# Mikrotalousteorian syventävän kurssin uusintakuulustelu 17.1. 2000

### Hei, oheisena kuusi kysymystä:

- · Vastaa viiteen kysymykseen, voit valita ne vapaasti.
- Älä säikähdä kysymysten 5 ja 6 pituutta; työskentele rauhallisesti arvostelu on taatun lempeää!

#### Vastaa lyhyesti

- a) Pareto-tehokkuus ja Pareto-optimaalisuus
- b) Ensimmäisen asteen hintadiskriminaatio
- c) Lindahl-prosessi ja Lindahl-tasapaino

#### 2. Cobb-Douglas -preferenssit

Kuluttajan preferenssejä kuvaa Cobb-Douglas –hyötyfunktio  $u(x_1, x_2) = x_1^{\mu} x_2^{1-\alpha}$  missä  $0 < \alpha < 1$ . Kuluttajan tulot M ovat eksogeeniset. Johda epäsuora hyötyfunktio ja menofunktio.

## 3. Kilpailullinen yritys

Kilpailullinen yritys maksimoi voittojaan, valitsemalla panosten optimaalisen käyttöasteen. Olkoon tuotantofunktio  $f(x_1,x_2)$ , panosten hinnat  $w_1$  ja  $w_2$  sekä lopputuotteen hinta p. Tuotantofunktio on jatkuvasti differentioituva ( $\partial f(\cdot)/\partial x_i > 0$ , mutta  $\partial^2 f(\cdot)/\partial x_i^2 < 0$ , kun i=1,2) ja konkaavi. Johda voiton maksimoinnin ensimmäisen kertaluvun ehdot ja tulkitse ne verbaalisti ja graafisesti. Määritä täsmällisesti toisen kertaluvun ehdot (mukaan lukien toisten derivaattojen Hessin matriisi) voiton maksimille.

## 1. Epävarmuus & riskiaversiomitat

Tarkastellaan seuraavia hyötyfunktioita: a)  $u = a - be^{-Ay}$ , b)  $u = a + (by^{J-R})/(1-R)$  ja c)  $u = a + b \ln y$ , missä parametrit b, A ja  $R \neq 1$  ovat positiivisia ja y on taloudenpitäjän varallisuus. Osoita, että a)-kohdan hyötyfunktiolla on vakioinen absoluuttinen riskiaversio, suuruudeltaan A, b)-kohdan hyötyfunktiolla on vakioinen suhteellinen riskiaversio, suuruudeltaan R ja c)-kohdan hyötyfunktiolla on vakioinen suhteellinen riskiaversio suuruudeltaan 1.

## 2. Duopolin komparatiivinen statiikka

Kotimainen (yritys 1) ja ulkomainen (yritys 2) duopoliyritys tuottavat homogeenista hyödykettä (q) ja vievät sitä kolmanteen maahan. Hyödykkeen käänteiskysyntäfunktio on  $p = a - b(q_1 + q_2)$ , kun a,b > 0 ja yritysten tuotantokustannukset ovat identtiset

- $e_iq_i$ . Kotimaa perii yksikköveroa tjokaisesta yrityksen 1 myymästä hyödykkeestä, mutta ulkomaa ei verota yritystä 2.
- Ratkaise Cournot-tasapaino (hinta ja määrät) ja määritä ovatko hyödykkeet kilpailussa strategisia substituutteja vai komplementteja.
- Määritä toisen kertaluvun ehdot Cournot-tasapainolle ja tutki komparatiivisen statiikan avulla, kuinka tasapainomäärät muuttuvat, kun kotimaa laskee veroastetta.

Havainnollista tuloksia reaktiofunktioiden avulla.

#### 3. Ammattiliittomalli

Tarkastellaan tehokkaiden sopimusten mallia, jossa ammattiliitto ja työnantajat sopivat sekä palkasta että työllisyydestä. Ammattiliiton tavoitefunktio on  $u = (w - \hat{w})u - \hat{w}u^0$ , missä  $\hat{w}$  on työttömyyskoryaus ja  $u^0$  on ammattiliiton

- $u = (w \hat{w})n \hat{w}n^0$ , missä  $\hat{w}$  on työttömyyskorvaus ja  $n^0$  on ammattiliiton jäsenmäärä. Kilpailullisen teollisuuden voittofunktio on puolestaan  $\pi = pf(n) wn$ , eli työvoima on ainoa tuotantopanos.
- a) Ratkaise työllisyyden ja palkan tehokas määräytyminen ja kuvaa graafisesti sopimuskäyrä.
- Tutki kuinka veron t asettaminen työttömyyskorvaukselle vaikuttaa työllisyyteen.

Menestystä tenttiin!

Markku