**۱** – مرتبه زمانی در هر یک از شبه کدهای زیر چیست؟

```
for(i=1; i<=n; i++)
                                     for(i=1; i<=n; i++)
                                                                              for(i=1; i<=n; i++)
                                        for(j=1;j<=n;j++)
                                                                                 for(j=1;j<=n;j++)
for(j=1;j<=n;j++)
                                          x++;
                                                                                   x++;
                                                                                 j=1;
                                          n--:
n--;
                                                                                 while(j<n)
                                                                                   x++;
                                                                                   j=j*2;
                                                                                             ج) (بارم ۱)
           (بارم ۱) (الف)
```

۳- اگر اَدرس شروع اَرایه A در حافظه ۱۰۰۰ باشد و ۴ بایت برای هر متغیر int نیاز باشد، اَدرس شروع درایه [4][9][4] در هر یک از حالت زیر چیست؟ int A[20][10][5]

الف) آرایه به صورت Row major ذخیره شده باشد. (بارم ۱) ب) آرایه به صورت Col. major ذخیره شده باشد. (۱)

>> A/(B-C\*(D+E)-F)\*G عبارت محاسباتی روبرو را بنویسید. (بارم ۱) Postfix عبارت محاسباتی روبرو را بنویسید.

وضعیت پشته را در هنگام تبدیل عبارت Infix فوق به Postfix در هر یک از موقعیت های زیر نشان دهید.

**ب)** قبل از پردازش سمبل C. (بارم ۰/۵)

Inorder: A,D,F,G,H,K,L,P,Q,R,W,Z Preorder: G,F,H,K,D,L,A,W,R,Q,P,Z

پیمایش Inorder و Preorder داده شده از یک درخت دودویی، Inorder و Preorder و کارخت دودویی،

پیمایش Postorder آن را بنویسید. (بارم ۵/۵)

حر زیر پیمایش Preorder یک درخت جستجوی دودویی BST آمده است. آن درخت را رسم کنید. (بارم ۵/۰)

Preorder: 20, 10, 6, 5, 15, 26, 22, 24, 23

٦- به یک BST خالی گره هایی با کلیدهای (به ترتیب از راست به چپ) >>857,24,37,32,2,7,43,42,63 اضافه شده است. BST حاصل را رسم کنید. (بارم ۵/۰)

**∀- الف)** به یک Min-heap خالی گره هایی با کلیدهای (به ترتیب از راست به چپ) >>65,30,45,35,32,40,35,60 اضافه شده است. Min-heap خالی گره هایی با کلیدهای (به ترتیب از راست به چپ) >>65,30,45,35,32,40,35,60 اضافه شده است.

ب) پس از انجام سه عمل حذف (Delete) بر روی Min-heap بند الف، Min-heap حاصل را رسم کنید. (بارم ۵۰/۵)

(38,23,70,10,63,47,91,32,95,85,71,83,64) =ليست اوليه

۸− لیست روبرو به روش QuickSort مرتب خواهد شد.

الف) محتوی لیست را پس از قرار گرفتن 38 در محل نهایی خود نشان دهید. (بارم ۰/۵)

ب) محتوی لیست را پس از قرار گرفتن 32 در محل نهایی خود نشان دهید. (بارم ۰/۵)

مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه خرداد ۱۳۸۳

## به نام خدا آزمون پایان ترم درس ساختمان داده ها

نام:
شماره دانشجویی:

ج) محتوی لیست را پس از قرار گرفتن 47 در محل نهایی خود نشان دهید. (بارم ۰/۵)

- **د)** آیا روش مرتب سازی QuickSort یک روش پایدار (Stable) است؟ (در صورت پاسخ مثبت دلیل و برای پاسخ منفی یک مثال ذکر کنید). (بارم ۱۰/۵)
  - ه) مرتبه زمانی روش مرتب سازی QuickSort در بهترین حالت، بدترین حالت و حالت متوسط چیست؟ (بارم ۰/۵)

(38,23,70,10,63,47,91,32,95,85,71,83,64) = ليست اوليه

٩− لیست روبرو به روش HeapSort مرتب خواهد شد.

الف) درخت Heap اولیه را مشخص کنید. (بارم ۰/۵)

- ب) محتوى ليست را پس از قرار گرفتن 95 در محل نهايي خود و تبديل ليست باقيمانده به يک Max-Heap توسط تابع adjust نشان دهيد. (بارم ۱۰/۵)
- ج) محتوی لیست را پس از قرار گرفتن 91 در محل نهایی خود و تبدیل لیست باقیمانده به یک Max-Heap توسط تابع adjust نشان دهید. (بارم ۰/۵)
- **د)** آیا روش مرتب سازی HeapSort یک روش پایدار (Stable) است؟ (در صورت پاسخ مثبت دلیل و برای پاسخ منفی یک مثال ذکر کنید). (بارم ۱/۵)
  - ه) مرتبه زمانی روش مرتب سازی HeapSort در بهترین حالت، بدترین حالت و حالت متوسط چیست؟ (بارم ۱۰/۵)
    ۱۰ هزینه زمانی هر کدام از اعمال زیر چیست؟

    - الف) یافتن عنصر با کلید میانه (Middle) در یک درخت دودویی پر (FULL BST) با n گره. (بارم ۰/۵)
      - (v/a) درج یک عنصر در یک درخت دودویی پر (FULL BST) با n گره در بدترین حالت. (بارم (v/a)
      - جر ارج یک عنصر در یک درخت دودویی پر (FULL BST) با n گره در بهترین حالت. (بارم (1/4)
    - د) جستجو در یک لیست پیوندی (تک پیوندی) مرتب شده (sorted) با n عنصر در بدترین حالت. (بارم ه/۰)
    - ه) جستجو در یک لیست پیوندی (تک پیوندی) مرتب شده (sorted) با n عنصر در حالت میانگین. (بارم (-1/4)
  - و) جستجو در یک لیست پیوندی (تک پیوندی) مرتب نشده (Unsorted) با n عنصر در حالت میانگین. (بارم  $(\cdot)$

۱۱ – تابع زیر را به صورت بازگشتی کامل کنید. (بارم ۲/۰)

Void Copy\_reverse (Stack S, Stack T)

این تابع یک پشته غیرخالی S و یک پشته خالی T را می گیرد. وقتی تابع خاتمه یابد، T حاوی عناصر S است البته با ترتیب برعکس و S نیز حاوی مقادیر قبلی خود خواهد بود. از پشته دیگری غیر از S و T نمی توان استفاده کرد و برای کار با پشته فقط از متدهای زیر می توان استفاده کرد. از Push (Stack, int); Pop(Stack); Is\_empty(Stack);

شبه کدی بنویسید که نمایش یک گراف با n راس را از نمایش لیست مجاورت به ماتریس مجاورت تبدیل کند. ساختمان داده های مناسب را تعریف - ۱۲ – شبه کدی بنویسید که نمایش یک گراف با nکنید. (بارم ۲/۰)

۱۳ – الف) تابعی بنویسید که آدرس گره با کوچکترین کلید را در یک درخت جستجوی دودویی (Binary Search Tree) بازگرداند. (بارم ۱/۵ ب) تابعی بنویسید که گره با کوچکترین کلید را در یک درخت جستجوی دودویی (Binary Search Tree) حذف کند. (بارم ۱/۵ه