

# Spis treści

1.	<i>Wprowadzenie</i>	1
1.1	Streszczenie	1
1.2	Cel pracy	1
1.3	Układ pracy	2
2.	<i>Wstęp</i>	3
2.1	Procesy nowotworowe	3
2.2	Budowa układu immunologicznego i jego znaczenie w procesie leczenia nowotworów	3
2.2.1	Limfocyty typu T	5
2.2.2	Komórki NK	7
2.2.3	Interferony	7
2.2.4	Interleukiny	8
3.	<i>Sposoby leczenia nowotworów</i>	10
3.1	Immunoterapia	10
3.1.1	Nieswoista bierna immunoterapia	10
3.1.2	Swoista bierna immunoterapia	10
3.1.3	Nieswoista czynna immunoterapia	11
3.1.4	Swoista czynna immunoterapia	11
3.2	Chemioterapie	11
3.3	Leczenie skojarzone	12
4.	<i>Model matematyczny</i>	13
4.1	Model nieuwzględniający procesu leczenia	14
4.1.1	Założenia modelu	14
4.1.2	Równania i opis modelu	15
4.2	Model uwzględniający proces leczenia	16
4.2.1	Równania i opis modelu	16
5.	<i>Symulacje</i>	21
5.1	Odpowiedź układu immunologicznego na rozwijający się w organizmie nowotwór – brak leczenia	22
5.1.1	Scenariusz I – symulacja wykonana dla modelu nieleczzonego guza	22
5.1.2	Scenariusz II – symulacja wykonana dla modelu nieleczzonego guza	27

---

5.2	Leczenie metodą chemioterapii . . . . .	31
5.3	Leczenie metodą immunoterapii . . . . .	31
5.4	Połączenie metod chemioterapii i immunoterapii . . . . .	31
6.	Rezultaty . . . . .	32
7.	Analiza wyników . . . . .	33
8.	Podsumowanie . . . . .	34
9.	Dodatek . . . . .	37
9.1	Tabela skrótów . . . . .	37

# Spis rysunków

2.1	Podział limfocytów typu T [7]. . . . .	6
5.1	Wykresy zmian liczby komórek badanych populacji – komórek nowotworowych $T(t)$ , komórek NK $N(t)$ , limfocytów $T_{CD8+}$ $L(t)$ i limfocytów krążących $C(t)$ . . . . .	24
5.2	Wyniki otrzymane na koniec symulacji, która trwała $T_k = 120$ dni. Liczba komórek nowotworowych na koniec symulacji $T(120)$ w zależności od początkowej liczby komórek nowotworowych $T(0)$ . . . . .	25
5.3	Wyniki otrzymane na koniec symulacji, która trwała $T_k = 120$ dni. Długość promienia nowotworu [mm] na koniec symulacji w zależności od początkowej liczby krążących limfocytów $T(0)$ . . . . .	26
5.4	Wykresy zmian liczby komórek badanych populacji – komórek nowotworowych $T(t)$ , komórek NK $N(t)$ , limfocytów $T_{CD8+}$ $L(t)$ i limfocytów krążących $C(t)$ . . . . .	28
5.5	Wyniki otrzymane na koniec symulacji, która trwała $T_k = 120$ dni. Liczba komórek nowotworowych na koniec symulacji $T(120)$ w zależności od początkowej liczby krążących limfocytów $C(0)$ . . . . .	29
5.6	Wyniki otrzymane na koniec symulacji, która trwała $T_k = 120$ dni. Długość promienia nowotworu [mm] na koniec symulacji w zależności od początkowej liczby krążących limfocytów $C(0)$ . . . . .	30

# Spis tabel

2.1	Mechanizmy obronne odporności nieswoistej i swoistej [7]. . . . .	4
4.1	Parametry modelu odpowiedzi immunologicznej na rozwijający się nowotwór bez uwzględnienia procesu leczenia. . . . .	19
4.2	Dodatkowe parametry modelu odpowiedzi immunologicznej na rozwijający się nowotwór z uwzględnieniem procesu leczenia. . . . .	20
5.1	Warunki początkowe dla modelu odpowiedzi immunologicznej na rozwijający się nowotwór bez uwzględnienia procesu leczenia. . . . .	21
5.2	Początkowa liczba komórek nowotworowych $T(0)$ , liczba komórek nowotworowych po symulacji w chwili $T_k = 120$ dni $T(120)$ oraz szacowana objętość i długość promienia nowotworu po symulacji w chwili $T_k = 120$ dni. . . . .	22
5.3	Początkowa liczba limfocytów krążących $C(0)$ , liczba komórek nowotworowych po symulacji w chwili $T_k = 120$ dni $T(120)$ oraz szacowana objętość i długość promienia nowotworu po symulacji w chwili $T_k = 120$ dni. . . . .	27
9.1	Skróty wykorzystane w pracy . . . . .	37

# 1. Wprowadzenie

## 1.1 Streszczenie

W pracy przedstawiono model opisujący odpowiedź układu immunologicznego na rozwijający się w organizmie nowotwór. Model ten oparty jest na modelu de Pillis'a oraz modelu Isaeva i Osipov'a [1]. Obejmuje on rozwój komórek nowotworowych w organizmie oraz odpowiedź układu immunologicznego – w tym limfocytów naciekających nowotwór TIL (ang. Tumor Infiltrating Lymphocytes), tak zwanych „naturalnych zabójców”, czyli komórek NK (ang. Natural Killer cells) oraz limfocytów  $T_{CD8+}$ . Następnie model został poddany modyfikacji polegającej na uwzględnieniu procesu leczenia nowotworu skojarzonymi metodami chemioterapii i immunoterapii z użyciem cytokin: interleukin-2 (IL-2) i interferonów alfa (IFN- $\alpha$ ).

## 1.2 Cel pracy

Celem pracy było:

- utworzenie modelu rozwoju nowotworu w organizmie z uwzględnieniem leczenia skojarzonymi metodami chemioterapii i immunoterapii,
- przeprowadzenie symulacji leczenia nowotworu metodą chemioterapii, immunoterapii oraz skojarzonych metod chemioterapii i immunoterapii,
- analiza rozwiązań modelu opisującego leczenie wyłącznie metodą chemioterapii,
- analiza rozwiązań modelu opisującego leczenie wyłącznie metodą immunoterapii,
- analiza rozwiązań modelu opisującego leczenie zarówno metodą chemioterapii, jak i immunoterapii.

## 1.3 Układ pracy

Praca składa się z następujących części:

- wstępu teoretycznego zawierającego informacje na temat rodzajów nowotworów i sposobów ich rozwoju oraz niektórych metod ich leczenia, a także dotyczących budowy i sposobu działania układu immunologicznego,
- przedstawienia zaimplementowanego modelu, na którym przeprowadzano symulacje,
- opisu dokonanych symulacji i scenariuszy, według których zostały przeprowadzone,
- analizy wyników symulacji i wynikających z nich wniosków,
- podsumowania.

## 2. Wstęp

### 2.1 Procesy nowotworowe

Nowotworem określa się nieprawidłowe komórki w organizmie, których wzrost odbywa się w sposób niekontrolowany [1,2]. W zdrowym organizmie występuje równowaga pomiędzy tempem podziałów komórkowych a utratą komórek. W przypadku nowotworu ginie mniej komórek niż przybywa [3]. W efekcie spontanicznej proliferacji komórek nowotworowych składająca się z nich struktura zaczyna niszczyć narząd, w którym wystąpił proces nowotworowy. Niektóre z tych komórek mogą oderwać się od pozostałych, przedostać do naczyń krwionośnych i limfatycznych, a w konsekwencji dawać przerzuty do innych narządów [2]. Powstawanie nowotworu wiąże się z wieloma zmianami materiału genetycznego. Rozpoczęcie tego procesu zależy zarówno od wagi, jak i miejsca, w którym dana zmiana wystąpiła.

Warto także zwrócić uwagę na zmiany systemów naprawy DNA oraz zmiany systemów regulujących podstawowe procesy komórkowe (na przykład wzrost, różnicowanie, apoptozę<sup>1</sup>). Na skutek zmian systemów naprawczych dochodzi do szybkiej i dużej niestabilności genomu. Zmiany w systemach regulujących powodują natomiast powolny proces zaburzenia homeostazy komórki oraz stopniowo narastającą niestabilność genomu. Choroby nowotworowe w większości rozwijają się w tym drugim przypadku, dlatego od pojawienia się początkowej zmiany do klinicznego wykrycia guza mija zazwyczaj wiele lat [3].

### 2.2 Budowa układu immunologicznego i jego znaczenie w procesie leczenia nowotworów

Na układ immunologiczny składają się mechanizmy odporności swoistej (nabytej) i nieswoistej (wrodzonej) [4,5]. Podział tych mechanizmów przedstawiono w Tab. 2.1.

Funkcjonowanie mechanizmów nieswoistych jest niezależne od wcześniejszej styczności organizmu z czynnikami patogennymi i pełni funkcję obronną przed infekcjami i chorobami będącymi skutkiem działania czynników środowiskowych. Mechanizmy te cechuje mniejsza precyzja, ale są one zdolne do szybkiego rozpoznawania i niszczenia wnikających drobnoustrojów. Odporność wrodzoną warunkują między innymi: komórki NK, makrofagi, granulocyty, monocyty.

---

<sup>1</sup> Apoptoza – śmierć programowana, śmierć samobójcza komórki zachodząca w warunkach fizjologicznych [12].

Do mechanizmów swoistej odporności należą [6]:

- aktywność cytokin i chemokin,
- cytokinozależna wrodzona odporność leukocytów i innych komórek,
- zabijanie zakażonych lub nowotworowych komórek przez komórki NK, komplement<sup>2</sup> aktywowany lektynami lub drogą alternatywną,
- opsonizacja i fagocytoza<sup>3</sup>.

**Tab. 2.1:** Mechanizmy obronne odporności nieswoistej i swoistej [7].

Odporność			Działanie obronne
Nieswoista (wrodzona)	Humoralna	Lizozym	Bakterioliza bakterii Gram dodatnich, liza bakterii Gram-ujemnych po usunięciu warstwy liposacharydowej
		Laktoferyna	Pozbawienie bakterii dostępu do żelaza poprzez wiązanie go
		Transferyna	Pozbawienie bakterii dostępu do żelaza poprzez wiązanie go
		Białka ostrej fazy	Aktywacja limfocytów, makrofagów, dopełniacza na drodze klasycznej
		Dopełniacz	Uaktywnienie układu dopełniacza
		Interferony	Hamowanie transformacji limfocytów pod wpływem mitogenów
	Komórkowa	Fagocyty	Fagocytoza
		Eozynofile	Produkcja prostoglandyn PGE1 i PGE2, które hamują uwalnianie mediatorów przez komórki tuczne i bazofile
		Komórki K	Cytotoksyczność zależna od przeciwciał
		Komórki NK	Spontaniczne niszczenie komórek zakażonych wirusem
Swoista (nabyta)	Humoralna	Immunoglobuliny	
		Limfocyty typu B	
	Komórkowa	Limfocyty typu T	

Odporność swoista rozpoznaje antygeny<sup>4</sup> bardzo precyzyjnie. Jej ważnymi elementami są limfocyty typu T, limfocyty typu B, cytokiny oraz przeciwciała. Komórki te

<sup>2</sup> Komplement – układ dopełniacza, system kaskadowo aktywowanych białek pełniących znaczącą rolę w walce przeciwko czynnikom patogennym, w utrzymywaniu stanu homeostazy oraz wzbudzaniu stanu zapalnego [17].

