TIEDEKUNTATENTTI 27.10.2001

Peliteoria (70445-6)

Kirjallisuus: Dutta P.K.: Strategies and games, luvut 1-15 ja 17-21.

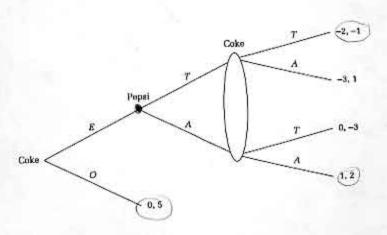
Kysymykset laatinut Marja-Liisa Halko

 Etsi seuraavien strategisen muodon pelien kaikki tasapainot (puhtaat ja sekastrategiut, pure and mixed strategy equilibria) ja piirrä paras vastaus kuvaukset (best response curves).

	Pelaaja 2				
(a)	Pelaaja 1		L	R	
		T	2,1	0,2	
		В	1,2	3,0	

			Pelaaja 2	
(b)	Pelaaja 1		T	E
		T	-1, -1	0,-9
		E	-9,0	-6,-6

2. Tarkastele seuraavaa kirjassa esitettyä markkinoilletulopellä, jossa Coke voi aluksi joko tulla markkinoille (E) tai pysyä poissa (O). Jos Coke tulee markkinoille seä Pepsillä että Cokella on kaksi vaihtoehtoa: soputua (A) tai ryhtyä hintasotaan (T). Etsi pelin Nash-tasapainot ja osapelitäydelliset Nash-tasapainot (subgame-perfect equilibria). Selitä "mikä vika" on pelin Nash-tasapainoissa, jotka eivät ole osapelitäydellisiä.



3. Tarkastellaan seuraavaa sukupuolten taistelu -peliä (battle of the sexes). Miehen (M) ja vaimon (V) täytyy päättää menevätkö he jalkapallo-otteluun (J) vai oopperaan (O). Puolisot menevät mielummin samaan kuin eri tapahtumaan ja mies mielummin jalkapallo-otteluun ja vaimo oopperaan. Oletetaan nyt, että mies ei ole varma vaimonsa preferensseistä. Erityisesti hän ei tiedä haluaako vaimo olla miehensä kanssa (rakastava) vai meneekö vaimo mielummin tapahtumiin yksinään (ei-rakastava). Toisia sanoen mies ei tiedä ovatko vaimon preferenssit taulukon (a) vai taulukon (b) mukaiset. Mies ajattelee, että todennäköisyydellä ρ vaimon preferenssit ovat taulukon (a) mukaiset ja todennäköisyydellä (1 – ρ) taulukon (b) mukaiset. Vaimoo tietää preferenssinsä ja tietää miehen estimaatin eli ρ:n.

(a) rakastava

$M \setminus V$	J	0
J	3,1	0,0
0	0,0	1,3

(b) ei-rakastava

$M \setminus V$	J	0
J	3,0	0,1
0	0,3	1,0

Osoita, että jos $\rho \geq \frac{3}{4}$ pelillä on kaksi Bayes-Nash -tasapainoa puhtaissa strategioissa, ja jos $\frac{1}{4} \leq \rho < \frac{3}{4}$ pelillä on yksi Bayes-Nash -tasapaino puhtaissa strategioissa, ja jos $\rho < \frac{1}{4}$ pelillä ei ole yhtään Bayes-Nash -tasapainoa puhtaissa strategioissa.

4. Mita tarkoitetaan moraalikadolla (moral hazard)? Anna esimerkki pelistä, jossa on moraalikato on ongelma.