



TD 2 – Complexité Temporelle

Exercice n°01 :

1. Pour chacune des méthodes suivantes, trouver sa *WCTC* et sa *BCTC* :

```
int nbreChiffres(int N){
    int C = 0;
    if (N < 0)
        return nbreChiffres(N * (-1));
    while(N != 0){
        C++; N = N / 10;
    }
    return C;
}
```

```
void M1(int N) {
    int i = 1, j = 1 ;
    while (i ≤ N){
        j = 1;
        while(j ≤ i){ j++ ; }
        i++ ;
    }
}
```

```
void M2(int N, int M){
    int S = 0 ;
    for(int i=1 ; i ≤ N; i = i * 2){
        for(int j=1 ; j ≤ M; j++)
            for(int k=j ; k ≥ 1; k--) { S++ ; }
    }
}
```

```
//T est un tableau trié en ordre croissant
int ElementDominant(int[] T) {
    int fmax = 0, e, i=0, f, j ;
    while(i < T.length){
        f = 0, j = i ;
        while(T[i] == T[j]){ f++ ; j++; }
        if(f > fmax){ fmax = f ; e = T[i]; }
        i++ ;
    }
    return e ;
}
```

```
void M3(int N, int M){
    int S = 0 ;
    for(int i=1 ; i ≤ N; i = i + M){
        for(int j=1 ; j ≤ M; j++){
            S++ ;
        }
    }
}
```

```
void M4(int N, int M){
    int S = 0 ;
    for(int i=N ; i > 0; i = i/2){
        for(int j=1 ; j ≤ M; j = j * 3) S++ ;
    }
}
```

```
void M5(int N, int M){
    for(int i=1 ; i ≤ N; i = i + 1){
        for(int j=1 ; j ≤ M; j = j * 2) S++ ;
    }
    if(N > 0) M5(N - 1, M) ;
}
```

```
int Fibonacci(int N){
    if (N == 0 || N == 1)
        return 1;
    else
        return Fibonacci(N - 1) + Fibonacci(N - 2);
}
```

```
void Inverser(int[] T, int D, int F){
    if(D == F)
        System.out.print(T[D] + " ");
    else {
        int M = (D + F)/2;
        Inverser(T, M + 1, F);
        Inverser(T, D, M);
    }
}
```

```
int M6(int X, int Y){
    if (X > 0)
        return M6(X-1, Y);
    else if (Y > 0)
        return M6(0, Y - 1) +
            M6(0, Y - 1);
    else
        return 0;
}
```

2. La méthode *ElementDominant* peut être améliorée en changeant l'incrémentation $i++$. Trouver la version améliorée et calculer la nouvelle *WCTC*.

Exercice n°02 :

Trouver la *ACTC* (*Average Case Time Complexity*) de la méthode suivante en supposant que les cas du problème sont équiprobables :

```
public boolean existe(Arbre A, int E) {  
    if (A == null)  
        return false ;  
    else if (A.valeur() == E)  
        return true ;  
    else if (A.valeur() > E)  
        return existe(A.fils_gauche(), E) ;  
    else  
        return existe(A.fils_droit(), E) ;  
}
```