<sup>3</sup> Fagocytoza – usuwanie kompleksów immunologicznych i uszkodzonych komórek (ułatwienie fagocytozy immunologicznej). Efektywne niszczenie drobnoustrojów przez fagocyty [13, 14].

<sup>4</sup> Antygeny – związki wywołujące reakcje układu immunologicznego; najczęściej substancje wielko-cząsteczkowe, rozpoznawane swoiście poprzez powierzchniowe receptory limfocytów [20].



są zdolne do wytwarzania nieograniczonej liczby receptorów. Dodatkowo, jeśli dojdzie do ich kontaktu z antygenem wytwarza się pamięć immunologiczna, dzięki której przy ponownym zetknięciu komórki danego typu z odpowiednim antygenem wytwarzana jest odpowiedź immunologiczna. W przypadku limfocytów typu T, typ odpowiedzi swoistej określany jest jako komórkowy, natomiast dla limfocytów typu B – humoralny. Pomimo bardzo dużego znaczenia układu immunologicznego dla organizmu, wiele mechanizmów jego działania pozostaje jeszcze niewyjaśnionych [4].

Znaczącą rolę w oddziaływaniu układu immunologicznego na rozwijający się nowotwór pełnią:

- limfocyty  $T_{CD8+}$ ,
- komórki NK,
- interferony,
- interleukiny.

W związku z ważną funkcją wyżej wymienionych komórek, ujęto je w opisywanym modelu, natomiast ich znaczenie opisano w dalszej części pracy.

### 2.2.1 Limfocyty typu T

Limfocyty typu T wytwarzane są w szpiku kostnym, natomiast dojrzewają w grasicy. Limfocyty typu T oznaczane jako  $CD8+$  dzielą się na limfocyty [7]:

- cytotoksyczne  $T_c$ , które odpowiadają za niszczenie komórek i odrzucanie przeszczepów,
- supresyjne  $T_s$ , które odpowiadają za hamowanie działania innych limfocytów, reakcji alergicznych i utrzymanie tolerancji immunologicznej na własne antygeny.

Na Rys. 2.1, na pomarańczowych, niebieskich i różowych polach przedstawiono kolejne podziały limfocytów typu T występujących w organizmie. Dodatkowo, na polach szarych krótko opisano funkcję, jaką one pełnią lub wymieniono ich charakterystyczne cechy.

Odpowiedź immunologiczna swoista typu komórkowego, w którą zaangażowane są subpopulacje limfocytów typu T, polega na wywołaniu reakcji zwalczania antygeny. Możliwe są dwa typy tej reakcji. W pierwszym z nich funkcję efektorów pełnią limfocyty  $CD4+$ , a makrofagi są komórkami pomocniczymi. Drugi typ reakcji zakłada, że limfocyt cytotoksyczny  $CD8+$  jest komórką efektorową, a limfocyt  $CD4+$  pomocniczą. Odporność komórkowa ma za zadanie, przede wszystkim walczyć z zakażeniami, ale również spełnia ważną rolę w reakcji kontaktowej ze związkami chemicznymi, w odrzuceniu przeszczepu czy tkanek zmienionych nowotworowo i w niektórych reakcjach autoimmunologicznych [4]. Między 5 a 6 dekadą życia ustaje czynność grasicy, czego skutkiem są zmiany w subpopulacjach limfocytów typu T. Z wiekiem głównie wzrasta liczba limfocytów  $CD4+$ , natomiast zmniejsza się liczba limfocytów supresorowych i cytotoksycznych  $CD8+$  [4].



Rys. 2.1: Podział limfocytów typu T [7].

### 2.2.2 Komórki NK

Swoją rolę w odpowiedzi immunologicznej mają także komórki NK, stanowiące populację odrębną od limfocytów typu B i T. [7]. Komórki NK stanowią 10-15% limfocytów obecnych w krwi [5]. Ich zadaniem jest niszczenie komórek nowotworowych i zainfekowanych wirusami [5]. Charakterystyczną cechą komórek NK jest brak posiadania markerów czy receptorów antygenowych na powierzchni. Działanie komórek NK opiera się na rozpoznawaniu przez receptor pektynowy reszt cukrowych, co umożliwia im cytotoksyczne zniszczenie komórki docelowej, między innymi nowotworowej. Z kolei receptor hamujący komórki typu „zabójcy” KIR (ang. Killer cells Inhibitory Receptor) zmniejsza aktywność komórek NK, jeśli rozpoznają one prawidłowe komórki organizmu [4]. Z wiekiem aktywność komórek NK spada (ze względu na zwiększoną liczbę receptorów KIR [5]), co zwiększa ryzyko śmierci spowodowanej ciężką infekcją. Niekorzystnymi czynnikami mającymi wpływ na układ komórek NK są: stres, niska aktywność fizyczna oraz dieta wysokotłuszczowa [4]. Silna aktywność cytotoksyczna komórek NK może być uznana za oznakę dobrego zdrowia [5].

### 2.2.3 Interferony

Interferony to glikoproteiny wytwarzane przez limfocyty, fibroblasty i inne komórki, które biorą udział w odpowiedzi immunologicznej [21]. Należą do humoralnych mechanizmów obronnych odporności nieswoistej. Ich funkcją jest, między innymi hamowanie replikacji wirusów w komórce i proliferacji komórek (w szczególności nowotworowych), aktywowanie syntezy enzymów (rybonukleazy, syntetazy, kinazy białkowej) i cytotoksyczności makrofagów oraz limfocytów typu T, a także zwiększenie aktywności komórek cytotoksycznych [7].

Wśród interferonów można wyróżnić interferony [22]:

- $\alpha$  (leukocytarne) – produkowane głównie przez monocyty, makrofagi i limfocyty, zbudowane z białek zawierających od 165 do 166 aminokwasów. Istnieją 22 znane podtypy interferonów  $\alpha$ . Są one kodowane przez co najmniej 23 geny zlokalizowane w chromosomie 9;
- $\beta$  – produkowane przez fibroblasty. Są podobne do interferonów  $\alpha$  (posiadają 30% analogicznych aminokwasów). Odpowiadające sobie geny interferonów obu tych typów mieszczą się w krótszym ramieniu chromosomu 9;
- $\gamma$  – produkowane przez limfocyty typu T po stymulacji antygenami lub mitogenami. Gen kodujący interferony  $\gamma$  znajduje się w obrębie chromosomu 12.

Warunkiem koniecznym do działania interferonów jest ich połączenie ze swoistymi receptorami. Interferony  $\alpha$  i  $\beta$  działają poprzez receptor typu I, natomiast interferon gamma poprzez receptor typu II. Liczba receptorów różni się zależnie od poszczególnych komórek (waha się od  $2 \cdot 10^2$  do  $6 \cdot 10^3$  [22]). Kompleks interferon – receptor aktywuje kinazę tyrozynową. Poprzez fosforylację odpowiednich białek kinaza tyrozynowa tworzy wraz z nimi czynnik transkrypcyjny. W jądrze komórkowym po połączeniu z elementem

odpowiedzi stymulowanej przez interferon ISRE (ang. Interferon-Stimulated Response Element) wzrasta ekspresja genów, które są odpowiedzialne za produkcję białek efektorowych [22].

Interferon  $\alpha$  (wykorzystywany, m. in. w procesie leczenia nowotworów) stymuluje układ immunologiczny ingerując w procesy różnicowania się komórek. Zwiększa również aktywność fagocytarną makrofagów i swoiste działanie cytotoksyczne limfocytów. Działa przeciwnowotworowo poprzez hamowanie angiogenezy i blokowanie syntezy białek. W chorobach nowotworowych dawki interferonu dochodzą do 900 MU w ciągu 6 dni [21].

Interferon posiada wyraźne powinowactwo do komórek nerwowych i w dużym stężeniu działa neurotoksycznie. Podczas leczenia interferonem mogą wystąpić niepożądane zaburzenia [21]:

- układu serotoninergetycznego,
- układu noradrenergetycznego,
- układu dopaminergicznego,
- układu glutaminianergicznego,
- układu opioidowego,
- hormonalne,
- metabolizmu mózgowego.

Zaburzenia psychiczne często pojawiają się u pacjentów leczonych przy pomocy interferonu. Mogą to być stany zmęczenia, pogorszenie koncentracji, uwagi i pamięci, ale także pełnoobjawowe epizody depresji, manii, zaburzenia lękowe czy zaburzenia świadomości [21].

## 2.2.4 Interleukiny

Interleukiny są jedną z grup cytokin<sup>5</sup>, która służy, między innymi do komunikacji pomiędzy komórkami układu odpornościowego. Komórki te dotyczą zarówno odporności wrodzonej, jak i nabytej. Interleukiny to białka produkowane głównie przez leukocyty. Ze względu na cechy biologiczne, w tym różnice w budowie molekularnej i strukturze, interleukiny zostały zgrupowane w trzy rodziny [8]:

- pierwszą – podzieloną na podrodzinę interleukiny-2 i podrodzinę interferonów (reprezentowaną przez interferon- $\alpha$  i interferon- $\beta$ ),
- drugą – rodzinę interleukiny-1,

---

<sup>5</sup> Cytokiny – białka o niskiej masie cząsteczkowej biorące udział w przekazywaniu informacji pomiędzy komórkami; odgrywają istotną rolę w odpowiedzi zapalnej, apoptozie, wzroście i różnicowaniu komórek [16].

- 
- trzecią – zawierającą interleukinę 17A, B, C, D, F oraz IL-8, 25 i 27, a także IL-31, 32 i 33.

## 3. Sposoby leczenia nowotworów

### 3.1 Immunoterapia

Podczas immunoterapii dochodzi do ingerencji w układ odpornościowy, co ma na celu wzmocnienie lub modyfikację mechanizmów obronnych walczących z nowotworem. Immunoterapię można podzielić na bierną i czynną o charakterze swoistym albo nieswoistym [10].

