Обозначим элемент, полученный в результате работы алгоритма, то есть i-ый елемент в отсортированном массиве всех елементов как m.

Разобьём наш массив на две части: если мы знаем, как элемент соотносится с m, то положим его в первую часть, иначе во вторую.

Более формально, будем говорить, что элемент  $a_u \leq a_v$ , если мы сравнивали элементы  $a_u$  и  $a_v$  и в результате сравнения получилось что либо они равны, либо первый строго меньше второго, либо существует такая последовательность индексов  $i_1 \dots i_k$ , что  $i_1 = u$ ,  $i_k = v$  и для всех  $2 \leq j \leq k$  выполняется  $a_{i_{j-1}} \leq a_{i_j}$ . Тогда элемент x лежит в первой части  $\iff$  если выполняется либо  $x \leq m$ , либо  $m \leq x$ .

Обозначим L(q) - множество элементов, что  $x \leq q$ , R(q) - множество элементов, что  $q \leq x$