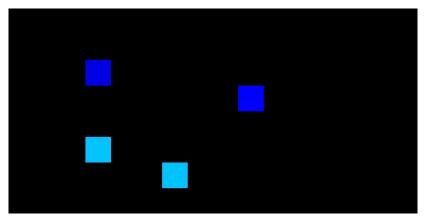


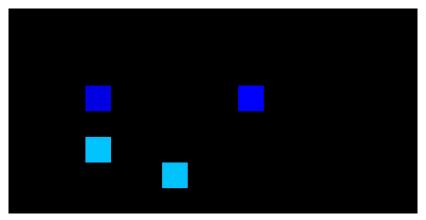


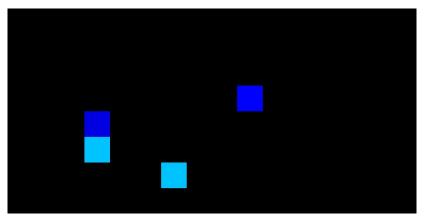


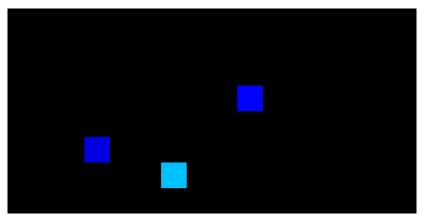


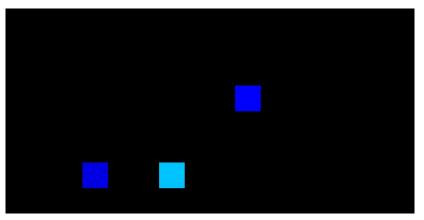


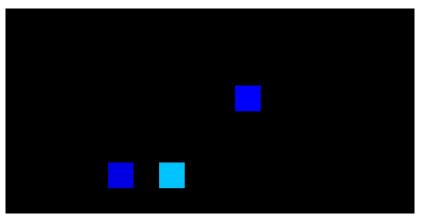


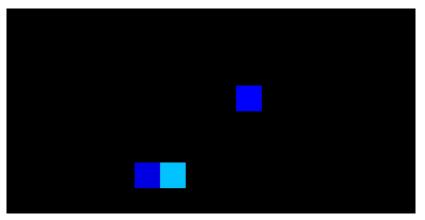


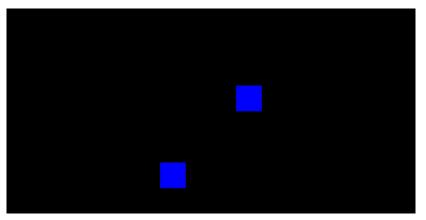


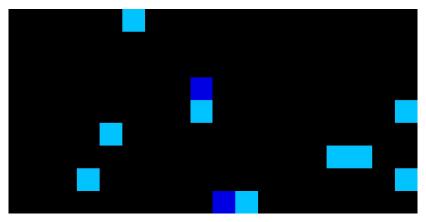


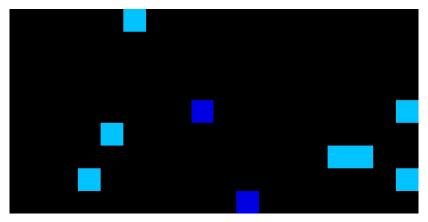


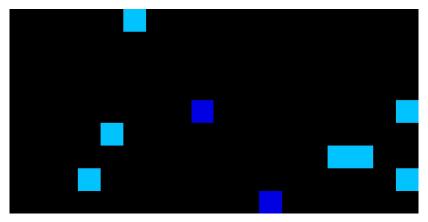


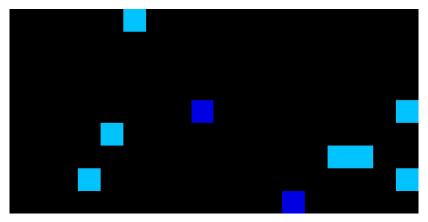


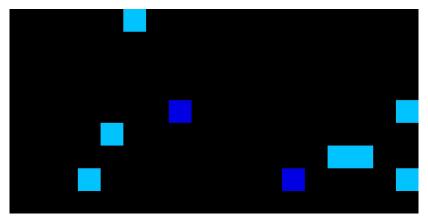


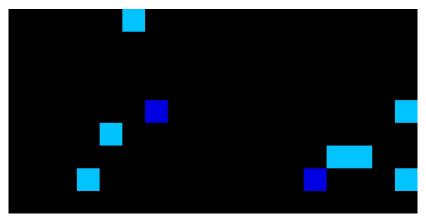


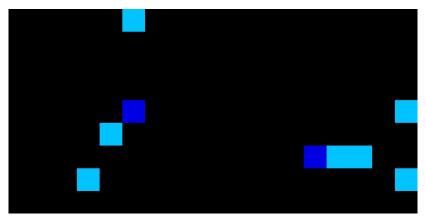


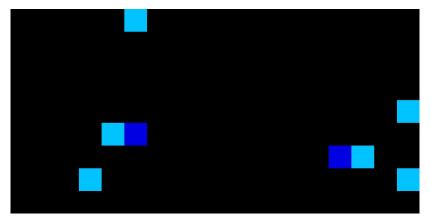






































- O agente aprendeu a pegar os itens, apesar de estar preso em um máximo local.
 - Não procura um caminho pela diagonal (8×8) .
- Por consequência não obteve melhor desempenho que o Deep Q-Learning.
- Para a entrada de 8 × 8 necessita de muito mais treino do que na entrada de 6 × 6
- Possívelmente a configuração de rewards e o número de épocas de ajuste da rede levaram ao máximo local.
- Também há possibilidade de que o algoritmo não foi treinado por tempo suficiente.

- O agente aprendeu a pegar os itens, apesar de estar preso em um máximo local.
 - Não procura um caminho pela **diagonal** (8×8) .
- Por consequência não obteve melhor desempenho que o Deep Q-Learning.
- Para a entrada de 8×8 necessita de muito mais treino do que na entrada de 6×6
- Possívelmente a configuração de rewards e o número de épocas de ajuste da rede levaram ao máximo local.
- Também há possibilidade de que o algoritmo não foi treinado por tempo suficiente.

- O agente aprendeu a pegar os itens, apesar de estar preso em um máximo local.
 - Não procura um caminho pela **diagonal** (8×8) .
- Por consequência não obteve melhor desempenho que o Deep Q-Learning.
- Para a entrada de 8 x 8 necessita de muito mais treino do que na entrada de 6 x 6
- Possívelmente a configuração de rewards e o número de épocas de ajuste da rede levaram ao máximo local.