#### 3.1.1 Nieswoista bierna immunoterapia

Nieswoista bierna immunoterapia ma za zadanie wywołać nieswoistą aktywację układu immunologicznego, a w konsekwencji działanie przeciwnowotworowe na skutek podawania m.in. aktywowanych komórek efektorowych. Wykorzystuje się tu, na przykład cytokiny czy komórki zabójcze aktywowane limfokiną LAK (ang. Lymphokine Activated Killers). Aby wywołać efekt biologiczny konieczne jest połączenie cytokiny ze swoistym receptorem na komórkach docelowych (limfocytach typu T i B, komórkach NK, monocytach, makrofagach i granulocytach). Działanie przeciwnowotworowe cytokin polega na:

- bezpośrednim efekcie cytotoksycznym,
- modyfikacji migracji limfocytów,
- wzroście wrażliwości komórek nowotworowych na efekty cytotoksyczne różnych czynników biologicznych lub chemicznych,
- hamowaniu proliferacji komórek nowotworowych,
- aktywacja komórek NK.

IFN- $\alpha$  to pierwsza rekombinowana cytokina zarejestrowana do stosowania klinicznego [10].

#### 3.1.2 Swoista bierna immunoterapia

Swoista bierna immunoterapia to metoda leczenia nowotworu, która polega na podawaniu pacjentowi m.in. komórek efektorowych swoście ukierunkowanych na daną komórkę nowotworową. Do swoistej biernej immunoterapii zaliczamy [10]:

- przeciwciała podawane przeciwko antygenom, które występują na komórkach nowotworowych,
- terapie komórkowe, które wykorzystują limfocyty naciekające guz (TIL); są one izolowane, następnie namnożone i aktywowane, po czym ponownie przetaczane,
- limfocyty krwi obwodowej stymulowane in vitro komórkami prezentującymi antygen.

### 3.1.3 Nieswoista czynna immunoterapia

W nieswoistej czynnej immunoterapii pobudzany jest układ odpornościowy, a zwłaszcza odpowiedź komórkowa. Wykorzystywane są do tego antygeny, niewystępujące w komórkach nowotworu. Substancjami stymulującymi procesy odpornościowe są nieswoiste immunostymulatory (np. mikroorganizmy, elementy ściany komórkowej) i immunomodulatory (m. in. wyciągi z grasicy, syntetyczne hormony grasicy, tuftsyna, enkefaliny, endorfiny, wyciągi z limfocytów) [10].

### 3.1.4 Swoista czynna immunoterapia

Leczenie metodą swoistej czynnej immunoterapii polega na pobudzaniu odporności na antygeny swoiste dla danego typu nowotworu. Wykorzystuje się w niej immunizację przy użyciu tzw. terapeutycznych szczepionek nowotworowych. Są to szczepionki:

- niekomórkowe, na bazie białek szoku cieplnego HSP (ang. Heat Shock Protein), szczepionki DNA oraz szczepionki wirusowe,
- komórkowe, niemodyfikowane i modyfikowane genetycznie oraz komórki dendrytyczne DC (ang. Dendritic Cells) „karmione” antygenami nowotworowymi [10].

## 3.2 Chemioterapia

Chemioterapia to metoda leczenia, która polega na niszczeniu komórek nowotworowych, drobnoustrojów oraz bakterii za pomocą środków chemicznych. W przypadku nowotworów, stosuje się różne grupy leków, tzw. cytostatyków. Zależnie od indywidualnych cech pacjenta chemioterapia ma ściśle określony przebieg. Leki mogą być stosowane w monoterapii (stosowanie jednego leku cytostatycznego) lub polichemioterapii (stosowanie kilku leków zgodnie z określonym schematem). Leki cytostatyczne podawane są w sekwencjach co kilka dni, tygodni lub stale, bez przerwy w leczeniu. Leki cytostatyczne działają w określonych fazach podziału komórek nowotworowych, zmniejszając lub spowalniając ich proliferację. Najczęściej podawane są w postaci dożylnych wlewów, lecz niektóre z nich mają formę tabletek. Skutki uboczne chemioterapii można zaobserwować już po kilku dniach terapii, a czasem nawet po kilku godzinach [9].

### 3.3 Leczenie skojarzone

Leczenie skojarzone polega na połączeniu u pacjenta kilku metod leczenia nowotworu. Ten sposób terapii posiada wiele zalet, między innymi umożliwia wykonanie zabiegu operacyjnego w wielu przypadkach pierwotnie nieoperacyjnych i pozwala zastąpić okaleczające zabiegi chirurgiczne równie skutecznym leczeniem zachowawczym. Ponadto, zmniejsza ryzyko wznowy miejscowej choroby i rozwoju odległych przerzutów, co wpływa na wydłużenie czasu przeżycia chorych. Pomimo wielu zalet, leczenie skojarzone ma również pewne wady, chociażby, znaczne zwiększenie toksyczności w porównaniu z monoterapią czy brak współpracy między specjalistami, co z kolei utrudnia wdrożenie optymalnej terapii.

Wśród metod leczenia skojarzonego można wyróżnić [11]:

- leczenie sekwencyjne – poszczególne metody lecznicze stosowane jedna po drugiej, np.:
  - leczenie wstępne (neoadiuwantowe, indukcyjne) — poprzedza leczenie radykalne. Jego celem jest wczesne oddziaływanie na mikroprzerzuty lub zmniejszenie masy guza u chorych z miejscowo zaawansowanym nowotworem i umożliwienie tym samym przeprowadzenia leczenia radykalnego;
  - uzupełniające (adiuwantowe) — stosowane jest po leczeniu radykalnym, czyli u osób bez cech choroby nowotworowej. Jego celem jest zniszczenie potencjalnie istniejących mikroprzerzutów i zmniejszenie tym samym prawdopodobieństwa nawrotu nowotworu;
- leczenie równoczesne — kojarzenie różnych metod leczenia w tym samym czasie, na przykład równoczesna chemioradioterapia oraz napromienianie śródoperacyjne;
- leczenie naprzemienne — dotyczy kojarzenia radioterapii i chemioterapii.

W tej pracy omawiany jest przypadek leczenia skojarzoną metodą chemioterapii i immunoterapii, zwanej także biochemioterapią [1].



## 4. Model matematyczny

Model matematyczny wykorzystany w pracy to model będący połączeniem modelu de Pillis'a [19] oraz modelu Isaeva i Osipov'a [18] opisany w literaturze [1]. W pierwszym etapie rozważymy model bez uwzględnienia procesu leczenia, który obejmuje cztery populacje komórek, tj.:

- $\mathcal{T}$  – populację komórek nowotworowych,
- $\mathcal{N}$  – populację komórek NK,
- $\mathcal{L}$  – populację limfocytów  $T_{CD8+}$ ,
- $\mathcal{C}$  – populację limfocytów krążących,

W drugim etapie model zostaje poddany modyfikacji, uwzględnia proces leczenia i dodatkowo badane są zmiany stężenia w czasie trzech podawanych leków:

- $I(t)$  – funkcja stężenia interleukin-2 w czasie,
- $I_{\alpha}(t)$  – funkcja stężenia interferonów- $\alpha$  w czasie,
- $M(t)$  – funkcja stężenia cytostatyku użytego w chemioterapii w czasie.

W równaniach modelu przed modyfikacją uwzględniono takie czynniki, jak:

- naturalny rozwój i śmierć komórek,
- śmierć komórek nowotworowych pod wpływem komórek NK, limfocytów  $T_{CD8+}$ ,
- wytwarzanie komórek NK i limfocytów  $T_{CD8+}$ ,
- dezaktywację komórek NK i limfocytów  $T_{CD8+}$ .

Natomiast w modelu zmodyfikowanym wzięto pod uwagę również:

- ilość podawanych leków i czas, w którym zostały podane,
- śmierć komórek nowotworowych pod wpływem podawanych leków.

## 4.1 Model nieuwzględniający procesu leczenia

### 4.1.1 Założenia modelu

Przyjęto założenia jak w modelu de Pillis'a, Isaeva i Osipov'a [1]:

1. W przypadku braku odpowiedzi układu immunologicznego liczba komórek nowotworowych wzrasta logistycznie.
2. Komórki NK i limfocyty  $T_{CD8+}$  są zdolne zniszczyć komórki nowotworu.
3. Pod wpływem komórek nowotworowych komórki NK i limfocyty  $T_{CD8+}$  ulegają szybszej proliferacji oraz wzrasta ich aktywność cytolityczna<sup>1</sup>.
4. Komórki NK są zawsze obecne w organizmie, także w przypadku braku występowania komórek nowotworowych.
5. W organizmie występuje duża liczba aktywnych limfocytów  $T_{CD8+}$ , tylko w przypadku obecności komórek nowotworowych. Jest to specyficzna odpowiedź immunologiczna.
6. Komórki NK i limfocyty  $T_{CD8+}$  ulegają całkowitej dezaktywacji po pewnej liczbie interakcji z komórkami nowotworowymi.
7. Komórki nowotworowe dezaktywują się pod wpływem interferonów  $\alpha$ .
8. Poziom krążących limfocytów może służyć do oceny zdrowia pacjenta.
9. Odsetek komórek nowotworowych zniszczonych w wyniku chemioterapii zależy od ilości cytostatyku obecnego w organizmie. Maksymalny odsetek zniszczonych komórek wynosi mniej niż 1 ze względu na to, że pokonanie komórek nowotworowych wskutek chemioterapii jest możliwe tylko na niektórych etapach ich rozwoju.
10. Część komórek NK, limfocytów  $T_{CD8+}$  i limfocytów krążących jest niszczone podczas chemioterapii.
11. Komórki NK i limfocyty  $T_{CD8+}$  uczestniczą w procesie stymulacji i eliminacji aktywowanych komórek (efektorów); uproszczony model ma odzwierciedlać samoregulujący się charakter układu immunologicznego.

---

<sup>1</sup> Aktywność cytolityczna – jeden z mechanizmów cytotoksyczności limfocytów służący do niszczenia komórek zainfekowanych lub nowotworowych [15].

### 4.1.2 Równania i opis modelu

W modelu nieleczzonego guza, rozważamy cztery populacje komórek, są to populacja komórek nowotworowych ( $\mathcal{T}$ ), populacja komórek NK ( $\mathcal{N}$ ), populacja limfocytów  $T_{CD8+}$  ( $\mathcal{L}$ ) oraz populacja limfocytów krążących ( $\mathcal{C}$ ).

Model nieleczzonego guza nowotworowego jest układem równań różniczkowych zwyczajnych 4.1. Równania tego modelu przedstawiają tempo zmian proliferacji komórek nowotworowych oraz tempo zmian liczby komórek układu immunologicznego (komórek NK, limfocytów  $T_{CD8+}$  oraz limfocytów krążących) w odpowiedzi na wzrost liczby komórek nowotworowych.

