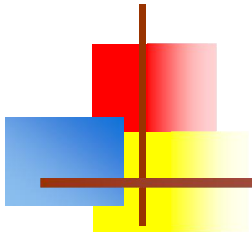


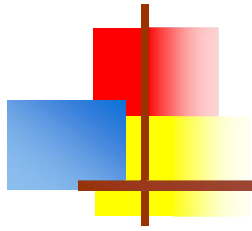
Algorithmes Graphiques de Base





PLAN

- I) Tracé de Droites
- II) Tracé de Cercles
- III) Remplissage de Polygones
- IV) Transformations Géométriques
 - IV.1) Changement d'Echelle
 - IV.2) Symétrie
 - IV.3) Cisaillement
 - IV.4) Rotation
 - IV.5) Translation
 - IV.6) Composition des Transformations



I) Tracé de Droites

- Tracé d'un Pixel

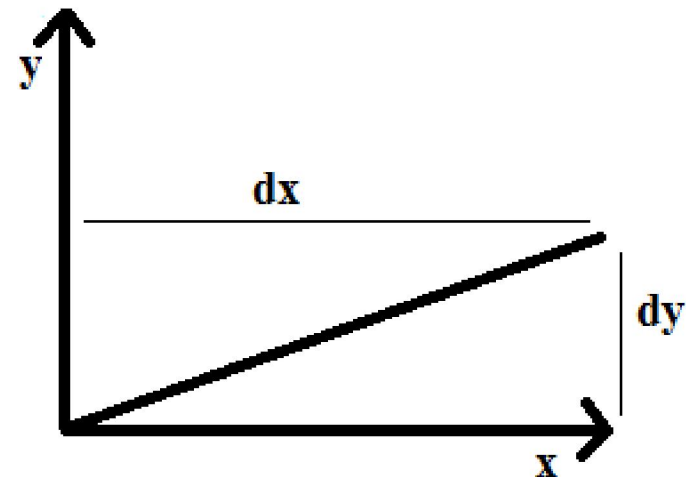
void WritePixel (int X, int Y, unsigned char couleur);

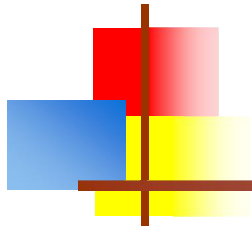
- Discrétisation de segment de droite

- On cherche à dessiner un segment de droite d'un point **A (x₀, y₀)** à un point **B (x₁, y₁)** ou **B (x₀+dx, y₀+dy)**
- On suppose que les segments ont une pente **|m| ≤ 1**, avec **m=Δy / Δx** (les segments de pente **|m| > 1** sont obtenus avec de légères modifications).

I) Tracé de Droites

- Algorithme incrémental fondamental
- Equation de droite **AB**: $Y = m X + b$,
tel que: $\{ |m| < 1, dx > 0, dy > 0 \}$
- La méthode consiste à calculer pour chaque valeur de X, la valeur de Y par une opération d'agrandissement sachant que $Y = mX + b$, et $m = dy/dx$.





I) Tracé de Droites

- **void Dessin_Ligne (int x0, int y0, int x1, int y1, unsigned char couleur)**

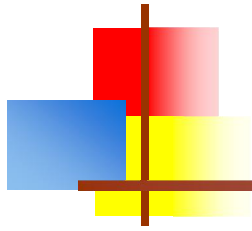
{ /* on suppose $-1 \leq m \leq 1$, et $x_0 < x_1$ */

/* x est incrémenté de x_0 à x_1 par pas d'une unité */

int x; **float** dy, dx, y, m;

dy= y1-y0; dx= x1-x0;

m = dy/dx; y = y0;



I) Tracé de Droites

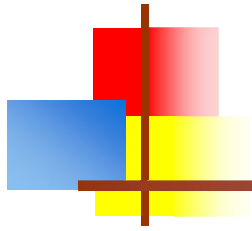
- **for** (**x=x0**; **x<=x1**; **x++**)
 { **WritePixel** (**x**, **round(y)**, couleur);
 y = y + m; /* avancer d'un pas de m */
 }
}
- **int round** (float val) /* fonction arrondi */
 { return (int) (val+0.5); }



