

Senza nome
1) Siano f, g, h arbitrarie funzioni asintoticamente crescenti e positive. Dimostrare la verità o falsità della seguente affermazione:
se $f(n) = \Theta(g(n))$, allora $h(f(n)) = \Theta(h(g(n)))$
nota: si ricordi che $h(f(n))$ denota la composizione delle funzioni nella moltiplicazione di f e g

compito 1

2) Sia data la seguente equazione di ricorrenza:
 $T(n) = 1$ se $n=1$, $T(n) = 2T(n/2) + n(\log_2 n^2)$ se $n > 1$
Calcolare la stima asintotica più vicina possibile a $T(n)$

3) Sia dato un generico albero binario T . Si definisca un algoritmo ricorsivo che costruisca un nuovo albero T' strutturalmente identico a T , tale, cioè, che ogni nodo di T abbia una controparte situata nella stessa posizione in T' . Inoltre, ciascun nodo u' di T' deve contenere come chiave il numero di nodi pari contenuti nel sottoalbero di T radicato nel suo nodo controparte u in T .

compito 2
esame 2

purtroppo non ho lo scanner...mo te la scrivo qui
esercizio 1 [5 punti]

Siano f e g due arbitrarie funzioni asintoticamente crescenti e positive. Si dimostri la verità o falsità della seguente affermazione:
se $\log(\log f(n)) = \Theta(\log(\log g(n)))$ allora $\log f(n) = \Theta(\log g(n))$
ps il log è in base due

esercizio 2 [7 punti]

$T(n) =$
 1 se $n=1$
 $\text{Radice}(n/2) * T(\text{radice}(n/2)) + n$ se $n > 1$

esercizio 3 [7 punti]

Si scriva un algoritmo ricorsivo efficiente che, dato un albero binario T , verifichi (in una singola visita dell'albero) se per ogni nodo dell'albero i suoi sottoalberi sinistro e destro hanno lo stesso numero di nodi con chiave pari.
Non è ammesso l'uso di variabili globali né di parametri per riferimento

esercizio 4 [11 punti]

Un percorso semplice (quindi non ciclico) in un grafo orientato G si dice [I]massimale[I] se non vi si può aggiungere "alla fine" nessun altro nodo senza o renderlo un percorso ciclico o fargli perdere la proprietà di essere un percorso.
Si scriva un algoritmo efficiente che, dato un grafo orientato G e un nodo s di G , stampi tutti i percorsi massimali di G che si dipartono da s .
[B]Suggerimento: [B] è possibile risolvere il problema tramite un'opportuna variante della visita in profondità e l'impiego di una coda o stack esplicito