4.3 Énoncés de l'épreuve sur dossier

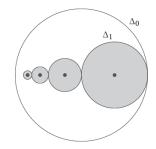
4.3.1 Exercice

APF, L'exercice

Thème: problèmes conduisant à l'étude de suites

On construit une suite de disques tangents $(\Delta_n)_{n\geq 0}$ comme sur la figure ci-contre. Deux disques consécutifs sont tangents et les centres de tous les disques sont alignés.

Le rayon de Δ_0 est R, celui de Δ_{n+1} est la moitié de celui de Δ_n . Montrer que tous les disques Δ_n sont situés à l'intérieur du disque Δ_0 .



Les réponses de deux élèves

Élève 1

Sur le tableur, j'ai calculé les rayons des disques et la somme pour R = 1 et R = 2.

On voit donc que la somme ne dépasse pas deux fois le rayon, donc les disques sont intérieurs à Δ_0 .

Disque	Rayon	Total	Disque	Rayon	Total
1	1	1	1	2	2
2	0,5	1,5	2	1	3
3	0,25	1,75	3	0,5	3,5
4	0,125	1,875	4	0,25	3,75
5	0,0625	1,9375	5	0,125	3,875
6	0,03125	1,96875	6	0,0625	3,9375
7	0,015625	1,984375	7	0,03125	3,9687
:	:	:	:	:	:
20	1,91E-06	1,999998	20	3,81E-06	3,99999
21	9,54E-07	1,999999	21	1,91E-06	3,99999
22	4,77E-07	2	22	9,54E-07	3,99999
23	2,38E-07	2	23	4,77E-07	4
24	1,19E-07	2	24	2,38E-07	4
25	5,96E-08	2	25	1,19E-07	4
26	2,98E-08	2	26	5,96E-08	4

Élève 2

Le rayon du 2^e disque est $\frac{R}{2}$, celui du 3^e disque est $\frac{R}{4}$..., celui du n^e disque est $\frac{R}{2^n}$.

Mais je ne sais pas calculer $R + \frac{R}{2} + \frac{R}{4} + ... + \frac{R}{2^n}$.

Le travail à exposer devant le jury

- 1- Analysez la production de chaque élève en mettant en évidence les compétences qu'il a acquises.
- 2- Proposez une correction de cet exercice telle que vous l'exposeriez devant une classe de première.
- 3- Présentez deux ou trois exercices sur le thème des *suites* dont l'un au moins fera appel à une modélisation.

34