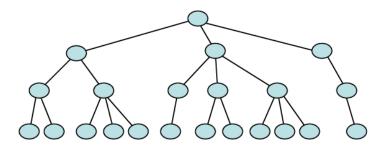
Informatik

Spielbaum

In einem **Mehrwegebaum** kann jeder Knoten eine variable Anzahl von Söhnen besitzen.



Spielbaum Informatik 2 / 17

Ein **Spielbaum** ist ein Mehrwegebaum mit zwei Typen von Knoten: Minimum-Knoten und Maximum-Knoten.

Die Knoten repräsentieren Spielstellungen. Die Kanten zwischen den Knoten repräsentieren Spielzüge.

Spielbaum Informatik 3 / 1

Ein **Spielbaum** ist ein Mehrwegebaum mit zwei Typen von Knoten: Minimum-Knoten und Maximum-Knoten.

Die Knoten repräsentieren Spielstellungen. Die Kanten zwischen den Knoten repräsentieren Spielzüge.

Der Spielbaum eignet sich für Zwei-Personen Nullsummenspiele wie Schach, Dame, TicTacToe, wo 2 Personen abwechselnd ziehen und der Gewinn des einen Spielers dem Verlust des anderen Spielers entspricht.

Spielbaum Informatik 3 / 1

Ein **Spielbaum** ist ein Mehrwegebaum mit zwei Typen von Knoten: Minimum-Knoten und Maximum-Knoten.

Die Knoten repräsentieren Spielstellungen. Die Kanten zwischen den Knoten repräsentieren Spielzüge.

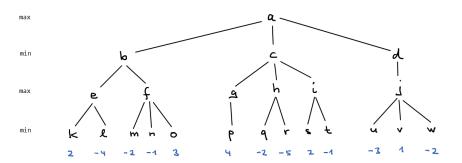
Der Spielbaum eignet sich für Zwei-Personen Nullsummenspiele wie Schach, Dame, TicTacToe, wo 2 Personen abwechselnd ziehen und der Gewinn des einen Spielers dem Verlust des anderen Spielers entspricht.

Der Wert eines Minimum-Knotens ist das Minimum der Werte seiner Söhne. Der Wert eines Maximum-Knotens ist das Maximum der Werte seiner Söhne.

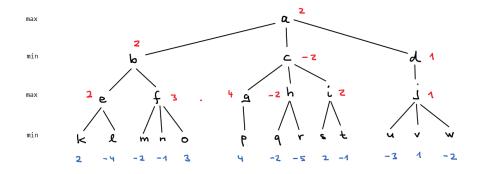
Der Wert eines Blattes wird bestimmt durch eine statische Stellungsbewertung.

Spielbaum Informatik 3

Beispiel für einen Spielbaum



Spielbaum Informatik 4



Reihenfolge, in der die Knoten ihre Bewertung erhalten:

e:2 f:3 b:2 g:4 h:-2 i:2 c:-2 j:1 d:1 a:2 bester zug: b

Spielbaum Informatik 5

Der MinMax-Algorithmus

```
def maximize(state):
    state: Spielstellung
    returns: (st. k), die Folgestellung st. die die höchste Bewertung k hat
    , , ,
    Falls state ein Blatt ist, wird keine Folgestellung sondern nur die
        Stellungsbewertung zurückgegeben.
   Von allen Kindern von state wird das mit der höchsten
    Bewertung des Minimizers zurückgegeben.
def minimize(state):
    state: Spielstellung
    returns: (st. k). die Folgestellung st. die die niedrigste Bewertung k hat
    Falls state ein Blatt ist, wird keine Folgestellung sondern nur die
        Stellungsbewertung zurückgegeben.
   Von allen Kindern von state wird das mit der niedrigsten
    Bewertung des Maximizers zurückgegeben.
st = ...
                               # Ausgangsstellung
```

besterZug, k = maximize(st) # der beste Zug nach st für den Maximizer

Für Implementierung des MinMax-Algorithmus setzen wir folgende Funktionen voraus:

```
def nextstates(state):
    '''
    state: Spielstellung
    returns: Liste mit möglichen Folgestellungen
    '''

def terminal_test(state):
    '''
    state: Spielstellung
    returns: True, wenn Stellung ein Blatt ist
    '''

def evaluation(state):
    '''
    state: Spielstellung
    returns: Zahl, die den Wert der Stellung wiedergibt
    '''
    '''
```

Mit diesen Funktionen können wir die Funktionen maximize und minimize implementieren unabhängig von der konkreten Instanz des MinMax-Problems.

pielbaum Informatik 7 / 17

Beispiel-Spielbäume geben wir mit zwei dictionaries an:

```
nxt = {'a':list('bc'), 'b':list('de'), 'c':list('fg')} # wurzel 'a'
blatt = {'d':10, 'e':8, 'f':4, 'g':50}

def nextstates(state):
    return nxt[state]

def terminal_test(state):
    return state in blatt

def evaluation(state):
    return blatt[state]
```