- Também há possibilidade de que o algoritmo não foi treinado por tempo suficiente.

- O agente aprendeu a pegar os itens, apesar de estar preso em um máximo local.
 - Não procura um caminho pela **diagonal** (8×8) .
- Por consequência não obteve melhor desempenho que o Deep Q-Learning.
- Para a entrada de 8×8 necessita de muito mais treino do que na entrada de 6×6
- Possívelmente a configuração de rewards e o número de épocas de ajuste da rede levaram ao máximo local.
- Também há possibilidade de que o algoritmo **não foi treinado** por tempo suficiente.

- O agente aprendeu a pegar os itens, apesar de estar preso em um máximo local.
 - Não procura um caminho pela **diagonal** (8×8) .
- Por consequência não obteve melhor desempenho que o Deep Q-Learning.
- Para a entrada de 8 × 8 necessita de muito mais treino do que na entrada de 6 × 6
- Possívelmente a configuração de rewards e o número de épocas de ajuste da rede levaram ao máximo local.
- Também há possibilidade de que o algoritmo **não foi treinado** por tempo suficiente.

- O agente aprendeu a pegar os itens, apesar de estar preso em um máximo local.
 - Não procura um caminho pela **diagonal** (8×8) .
- Por consequência não obteve melhor desempenho que o Deep Q-Learning.
- Para a entrada de 8 × 8 necessita de muito mais treino do que na entrada de 6 × 6
- Possívelmente a configuração de rewards e o número de épocas de ajuste da rede levaram ao máximo local.
- Também há possibilidade de que o algoritmo não foi treinado por tempo suficiente.

- Possíveis opções de melhoria de desempenho:
 - diminuir o número de iterações de fitting da rede para menor que N_TRAJECTORIES/2.
 - Utilizar uma rede convolucional de uma única camada e treinar por muito mais tempo.
 - Observar **melhor a presença** de um máximo local utilizando o limite superior (*N ITEMS* * 5).
 - Modificar os rewards de forma em que o número de passos tenham maior penalização. — > Diminuir a tendência em máximo locais.