I) Tracé de Droites

- Remarques :
- Si $|m| > 1$, un pas de x va générer un pas de y plus grand que 1.
- Par conséquent, on doit inverser les rôles de x et y :
 - **en assignant** un pas d'une unité à y (mettre y dans la boucle `for`),
 - et **en incrémentant** x par $x + \Delta x$, avec :

$$\Delta x = \Delta y / m = 1 / m.$$



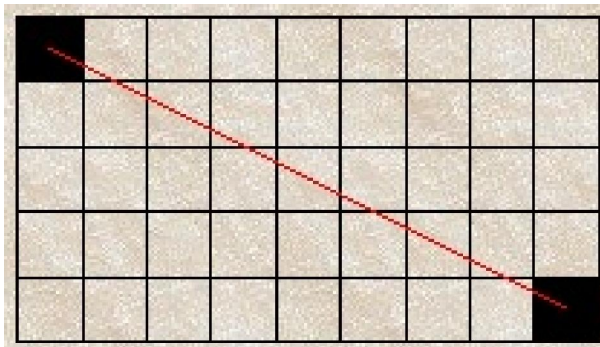
I) Tracé de Droites

- Exercice (application) :
- Appliquer l'algorithme de tracé de droite entre le point (5, 8) et le point (9, 11)

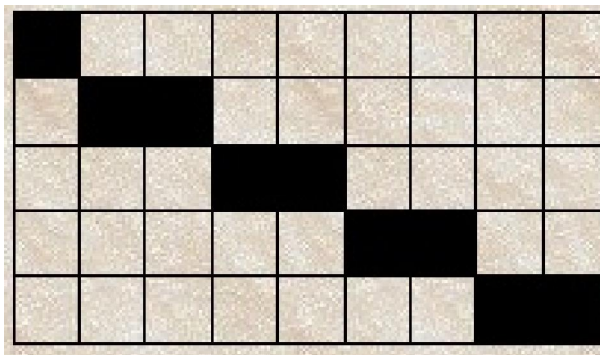
11					P2
10					
9					
8	P1				
	5	6	7	8	9

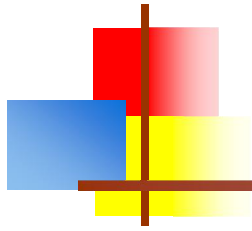
I) Tracé de Droites

- Illustration :
- On allume les 2 pixels extrémités de la diagonale
- La ligne rouge représente la diagonale mathématique



- On allume les pixels les plus proches de la ligne rouge





I) Tracé de Droites

- En java :
- On exploite la classe **Graphics** (**Graphics g**)
- Pour tracer une droite: **g.drawLine (x1, y1, x2, y2);**
- Pour tracer un point (x,y), on utilise pour le moment:
g.drawLine (x, y, x, y); une autre méthode permet
d'exploiter la classe **Point**
- Pour tracer un rectangle qui commence au point (x , y)
avec une largeur w et une hauteur h: **g.drawRect (x, y,
w, h)**



I) Tracé de Droites (avec Applet)

- 1) Code java avec la classe Graphics (et Applet):

```
import java.applet.Applet;  
import java.awt.*;  
public class graphe extends Applet  
{  
    void dessin (Graphics g)  
    {  
        for (int i=0; i<200; i=i+2)  
            g.drawLine (1, i, 200, i);  
    }  
    public void paint (Graphics g)  
    {  
        dessin (g);  
    } //la méthode paint existe dans Applet  
} // fin du programme
```



I) Tracé de Droites (avec JFrame)

- 2è) Code java avec Graphics (et JFrame):

```
import javax.swing.*;
import java.awt.*;

public class graphe2 extends JFrame {
    public graphe2() {
        super ("Exemple de dessin dans un JFrame");
        setSize(480, 200);
        setDefaultCloseOperation(JFrame.EXIT_ON_CLOSE);
        setLocationRelativeTo (null);
    }
}
```



I) Tracé de Droites (avec JFrame)

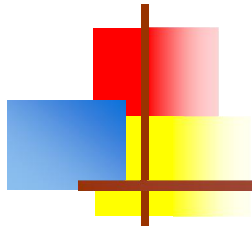
■ 2è) Code java avec Graphics (et JFrame) :

```
void dessin(Graphics g) {  
    for (int i=0; i<200; i=i+2)  
        g.drawLine (1, i, 200, i);    }  
  
public void paint(Graphics g) {  
    super.paint(g); // paint existe dans JFrame  
    dessin (g);    }  
  
public static void main(String[] args) {  
    new graphe2().setVisible(true);  
};    }
```



II) Tracé de Cercles

- Principe :
- $x = r.\cos(\alpha)$, $y = r.\sin(\alpha)$
- On trace le cercle en parcourant l'angle α (rotation de 0° à 360 degrés, ou de 0 à 2π radians)
- Accroissement de l'angle α par pas de 1 degré environ.