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{dT}{dt} = aT(1 - bT) - cNT - DT, \\ \frac{dN}{dt} = eC - fN + g\frac{T^2}{h + T^2}N - pNT, \\ \frac{dL}{dt} = -mL + j\frac{D^2T^2}{k + D^2T^2}L - qLT + (r_1N + r_2C)T - uNL^2, \\ \frac{dC}{dt} = \alpha - \beta C, \end{array} \right. \quad (4.1)$$

gdzie:

- $T(t)$  - liczba komórek nowotworowych w chwili czasowej  $t$ ,
- $N(t)$  - liczba komórek NK w chwili czasowej  $t$ ,
- $L(t)$  - liczba limfocytów  $T_{CD8+}$  w chwili czasowej  $t$ ,
- $C(t)$  - liczba limfocytów krążących w chwili czasowej  $t$ ,
- $D = d\frac{(\frac{L}{T})^l}{s + (\frac{L}{T})^l}$ .

Pierwsze z równań modelu 4.1 opisuje tempo zmian liczby komórek nowotworowych w chwili czasowej  $t$   $\frac{dT}{dt}$  uwzględniając zarówno proces proliferacji tych komórek, jak i efekt cytotoksyczności wywołany odpowiedzią układu immunologicznego.

Wyrażenie  $aT(1 - bT)$  zwiększa prędkość zmian liczebności populacji komórek nowotworowych, gdyż określa liczbę komórek nowotworowych, które powstały w danej chwili czasowej  $t$  w wyniku ich proliferacji. Wyrażenia  $-cNT$  oraz  $-DT$  z kolei hamują tempo zmian liczebności komórek nowotworowych, gdyż przedstawiają odpowiednio:

liczbę komórek nowotworowych zniszczonych na skutek ich interakcji z komórkami NK oraz z limfocytami  $T_{CD8+}$ , w danej chwili czasowej  $t$ .

Drugie równanie modelu 4.1 określa tempo zmian  $\frac{dN}{dt}$  liczebności populacji komórek NK, w chwili czasowej  $t$ , na które wpływa kilka składników.

Składnik  $eC$  to liczba komórek NK powstałych z krążących limfocytów w chwili czasowej  $t$ ,  $-fN$  opisuje liczbę komórek NK zniszczonych w chwili czasowej  $t$ .

Składowa  $g\frac{T^2}{h+T^2}N$  określa liczbę nowopowstałych komórek określonych jako NK w chwili czasowej  $t$ , natomiast  $-pNT$  to komórki NK dezaktywowane w chwili czasowej  $t$  na skutek interakcji z komórkami nowotworowymi.

Trzecim równaniem modelu 4.1 zostało opisane tempo zmian liczebności populacji limfocytów  $T_{CD8+}$   $\frac{dL}{dt}$ .

Pierwsza składowa  $-mL$  określa liczbę limfocytów  $T_{CD8+}$  zniszczonych w chwili czasowej  $t$  na skutek obecności komórek nowotworowych. Kolejna  $j\frac{D^2T^2}{k+D^2T^2}L$  to liczba limfocytów  $T_{CD8+}$  stymulowanych przez komórki nowotworowe, które są lizowane przez limfocyty  $T_{CD8+}$  w chwili czasowej  $t$ . Liczba dezaktywowanych limfocytów  $T_{CD8+}$  w chwili czasowej  $t$  na skutek interakcji z komórkami nowotworowymi jest opisana przy pomocy składowej  $-qLT$ . Przedostatnią składową w tym równaniu jest  $(r_1N + r_2C)T$  odpowiadająca liczbie limfocytów  $T_{CD8+}$  stymulowanych przez komórki nowotworowe, które są lizowane przez komórki NK oraz limfocytów  $T_{CD8+}$  powstałych na skutek obecności komórek nowotworowych w chwili czasowej  $t$ .  $-uNL^2$  wyznacza liczbę limfocytów  $T_{CD8+}$  dezaktywowanych w chwili czasowej  $t$  na skutek działania komórek NK.

Równanie czwarte określa tempo zmian liczebności populacji limfocytów krążących  $\frac{dC}{dt}$ , w chwili czasowej  $t$ , które jest modulowane poprzez różnicę między stałą liczbą  $\alpha$  krążących limfocytów a stopniem ich degradacji  $-\beta C$ , gdzie  $\beta$  to stała określająca tempo wyniszczania krążących limfocytów.

## 4.2 Model uwzględniający proces leczenia

Przyjęto założenia dla modelu jak w rozdziale 4.1.1.

### 4.2.1 Równania i opis modelu

W modelu 4.2, poza czterema populacjami uwzględnionymi w modelu 4.1, rozważamy dodatkowo zmiany stężenia trzech podawanych leków, czyli interleukin-2 ( $I$ ), interferonów- $\alpha$  ( $I_\alpha$ ) oraz cytostatyku użytego w chemioterapii ( $M$ ).

Przedstawione w układzie 4.2 równania odpowiadają zmianom liczby komórek, jak w modelu 4.1, ale także opisują wpływ podawanych leków na nowotwór oraz ich rozpad w organizmie. Modyfikacje wprowadzone do modelu, odpowiadające podawanym

lekom zaznaczono w układzie 4.2 na czerwono.

Parametry modelu leczonego guza 4.2, ukazano w tabeli 4.2.

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{dT}{dt} = aT(1 - bT) - cNT - DT - K_T(1 - e^{-M})T - c'TL, \\ \frac{dN}{dt} = eC - fN + g\frac{T^2}{h + T^2}N - pNT - K_N(1 - e^{-M})N, \\ \frac{dL}{dt} = -mL + j\frac{D^2T^2}{k + D^2T^2}L - qLT + (r_1N + r_2C)T - uNL^2 - K_L(1 - e^{-M})L + \frac{p_iLI}{g_i} + \nu_L(t), \\ \frac{dC}{dt} = \alpha - \beta C - K_C(1 - e^{-M})C, \\ \frac{dM}{dt} = -\gamma M + \nu_M(t), \\ \frac{dI}{dt} = -\mu_i L - j'LI - k'TI + \nu_I(t), \\ \frac{dI_\alpha}{dt} = \nu_\alpha(t) - g'I_\alpha, \end{array} \right. \quad (4.2)$$

gdzie:

- $T(t)$  - liczba komórek nowotworowych w chwili czasowej  $t$ ,
- $N(t)$  - liczba komórek NK w chwili czasowej  $t$ ,
- $L(t)$  - liczba limfocytów  $T_{CD8+}$  w chwili czasowej  $t$ ,
- $C(t)$  - liczba limfocytów krążących w chwili czasowej  $t$ ,
- $M(t)$  - stężenie cytostatyku w chwili czasowej  $t$ ,
- $I(t)$  - stężenie interleukin-2 w chwili czasowej  $t$ ,
- $I_\alpha(t)$  - stężenie interferonów- $\alpha$  w chwili czasowej  $t$ ,
- $D = d\frac{(\frac{L}{T})^l}{s + (\frac{L}{T})^l}$ ,
- $c' = c_{CTL}(2 - e^{\frac{I_\alpha}{I_{\alpha 0}}})$ .

W odróżnieniu od modelu 4.1, w pierwszym równaniu modelu 4.2 występuje dodatkowo składowa  $-K_T(1 - e^{-M})T$ , która opisuje liczbę komórek nowotworowych zniszczonych w danej chwili czasowej  $t$  na skutek działania cytostatyku podanego podczas chemioterapii. Kolejną modyfikacją jest  $-c'TL$ , opisująca liczbę komórek nowotworowych zniszczonych w danej chwili czasowej  $t$  na skutek interakcji pomiędzy IFN- $\alpha$ , limfocytami  $T_{CD8+}$  i komórkami nowotworu.

W drugim równaniu modele 4.1 i 4.2 różnią się tylko składową  $-K_N(1 - e^{-M})N$  określającą liczbę komórek NK zniszczonych w chwili czasowej  $t$  na skutek działania cytostatyku podanego podczas chemioterapii.

Trzecie równanie modelu 4.2, poza wyjaśnionymi wcześniej składowymi określa także  $-K_L(1 - e^{-M})L$  - liczbę limfocytów  $T_{CD8+}$  zniszczonych w chwili czasowej  $t$  na skutek działania cytostatyku podanego podczas chemioterapii oraz  $\frac{p_i LI}{g_i}$  - liczbę limfocytów  $T_{CD8+}$  stymulowanych przez IL-2. Funkcją opisującą ilość i czas podania TIL jest  $\nu_L(t)$ .

Jedyną zmianą w równaniu czwartym w stosunku do modelu 4.1 jest wprowadzenie składowej  $-K_C(1 - e^{-M})C$  wyznaczającej liczbę limfocytów krążących zniszczonych w chwili czasowej  $t$  na skutek działania cytostatyku podanego podczas chemioterapii.

W modelu leczonego guza 4.2 dodano kolejne trzy równania różniczkowe opisujące tempo zmian stężeń podawanych leków.

Równanie piąte określa zmiany stężenia cytostatyku w organizmie  $\frac{dM}{dt}$ . Składowa  $-\gamma M$  odpowiada spadkowi stężenia cytostatyku na skutek jego rozpadu, a  $\nu_M(t)$  to wyrażenie opisujące ilość i czas podania cytostatyku.

Kolejne równanie układu określa tempo zmian stężenia IL-2 w organizmie  $\frac{dI}{dt}$ . Spadek stężenia IL-2 na skutek jej rozpadu określa składowa  $-\mu_i L$ .  $-j'LI$  jest liczbą komórek IL-2 wchłoniętych przez limfocyty  $T_{CD8+}$  w chwili czasowej  $t$ , natomiast  $-k'TI$ , liczbą komórek IL-2 dezaktywowanych przez prostaglandyny w chwili czasowej  $t$ .  $\nu_I(t)$  to funkcja opisująca ilość i czas podania IL-2.

W siódmym równaniu określone jest tempo zmian stężenia IFN- $\alpha$  w organizmie  $\frac{dI_\alpha}{dt}$ .  $-gI_\alpha$  określa spadek stężenia IFN- $\alpha$  na skutek jego rozpadu, a  $\nu_\alpha(t)$  jest funkcją opisującą ilość i czas podania IFN- $\alpha$ .

**Tab. 4.1:** Parametry modelu odpowiedzi immunologicznej na rozwijający się nowotwór bez uwzględnienia procesu leczenia.