■ Possíveis opções de melhoria de desempenho:

- diminuir o número de iterações de fitting da rede para menor que N TRAJECTORIES / 2.
- Utilizar uma rede convolucional de uma única camada e treinar por muito mais tempo.
- Observar melhor a presença de um máximo local utilizando o limite superior (N ITEMS * 5).
- Modificar os rewards de forma em que o número de passos tenham maior penalização. — > Diminuir a tendência em máximo locais.

- Possíveis opções de melhoria de desempenho:
 - diminuir o número de iterações de fitting da rede para menor que N_TRAJECTORIES/2.
 - Utilizar uma rede convolucional de uma única camada e treinar por muito mais tempo.
 - Observar melhor a presença de um máximo local utilizando o limite superior (N ITEMS * 5).
 - Modificar os rewards de forma em que o número de passos tenham maior penalização. -> Diminuir a tendência em máximo locais.

- Possíveis opções de melhoria de desempenho:
 - diminuir o número de iterações de fitting da rede para menor que N_TRAJECTORIES/2.
 - Utilizar uma rede convolucional de uma única camada e treinar por muito mais tempo.
 - Observar melhor a presença de um máximo local utilizando o limite superior (N ITEMS * 5).
 - Modificar os rewards de forma em que o número de passos tenham maior penalização. -> Diminuir a tendência em máximo locais.

- Possíveis opções de melhoria de desempenho:
 - diminuir o número de iterações de fitting da rede para menor que N_TRAJECTORIES/2.
 - Utilizar uma rede convolucional de uma única camada e treinar por muito mais tempo.
 - Observar melhor a presença de um máximo local utilizando o limite superior (N ITEMS * 5).
 - Modificar os rewards de forma em que o número de passos tenham maior penalização. -> Diminuir a tendência em máximo locais.

- Possíveis opções de melhoria de desempenho:
 - diminuir o número de iterações de fitting da rede para menor que N_TRAJECTORIES/2.
 - Utilizar uma rede convolucional de uma única camada e treinar por muito mais tempo.
 - Observar melhor a presença de um máximo local utilizando o limite superior (N_ITEMS * 5).
 - Modificar os rewards de forma em que o número de passos tenham maior penalização. -> Diminuir a tendência em máximo locais.

- Mudar RGB para Monocromático > Não houve aprendizado.
- Utilizar redes muito profundas. > Aumentou muito o tempo de treino e a variância.
- Tentou-se utilizar uma única época de fitting para treinar a rede. — > Não houve aprendizado.
- Acúmulo de experiências em trajetória > **Máximo local**.

- Mudar RGB para Monocromático > Não houve aprendizado.
- Utilizar redes muito profundas. > Aumentou muito o tempo de treino e a variância.
- Tentou-se utilizar uma única época de fitting para treinar a rede. — > Não houve aprendizado.
- Acúmulo de experiências em trajetória > **Máximo local**.

- Mudar RGB para Monocromático > Não houve aprendizado.
- Utilizar redes muito profundas. -> Aumentou muito o tempo de treino e a variância.
- Tentou-se utilizar uma única época de fitting para treinar a rede. — > Não houve aprendizado.
- Acúmulo de experiências em trajetória > **Máximo local**.

- Mudar RGB para Monocromático > Não houve aprendizado.
- Utilizar redes muito profundas. -> Aumentou muito o tempo de treino e a variância.
- Tentou-se utilizar uma única época de fitting para treinar a rede. -> Não houve aprendizado.
- Acúmulo de experiências em trajetória > **Máximo local**.

- Mudar RGB para Monocromático > Não houve aprendizado.
- Utilizar redes muito profundas. -> Aumentou muito o tempo de treino e a variância.
- Tentou-se utilizar uma única época de fitting para treinar a rede. -> Não houve aprendizado.
- Acúmulo de experiências em trajetória > Máximo local.

Referências



Anjun Dai, Elias B. Khalil, Y. Z. B. D. L. S. (2017).

Learning Combinatorial Optimization Algorithms over Graphs. *ICLR 2017.*



Clark, J. (2016).

The skynet salesman.

http://multithreaded.stitchfix.com/blog/2016/07/21/skynet-salesman/.



Dirko Coetsee (2017).

A simple policy gradient implementation with keras.

http://dirko.github.io/Keras-policy-gradient/.

Referências



Irwan Bello, Hieu Pham, Q. V. L. M. N. S. B. (2017).

Neural Combinatorial Optimization with Reinforcement Learning. *ICLR* 2017.



Karpathy, A. (2016).

Deep reinforcement learning: Pong from pixels.

http://karpathy.github.io/2016/05/31/rl/.