APES 201A

Thème: grandeurs et mesures

L'exercice

Sur la route des vacances, Audrey a parcouru $1\,h\,30$ sur route nationale à une vitesse moyenne de $70\,km\cdot h^{-1}$. Le reste du trajet, effectué sur autoroute à vitesse constante, lui a pris $45\,$ minutes. À la fin du trajet, le compteur indique que la vitesse moyenne sur l'ensemble du parcours était de $100\,km\cdot h^{-1}$. Audrey a-t-elle respecté la limite de vitesse sur autoroute, qui était de $130\,km\cdot h^{-1}$?

Les réponses de trois élèves

Élève 1

Sur autoroute, Audrey a mis deux fois moins de temps, elle est donc allée deux fois plus vite, ce qui fait $140\,\mathrm{km}\cdot\mathrm{h}^{-1}$. Elle n'a donc pas respecté la limitation de vitesse.

Élève 2

Sur la route nationale, Audrey a parcouru 70 + 35 = 105 km. Si elle est allée à vitesse maximale sur l'autoroute, elle a parcouru $130 \times 0,45 = 58,5$ km.

En tout cela ferait 163,5 km en 1,75 heures. Cela fait donc une vitesse inférieure à $100 \,\mathrm{km}\cdot\mathrm{h}^{-1}$. Audrey n'a pas respecté la limite.

Élève 3

Pour avoir une vitesse moyenne de $100 \,\mathrm{km} \cdot \mathrm{h}^{-1}$, il faut avoir une vitesse v sur autoroute telle que

$$\frac{70+\nu}{2}=100.$$

Donc 70 + v = 200, d'où v = 130. Elle a respecté les limitations de vitesse.

Le travail à exposer devant le jury

- 1 Analysez la production de chaque élève en mettant en évidence ses réussites, même partielles.
- 2 Exposez une correction de l'exercice comme vous le feriez devant une classe de troisième, en vous appuyant sur les productions des élèves.
- 3 Proposez deux ou trois exercices sur le thème *grandeurs et mesures*. On explicitera pour chacun d'eux l'objectif pédagogique.