Nazwa	Wartość	Jednostka	Opis
a	$4,31 \cdot 10^{-1}$	$\text{dzień}^{-1}$	Tempo wzrostu nowotworu
b	$1,02 \cdot 10^{-9}$	$\text{komórka}^{-1}$	Odwrotność pojemności środowiska
c	$6,41 \cdot 10^{-11}$	$\text{dzień}^{-1} \cdot \text{komórka}^{-1}$	Liczba komórek nowotworu zabita przez komórki NK
d	2,34	$\text{dzień}^{-1}$	Współczynnik siły układu odpornościowego
e	$2,08 \cdot 10^{-7}$	$\text{dzień}^{-1}$	Liczba krążących limfocytów, które stały się komórkami NK
l	2,9	bezwymiarowe	Współczynnik skalowania siły układu odpornościowego
f	$4,12 \cdot 10^{-2}$	$\text{dzień}^{-1}$	Tempo wyniszczania komórek NK
g	$1,25 \cdot 10^{-2}$	$\text{dzień}^{-1}$	Maksymalna liczba komórek NK wytwarzanych na skutek obecności komórek nowotworowych
h	$2,02 \cdot 10^7$	$\text{komórka}^2$	Współczynnik stromości krzywej rekrutacji komórek NK
j	$2,49 \cdot 10^{-2}$	$\text{dzień}^{-1}$	Maksymalne tempo rekrutacji limfocytów $T_{CD8+}$
k	$3,66 \cdot 10^7$	$\text{komórka}^2$	Współczynnik stromości krzywej rekrutacji limfocytów $T_{CD8+}$
m	$2,04 \cdot 10^{-1}$	$\text{dzień}^{-1}$	Tempo wyniszczania limfocytów $T_{CD8+}$
q	$1,42 \cdot 10^{-6}$	$\text{dzień}^{-1} \cdot \text{komórka}^{-1}$	Tempo dezaktywacji limfocytów $T_{CD8+}$ przez komórki nowotworu
p	$3,42 \cdot 10^{-6}$	$\text{dzień}^{-1} \cdot \text{komórka}^{-1}$	Tempo dezaktywacji komórek NK przez komórki nowotworu
s	$8,39 \cdot 10^{-2}$	bezwymiarowe	Wartość $(\frac{L}{T})^l$ konieczna do osiągnięcia połowy maksymalnej wartości cytotoksyczności limfocytów $T_{CD8+}$
$r_1$	$1,1 \cdot 10^{-7}$	$\text{dzień}^{-1} \cdot \text{komórka}^{-1}$	Tempo stymulacji wytwarzania limfocytów $T_{CD8+}$ jako rezultat niszczenia komórek nowotworowych przez komórki NK
$r_2$	$6,5 \cdot 10^{-11}$	$\text{komórka}^{-1} \cdot \text{dzień}^{-1}$	Tempo stymulacji wytwarzania limfocytów $T_{CD8+}$ jako rezultat interakcji komórek nowotworowych z krążącymi limfocytami
u	$3 \cdot 10^{-10}$	$\text{komórka}^{-2} \cdot \text{dzień}^{-1}$	Współczynnik Funkcji regulacyjnej limfocytów $T_{CD8+}$ nadzorowanej przez komórki NK
$\alpha$	$7,5 \cdot 10^8$	$\text{komórka} \cdot \text{dzień}^{-1}$	Stała liczba krążących limfocytów
$\beta$	$1,2 \cdot 10^{-2}$	$\text{dzień}^{-1}$	Tempo wyniszczania krążących limfocytów

**Tab. 4.2:** Dodatkowe parametry modelu odpowiedzi immunologicznej na rozwijający się nowotwór z uwzględnieniem procesu leczenia.

$\gamma$	$9 \cdot 10^{-1}$	dzień <sup>-1</sup>	Tempo rozpadu leku chemioterapeutycznego
$p_i$	$1,25 \cdot 10^{-1}$	dzień <sup>-1</sup>	Maksymalne tempo rekrutacji limfocytów $T_{CD8+}$ przez interleukiny-2
$g_i$	$2 \cdot 10^2$	komórka <sup>2</sup>	Wartość stężenia interleukiny-2 konieczna do osiągnięcia połowy maksymalnej wartości aktywności cytolitycznej limfocytów $T_{CD8+}$
$\mu_i$	$1 \cdot 10^1$	dzień <sup>-1</sup>	Tempo rozpadu interleukiny-2 (leku)
$C_{CTL}$	$4,4 \cdot 10^{-9}$	komórka <sup>-1</sup> · dzień <sup>-1</sup>	Tempo dezaktywacji nowotworu przez limfocyty $T_{CD8+}$
$g'$	1,7	dzień <sup>-1</sup>	Tempo rozpadu terapeutycznego interferonu- $\alpha$
$j'$	$3,3 \cdot 10^{-9}$	komórka <sup>-1</sup> · dzień <sup>-1</sup>	Tempo wchłaniania interleukiny-2 przez limfocyty $T_{CD8+}$
$k'$	$1,8 \cdot 10^{-8}$	komórka <sup>-1</sup> · dzień <sup>-1</sup>	Dezaktywacja molekuł interleukiny-2 przez prostaglandyny
$I_{\alpha 0}$		jednostki	Początkowa ilość interferonu- $\alpha$



## 5. Symulacje

W pracy przeprowadzono modelowanie odpowiedzi układu immunologicznego na rozwijający się nowotwór:

- bez uwzględnienia procesu leczenia,
- z uwzględnieniem leczenia wyłącznie metodą chemioterapii,
- z uwzględnieniem leczenia wyłącznie metodą immunoterapii,
- z uwzględnieniem leczenia skojarzonymi metodami chemioterapii i immunoterapii.

Warunki początkowe (Tab. 5.1) dla modelu 4.1 dobrano zgodnie z literaturą [1]. Dla większej czytelności, wielkość nowotworu określono również poprzez długość jego promienia, przyjmując, że nowotwór ma kształt zbliżony do kuli, a na  $1\text{ cm}^3$  przypada  $10^9$  komórek [23].

**Tab. 5.1:** Warunki początkowe dla modelu odpowiedzi immunologicznej na rozwijający się nowotwór bez uwzględnienia procesu leczenia.

Wartość [liczba komórek]	Rodzaj komórek	Promień nowotworu [mm]
$T(0) = 1 \cdot 10^6$	Komórki nowotworowe	0,62
$N(0) = 1 \cdot 10^5$	Komórki NK	
$L(0) = 1 \cdot 10^2$	Limfocyty $T_{CD8+}$	
$C(0) = 6 \cdot 10^{10}$	Limfocyty krążące	

## 5.1 Odpowiedź układu immunologicznego na rozwijający się w organizmie nowotwór – brak leczenia

### 5.1.1 Scenariusz I – symulacja wykonana dla modelu nieleczzonego guza

#### Podejmowany problem:

Analiza zmian odpowiedzi układu immunologicznego w zależności od początkowej wielkości nowotworu (na podstawie wielkości nowotworu po zadanym czasie symulacji).

#### Warunki początkowe:

Wielkość (tj., liczbę komórek) nowotworu  $T(0)$ , liczbę komórek NK  $N(0)$ , liczbę limfocytów  $T_{CD8+}$  oraz liczbę limfocytów krążących  $C(0)$  dobrano jak w tabeli 5.1, a następnie doświadczalnie zmieniano wartość początkowej wielkości nowotworu  $T(0)$ .

#### Przyjęte parametry:

Parametry dla modelu nieuwzględniającego leczenia jak w tabeli 4.1.

#### Czas symulacji:

$T_k = 120$  dni

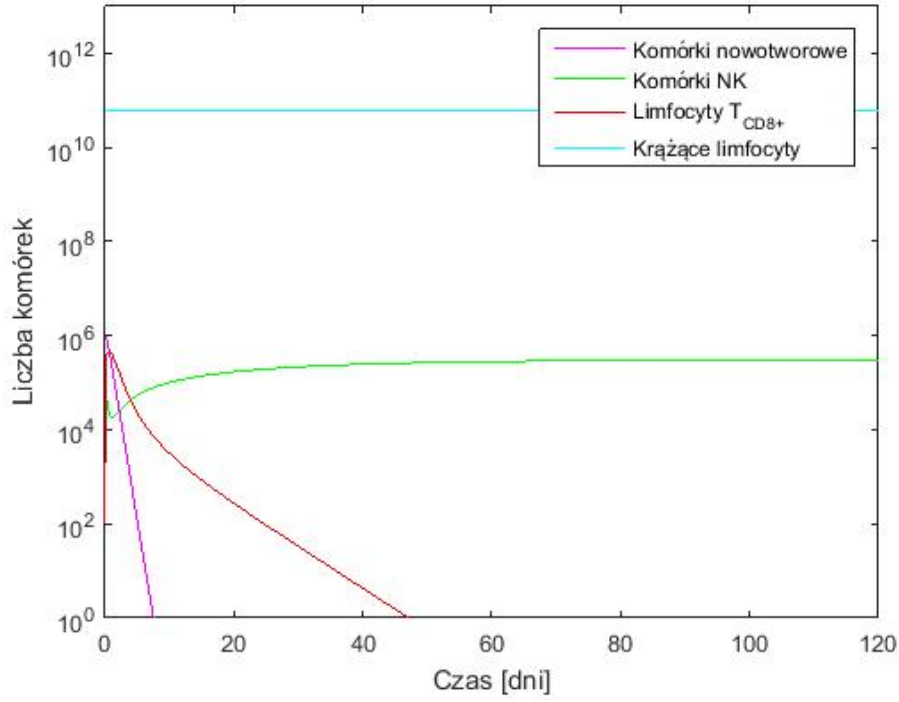
W tabeli 5.2 przedstawiono początkową liczbę komórek nowotworu  $T(0)$ , liczbę komórek nowotworu po symulacji w chwili  $T_k = 120$  dni  $T(120)$  oraz szacowaną objętość i długość promienia nowotworu po symulacji w chwili  $T_k = 120$  dni.

**Tab. 5.2:** Początkowa liczba komórek nowotworowych  $T(0)$ , liczba komórek nowotworowych po symulacji w chwili  $T_k = 120$  dni  $T(120)$  oraz szacowana objętość i długość promienia nowotworu po symulacji w chwili  $T_k = 120$  dni.