II) Tracé de Cercles

- **void Dessin_Cercle (int ox, int oy, int r, unsigned char couleur)**

```
float x, y, angle;          angle = 0.0;
```

```
{ /* on suppose qu'on travaille avec les radians */
```

```
while (angle < 2*3.14159)
```

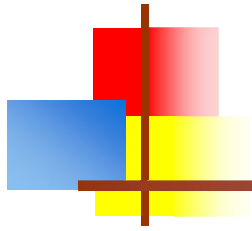
```
{ x = r * cos (angle);
```

```
  y = r * sin (angle);
```

```
  angle = angle + 0.02;
```

```
  WritePixel (ox + round (x), oy + round (y), couleur);
```

```
}    } // fin de la fonction
```



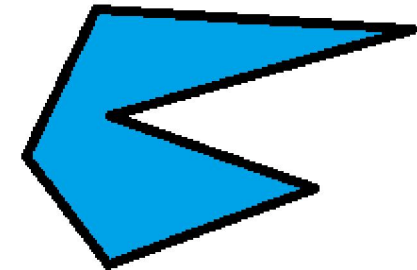
II) Tracé de Cercles

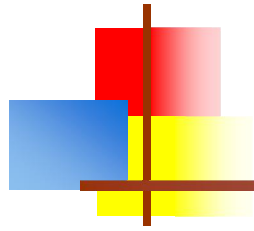
- En java :
- La fonction **drawOval (x, y, width, height)** de la classe **Graphics g** permet de tracer un cercle ou une ellipse délimité par une zone rectangulaire qui commence au point (x, y) avec la largeur **width** et la hauteur **height**
- Exemple: **g.drawOval (10, 20, 60, 80);**



III) Remplissage de Polygones

- Méthode récursive de remplissage :
- La fonction **RemplirPolygone** a comme paramètres un **point P** supposé être à l'intérieur du polygone et le **paramètre couleur**.
- **L'initialisation** commence par un point connu à l'intérieur du polygone.
- On utilise :
 - Une fonction **Frontiere (x , y)** qui indique **si** le point (x , y) à remplir est une frontière du polygone ou pas.
 - Une fonction **Rempli (x , y, couleur)** qui indique **si** le point a été déjà rempli par la couleur spécifiée

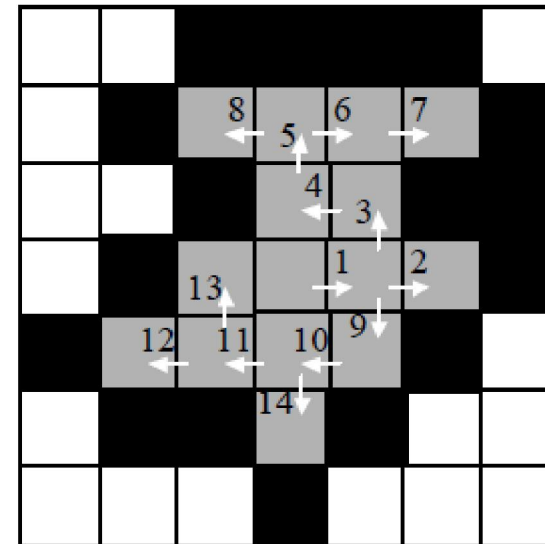


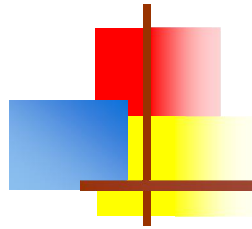


III) Remplissage de Polygones

void RemplirPolygone (int x, int y, int couleur)

```
{ if ( (x < 0) || ( x > x_max) ) return;
  if y ( (y<0) || ( y > y_max) ) return;
if ( ! Frontiere (x , y) && ! Rempli (x , y, couleur) )
{ WritePixel (x , y, couleur);
  RemplirPolygone (x-1 , y);
  RemplirPolygone (x+1 , y);
  RemplirPolygone (x , y-1);
  RemplirPolygone (x , y+1);
} }
```





III) Remplissage de Polygones

- En java :
- Dans la classe **Graphics g** :
- La fonction **g.drawPolygon (int [] xp, int [] yp, int nb_points)** permet de tracer le polygone avec comme paramètres un tableau de points **xp**, un tableau de points **yp** et le nombre de points **nb_points**.
- La fonction **g.fillPolygon (int [] xp, int [] yp, int nb_points)** permet de remplir le polygone avec les mêmes paramètres de **g.drawPolygon**.
- La couleur doit être déjà spécifiée par **g.setColor**