Spielbaum Informatik 8 / 17

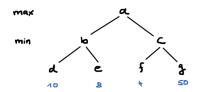
Beispiel-Spielbäume geben wir mit zwei dictionaries an:

```
nxt = {'a':list('bc'), 'b':list('de'), 'c':list('fg')}  # wurzel 'a'
blatt = {'d':10, 'e':8, 'f':4, 'g':50}

def nextstates(state):
    return nxt[state]

def terminal_test(state):
    return state in blatt

def evaluation(state):
    return blatt[state]
```



Reihenfolge der besuchten Knoten (ohne Blätter): b:8 c:4 a:8 Bester Zug: b

Für ein konkretes Spiel müssen wir uns entscheiden, wie wir eine Spielstellung repräsentieren. Anschließend müssen wir die drei Funktionen nextstates, terminal_test und evaluation implementieren.

Beispiel: Tic-Tac-Toe

Es gibt mehrere Möglichkeiten, eine Spielstellung zu repräsentieren.

x . .

Für ein konkretes Spiel müssen wir uns entscheiden, wie wir eine Spielstellung repräsentieren. Anschließend müssen wir die drei Funktionen nextstates, terminal_test und evaluation implementieren.

Beispiel: Tic-Tac-Toe

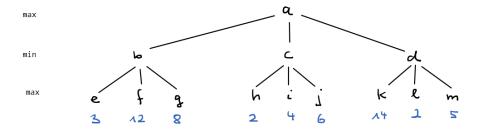
Es gibt mehrere Möglichkeiten, eine Spielstellung zu repräsentieren.

```
X . .. O .. . .
```

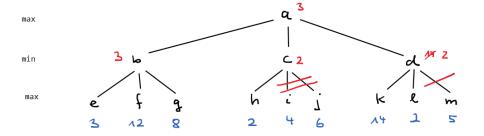
- Matrix mit Zeichen: [['x','.','.'],['.','o','.'],['.','.','.']]
- Matrix mit Zahlen: [[1,0,0],[0,-1,0],[0,0,0]]
- Liste mit Tupeln: [(0,0),(1,1)]
- Liste mit Zahlen: [0,4] usw.

lbaum Informatik 9 ,

Der Alpha-Beta Algorithmus versucht Teile des Baumes abzuschneiden (pruning), die erkennbar nicht mehr durchsucht werden müssen.



Spielbaum Informatik 10 / 1



Dazu wird jedem Knoten ein α und ein β -Wert mitgegeben, die im Verlauf des Algorithmus upgedated werden und die es gestatten, ein Kriterium zu formulieren, wann das pruning erfolgen kann.

Spielbaum Informatik 11 / 17

Vereinfachte Notation zur Durchführung des Alpha-Beta-Algorithmus:

Zu Beginn ist $\alpha = -\infty$ und $\beta = +\infty$.

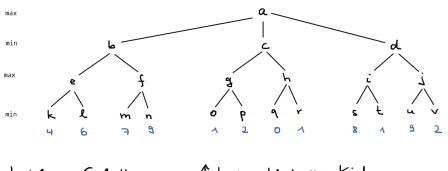
 α und β werden von oben nach unten durchgereicht. Bei den max-Knoten wird β nicht verändert, bei den min-Knoten wird α nicht verändert. Wir notieren deshalb nur die α -Werte bei den max-Knoten und nur die β -Werte bei den min-Knoten. An den Blätter notieren wir keine α oder β -Werte.

Der Algorithmus ist eine Tiefensuche, die abwärts- und aufwärts-Bewegungen macht. Abwärts erben die Kinder ihre α und β -Werte von den Großeltern. Wenn aufwärts ein Eltern-Knoten bei einem Kind etwas sieht, was er haben will, nimmt er es von dem Kind.

Wenn an einer Stelle entdeckt wird, dass α größer-gleich dem darüber stehenden β ist oder dass β kleiner-gleich dem darüber stehenden α ist, wird gepruned.

Der Auftraggeber des pruning ist der Vater des Knotens, bei dem das pruning erfolgt.

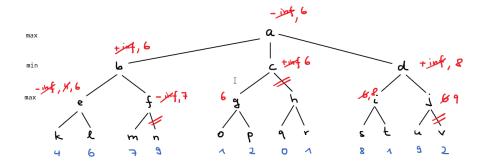
Spielbaum Informatik 12 / 1'



Jd, B von Großeltern 1 besserer Wert von Kindl

d 2 oder B = pruning

Spielbaum



Reihenfolge des Blattbesuchs, # für pruning:

k l m
$$\#$$
 o p $\#$ s t u $\#$ bester Zug d

Spielbaum Informatik 14 / 17