$T(0)$ [liczba komórek]	$T(120)$ [liczba komórek]	Objętość nowotworu [ $mm^3$ ]	Promień nowotworu [ $mm$ ]
$1 \cdot 10^6$	$6,76 \cdot 10^{-8}$	$6,76 \cdot 10^{-14}$	$2,5 \cdot 10^{-5}$
$2 \cdot 10^6$	$8,15 \cdot 10^{-8}$	$8,15 \cdot 10^{-14}$	$2,7 \cdot 10^{-5}$
$5 \cdot 10^6$	$2,69 \cdot 10^{-8}$	$2,69 \cdot 10^{-14}$	$1,9 \cdot 10^{-5}$
$1 \cdot 10^7$	$3,44 \cdot 10^{-8}$	$3,44 \cdot 10^{-14}$	$2 \cdot 10^{-5}$
$1,5 \cdot 10^7$	$4,41 \cdot 10^{-8}$	$4,41 \cdot 10^{-14}$	$2,2 \cdot 10^{-5}$
$1,7 \cdot 10^7$	$2,96 \cdot 10^{-8}$	$2,96 \cdot 10^{-14}$	$1,9 \cdot 10^{-5}$
$1,75 \cdot 10^7$	$3,67 \cdot 10^{-8}$	$3,67 \cdot 10^{-14}$	$2,1 \cdot 10^{-5}$
$1,8 \cdot 10^7$	$9,8 \cdot 10^8$	980	6,16
$2 \cdot 10^7$	$9,8 \cdot 10^8$	980	6,16
$5 \cdot 10^7$	$9,8 \cdot 10^8$	980	6,16

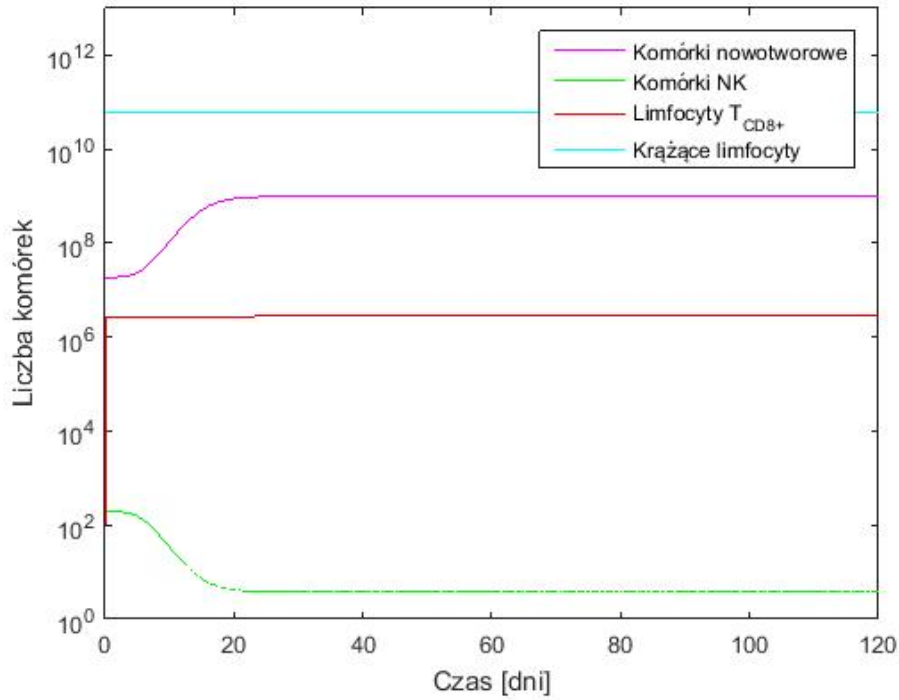
Przykładowe zmiany liczby komórek każdej z czterech badanych populacji - komórek nowotworowych  $T(t)$ , komórek NK  $N(t)$ , limfocytów  $T_{CD8+}$   $L(t)$  i limfocytów krążących  $C(t)$  przedstawiono na poniższych wykresach (Rys. 5.1).

Na pierwszym wykresie (Rys. 5.1a) przedstawiono regresję nowotworu wskutek działania układu immunologicznego po około 7 dniach. Wykres drugi (Rys. 5.1b) obrazuje przypadek, w którym układ immunologiczny nie jest w stanie pokonać nowotworu – liczba jego komórek stabilizuje się po 24 dniach około wartości  $9,8 \cdot 10^8$  (odpowiada to objętości  $980 \text{ mm}^3$  i długości promienia  $6,16 \text{ mm}$ ).



(a)

Zmiany liczby komórek badanych populacji dla wartości początkowej liczby komórek nowotworowych  $T(0) = 1 \cdot 10^6$ . Regresja nowotworu po czasie  $T_r \approx 7$  dni (168 godzin).

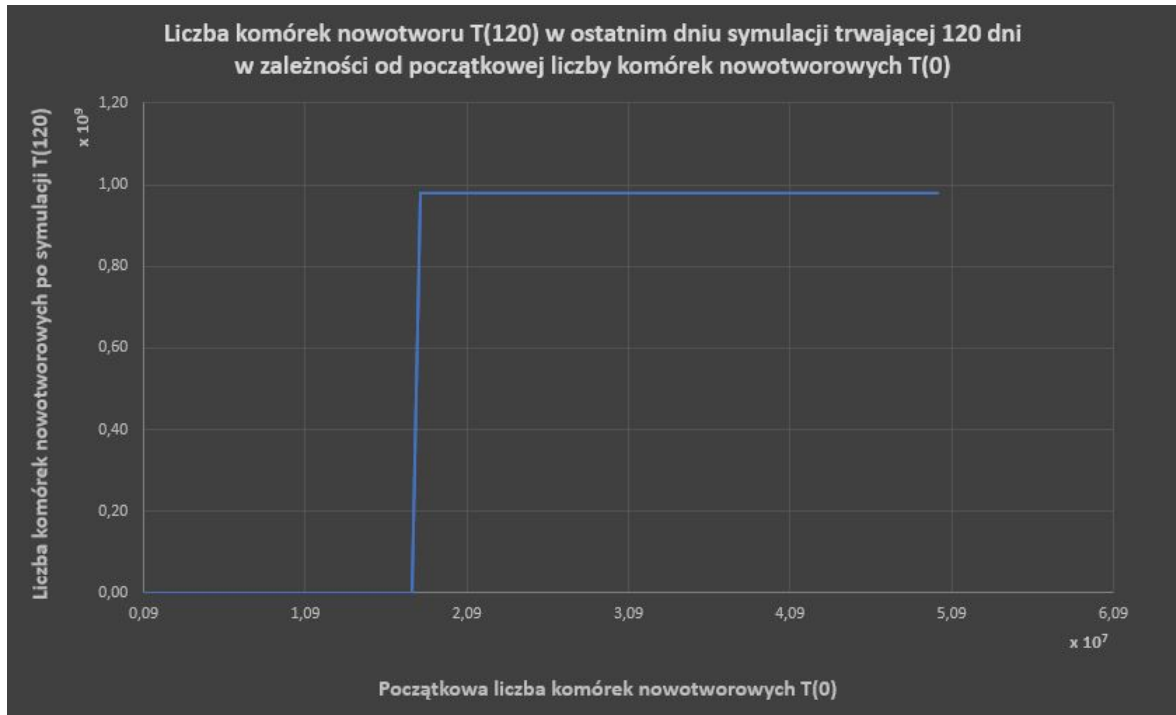


(b)

Zmiany liczby komórek badanych populacji dla wartości początkowej liczby komórek nowotworowych  $T(0) = 1.8 \cdot 10^7$ . Stabilizacja liczby komórek nowotworowych po czasie  $T_s \approx 24$  dni (576 godzin) około wartości  $9,8 \cdot 10^8$ .

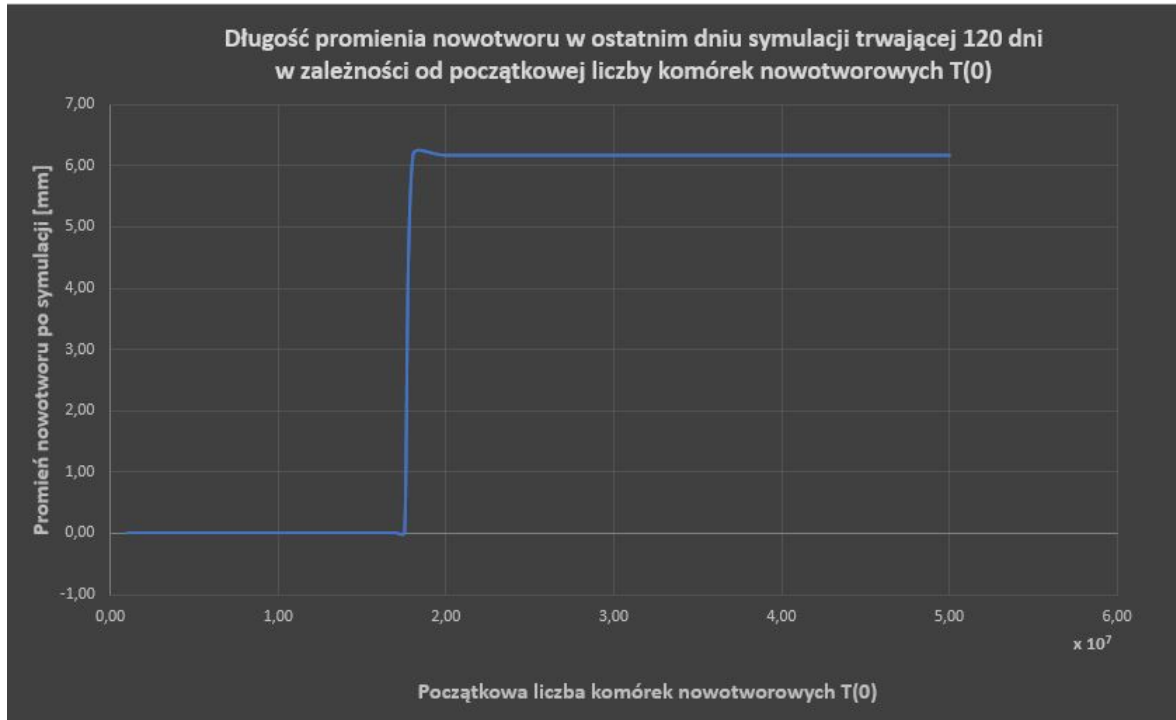
**Rys. 5.1:** Wykresy zmian liczby komórek badanych populacji – komórek nowotworowych  $T(t)$ , komórek NK  $N(t)$ , limfocytów  $T_{CD8+}$   $L(t)$  i limfocytów krążących  $C(t)$ .

Zmiany wielkości nowotworu otrzymane na koniec symulacji trwającej  $T_k = 120$  dni w zależności od początkowej liczby komórek nowotworowych  $T(0)$  przedstawiono na wykresie (Rys. 5.2).



**Rys. 5.2:** Wyniki otrzymane na koniec symulacji, która trwała  $T_k = 120$  dni. Liczba komórek nowotworowych na koniec symulacji  $T(120)$  w zależności od początkowej liczby komórek nowotworowych  $T(0)$ .

Na wykresie (Rys. 5.3) pokazano zmiany długości promienia nowotworu otrzymane na koniec symulacji trwającej  $T_k = 120$  dni w zależności od początkowej liczby komórek nowotworowych  $T(0)$ .



**Rys. 5.3:** Wyniki otrzymane na koniec symulacji, która trwała  $T_k = 120$  dni. Długość promienia nowotworu [mm] na koniec symulacji w zależności od początkowej liczby krążących limfocytów  $T(0)$ .

Wnioski:

- zdrowy układ immunologiczny jest w stanie zniszczyć komórki nowotworowe przy wykorzystaniu wyłącznie komórek występujących naturalnie w organizmie (komórek NK, limfocytów  $T_{CD8+}$ , limfocytów krążących) bez ingerencji dodatkowych czynników (np. leczenia);
- przy zbyt dużej początkowej liczbie komórek nowotworu ( $T(0) = 1,8 \cdot 10^7$ ) układ immunologiczny nie jest w stanie samoistnie pozbyć się nowotworu.

