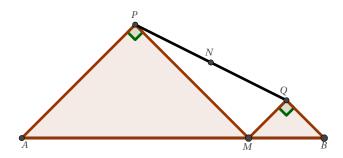
Thème : problème avec prise d'initiative

L'exercice



Le point M appartient au segment [AB] de longueur 8.

On construit deux triangles rectangles et isocèles AMP et BMQ comme illustré sur la figure.

N est le milieu du segment [PQ].

Quel est l'ensemble décrit par le point N lorsque M parcourt le segment [AB]?

Les réponses de deux élèves de seconde

Élève 1

Avec un logiciel de géométrie, j'ai construit la figure. N varie sur un segment parallèle à [AB]. C'est le segment [PQ] lorsque M est au milieu de [AB].

Élève 2

J'ai prolongé les droites (AP) et (BQ) ; elles se coupent en un point C.

Dans le repère $(A; \overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC})$, M a pour coordonnées (x; 0); P a pour coordonnées $\left(\frac{x}{2}; \frac{x}{2}\right)$

 $et\ Q\ a\ pour\ coordonn\'ees\left(x+\frac{1-x}{2};\frac{1-x}{2}\right).$ Comme N est le milieu de [PQ], $x_N=\frac{x_P+x_Q}{2}=\frac{2x+1}{4}\ et\ y_N=\frac{y_P+y_Q}{2}=\frac{1}{4}.$

Donc le point N varie sur la droite d'équation $y = \frac{1}{4}$.

Le travail à exposer devant le jury

- 1 Analysez les réponses de ces deux élèves en mettant en évidence leurs réussites et leurs éventuelles erreurs. Vous préciserez, en particulier, les aides qui pourraient leur être apportées.
- 2 Présentez une correction de l'exercice telle que vous l'exposeriez devant une classe de seconde.
- 3 Proposez deux exercices, un au niveau du lycée et un au niveau du collège, sur le thème problème avec prise d'initiative, permettant notamment de développer les compétences « chercher » et « raisonner ».