

Zadanie 1 (Generator Fibonaciego)

Rozważmy ciąg liczb określony rekurencyjnie

$$X_n = (X_{n-1} + X_{n-2}) \bmod m,$$

gdzie m jest zadaną liczbą naturalną (dużą), \bmod oznacza resztę z dzielenia przez m .

Wyznaczenie kolejnych wyrazów ciągu dla $n \geq 1$ wymaga podania dwóch wyrazów początkowych X_0, X_{-1} nazywanych ziarnami (seeds).

Ciąg przyjmuje wartości ze zbioru $\{0, \dots, m-1\}$ które wyglądają na zupełnie losowe.

Ciąg $U_n = \frac{X_n}{m}$ przyjmuje wartości w przedziale $[0,1)$ jest więc "unormowany".

- 1) Napisać funkcję zwracającą pierwszych n elementów z unormowanego generatora Fibonaciego z parametrami : seed1, seed2, m , n
- 2) Napisać procedurę która
 - a. pobiera seed1, seed2, m , n z ustalonego miejsca w arkuszu,
 - b. wyznacza n elementów unormowanego generatora Fibonaciego (Wykorzystać funkcję z punktu 1)
 - c. Wkleja wyniki do arkusza.
 - d. Tworzy wykres wyrazów od numeru elementu.
- 3) Zaobserwować zachowanie ciągu przy np. $n=10000$ dla małych, dużych i bardzo dużych m .
- 4) Napisać procedurę tworzącą wykres n -par $((u_1, u_2), (u_3, u_4), \dots, (u_{2n-1}, u_{2n}))$ z unormowanego generatora Fibonaciego. Czy pary wypełniają kwadrat $[0,1] \times [0,1]$?
Policzyć dla dużego n jaki procent par (u_{2i-1}, u_{2i}) spełnia $u_{2i-1}^2 \leq u_{2i}$?