### 5.1.2 Scenariusz II – symulacja wykonana dla modelu nieleczzonego guza

#### Podjęmowany problem:

Analiza zmian odpowiedzi układu immunologicznego w zależności od początkowej liczby limfocytów krążących  $C(0)$  (badanie stanu układu immunologicznego na podstawie wielkości nowotworu po zadanym czasie symulacji).

#### Warunki początkowe:

Wielkość (tj., liczbę komórek) nowotworu  $T(0)$ , liczbę komórek NK  $N(0)$ , liczbę limfocytów  $T_{CD8+}$  oraz liczbę limfocytów krążących  $C(0)$  dobrano jak w tabeli 5.1, a następnie doświadczalnie zmieniano wartość początkowej liczby limfocytów krążących  $C(0)$ .

#### Przyjęte parametry:

Parametry dla modelu nieuwzględniającego leczenia jak w tabeli 4.1.

#### Czas symulacji:

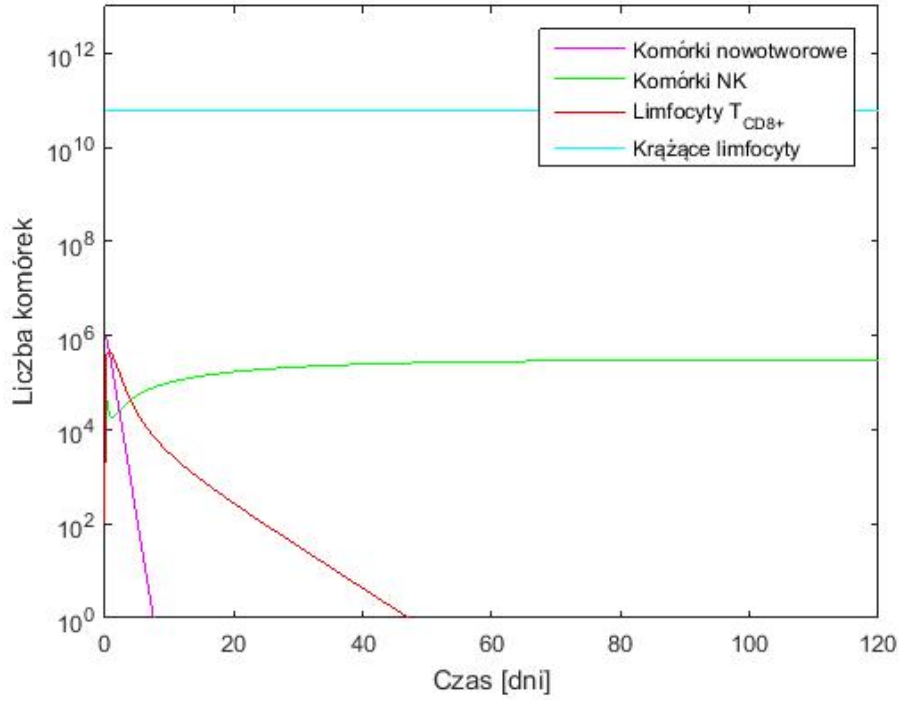
$T_k = 120$  dni

W tabeli 5.3 przedstawiono początkową liczbę limfocytów krążących  $C(0)$ , liczbę komórek nowotworu po symulacji w chwili  $T_k = 120$  dni  $T(120)$  oraz szacowaną objętość i długość promienia nowotworu po symulacji w chwili  $T_k = 120$  dni.

**Tab. 5.3:** Początkowa liczba limfocytów krążących  $C(0)$ , liczba komórek nowotworowych po symulacji w chwili  $T_k = 120$  dni  $T(120)$  oraz szacowana objętość i długość promienia nowotworu po symulacji w chwili  $T_k = 120$  dni.

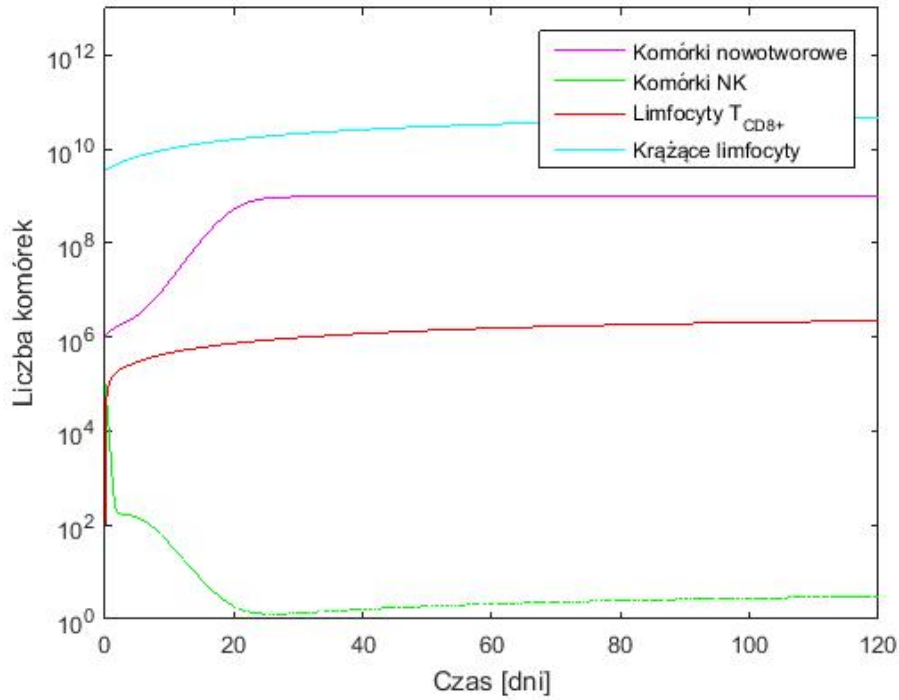
$C(0)$ [liczba komórek]	$T(120)$ [liczba komórek]	Objętość nowotworu [ $mm^3$ ]	Promień nowotworu [mm]
$6 \cdot 10^{10}$	$6,76 \cdot 10^{-8}$	$6,76 \cdot 10^{-14}$	$2,5 \cdot 10^{-5}$
$3 \cdot 10^{10}$	$1,69 \cdot 10^{-7}$	$1,69 \cdot 10^{-13}$	$3,4 \cdot 10^{-5}$
$1 \cdot 10^{10}$	$3,09 \cdot 10^{-8}$	$1,33 \cdot 10^{-14}$	$1,5 \cdot 10^{-5}$
$6 \cdot 10^9$	$4,79 \cdot 10^{-8}$	$4,79 \cdot 10^{-14}$	$2,3 \cdot 10^{-5}$
$4 \cdot 10^9$	$5,72 \cdot 10^{-8}$	$5,72 \cdot 10^{-14}$	$2,4 \cdot 10^{-5}$
$3,5 \cdot 10^9$	$9,8 \cdot 10^8$	980	6,16
$3 \cdot 10^9$	$9,8 \cdot 10^8$	980	6,16
$1 \cdot 10^9$	$9,8 \cdot 10^8$	980	6,16
$6 \cdot 10^8$	$9,8 \cdot 10^8$	980	6,16
$3 \cdot 10^8$	$9,8 \cdot 10^8$	980	6,16

Zmiany liczby komórek badanych populacji - komórek nowotworowych  $T(t)$ , komórek NK  $N(t)$ , limfocytów  $T_{CD8+}$   $L(t)$  i limfocytów krążących  $C(t)$  przedstawiono na wykresach (Rys. 5.4).



(a)

Zmiany liczby komórek badanych populacji dla wartości początkowej liczby limfocytów krążących  $C(0) = 6 \cdot 10^{10}$ . Regresja nowotworu po czasie  $T_r \approx 7$  dni (168 godzin).



(b) Zmiany liczby komórek badanych populacji

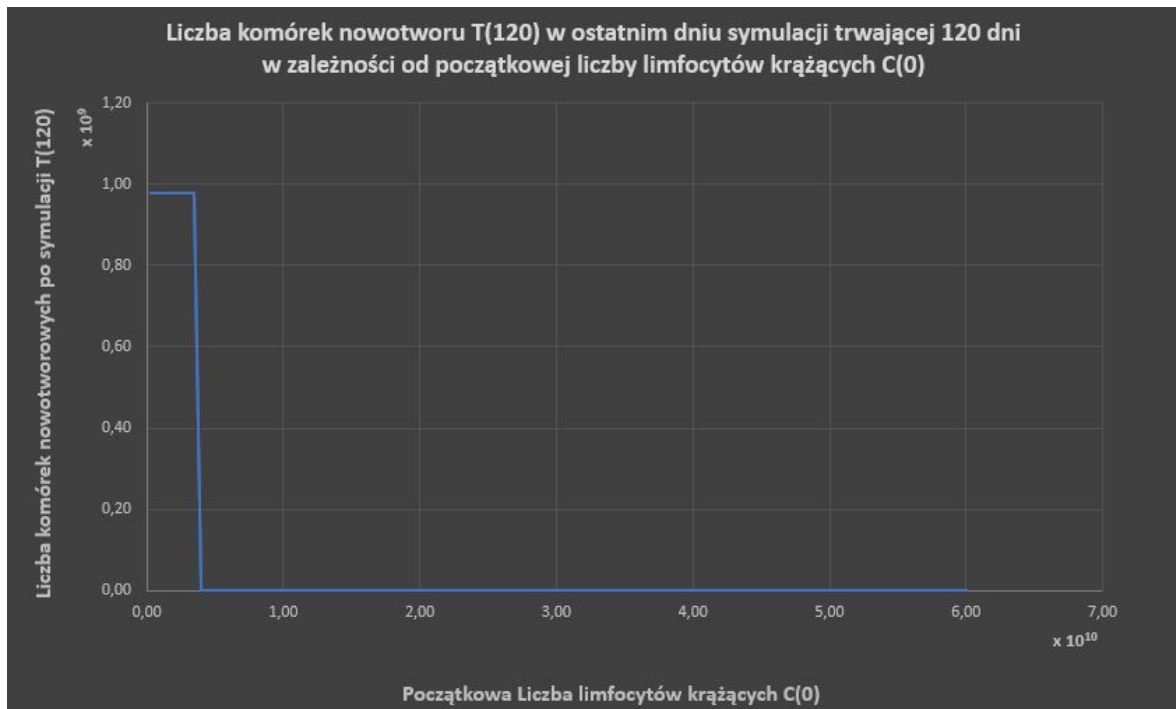
dla wartości początkowej liczby limfocytów krążących  $C(0) = 3,5 \cdot 10^9$ . Stabilizacja liczby komórek nowotworowych po czasie  $T_s \approx 28$  dni (672 godziny) około wartości  $9,8 \cdot 10^8$ .

**Rys. 5.4:** Wykresy zmian liczby komórek badanych populacji – komórek nowotworowych  $T(t)$ , komórek NK  $N(t)$ , limfocytów  $T_{CD8+}$   $L(t)$  i limfocytów krążących  $C(t)$ .



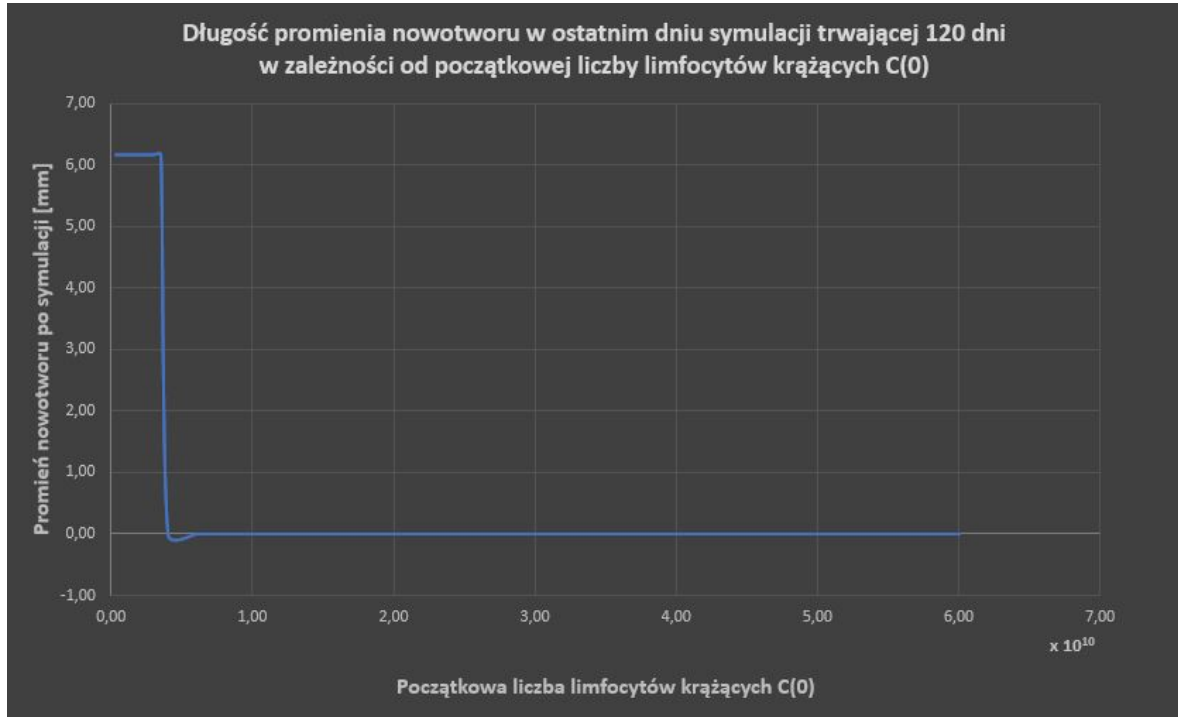
Na pierwszym z nich (Rys. 5.4a) przedstawiono regresję nowotworu wskutek działania odpowiednio silnego układu immunologicznego po około 7 dniach. Na drugim wykresie (Rys. 5.4b) liczba komórek nowotworowych stabilizuje się po 28 dniach około wartości  $9,8 \cdot 10^8$  (odpowiada to objętości  $980 \text{ mm}^3$  i długości promienia  $6,16 \text{ mm}$ ). Układ immunologiczny ze względu na zmniejszoną liczbę krążących limfocytów jest zbyt słaby, by zniszczyć komórki nowotworu.

Zmiany wielkości nowotworu otrzymane na koniec symulacji trwającej  $T_k = 120$  dni w zależności od początkowej liczby krążących limfocytów  $C(0)$  przedstawiono na wykresie (Rys. 5.5).



**Rys. 5.5:** Wyniki otrzymane na koniec symulacji, która trwała  $T_k = 120$  dni. Liczba komórek nowotworowych na koniec symulacji  $T(120)$  w zależności od początkowej liczby krążących limfocytów  $C(0)$ .

Na wykresie (Rys. 5.6) pokazano zmiany długości promienia nowotworu otrzymane na koniec symulacji trwającej  $T_k = 120$  dni w zależności od początkowej liczby krążących limfocytów  $C(0)$ .



**Rys. 5.6:** Wyniki otrzymane na koniec symulacji, która trwała  $T_k = 120$  dni. Długość promienia nowotworu [mm] na koniec symulacji w zależności od początkowej liczby krążących limfocytów  $C(0)$ .

Wnioski:

- przy odpowiednio dużej liczbie krążących limfocytów ( $C(0) \approx 4 \cdot 10^9$ ) układ immunologiczny jest w stanie zniszczyć komórki nowotworowe bez ingerencji zewnętrznych czynników (np. leczenia),
- przy zbyt małej liczbie krążących limfocytów (zły stan układu immunologicznego) organizm nie jest w stanie zniszczyć komórek nowotworowych.

- 5.2 Leczenie metodą chemioterapii
- 5.3 Leczenie metodą immunoterapii
- 5.4 Połączenie metod chemioterapii  
i immunoterapii

## 6. Rezultaty

## 7. Analiza wyników

## 8. Podsumowanie

# Bibliografia

- [1] Mustafa Mamat, Subiyanto i Agus Kartono, „Mathematical Model of Cancer Treatments Using Immunotherapy, Chemotherapy and Biochemotherapy”,
- [2] R. Tadeusiewicz, „Biocybernetyka. Metodologiczne podstawy dla inżynierii biomedycznej.”, PWN, 2013
- [3] Redaktor naukowy dr n. med. Janusz Meder, „Podstawy onkologii klinicznej”, Centrum Medyczne Kształcenia Podyplomowego w Warszawie, 2011
- [4] Ewelina Dymarska, „Czynniki modulujące układ immunologiczny człowieka”, Uniwersytet Ekonomiczny we Wrocławiu, Zeszyty Naukowe Państwowej Wyższej Szkoły Zawodowej im. Witelona w Legnicy nr 19(2)/2016
- [5] Nadzieja Drela, „Immunologiczna teoria starzenia”, Wydział Biologii Uniwersytetu Warszawskiego, Instytut Zoologii, Zakład Immunologii, Warszawa, 23 kwietnia 2014
- [6] Marta Sochocka, Zofia Błach-Olszewska, „Mechanizmy wrodzonej odporności”, Laboratorium Wirusologii Instytutu Immunologii i Terapii Doświadczalnej Polskiej Akademii Nauk im L. Hirszfelda we Wrocławiu, Postępy Hig Med Dośw., 59: 250-258, 2005
- [7] Emilia Kolarzyk, „Wybrane problemy higieny i ekologii człowieka”, Wydawnictwo Uniwersytetu Jagiellońskiego, Kraków, 2008, wyd.1
- [8] Beata Tokarz-Deptuła, Tymoteusz Miller, Wiesław Deptuła, „Cytokiny z rodziny interleukiny-1”, Katedra Mikrobiologii i Immunologii, Wydział Nauk Przyrodniczych, Uniwersytet Szczeciński
- [9] „Chemioterapia, Immunoterapia i Terapia Celowana Informacje dla Pacjenta”, Centrum Onkologii Ziemi Lubelskiej im. św. Jana z Dukli, Lublin, 2011
- [10] Jacek Mackiewicz, Andrzej Mackiewicz, „Immunoterapia nowotworów i perspektywy jej rozwoju”, Zakład Immunologii Nowotworów, Katedra Biotechnologii Medycznej, Uniwersytet Medyczny im. Karola Marcinkowskiego w Poznaniu, Wielkopolskie Centrum Onkologii w Poznaniu
- [11] Anna Świeboda-Sadlej, „Skojarzone leczenie nowotworów — współpraca chirurga i onkologa klinicznego w zakresie leczenia raka piersi, jelita grubego i płuca”, Klinika Hematologii, Onkologii i Chorób Wewnętrznych WUM

- [12] Ewa Sikora, „Cykl komórkowy i apoptoza: śmierć starej komórki”, Polskie Towarzystwo Biochemiczne, „Postępy biochemii”, tom 42, nr 2, 1996
- [13] Izabela Klaska, Jerzy Z. Nowak, „Rola układu dopełniacza w fizjologii i patologii”, Łódź, 2007
- [14] dr hab. Krzysztof Bryniarski, „Immunologia”, 2017
- [15] Włodzimierz Maśliński, Ewa Kontny, „Podstawy immunologii dla reumatologów”, Narodowy Instytut Geriatrii, Reumatologii i Rehabilitacji, Warszawa, 2015
- [16] Aleksandra E. Tokarz, Iwona Szuścik, Agnieszka Żyłka, Ewa Stępień, „Wykorzystanie mikromacierzy w ocenie prozapalnych i proangiogennych cytokin w patomechanizmie retinopatii cukrzycowej”, 2014
- [17] K. Morka, G. Bugla-Płoskońska, „Medycyna doświadczalna i mikrobiologia”, 2017
- [18] O.G. Isaeva and V.A. Osipov, „Different strategies for cancer treatment: Mathematical modelling”, 2009
- [19] L.G. de Pillisa, W. Gu, A.E. Radunskaya, „Mixed immunotherapy and chemotherapy of tumors: modeling, applications and biological interpretations”, 2005
- [20] Krzysztof Wiktorowicz, Krzysztof Kaszkowiak, „Budowa i funkcja ludzkich antygenów zgodności tkankowej. Część 1. Kodowanie i budowa”, Katedra Biologii i Ochrony Środowiska, Uniwersytet Medyczny im. Karola Marcinkowskiego w Poznaniu, 2018
- [21] Dominik Strzelecki, Tomasz Pawełczyk, Jolanta Rabe-Jabłońska, „Zaburzenia depresyjne w przebiegu leczenia przewlekłego wirusowego zapalenia wątroby interferonem  $\alpha$ ”, Postępy Psychiatrii i Neurologii, 2005
- [22] Waldemar Halota, Małgorzata Pawłowska, Michał Andrejczyn, „Interferony alfa w leczeniu przewlekłych zakażeń HCV”, Przegląd epidemiologiczny, 2004
- [23] Ugo Del Monte, „Does the cell number  $10^9$  still really fit one gram of tumor tissue?”, Cell Cycle, 8:3, 505-506, 2009



## 9. Dodatek

### 9.1 Tabela skrótów

**Tab. 9.1:** Skróty wykorzystane w pracy

Skrót	Nazwa angielska	Nazwa polska
TIL	Tumor Infiltrating Lymphocytes	Limfocyty naciekające nowotwór
NK	Natural killers	Naturalni zabójcy
IL-2	Interleukina-2	-
INF- $\alpha$	Interferon- $\alpha$	-
KIR	Killer cells Inhibitory Receptor	Receptor hamujący zabójcze komórki
LAK	Lymphokine Activated Killers	Komórki zabójcze aktywowane limfokiną
HSP	Heat Shock Protein	Białka szoku cieplnego
DC	Dendritic cells	Komórki dendrytyczne
ISRE	Interferon-Stimulated Response Element	Element odpowiedzi stymulowanej przez interferon